

Laboratorium 7

Kwadratury adaptacyjne

Mateusz Król

01/05/2024 r.

Zadanie 1.

Oblicz wartość całki z poprzedniego laboratorium

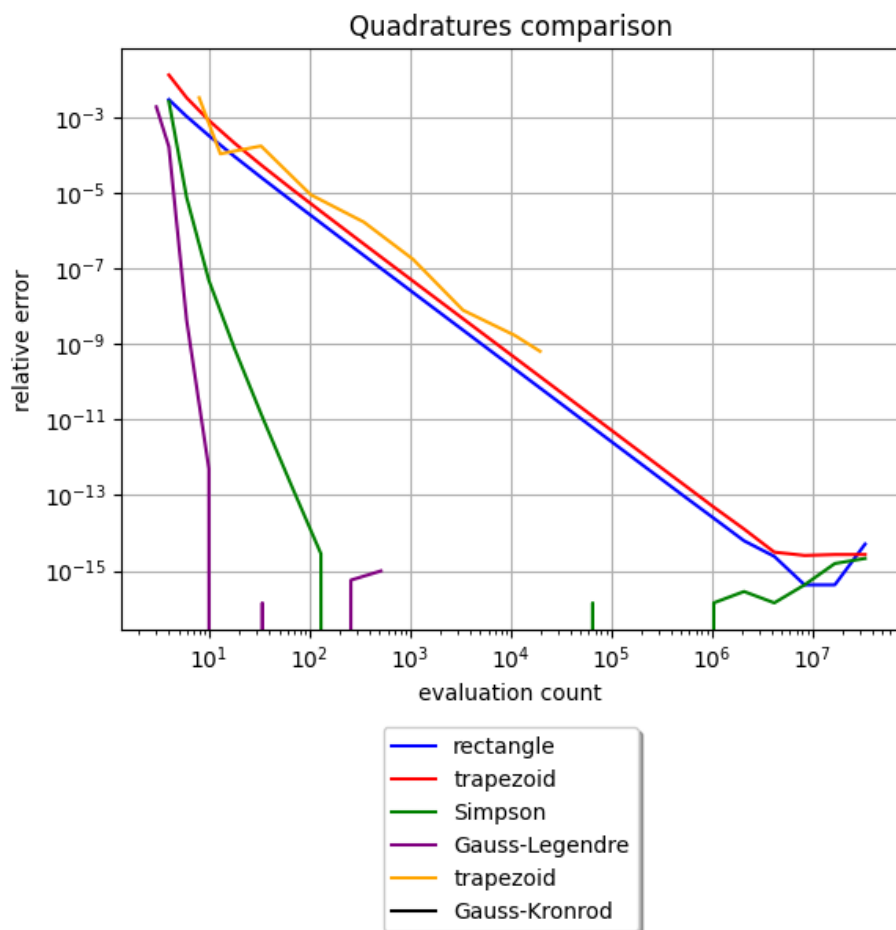
$$\int_0^1 \frac{4}{1+x^2} dx = \pi.$$

korzystając z:

- (a) kwadratur adaptacyjnych trapezów,
- (b) kwadratur adaptacyjnych Gaussa-Kronroda.

Dla każdej metody narysuj wykres wartości bezwzględnej błędu względnego w zależności od liczby ewaluacji funkcji podcałkowej. Wyniki dodaj do wykresu uzyskanego w poprzednim laboratorium.

Wykres błędów względnych w zależności od liczby ewaluacji funkcji podcałkowej:



Wykres błędów względnych dla kwadratury *Gaussa-Kronroda* jest stale równy 0.

Zadanie 2.

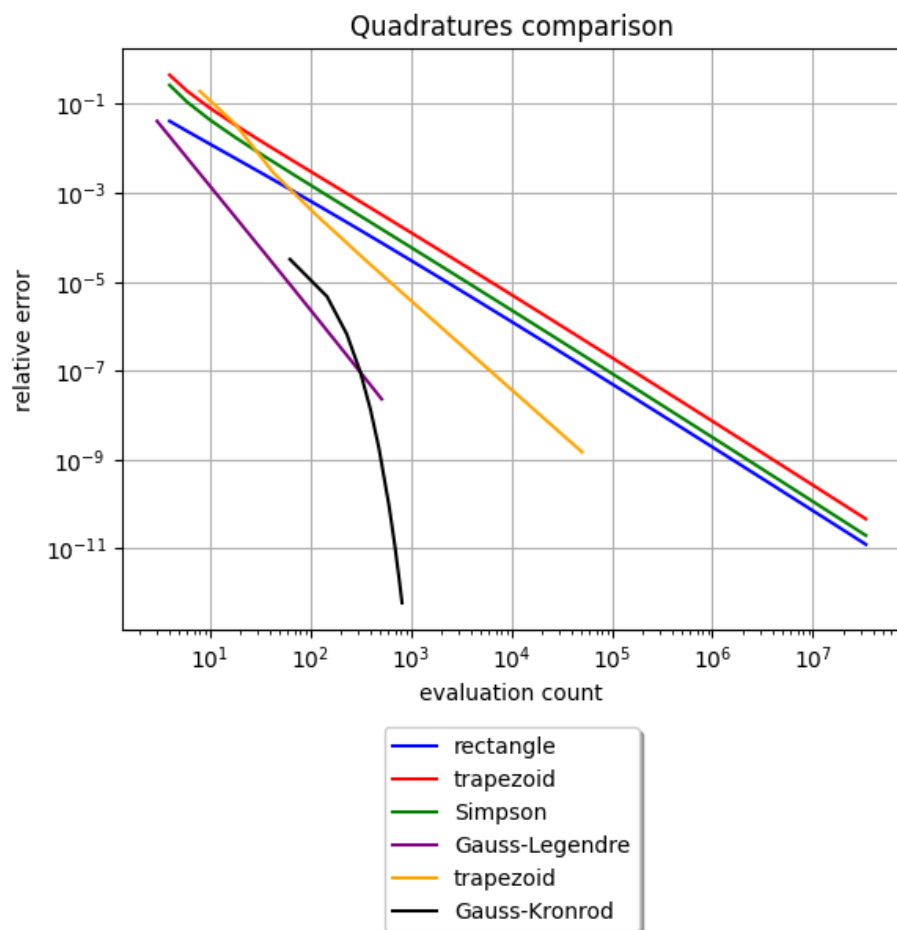
Powtórz obliczenia z poprzedniego oraz dzisiejszego laboratorium dla całek:

$$\int_0^1 \sqrt{x} \cdot \ln(x) dx$$

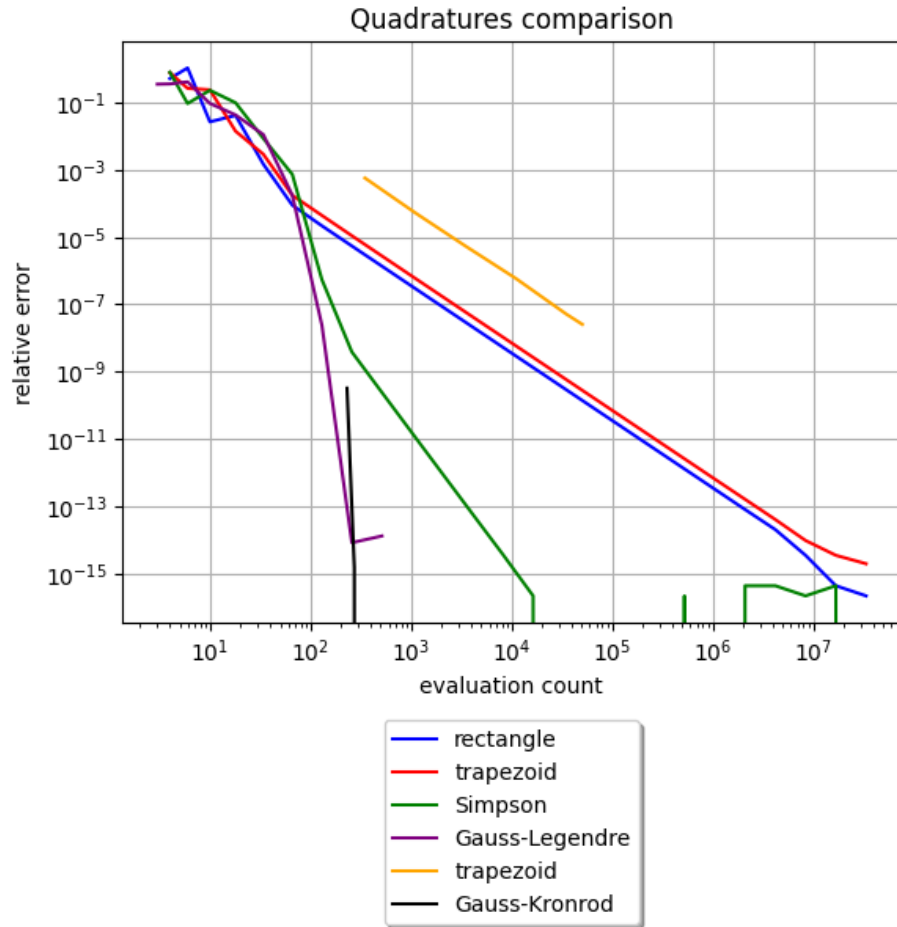
$$\int_0^1 \frac{1}{(x-0.3)^2+a} + \frac{1}{(x-0.9)^2+b} - 6 \, dx$$

, gdzie $a = 0.001$, $b = 0.004$.

Wykres błędów względnych w zależności od liczby ewaluacji funkcji podcałkowej dla funkcji $f(x) = \sqrt{x} \cdot \ln(x)$:



Wykres błędów względnych w zależności od liczby ewaluacji funkcji podcałkowej dla funkcji $f(x) = \frac{1}{(x-0.3)^2+0.001} + \frac{1}{(x-0.9)^2+0.004} - 6$:



Wnioski

Dla każdej z badanej funkcji, metoda *Gaussa-Kronroda* od pewnej wartości liczby ewaluacji funkcji, przyjmuje najmniejszą wartość względną spośród wszystkich metod.

W pierwszym zadaniu wartość błędu dla funkcji $f(x) = \frac{4}{1+x^2}$ wyniósł 0, korzystając z wartości $\pi = \text{numpy.pi}$.

Oznacza to, że dokładność metody dla odpowiednich wartości liczby ewaluacji funkcji (w tym przypadku stałe równym 63), wynosi więcej niż 15 miejsc po przecinku.