

Laboratorium 8

Rozwiązywanie równań nieliniowych

Mateusz Król

07/05/2024 r.

Zadanie 1.

Dla poniższych funkcji i punktów początkowych metoda *Newton'a* zawodzi. Wyjaśnij dlaczego. Następnie znajdź pierwiastki.

$$f_1(x) = x^3 - 5x, \quad x_0 = 1$$

$$f_2(x) = x^3 - 3x + 1, \quad x_0 = 1$$

$$f_3(x) = 2 - x^5, \quad x_0 = 0.01$$

$$f_4(x) = x^4 - 4.29x^2 - 5.29, \quad x_0 = 0.8$$

Wykorzystałem funkcję `scipy.optimize.newton` z modułu *SciPy*.

Dla funkcji f_1 metoda *Newton'a* działa - zwraca prawdziwy pierwiastek ($\approx 4.7 \cdot 10^{-24} \approx 0$). W celu zwrócenia innego pierwiastka, możnaby zmienić wartość początkową na bliższą odpowiedniej wartości (np. 2).

Dla reszty funkcji metoda *Newton'a* nie działa:

Dla funkcji f_2 odpowiednim x_0 byłoby 1.5, gdyż wartość 1 jest ekstremum lokalnym.

Dla funkcji f_3 lepszym wyborem x_0 byłoby 1.1, gdyż wartość 0.01 jest zbyt blisko 0, gdzie funkcja jest na tyle stroma, że wartość przybliżana zbyt wolno zbiega do prawdziwego pierwiastka.

Dla funkcji f_4 odpowiednim x_0 byłoby 2.0 - wartość bliżej prawdziwego pierwiastka.

Zadanie 2.

Dane jest równanie:

$$f(x) = x^2 - 3x + 2 = 0$$

Każda z następujących funkcji definiuje równoważny schemat iteracyjny:

$$g_1(x) = \frac{(x^2 + 2)}{3}$$

$$g_2(x) = \sqrt{3x - 2}$$

$$g_3(x) = 3 - \frac{2}{x}$$

$$g_4(x) = \frac{(x^2 - 2)}{2x - 3}.$$

Wykres przedstawiający porównanie prawdziwych wartości funkcji

Wnioski