atentypen	
Zusammenfassung algd1 Bananenhoschi, Seite 1 von 4	

## Dita

## Bite

## 2er Potenzen

210	2 <sup>9</sup>	2°	2'	2°	2°	24	2°	22	21	2º
1024	512	256	128	64	32	16	8	4	2	1

	4	4				4		_
1	0.5	0.25	0.125	0.0625	0.03125	0.015625	0.0078125	0.00390625

## Bitshift

- >> Right Shift signed (mit 1en auffüllen)
- >>> Right Shift unsigned (mit 0en auffüllen)
- << Left Shift unsigned (mit 0en auffüllen)

**Exponent 8 Bit** 

## Float

V |

# Floating Point nach Dezimalzahl

1	1	0	0	0	0	1	0	1	0	0	1	0	0	1	0	
\	1															

Mantisse

Exponent = 128 + 4 + 1 = 133 => 133 - 127 (Bias) = 6

1.0010010 => Komma um 6 Stellen nach Rechts verschieben 1001001.0 = **73** 

## Dezimalzahl nach Floating Point

23.5

- 1. Dezimal zu Binär: 00010111.1
- 2. Normalisieren: 00010111.1 => 0001.011110...
- 3. Exponent: 4 + 127 (Bias) = 131 => 1000 0011

#### Oktal zu Binär

## Zeichen

Hex zu Binär

Hex	Bin	Hex	Bin
0	0000	8	1000
1	0001	9	1001
2	0010	Α	1010
3	0011	В	1011

Zeichencode	Byte 1	Byte 2	Byte 3	Byte 4
0xxxxxxx	0xxxxxx			
	→ 1 byte			
	→ 7 bit (ASCII)			
00000yyy	110ууууу	10xxxxxx		
уухххххх	→ 2 byte			
	→ 11 bit			
zzzzyyyy	1110zzzz	10уууууу	10xxxxxx	
уухххххх	→ 3 byte			
	→ 16 bit (BMP)			
000uuuzz	11110uuu	10zzzzzz	10уууууу	10xxxxxx
zzzyyyy	→ 4 byte			
уухххххх	→ 21 bit (alle)			

## Suchen

## Sequenzielle Suche

```
int search(int[] arr, int x) {
  for(int i = 0; i < arr.length; i++)
     if(arr[i] == x)
     return i;
  return -1;
}</pre>
```

## Sequenzielle Suche mit Wächter

```
boolean search(int[] data, int value){
   int last = arr[n - 1];
   arr[n - 1] = x;
   int i = 0;
   while (arr[i] != x)
        i++;
   arr[n - 1] = last;
   return (i < n - 1) || (x == arr[n - 1]);
}</pre>
```

#### Binäre Suche

```
int binSearch(int[] data, int value){
   int l = -1, h = data.length + 1;
   while(l+1 != h) {
      int m = (l + h)  \sum_ 2;
      if(data[m] < value)
        l = m;
      else if(data[m] > value)
        h = m;
      else
        return m;
   }
   return -1;
}
```

# Binäre Suche Speziell

## Binäre Suche für Objekte

```
T extends Comparable<? super T>> int binSearch(T[] data,
T value) {
    int l = -1, h = data.length;
    while (l + 1 != h) {
        int m = (l + h) >>> 1;
        int c = data[m].compareTo(value);
        if (c < 0) l = m;
        else if (c > 0) h = m;
        else return m;
    }
    return NOT_FOUND;
}
```

## Max Sub Array

```
int maxSub(int[] data) {
  int max = 0, cur = 0;
  for (int end = 0; end < data.length; end++) {
    cur = cur > 0 ? cur + data[end] : data[end];
        if (cur > max) max = cur;
  }
  return max;
}
```

#### Asymptotische Komplexität

#### Komplexitätsklassen

Klasse	Bezeichnung	$\frac{f(2n)}{f(n)} \approx$	Zuwachs
0(1)	konstant	1	kein Zuwachs
O(log n)	logarithmisch	$1 + \frac{\log 2}{\log n}$	Zuwachs nimmt mit grösseren n ab
<i>O</i> (n)	linear	2	
O(n log n)		$2 + \frac{2 \cdot \log 2}{\log n}$	Zuwachs mit konstantem Faktor (unabhängig von <i>n</i> )
0(n2)	quadratisch	4	
O(n3)	kubisch	8	
O(2 <sup>n</sup> )	ovnonentiall	2 <sup>n</sup>	
O(3 <sup>n</sup> )	exponentiell	$3^n$	Zuwachs nimmt mit grösserem n zu
<i>O</i> (n!)	Fakultät	$\prod_{i=n+1}^{2n} i$	

## $O(\log n) < O(\sqrt{n}) < O(n)$

Binäre Suche:  $O(\log n)$ Sequenzielle Suche: O(n)

```
Zusammenfassung algd1
Bananenhoschi, Seite 2 von 4
```

## Sortialgorithmen

## Bubble Sort

Sortiert von Hinten nach Vorne. Immer zwei Elemente werden verglichen. Wenn Element i-1 kleiner i dann wird getauscht. Vorne ist immer sortiert.  $O(n^2)$ 

```
void BubbleSort(int[] a) {
   int n = a.length;
   for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
      for (int j = n - 1; j > i; j--) {
        if (a[j] < a[j - 1]) {
          int t = a[j - 1]; a[j - 1] = a[j]; a[j] = t;
      }
   }
}</pre>
```

## Insertion Sort

Vorne nach Hinten. Vorne ist aufsteigend sortiert. In jeder Iteration wird ein Element mehr genommen und geschaut wo es hingehört.  $O(n^2)$  Insertion Sort mit binary Search hat  $O(n * \log n)$ 

```
void InsertionSort1(int[] a) {
   int n = a.length;
   for (int i = 1; i < n; i++) {
      for (int j = i; j > 0 && a[j - 1] > a[j]; j--) {
        int t = a[j - 1]; a[j - 1] = a[j]; a[j] = t;
      }
   }
}
```

#### Selection Sort

Vorne nach Hinten. Vorne ist aufsteigend sortiert. Es wird immer das kleinste Element im Array gesucht.  $O(n^2)$ 

```
void SelectionSort(int[] a) {
  int n = a.length;
  for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
    int min = i;
    for (int j = i + 1; j < n; j++) {
       if (a[j] <= a[min]) min = j;
    }
  int t = a[min]; a[min] = a[i]; a[i] = t;
}</pre>
```

#### Selection Sort mit IndexOf

```
void sort(int[] data) {
  int n = data.length;
  for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
    int min = indexOfMin(data, i, n);
    int t = data[min];
    data[min] = data[i];
    data[i] = t;
  }
}</pre>
```

## Halbdynamische Datenstrukturen

Problem bei Arrays. Fixe Grösse und muss bei Initialisierung angeben werden. Halbdynamische Strukturen passen zur Laufzeit den Speicherbedarf konstant an. Wichtige Fragen: Initiale Kapazität? In welchen Schritten muss erhöht/vermindert werden? Wann soll erhöht/vermindert werden? Zu oft kopieren ist teuer, da zeitintensiv. Nicht unnötig viel Speicher im Voraus reservieren.

```
Beispiel Code
UTF8Converter
int count(byte[] text) {
    int c = 0:
    for (int i = 0; i < text.length; i++) {</pre>
        int leading = numLeadingOnes(text[i]);
        if (leading == 3) {
            i = i + 2; c++;
        } else if (leading == 2) {
            i++: c++:
            c++;
   return c;
Leading 1en
int numLeadingOnes(byte b) {
  if ((b & (byte) 0b1110_0000) == (byte) 0b1110_0000) return 3;
  if ((b & (byte) 0b1100_0000) == (byte) 0b1100_0000) return 2;
  return 1;
CharToDez
int convertToInt(char[] data) {
    int fac = 1, res = 0;
    for (int i = data.length - 1; i \ge 0; i--) {
        res = res + fac * ((int) data[i] - 48);
        fac *= 10:
   return res;
Prime
boolean isPrime(int x) {
  int t = (x - 1);
  while (t > 1) {
   if (x % t == 0) return false;
   t--;
 return true;
NoOfUTF32
public int nofUTF32Bytes (byte[] utf8) {
  int count = 0;
  for (byte b : utf8) {
   if ((b & 0b11000000) != 128) count++;
 return count * 4;
NoOfAscii
int nofAsciiChars(byte[] utf8) {
   int count = 0;
    for (byte b : utf8)
        if ((b >> 7) == 0b00000000)
            count++;
    return count;
Remove Duplicates
int removeDupl(int[] data, int size) {
    int i = 0, j = 1;
    while (j < size) {
      if (data[i] != data[j]) data[++i] = data[j++];
      else j++;
    return size > 0 ? i + 1 : 0;
```

```
Zusammenfassung algd1
Bananenhoschi, Seite 3 von 4
```

## Suchen in Texten Naive Textsuche

 $\mathcal{O}(n*m)$ 

Anzahl Vergleiche: Textlänge - Musterlänge + 1 (+ Treffer) Boyer-Moore 1. Suche jeweils das hinterste Zeichen im Text, welches nicht mit

- dem Muster übereinstimmt
- 2. Falls es kein solches gibt (j < 0), wurde das Muster gefunden
- 3. Ansonsten (j  $\geq$  0) wird die Position von i anhand des Shift-Arrays verschoben

## Vorkommens-Heuristik

- Für alle Zeichen, die im Muster nicht enthalten sind -> Länge des Musters
- Zeichen nur an letzter Position im Muster -> Länge des Musters
- Sonst Muster-Länge 1 lastIndex(Muster, Zeichen)

## Asymptotische Komplexität

```
n = Text-Länge, m = Muster-Länge
```

Worst-Case:  $\mathcal{O}(n*m)$ 

Erwarteter Average-Case:  $\mathcal{O}(n/m)$ 

**Best-Case:**  $\mathcal{O}(m)$  (Muster an erster Stelle)

```
0 1 2 3 4 5
Pattern I e e r e r
    0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36
```

```
public int firstMatch(String text, String pattern) {
    int[] shift = allShifts(pattern);
    int 1 = pattern.length(), i = 0, j = 1 - 1; //
    while (i + 1 \le text.length() \&\& j >= 0) {
        j = 1 - 1; // Warum?
        while (j >= 0 && pattern.charAt(j) ==

    text.charAt(i + j)) {

              j--;
        if (i >= 0) {
            i = i + shift[text.charAt(i + 1 - 1)];
    return (i + 1 <= text.length()) ? i : -1;
```

## Rekursion **DrawCricles** private void drawCircles(Graphics g, int left, int

```
→ top, int size) {

       if (size >= 8) {
            g.drawOval(left, top, size, size);
            int s = size / 2;
            drawCircles(g, left, top + s/2, s); // links
            drawCircles(g, left + s, top + s/2, s); //
DrawSquares
   private void drawSquares(Graphics g, int left, int
```

```
left = left + margin;
   top = top + margin;
   size = size - 2 * margin;
   if (size >= 4) {
       g.drawRect(left, top, size, size);
       int s = size / 2;
       drawSquares(g, left, top, s); // oben links
       drawSquares(g, left + s, top, s); // oben
       drawSquares(g, left + s, top + s, s); // unten
       \hookrightarrow rechts
```

### DrawLines

```
void drawFigure(Graphics g, int x, int y, int len, int
→ level) {
    if (level >= 0) {
        len = len / 3;
        drawFigure(g, x, y, len, level - 1);
        drawFigure(g, x + len, y + len, len, level -
        drawFigure(g, x + 2 * (len), y, len, level -
        → 1):
   } else {
        g.drawLine(x, y, x + len, y);
```

```
private void drawFigure(int lineSize, int level) {
        if(level > 0) {
                drawFigure(lineSize/3, level - 1);
                turnLeft(60);
                drawFigure(lineSize/3, level - 1);
                turnRight(120);
                drawFigure(lineSize/3, level - 1);
                turnLeft(60);
                drawFigure(lineSize/3, level - 1);
       } else {
                draw(lineSize/3);
                turnLeft(60);
                draw(lineSize/3);
                turnRight(120);
                draw(lineSize/3);
                turnleft(60);
                draw(lineSize/3);
```

# **DrawTriangles**

```
private void drawRecTriangles(Point p1, Point p2,
    → Point p3, int depth) {
           if(depth > 0) {
                    drawTriangle(p1, p2, p3);
                    drawRecTriangles(p1, midPoint(p2, p3),

→ midPoint(p3, p1), depth -1);
                    drawRecTriangles(midPoint(p1, p2),

→ midPoint(p2, p3), p3, depth -1);
                    drawRecTriangles(midPoint(p1, p2), p2,

→ midPoint(p3, p1), depth -1);
           }
Fibonacci
   public static long fiboRec(int n) {
       if (n > 1) {
            return fiboRec(n - 1) + fiboRec(n - 2);
       return n;
```

```
public static long fiboIter(int n) {
        if (n < 1) return n;
        else {
             int i = 1;
            long f = 1, f1 = 0;
             while (i < n) \{ // Invariante: f = f(i) AND f1 \}
             \hookrightarrow = f(i-1)
                 f = f + f1;
                 f1 = f - f1:
                 i = i + 1;
            return f:
    }
Merge-Sort
```

# T(n) = 2 \* T(n/2) + n

## Worst-, Best- und Average-Case: $\mathcal{O}(n * log(n))$ , selten Worst-Case $\mathcal{O}(n^2)$ Zusätzlicher Speicher von $\mathcal{O}(n)$

```
private void sort(int[] a, int beg, int end) {
    if (end - beg > 1) {
        int m = (beg + end) >>> 1;
        sort(a, beg, m);
        sort(a, m, end);
        merge(a, beg, m, end);
private void merge(int[] a, int beg, int m, int end) {
    int[] b = new int[end - beg];
    int i = 0, j = beg, k = m;
    while (j < m \&\& k < end) {
        if (a[j] \le a[k]) b[i++] = a[j++];
        else b[i++] = a[k++];
    while (j < m) {
        b[i++] = a[j++];
    while (i > 0) {
```

```
int t = a[i];
  Zusammenfassung algd1
  Bananenhoschi, Seite 4 von 4
                                                                                       a[i] = a[j];
                                                                                       a[j] = t;
                                                                                       i++;
            --i:
                                                                                       j--;
            a[beg + i] = b[i];
                                                                              sort(a, beg, j);
Merge Inplace
                                                                               sort(a, i, end);
   private void sort(int[] a, int beg, int m, int end) {
                 int j = beg, k = m;
                 while(j != k && k != end) {
                                                                      private void sort(SortData a, int beg, int end) {
                         if(a[j] <= a[k]){
                                                                          if (beg < end) {
                                                                               int x = (beg + end) / 2;
                                  int temp = a[k];
                                                                               int i = beg, j = end;
                                  for(int i = k; i > j;
                                                                               while (i < \bar{j}) {

    i--){

                                                                                   while (a.less(i, x)) i++;
                                           a[i-1] = a[i];
                                                                                   while (a.less(x, j)) j--;
                                                                                   if (i <= j) {
                                  a[j] = temp;
                                                                                       a.swap(i, j);
                                  k++;
                                                                                       if (i == x) {
                                  j++;
                                                                                       } else if (j == x) {
                }
                                                                                            x = i;
                                                                                       ++i;
Merge Halber-Speicher
                                                                                       --j;
   private void merge(int[] a, int beg, int m, int end) {
                 int[] b = new int[m-beg];
                 for(int i = beg; i < m; i++) {b[i-beg] =
                                                                               sort(a, beg, j);
                 \rightarrow a[i]:}
                                                                              sort(a, i, end);
                 int i = beg, j = 0, k = m;
                 while (0 < (m - beg) \mid \mid k < end) {
                         if(b[j] < a[k])
                                  a[i] = b[j]; i++; j++;
                         } else {
                                                                             void sort(int[]a, int beg, int end) {
                                  a[i] = a[k]; i++; j++;
                                                                          if(beg >= end) return;
                                                                          if(a[beg] > a[end]) swap(a, beg, end);
                                                                          int p1 = a[beg], p2 = a[end];
                 while(j < (m-beg)){}
                                                                          int i = beg + 1, k = i, j=end;
                         a[i] = b[j]; i++; j++;
                                                                          while(k != j ){
                                                                               if(a[k] \leftarrow p1)
                                                                                   swap(a,i,k); i++; k++;
                                                                               else if(a[k] \ll p2){
Quick-Sort
                                                                                   k++:
T(n) = 2 * T(n/2) + a * n + b
                                                                               }else{
Best-Case: \mathcal{O}(n * log(n))
                                                                                   j--; swap(a,k,j);
Average-Case: \mathcal{O}(log(n))
Worst-Case: \mathcal{O}(n^2)
                                                                          sort(a, beg, i-1);
Zusätzlicher Speicher von \mathcal{O}(log(n))
                                                                          sort(a, i, j-1);
        static void sort(int[] a, int beg, int end) {
                                                                          sort(a, j, end);
        if (beg < end) {
            int x = a[(beg + end) / 2];
                                                                  Summenformeln
            int i = beg;
            int j = end;
                                                                  Gauss
                                                                                         \sum_{k=1}^{\infty} k = \frac{n(n+1)}{2}
            while (i <= j) {
                 while (a[i] < x) i++;
                 while (a[j] > x) j--;
                 if (i <= j) {
```

Gerade Zahlen

$$\sum_{k=1}^{n} 2k = n * (n+1)$$
 (2)

**Ungerade Zahlen** 

$$\sum_{k=0}^{n} 2 * (k-1) = n^2$$
 (3)

**Ouadrat Zahlen** 

$$\sum_{n=0}^{n} k^2 = \frac{n * (n+1) * (2n+1)}{6}$$
 (4)

Kubische Zahlen

$$\sum_{n=0}^{n} k^3 = \left(\frac{n * (n+1)}{2}\right)^2 \tag{5}$$

Sortier-Algorithmus: (vereinfacht):

int 
$$i=0$$
;  $n=0$ ; while  $(i:l=n-1)$  {  $min(a, i)$ ;  $min($ 

Um zu zeigen, dass es sich um eine gültige Invariante handelt / Programm korrekt funktioniert, muss gezeigt werden, dass:

- 1. Gilt Inv, bevor die Schleife das erste Mal startet? (zu beweisen: wp(i = 0, Inv) ≡ true)
- Gilt die Nachbedingung (∀ k : 0 < k < n : a[k-1] ≤ a[k]), wenn die Schleife endgültig beendet ist? (zu haussieren #(d to 1) k | 0 < k < n : a[k-1] ≤ a[k]).</li>

beweisen: 
$$\neg (i \neq n-1) \land Inv \Rightarrow (\forall k : 0 < k < n : a[k-1] \le a[k]))$$

$$wp(while (E_b) S, R) \equiv \underbrace{Inv}_{A} \land \underbrace{(E_b \land Inv \Rightarrow wp(S, Inv))}_{A} \land (\neg E_b \land Inv \Rightarrow R)^4$$