Plongements de mots statiques a.k.a Wordembeddings

Traitement Automatique des Langues Master IAAA Aix Marseille Université

Outline

Représentations

Encodage one-hot

Plongements fondés sur les co-occurrences

Apprentissage de représentations

Outline

Représentations

Encodage one-hol

Plongements fondés sur les co-occurrences

Apprentissage de représentations

Représentations

- Objet mathématique permettant de représenter un objet du monde concret ou abstrait
- Pourquoi en a-t-on besoin?
 - Pour servir d'entrée à un modèle mathématique
 - Pour analyser, comparer, visualiser et parfois comprendre des objets complexes

Représentations de mots

- Quelles caractéristiques doit posséder une bonne représentation de mots?
 - mathématiques:
 - numérique
 - de dimension raisonnable
 - linguistiques :
 - permet de calculer une distance entre mots qui ait du sens :

$$d(v\'elo, bicyclette) < d(v\'elo, cornichon)$$

prise en compte de la polysémie :

$$rep(vol_1) \neq rep(vol_2)$$

La représentation orthographique des mots n'est donc pas un très bon candidat!

Vocabulaire

- Etant donné un texte *T*, on distingue :
 - le nombre de mots différents (quelquefois appelés types) que comporte T.
 - les occurrences d'un mot : le nombre de fois qu'un mot donné apparaît dans T.
- Le **vocabulaire** est un ensemble de types.
 - Le vocabulaire peut être fourni indépendamment de *T*
 - Souvent il est extrait de *T*
- Un vocabulaire V contient |V| mots distincts
- V peut être très grand, souvent $10k \le |V| \le 500k$

Vocabulaire

On attribue en général, de manière arbitraire un entier à tout mot du vocabulaire, que l'on appelle index du mot.

```
vélo 1267
...
cornichon 1568
...
bicyclette 4534
```

- L'index est une représentation possible pour un mot.
- Est-ce un bon candidat pour une représentation?

Outline

Représentations

Encodage one-hot

Plongements fondés sur les co-occurrences

Apprentissage de représentations

Vecteurs one-hot

- Appelé aussi encodage 1 parmi n
- Tout mot m d'index i est représenté par un vecteur binaire \mathbf{v} dont la dimension est |V|
- \mathbf{v} possède un 1 en position i et des 0 partout ailleurs :

$$\mathbf{v}_i = 1 \ et \ \forall j \in \{1 \dots |V|\} - \{i\} \ \mathbf{v}_j = 0$$

{basket:1, fork:2,	desk
desk:3, cloud:4,	desks
<pre>plate:5, rabbit:6,</pre>	plate
desks:7, tree:8,	÷
table:9, lion:10}	table

Source: Source: Pilehvar & Camacho-Collados (2020)

Sacs de mots

- On peut combiner des vecteurs one-hot à l'aide de fonctions :
 - **Ou logique** pour représenter un ensemble de mots $x_i = 1$ si le mot d'indice i est présent dans l'ensemble
 - Somme : nombre d'occurrences d'un mot $x_i = c$ si le mot d'indice i possède c occurrences
 - Moyenne: pas très pertinent pour des vecteurs one-hot, utile pour les représentations denses
- La position des mots n'est pas représentée!
- Représentation possible de textes pour des tâches simples de TAL.

Bilan

- Quelles caractéristiques doit posséder une bonne représentation de mots?
 - mathématiques:
 - numérique
 - de dimension raisonnable
 - linguistiques:
 - permet de calculer une distance entre mots qui ait du sens :

$$d(v\'elo, bicyclette) < d(v\'elo, cornichon)$$

prise en compte de la polysémie :

$$rep(vol_1) \neq rep(vol_2)$$

Bilan

- Quelles caractéristiques doit posséder une bonne représentation de mots?
 - mathématiques:
 - numérique
 - de dimension raisonnable
 - linguistiques:
 - permet de calculer une distance entre mots qui ait du sens :

$$d(v\'elo, bicyclette) < d(v\'elo, cornichon)$$

prise en compte de la polysémie :

$$rep(vol_1) \neq rep(vol_2)$$

■ Pas terrible!

Outline

Représentations

Encodage one-hor

Plongements fondés sur les co-occurrences

Apprentissage de représentations

L'hypothèse distributionnelle

- Deux mots ayant tendance à apparaître dans le même contexte ont tendance à avoir le même sens (Harris 1954)
- "You shall know a word by the company it keeps" (Firth 1957)

Qu'est-ce qu'un winyby?

C'était le meilleur winyby de la région

- C'était le meilleur winyby de la région
- J'ai apporté du winyby pour le déjeuner

- C'était le meilleur winyby de la région
- J'ai apporté du winyby pour le déjeuner
- *Un verre de winyby, s'il vous plaît*

- C'était le meilleur winyby de la région
- J'ai apporté du winyby pour le déjeuner
- *Un verre de winyby, s'il vous plaît*
- J'ai mal à la tête, j'ai bu trop de winyby hier soir

- C'était le meilleur winyby de la région
- J'ai apporté du winyby pour le déjeuner
- Un verre de winyby, s'il vous plaît
- J'ai mal à la tête, j'ai bu trop de winyby hier soir
- Cette distillerie de winyby a été fondée au 14ème siècle

Le modèle de la fenêtre glissante

- Etant donné une grande quantité de texte brut, on compte combien de fois les mots apparaissent dans un contexte donné.
- Qu'est ce que le contexte d'un mot?
- Les *L* mots qui précèdent et les *L* mots qui suivent.
- Modèle de la fenêtre glissante.
 - Un segment de $2 \times L + 1$ mots
 - Le mot du milieu est appelé mot cible
 - Les autres mots sont appelés mots du **contexte**
 - Le contexte n'est plus vu comme une unité, il est décomposé en mots
- Le mot cible à l'instant t sera mot du contexte à l'instant t + 1
- Quelle doit être la valeur de *L*?
 - *L* petit : relations syntagmatiques (déterminant, nom)
 - $lue{L}$ grand : relations paradigmatiques (synonymes, antonymes . . .)

La fenêtre glissante : exemple



Source: https://openclassrooms.com/en/courses/6532301-introduction-to-natural-language-processing/6980971-compare-embedding-models

Matrice d'occurrence

- On compte le nombre de fois que le mot m_j fait partie du contexte du mot cible m_i
- Ce nombre constitue l'entrée $\mathbf{M}_{i,j}$ de la matrice \mathbf{M}

	aardvark	 computer	data	result	pie	sugar	
cherry	0	 2	8	9	442	25	
strawberry	0	 0	0	1	60	19	
digital	0	 1670	1683	85	5	4	
information	0	 3325	3982	378	5	13	

Jurafsky & Martin (chap. 6)

- La ligne \mathbf{m}_i de \mathbf{M} représente le mot m_i
- Comment comparer deux mots?

Similarité cosinus

Etant donné deux vecteurs \mathbf{m}_i et \mathbf{m}_j , on définit le cosinus des deux vecteurs de la façon suivante :

$$\cos(\mathbf{m}_i, \mathbf{m}_j) = \frac{\mathbf{m}_i \cdot \mathbf{m}_j}{||\mathbf{m}_i|| \times ||\mathbf{m}_j||} = \frac{\mathbf{m}_i}{||\mathbf{m}_i||} \cdot \frac{\mathbf{m}_j}{||\mathbf{m}_j||}$$

■ Numerateur : produit scalaires de \mathbf{m}_i et \mathbf{m}_i :

$$\mathbf{m}_i \cdot \mathbf{m}_j = \sum_{k=1}^{|V|} M_{i,k} \times M_{j,k}$$

■ Dénominateur : Produit des normes de \mathbf{m}_i et \mathbf{m}_j :

$$||\mathbf{m}_i|| = \sqrt{\mathbf{m}_i \cdot \mathbf{m}_i} = \sqrt{\sum_{k=1}^{|V|} M_{i,k} \times M_{i,k}}$$

Produit scalaire

■ Le produit scalaire de deux vecteurs **a** et **b** est d'autant plus élevé que les composantes correspondantes des deux vecteurs ont des valeurs élevées.

- La valeur du produit scalaire de deux vecteurs est très liée à la norme de ces derniers.
- Le cosinus de deux vecteurs peut être vu comme le produit scalaire des vecteurs normalisés
- \blacksquare On note $a'=\frac{a}{||a||}$ et $b'=\frac{b}{||b||}$

a′	b'	$\mathbf{a}'\cdot\mathbf{b}'$
(0.18, 0.36, 0.91)	(0.18, 0.36, 0.91)	1
(0.18, 0.36, 0.91)	(0.36, 0.91, 0.18)	0.55
(0.18, 0.36, 0.91)	(0.18, 0.36, 0.91)	1
(0,1,0)	(0.16, 0, 0.84)	0

Exemple

	pie	data	computer
cherry	442	8	2
digital	5	1683	1670
information	5	3982	3325

$$\begin{aligned} & cos(cherry,information) \ = \ \frac{442*5+8*3982+2*3325}{\sqrt{442^2+8^2+2^2}\sqrt{5^2+3982^2+3325^2}} = .018 \\ & cos(digital,information) \ = \ \frac{5*5+1683*3982+1670*3325}{\sqrt{5^2+1683^2+1670^2}\sqrt{5^2+3982^2+3325^2}} = .996 \end{aligned}$$

Jurafsky & Martin (chap. 6)

Bilan

- Quelles caractéristiques doit posséder une bonne représentation de mots?
 - mathématiques:
 - numérique
 - de dimension raisonnable
 - linguistiques:
 - permet de calculer une distance entre mots qui ait du sens :

$$d(v\'elo, bicyclette) < d(v\'elo, cornichon)$$

prise en compte de la polysémie :

$$rep(vol_1) \neq rep(vol_2)$$

Bilan

- Quelles caractéristiques doit posséder une bonne représentation de mots?
 - mathématiques:
 - numérique
 - de dimension raisonnable
 - linguistiques:
 - permet de calculer une distance entre mots qui ait du sens :

```
d(v\'elo, bicyclette) < d(v\'elo, cornichon)
```

prise en compte de la polysémie :

$$rep(vol_1) \neq rep(vol_2)$$

C'est mieux!

Outline

Représentations

Encodage one-ho

Plongements fondés sur les co-occurrences

Apprentissage de représentations

Plongements de mots

- Les méthodes précédentes avaient l'inconvénient de représenter les mots par des vecteurs de dimensions importantes et très creux (beaucoup de zéros).
- Il est possible d'apprendre des représentations denses de dimensions réduites et arbitraires, appelées plongements ou embeddings
- On définit une tâche de **prédiction** binaire : est-ce que le mot *m* est susceptible d'apparaître dans le contexte du mot cible, par exemple *cornichon*?
- On n'a pas besoin de données annotées, du texte brut suffit, il nous permet de savoir quels mots apparaissent ou n'apparaissent pas dans le contexte de cornichon (auto-supervision).
- Les paramètres du modèle de prédiction constituent les représentations des mots.

Plongements de mots

- De très bons résutlats sur toutes les tâches de TAL.
- Modèle opaque : on ne peut pas attribuer un sens aux dimensions des vecteurs appris.
- Plusieurs algorithmes fondés sur cette idée
- Ici l'algorithme Word2veq, plus précisément Skip-gram with Negative Sampling (SGNS)
- Les étapes :
 - Construire des exemples positifs et négatifs à l'aide d'un corpus brut
 - (mot cible, mot du contexte) → exemple positif
 - (mot cible, mot hors du contexte) → exemple négatif
 - Entraîner un classifieur à distinguer ces deux cas
 - Utiliser les paramètres du modèle comme plongements

Des plongements aux probabilités

- Etant donné un mot *m* et un mot *c* et leurs plongements **m** et **c**
- Comment estimer la probabilité que le mot *c* apparaisse dans le contexte du mot *m* :

$$P(+|m,c)$$

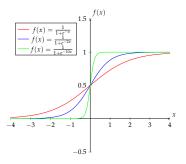
- Intuition:
 - Le plongement d'un mot est une représentation de son contexte.
 - Deux mots ont une probabilité élevée d'apparaître dans le même contexte si leurs plongements sont proches.
 - C'est assez abstrait!

Des plongements aux probabilités

- On utilise le produit scalaire $\mathbf{m} \cdot \mathbf{c}$ comme mesure de proximité des vecteurs \mathbf{m} et \mathbf{c} .
- Le résultat du produit scalaire peut être n'importe quel nombre réel.
- On le transforme en un nombre compris entre 0 et 1 à l'aide de la fonction sigmoïde (aussi appelée fonction logistique) :

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + exp(-x)}$$

Fonction sigmoïde $f(x) = \frac{1}{1 + exp(-ax)}$



- Aussi appelée fonction écrasante ou smashing function
- Elle projette l'intervalle] $-\infty$, $+\infty$ [sur l'intervalle]0,1[.

Calcul de P(+|m,c) et P(-|m,c)

On a donc:

$$P(+|m,c) = \sigma(\mathbf{m} \cdot \mathbf{c}) = \frac{1}{1 + \exp(-\mathbf{m} \cdot \mathbf{c})}$$

■ Pour obtenir une distribution de probabilité, il faut que :

$$P(+|m,c) + P(-|m,c) = 1$$

■ Donc:

$$P(-|m,c) = 1 - P(+|m,c) = 1 - \sigma(\mathbf{m} \cdot \mathbf{c}) = \sigma(-\mathbf{m} \cdot \mathbf{c})$$

- Note : $\sigma(-x) = 1 \sigma(x)$
- On obtient :

$$P(-|m,c) = \sigma(-\mathbf{m} \cdot \mathbf{c}) = \frac{1}{1 + \exp(\mathbf{m} \cdot \mathbf{c})}$$

Simplification

- On sait calculer P(+|m,c) et P(-|m,c) où c est un mot du contexte de m.
- Mais dans le modèle de la fenêtre glissante centrée sur m_i , il y a plusieurs mots de contexte :
 - L avant : m_{i-L}^{i-1} et L après : m_{i+1}^{i+L}
- On fait l'hypothèse d'indépendance suivante :

$$P(+|m_i, m_{i-L}^{i-1}, m_{i+1}^{i+L}) = \prod_{j=1}^{L} P(+|m_i, m_{i-j}) P(+|m_i, m_{i+j})$$

- On n'a donc plus besoin que des probabilités P(+|m,c) et P(-|m,c), que l'on sait calculer!
- On néglige :
 - la position relative des mots dans le contexte
 - les dépendances entre mots du contexte
 - ce n'est pas rien!

Exemples négatifs

- Etant donné la fenêtre glissante centrée sur *m*, il est facile de trouver des exemples négatifs.
- Il suffit pour cela de choisir des mots au hasard dans le lexique qui n'apparaissent pas de le contexte de *m*.
- SGNS combine :
 - un exemple positif (m, c_{pos})
 - et k exemples négatifs $(m, c_{neg_1}) \dots (m, c_{neg_k})$

Echantillonnage des exemples négatifs

- On peut choisir des mots aléatoirement dans le lexique
 - \rightarrow les mots rares seront sur-représentés
- On peut échantillonner la distribution unigramme (la fréquence des mots)
 - → les mots rares seront sous-représentés
- $lue{}$ Solution possible : On pondère la probabilité unigramme par un paramètre lpha :

$$p_{\alpha}(w) = \frac{count(w)^{\alpha}}{\sum_{i=1}^{|V|} count(w_i)^{\alpha}}$$

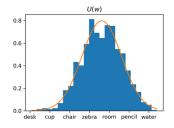
■ Ce qui permet d'augmenter la probabilité des mots rares

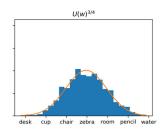
Illustration

$$V = \{a, b\}$$

	$\alpha = 1$	$\alpha = 0.75$
$p_{\alpha}(a)$	0.99	0.97
$p_{\alpha}(b)$	0.01	0.03

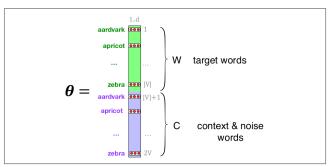
■ Exemple plus réaliste :





<u>Source</u>: https://aegis4048.github.io/optimize_computational_ efficiency_of_skip-gram_with_negative_sampling

Les paramètres du classifieur



- Deux matrices de plongements
 - Plongement des mots cible **M** (**W** dans la figure)
 - Plongement des mots de contexte (positifs et négatifs) C
- Les matrices sont initialisées aléatoirement et optimisée par descente stochastique du gradient.
- Disposer de deux matrices de plongements permet de simplifier les calculs

Fonction de perte

- Etant donné un ensemble formé d'un exemple positif et de k exemples négatifs, l'objectif de l'apprentissage est de
 - Maximiser la probabilité $P(+|m,c_{pos})$
 - Maximiser les probabilités $P(-|m, c_{neg_i})$
- On définit la fonction de perte suivante :

$$L = -\log \left[p(+|m, c_{pos}) \prod_{i=1}^{k} p(-|m, c_{neg_i}) \right]$$

$$= -\left[\log p(+|m, c_{pos}) + \sum_{i=1}^{k} \log p(-|m, c_{neg_i}) \right]$$

$$= -\left[\log \sigma(\mathbf{c}_{pos} \cdot \mathbf{m}) + \sum_{i=1}^{k} \log \left(\sigma(-\mathbf{c}_{neg_i} \cdot \mathbf{m}) \right) \right]$$

Minimisation de la fonction de perte

- On minimise la fonction de perte par descente stochastique du gradient
- Mise à jour des plongements de \mathbf{m} , \mathbf{c}_{pos} , et \mathbf{c}_{neg} (k plongements):

$$\mathbf{c}_{pos}^{t+1} = \mathbf{c}_{pos}^{t} - \eta \frac{\partial L}{\partial \mathbf{c}_{pos}^{t}}$$

$$\mathbf{c}_{neg}^{t+1} = \mathbf{c}_{neg}^{t} - \eta \frac{\partial L}{\partial \mathbf{c}_{neg}^{t}}$$

$$\mathbf{m}^{t+1} = \mathbf{m}^{t} - \eta \frac{\partial L}{\partial \mathbf{m}^{t}}$$

Gradient de la fonction de perte

$$L = -\left[\log \sigma(\mathbf{c}_{pos} \cdot \mathbf{m}) + \sum_{i=1}^{k} \log \left(\sigma(-\mathbf{c}_{neg_i} \cdot \mathbf{m})\right)\right]$$

- Il faut dériver L par rapport aux vecteurs \mathbf{c}_{pos} , \mathbf{c}_{neg} et \mathbf{m}
- Il est assez simple d'obtenir une expression analytique de ces gradients :

$$\begin{split} & \frac{\partial L}{\partial \mathbf{c}_{pos}} = [\sigma(\mathbf{c}_{pos} \cdot \mathbf{m}) - 1]\mathbf{m} \\ & \frac{\partial L}{\partial \mathbf{c}_{neg}} = [\sigma(\mathbf{c}_{neg} \cdot \mathbf{m})]\mathbf{m} \\ & \frac{\partial L}{\partial \mathbf{m}} = [\sigma(\mathbf{c}_{pos} \cdot \mathbf{m}) - 1]\mathbf{c}_{pos} + \sum_{i=1}^{k} [\sigma(\mathbf{c}_{neg_i} \cdot \mathbf{m})]\mathbf{c}_{neg_i} \end{split}$$

Minimisation de la fonction de perte

$$\begin{aligned} \mathbf{c}_{pos}^{t+1} &= \mathbf{c}_{pos}^{t} - \eta [\sigma(\mathbf{c}_{pos} \cdot \mathbf{m}) - 1] \mathbf{m} \\ \mathbf{c}_{neg}^{t+1} &= \mathbf{c}_{neg}^{t} - \eta [\sigma(\mathbf{c}_{neg} \cdot \mathbf{m})] \mathbf{m} \\ \mathbf{m}^{t+1} &= \mathbf{m}^{t} - \eta [\sigma(\mathbf{c}_{pos} \cdot \mathbf{m}) - 1] \mathbf{c}_{pos} + \sum_{i=1}^{k} [\sigma(\mathbf{c}_{neg_{i}} \cdot \mathbf{m})] \mathbf{c}_{neg_{i}} \end{aligned}$$

Production des plongements

- Lorsque l'apprentissage converge, on arrête la mise à jour
- On garde les plongements de matrice M
- Que l'on stocke dans un fichier

...
garde -0.346829 -0.070150 0.025763 -0.512991 0.486601 -0.058058 0.214757 ...
trois -0.358720 0.004257 0.258529 -0.026849 0.357005 -0.377576 0.162349 ...
pharaon 0.020979 -0.320600 -0.030742 0.072684 0.153152 0.457672 0.256732 ...
venant -0.038000 -0.076984 0.318350 -0.014221 -0.349837 -0.297711 0.044218 ...
swyrne 0.129223 -0.091417 -0.279704 -0.438141 0.614178 0.169431 0.468693 ...
et 0.479522 0.083401 -0.429599 -0.095315 -0.260707 0.219894 -0.109798 ...
naples -0.066515 0.139142 -0.252495 0.170399 -0.834353 0.100872 0.043674 ...

40 / 43

Bilan

- Quelles caractéristiques doit posséder une bonne représentation de mots?
 - mathématiques:
 - numérique
 - de dimension raisonnable
 - linguistiques:
 - permet de calculer une distance entre mots qui ait du sens :

$$d(v\'elo, bicyclette) < d(v\'elo, cornichon)$$

prise en compte de la polysémie :

$$rep(vol_1) \neq rep(vol_2)$$

Bilan

- Quelles caractéristiques doit posséder une bonne représentation de mots?
 - mathématiques :
 - numérique
 - de dimension raisonnable
 - linguistiques:
 - permet de calculer une distance entre mots qui ait du sens :

$$d(v\'elo, bicyclette) < d(v\'elo, cornichon)$$

prise en compte de la polysémie :

$$rep(vol_1) \neq rep(vol_2)$$

On verra avec les plongements contextuels comment apporter une réponse au problème de la polysémie.

Quelques références

- le blog de Eric Kim
 - $\rightarrow \texttt{https://aegis4048.github.io/optimize_computational_efficiency_of_skip-gram_with_negative_sampling}$ $\rightarrow \texttt{https://aegis4048.github.io/demystifying_neural_network_in_}$
- Illustrated word2vec
 - \rightarrow https://jalammar.github.io/illustrated-word2vec/
- Le cours de Chris Manning

skip_gram_language_modeling

- → https://www.youtube.com/watch?v=ERibwqs9p38
- Le blog de Chris McCormick
 - ightarrow http:
 - //mccormickml.com/2016/04/19/word2vec-tutorial-the-skip-gram-model/