ĐỀ ÔN TẬP HỌC KÌ 2 – Năm học Môn TOÁN Lớp 10

Thời gian làm bài 90 phút

Câu 1:

a) Cho
$$x, y > 0$$
. Chứng minh rằng:
$$\frac{7x + 9y}{\sqrt{252}} \ge \sqrt{xy}$$

b) Giải bất phương trình:
$$(2x-1)(x+3) \ge x^2 - 9$$

Câu 2: Tìm tất cả các giá trị của m để phương trình sau có 2 nghiệm phân biệt:

$$(m-2)x^2 + 2(2m-3)x + 5m - 6 = 0$$

Câu 3: Cho tam giác ABC có A(1; 1), B(-1; 3) và C(-3; -1).

- a) Viết phương trình đường thẳng AB.
- b) Viết phương trình đường trung trực Δ của đọan thẳng AC.
- c) Tính diện tích tam giác ABC.

Câu 4: Cho tan
$$\alpha = \frac{3}{5}$$
. Tính giá trị biểu thức : $A = \frac{\sin \alpha . \cos \alpha}{\sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha}$.

Câu 5: Số tiết tự học tại nhà trong 1 tuần (tiết/tuần) của 20 học sinh lớp 10 trường THPT A được ghi nhận như sau :

- 9 15 11 12 16 12 10 14 14 15 16 13 16 8 9 11 10 12 18 18
- a) Lập bảng phân bố tần số, tần suất cho dãy số liệu trên.
- b) Vẽ biểu đồ đường gấp khúc theo tần số biểu diễn bảng phân bố trên.
- c) Tính số trung bình cộng, phương sai và độ lệch chuẩn của giá trị này.

Hết	
Ho và tên thí sinh:	SRD ·

ĐÁP ÁN ĐỀ ÔN TẬP HỌC KÌ 2 – Năm học Môn TOÁN Lớp 10

Thời gian làm bài 90 phút

Câu 1:

a) Vì
$$x, y > 0$$
 nên ta có $\frac{7x + 9y}{\sqrt{252}} \ge \frac{2\sqrt{63}xy}{\sqrt{4.63}} = \sqrt{xy}$.

Dấu bằng xảy ra $\Leftrightarrow 7x = 9y \Leftrightarrow \frac{x}{y} = \frac{9}{7}$ (đpcm).

b)
$$(2x-1)(x+3) \ge x^2 - 9 \Leftrightarrow 2x^2 + 5x - 3 \ge x^2 - 9 \Leftrightarrow x^2 + 5x + 6 \ge 0 \Leftrightarrow x \in (-\infty; -3] \cup (-2; +\infty)$$

Câu 2: Xét phương trình:

$$(m-2)x^2+2(2m-3)x+5m-6=0$$

• Phương trình đã cho có hai nghiệm phân biệt

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m-2\neq 0 \\ \Delta' = (2m-3)^2 - (m-2)(5m-6) > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m\neq 2 \\ -m^2 + 4m - 3 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow m \in (1;3) \setminus \left\{2\right\}$$

Câu 3: Cho tam giác ABC có A(1; 1), B(-1; 3) và C(-3; -1).

- a) Viết phương trình đường thẳng AB.
- $\overrightarrow{AB} = (-2, 2) = 2(-1, 1) \Rightarrow VTPT \ \overrightarrow{n} = (1, 1) \Rightarrow Phurong trình AB: x + y 2 = 0$.
- b) Viết phương trình đường trung trực Δ của đọan thẳng AC.
- Trung điểm AC là M(-1; 0)
- $\overrightarrow{AC} = (-4, -2) = -2(2, 1) \Rightarrow VTPT \overrightarrow{n}' = (2, 1) \Rightarrow Phyong trình \Delta : 2x + y + 2 = 0$.
- c) Tính diện tích tam giác ABC.

•
$$d(C, AB) = \frac{|-3 - 1 - 2|}{\sqrt{2}} = 3\sqrt{2}; \quad AB = \sqrt{(-2)^2 + 2^2} = 2\sqrt{2} \Rightarrow S_{AABC} = \frac{1}{2}.3\sqrt{2}.2\sqrt{2} = 6$$

Câu 4: Cho tan $\alpha = \frac{3}{5}$. Tính giá trị biểu thức : $A = \frac{\sin \alpha . \cos \alpha}{\sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha}$.

• Vì
$$\tan \alpha = \frac{3}{5}$$
 nên $\cos \alpha \neq 0 \Rightarrow A = \frac{\tan \alpha}{\tan^2 \alpha - 1} = \frac{\frac{3}{5}}{\frac{9}{25} - 1} = -\frac{15}{16}$

Câu 5: Số tiết tự học tại nhà trong 1 tuần (tiết/tuần) của 20 học sinh.

Số tiết	Tần số <i>ni</i>	Tần suất <i>fi</i>	$n_i x_i$	$n_i x_i^2$
8	1	5%	8	64
9	2	10%	18	162
10	2	10%	20	200
11	2	10%	22	242
12	3	15%	36	432
13	1	5%	13	169
14	2	10%	28	392
15	2	10%	30	450
16	3	15%	48	768
17	0	0%	0	0
18	2	10%	36	648
N	20	100%	259	3527

Số trung bình cộng:12,95Phương sai:8,65Độ lệch chuẩn:2,94

