Types of Waves

1. Mechanical waves (村城波): 哲寺牛頓運動定律, 需要介質傳遞。

Traveling wave Transverse waves: 局部運動速度在直浪傳進三方向. 的波

Longitudinal naves:局部運動運度平行波傳述之方向

2. Electromagnetic waves (電磁放): 遵守 Maxwell's equations, 不需介質傳進。

3. Matter waves (物质波): 遵守量子力學原理, 措述物質出現之机率處
及養遺物理二與程序詳知介紹)

vave form: = 12 #3

What is wave: 在時空中受化的物理量,其爱化方式遵守波方程(nave equation)

Example: 1. 如题子上的 housverse wave, 考随明间必定间变化的。 题子偏海军领位置的量。

2. 空氣中的蘇波,為空氣密度及壓力隨時間及空間的改變

3. 電磁波為隨時間及空間改變的電場及磁場強度。

Wave equation的通解具有形式: LCkx±wt), k, w皆為常數

点可代表任意的函数形式,被边界條件可用不同的基底函数 展開,例如每作sine及rosine functions的線性組合。

解示可指為液形 (wave form) { hckx - wt) 代表后 {正 x-軸方向(等滤色行道:较 h(kx + wt)

一用车判斷 speed of a tuveling nave 三條件: kx-wt=constant 對明間微分(即問經過時間 dt 後,在距離X的位置dx参多大三處可以 看到库库的过程32)

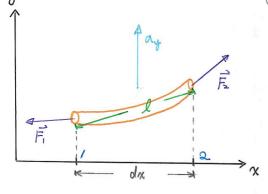
speed of traveling wave

 $\frac{\partial^2 \lambda}{\partial y^2} = \frac{\partial^2 \lambda}{\partial y^2} = \frac{\partial^2 \lambda}{\partial y^2}$ 最常見之 wave equation #3式:

此度几次,七為空間及時間座標,少為隨時空速化而形成波兰为理量。

量子为學中的 Schrödinger agustion 形為為 wave agustion, 有 

timesverse nave on a rope (超上之高低波)



- 基本假設: 2 單心網長之質量為此,即 dm= udx 3. 繩張为為 2 4. 繩子戰可拉伸,但輻度極小 细子随度近年得将水平(波洛微捷)
- (內 为的分解 (芹,尼平行於經》主切方向,即可用斜率指述方向
- (以) 物理定律: F=ma, F,2 随处大小皆太等大之張力 たり方向 ay = dy2 dt2 dm=ndx

全網子在兩端支,即位置1與2處的科学dx 为5及5 則繩子在了方向所受之總力可近仙為

$$F = m\alpha \Rightarrow \gamma (S_z - S_1) = m dx \frac{dy^2}{dt^2}$$

 $\Rightarrow \frac{\int_{z-5i}^{2}}{dx} = \frac{M}{x} \frac{dy^{2}}{dt^{2}} \Rightarrow \frac{dy^{2}}{dx^{2}} = \frac{M}{x} \frac{dy^{2}}{dt^{2}}$ 此項即斜率對 室間的二次微分

> → 沙連 V = /元 - (1. 3张力愈大、波速愈快 2. 單位長度之質量愈大 波速氣傷

主意在波的傳遞中, 您子作为您敦傳遞的介質,

並不在波的行進方向上转動。有移動的是波形而非介質。

吕皓宇

General Physics (1) Waves

Wave equation  $\frac{3^2y}{3^2} = \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{3\dot{y}}{3+2}$  for fix 2 Principle of Superposition (  $\frac{1}{2}$  Sept. 2)  $\frac{1}{2}$   $\frac{3\dot{y}}{3}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{3\dot{y}}{3}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{3\dot{y}}{3}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{3\dot{y}}{3}$   $\frac{3\dot{y}}{3$ 

 $y'(x,t) = y_1(x,t) + y_2(x,t)$  is the wave equation, is more equation this is y'(x,t) is resultant wave (or net nave)

Principle of superposition可推論,在運動方程須滿足上述wave og 的條件下

1. 描述在時空中交管的 traveling wave, 僵須特之門簡單相加

2. 容許用特定的正文基底将任意 wave form fcxt) 做领性展開,

せっちん(x,t) 化 Fourier transform [即以 sine 或 cosine function展開 h(x,t)] 故了解 sine 或 cosine functions 形式的 海通学有助了解任意形式 wave form 的行為

Sinusoidal wave functions:  $1 \le \sin 24 \le 1/3 \le 1/$ 

$$\frac{\partial y^2}{\partial x^2} = -y_m k^2 \sin(kx - \omega t + \phi)$$

$$\frac{\partial y^2}{\partial t^2} = -y_m \omega^2 \sin(kx - \omega t + \phi)$$

$$\Rightarrow \frac{\partial y}{\partial x^2} = \frac{k^2}{\omega^2} \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = \frac{1}{2} \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = \frac{1}{2}$$

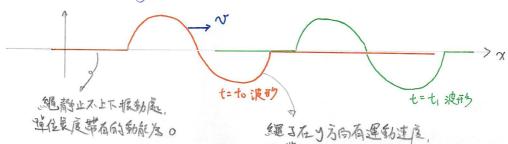
(1) 對於空間中的任一特定位置水=水。, Ycxo, t)= Ym sin (-wt+(kxo+中))

冯振幅为ym, 频率为f, phase constant为(Exo+b)的 simple harmonic motion.

(2) 對於任意特定時間七一七,每經過距離 AX = 入, (即以= 癸人= ZK) 則此正弦波的股形完整地重現一次。故稱入為此正弦波之

波夏。

Energy transportation in string waves (經版中的管量傳統)



越了在少为后有進動速度,故华有動能

波疗为人(x-vt) 由左向右停延,故使得率位复度上华有動作的位分、由空間中左边的位置移動到空間中左边的位置。 等效果即各動能隨著波由空間的左边停止到空間的石边。

h人正弦波为(3.):

发军位民度的贸量为此,即dm=mdx,到sine nave 停止的勤能可利用以下估計

$$dK = \frac{1}{2} dm \left(\frac{dy}{dt}\right)^2 = \frac{1}{2} (u dx) \left(\frac{dy}{dt}\right)^2$$
 y 方向速度平方

if y = ymsin(kx-wt)

then dK = = (Mdx) wym2 ros2 (kx-wt)

因次速為 v, 在经验時間 dt = ~ 後, 這小股經子原本 华有的能量可以完全傳述到它的石辺(即正公方向)

故單位明問傳述之為是可表為 dK = 是从dx wzym²105°(kx-wt)

= = = 2 1 v w 2 y m 2 1052 (kx-wt)

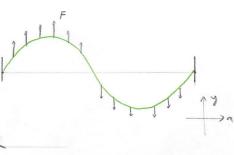
新能通量随時間空間受化。

工程及物理上比較實用的問題為。無過經濟多週期後,平均單位四月間通過的動能差多少,心思

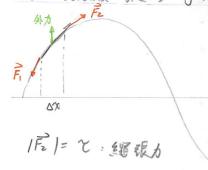
$$\frac{\int_{-\infty}^{\infty} \frac{dk}{dt} dt}{\int_{-\infty}^{\infty} dt} = \frac{1}{2} \mu \nabla \omega^{2} y_{m}^{2} \frac{\int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{2} (\cos 2 c k x - \omega t) dt}{\int_{-\infty}^{\infty} dt} = \frac{1}{2} \mu \nabla \omega^{2} y_{m}^{2} \frac{\int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{2} (\cos 2 c k x - \omega t) + 1) dt}{\int_{-\infty}^{\infty} dt}$$

$$= \frac{1}{2} \mu \nabla \omega^{2} y_{m}^{2} \frac{1}{1 + 2} \frac{1}{2} \frac{1}{1 + 2} \frac{1}{2} \frac{1}{1 + 2} \frac{1}{1 + 2} \frac{1}{2} \frac{1}{1 + 2} \frac{$$

绷擎的網索點以一定的力拉,才可以維持具有一定functional form 的静止狀態、鬆手後則絕子了單回局部具有 y 方向速度。故縣于後為住能轉接為動能的過程、滿足能量亏恆。故知絕子在有張力時,若 y cx)不随處為 o,則帶有一定的從能。在縣手後位能方可由產生的網次傳遞。



Sinusoidal i度中多 yex)=Ymsinkx 具有的位岸 (答考 page Q對張力之計算)



尼在y主动之分量大小:尼二尼二个dy

学位長度之外力:  $\frac{-(F_2-F_1)}{\Delta x} = 2 \frac{J(\frac{dy}{dx})}{dx} = 2 \frac{J^2y}{dx^2}$ =  $2 k^2 y$ 

冠室将振转由y=o拉到y=ymsinkx, 局部單位是度由外力输入的功为

花本等途中的波,到有 k=~~ (page 3)及 v= 从下 (page 2)

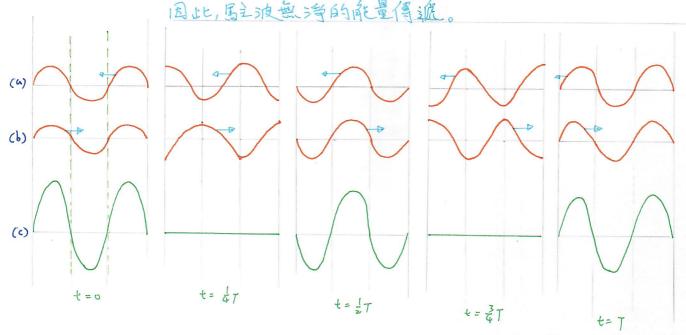
学位民意的住院 立て k²ym² sin²kx = 立て w²ym² sin²kx = 立て w²ym² sin²kx = 之 M w²ym² sin²kx 当無窮多個波形子均後為 ゴル w²ym²

故質仓時間傳遞的位能為 子MWZAXYm²/At = 安MVWZYm² 以傳遞的動能相等.符合物理直觉

行進波的功率考單位時間停止動能與住能主作: Pary = 三川中心了ym²

Standing waves (馬之波)

本身不為行建设(traveling wave),即無法表示多名(X-vt) 三形式,但可视为两振幅相同,方向向反之行建设的叠加。



(課本Fig 16-17)

两 amplitude相目,方向相反的 sine wave 疊为12

Using trigonometric identity sind + sinß = 2 sin = (d+B) ros = (d-B)

絕上隨處皆多問語運動

振輻與位置有間、為 2 8m sm (kx) 的绝對值

nodes: 原注没上报幅为0度,游及 kx=n元, n=0,1,2,antinodes: 馬主波上振輻嚴大度n, 海及kx=(n+型元, n=0,1,2,~

到多成居主没之俗件: 入= ≥L m , m=1,2,3,… (即 L 为一会的整叛信)  $\Rightarrow f = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = m \frac{\sqrt{2}}{2L}$  man fix harmonic mumber

M=1, 悔 fundamental mode 或 first harmonic

m=2: second harmonic

m= }: third harmonic

harmonic series: collection of all possible harmonic number.

The pattern consist m loops

6.