Laboratorium 4 Efekt Rungego

Mateusz Król $03/04/2024~\mathrm{r}.$

Zadanie 1.

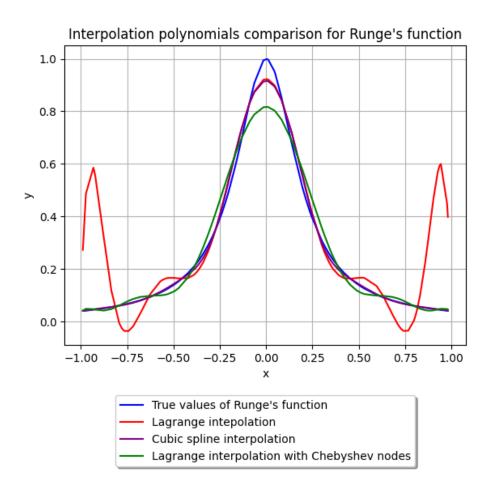
Wyznacz wielomiany interpolujące funkcje:

$$f_1(x)=rac{1}{1+25\cdot x^2}$$
 na przedziałe $[-1;1],$
$$f_2(x)=e^{\cos(x)}$$
 na przedziałe $[0;2\pi]$

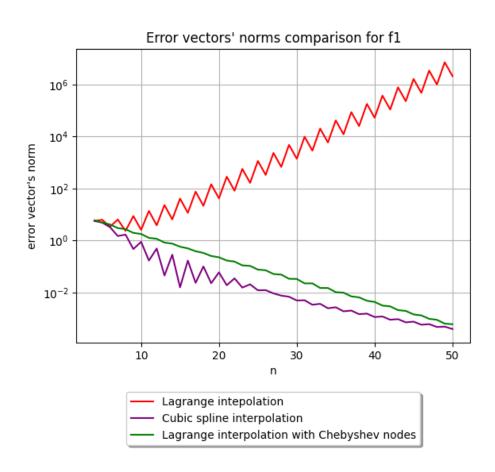
używając:

- wielomianów Lagrange'a z równoodległymi węzłami
- kubicznych funkcji sklejanych z równoodległymi węzłami
- wielomianów Lagrange'a z węzłami Czebyszewa:

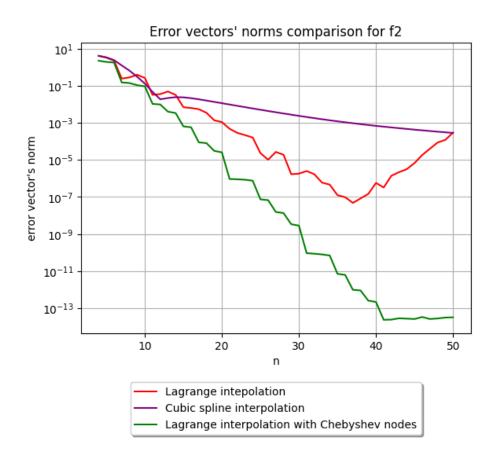
Porównanie wykresów wielomianów interpolacyjnych funkcji Rungego:



Porównanie norm wektorów błędów wielomianów interpolacyjnych funkcji f_1 dla n z przedziału [4;50]:



Porównanie norm wektorów błędów wielomianów interpolacyjnych funkcji f_2 dla n z przedziału [4;50]:



Wnioski

Na podstawie wykresów, jako najbardziej dokładną metodę interpolacji z przetestowanych, można okreslić interpolację wielomianami Lagrange'a z wykorzystaniem węzłów Chebyshev'a.

Najgorszą okazała się interpolacja zwykłymi wielomianami Lagrange'a.

Źródła

• https://heath.cs.illinois.edu/scicomp/notes/cs450_chapt07.pdf