## UF UF

## UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS

## Álgebra Elementar — Lista 2 Prof. Adriano Barbosa

- (1) Construa as tabelas verdade das proposições abaixo:
  - (a)  $\sim (p \lor \sim q)$
  - (b)  $p \land q \rightarrow p \lor q$
  - (c)  $(p \leftrightarrow \sim q) \leftrightarrow q \to p$
  - (d)  $(p \leftrightarrow \sim q) \rightarrow \sim p \land q$
- (2) Determine se as proposições são tautologias ou contradições:
  - (a)  $(p \to p) \lor (p \to \sim p)$
  - (b)  $(p \to q) \land \sim q \to \sim p$
  - (c)  $p \to (p \to q \land \sim q)$
  - (d)  $\sim (p \leftrightarrow q) \land p \to q$
- (3) Verifique as validade das implicações abaixo:
  - (a) Regra do silogismo disjuntivo:  $(p \lor q) \land \sim p \Rightarrow q$
  - (b) Regra modus ponens:  $(p \to q) \land p \Rightarrow q$
  - (c) Regra modus tollens:  $(p \to q) \land \sim q \Rightarrow \sim p$
  - (d) Regra do silogismos hipotético:  $(p \to q) \land (q \to r) \Rightarrow p \to r$
- (4) Verifique a validade das equivalências:
  - (a) Regra de absorção:  $p \to p \land q \Leftrightarrow p \to q$
  - (b)  $p \land (p \lor q) \Leftrightarrow p$
  - (c)  $p \leftrightarrow p \land q \Leftrightarrow p \rightarrow q$
  - (d)  $(p \to q) \land (p \to r) \Leftrightarrow p \to q \land r$
  - (e) Regra de exportação-importação:  $p \land q \rightarrow r \Leftrightarrow p \rightarrow (q \rightarrow r)$
- (5) Escreva a recíproca, contrária e contrapositiva das proposições abaixo:
  - (a) Se João é rico, então tem um carro caro.
  - (b) Se chover, então Ana não vai a praia.
  - (c) Se eu não for ao cinema, então irei ao teatro.