General Physics (1) Potential Energy and Conservation of Energy 養見察:物體可做等速及加速度運動。為什麼有加速度? 假說(定律):由觀測及實驗認知所得到,物體有加速度時. 一少然有受到外界的施力,且全力不等於。

问题:什麼是力?為什麼會有力?

討論、推論: 假設物理原理有方向上的對稱性 闷, 施力的過程中, 生物體的什麼基本性質被改變了?

考慮最簡單情形:物體為一無窮小質矣,後力前與爰为後具有性質: ci) 質量m(3)速度√

人方意狹義相對論效應的話,受力而後質量不改變。考慮方向對稱性,則被改變之根本性質須由紅量加及可可建構。

最直覆之建構方式為一正比於加尔·尔文物理量,即由不可之 最低次方項開始考慮。依此建構方式, 芝有两同樣質量為加乏物體受同樣施力過程, 则比根本物理量之總改受量等於單一物體比物理量之改後量, 符合直潤。

(試想,以m+世·世等形式建構基本紅量性質則不符合此面價)

施力的過程可見武與或取走質點之此物理性質

如何赋與?如何取走?

猜想系统可用别的形式信格在此物理性質。作正功時提取出而作為實點的動能之用;作負功時,將質點此物理性質取走後在入。

strutegy: 先看特例, 再推廣為一般包式

吕岩宇

General Physics (I) Potential Energy and Conservation of Energy

Gravitational force (16 5) 芳愿接近地表之简化情形, 即今重力加速度為常数 g = 9.8 m/s2 · 从考虑全值地表之遥畅(向上定義为+y方向)

> 发复义以初速度 Vi 由位置 Yi 出發到這 Yt 依等加速度運動公式: N+2= Vi2-29(Y+-Yx) --- (1)

(以當 y+>yi, v+2< v, 物體動能減小, 能量 29 C y+-yi) 以別的形式被儲存 (以當 y+ < yi, v+2 > vi, 物體動能增力口, 能量 | 29 C y+-yi) 被提取,成为物质堂增加之動能

乘以上m将CD左右管化各能量因吹

領域末動能 $K_f + U_f = K_{\lambda} + U_{\lambda} + mg y_f = \frac{1}{2} m v_{\lambda}^2 + mg y_{\lambda}$

紫統末位在 紫統和地區 Cpotential energy) 绝极构作不随位给

系統末總机械能 mechanical energy Emec

在此门边夏中,能量可以重力住能之形式行荡巷,正以施力 之方式,使得质支勤能测系纸重力位能互相轉换 且在此特友問題,位能僅為超值方向位置之函數而非进度或建率之函數 /E △y = y+ - yi,看單位全直方向伦特之動能改变量

$$\frac{\frac{1}{2}m(v_{\overline{f}^2}-v_{\overline{i}}^2)}{v_{\overline{f}}-v_{\overline{i}}} = \frac{-mg(y_{\overline{f}}-y_{\overline{i}})}{v_{\overline{f}}-v_{\overline{i}}} = -mg$$

觀察:在此特例問題中 垂直向下之重力_mg等於 單位位接中貨支主動能 改级是

V.人类为于多式表示: dK dy = -mg

 $K = \int -mg \, dy + C$

以生力對路徑稅分得到 ---住能改度量 住能改发量又等 於動能改發量

積分字數 物理意義各在 東特定跨考位置之位為 reference point

呂諾亨

General Physics (I) Potential Energy and Conservation of Energy

Spring Some (3單幾分)

傷潮 relax position >

为意理想等。 3章为湖及Hook's law = F = - KAX

看陶化之一维的题

延等加速度運動,看施加付收變質量度的發表主動能?

000000000000 m)

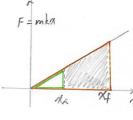
和用已建模 为心速度 a: 單位時間 自速度之改變量 理論 牛頓这年 = F = 一kx = ma = m dv 此處簡單把 ax 實作 x 避免符号太多

 $\frac{1}{2}m(v+6v)^{2} \sim \frac{1}{2}mv^{2} + mSv = \frac{1}{2}mv^{2} + mSv(\frac{1}{5t}st)v$ $= \frac{1}{2}mv^2 + m\frac{sv}{st}(vst)$ = ½mv²+ masx Ki sestwinks

=> SK = Kf - Ki = masx

在無窮小的位徵過程中的(無窮小)重人能改變量 太施力乘从無震小位移.

以人名教教员为表示:dk = ma = -mkx



 $K_{f} - K_{i} = \int_{0}^{x_{f}} dK = \int_{0}^{x_{f}} dx dx = \int_{0}^{x_{f}} - mkx dx$ (两三角形面簇的差)

= -mk (= x+2 = = x2)

質其本動能

=> K+ + \frac{1}{2} mk x+ = Ki + \frac{1}{2} mk xi - > K+ + U+ = Ki + Ui

系统 未领机林总统

- 1. 在此問題中,能量可以3學为 12能之的式像存。且彈力住能 卷為位務而不为速度(率)之 函数
- 2. 经制机械能不随位转改变

General Physics (1) Potential Energy and Consenation of Energy

一维皇間一般一生理論

老作用为程度位置三函数(F=F(x)), Af(x)可表為函数U(x)

 当位置 x 向 定接力 ($\frac{dU}{dx} = -F(x)$) 見」 example: $-mg = \frac{d(-mgy)}{dy}$, and $-kx = \frac{dx}{dx}(-\frac{1}{2}kx^2)$, 程序為 mgy及 $\frac{1}{2}kx^2$ (1)可定義系統三位能為 U(x),即在能僅與系統三位置有間,

- (2)動能住鮮可至相轉換
- (3) 机械能守恒。動能為總机械能滅位能

系統之末動能復與系統之初動能及系統之初始位置及

注意混造保育力,即力無法表本為

 $\triangle U + \triangle K = -\int_{x}^{x_{+}} F(x) dx + \int_{x}^{x_{+}} F(x) dx = 0$ — in the proof of 總是等於動作的 减少量, 因此,

勃能及侵能的總定 即您机械能为 可怕是

一世處推藝可問單推廣到 3+1經的第一プU=-最Uか-ヨッリテーコント=Fax K= 之m(vx2+vx2+v22), x,y, z之方量各別主度、建ツ 上述雅藝遊星

> F(双):表示向量.力,为三维空間座標双,y,云之函製, 亦可鸣作 Fcx, y, 3)

主於上述之作用为形式使總机械商管子及(conserve total mechanical energy) 稱比维作用力為 consenative force (保亏力)

General Physics (I) Potential Energy and Conservation of Energy

總體之一般性論述(假説の理論)

Potential Energy = 當一個系統中的物質或物價重有對多相的

友至作用力,這個系統在特定的組織(configuration)
下,帶有一種形式的能量,稱為住能(potential energy)
(ontiguration 一般是指空間分佈
(这能主空間稀度造成的機數外物質受力,從而傾向
轉變為取低總住貨的 configuration
(13.1 ×n ×的價重重力加速度景多響而下鹽

左立東物理的框架下,基本主交至作用人又有電磁力及重力。電力與重力電台路影響之平方反比定律,具保守力之形式,因而可限電信配及重力仓配措施业系。旅狀態。病及總机械能育恆。其它形式的力,如廃擬力或 drang force, 各這些力作用在大量物體時三統計表现行為(如以熱能作為大量物體區和運動之統計描述),不為及能量守恆。應量守恆之形式在 Emec + Eth = constant.
有磁力之情形之能量守恆的論述重及為複雜(石或力與帶電粒子達成關)在電動力學之課程才有完整論述。

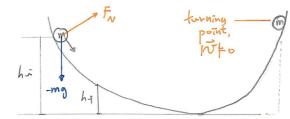
粗略而方便記憶之說法: 為什麼可以因施力造成動能改變?

- (I) 园湾有(霞友重为) 位能
- (2) 位能與動能可至相轉換

General Physics (I) Potential Energy and Conservation of Energy

Application (应用)

12 僅需為應得守力場的情形才, 和用
(1) 位作任變化置有關之特性, 及的總机械



海至市场、只要知道物量之初(末)勃能及初休)住能中之 其中三個成分以簡單算出和下的一個,而迴避處理 複雜之力、速度,及加速度之向量運算。

(一般而意, 純量之運算總是比向量如度之理。 盡可能把向量問題化成等價之純量問題)

Example =

如图中之系统,假設無魔擦力,则混笑吃道球清下斜坡時 三初速度及鳥度 hi,就可以簡單質出球滑到鳥度 hy 畸 特有的動能,追示得到球的速率。

或是忍知道初始速度及真度,亦可能單知道球到達折反影明(間=0,動能亦為0之遠端點),球的真度 [若知道每年收之外的 则不可得知在横向走了多遠,而無需由速度計算横向位移]

风保守力可感为對位置函数之全役分,发点出發後起對閉路。 ~ 學路程無關

$$\int_{A_{i}}^{A_{i}} F(x) dx = \int_{A_{i}}^{A_{i}} \frac{dU}{dx} dx = \int_{A_{i}}^{A_{i}} dU = 0$$

差方:(U2-U1)+(U3-U2)+--+(U√-U√1)=0 計 U√=U1 总語與中間看到的位方 其它U值無關。

Generalize showork) A Z &

不再侷限為對牟統動能造成的改变,而為對牟統總能量 造成的改發。

(非保育力之例子:如实速度相) 剿之dug for 他等。因物体在同一位置可能具有不同速度,與速度相關的力無法单統以空間函數的程間微分 [17] 为空間函数了表示