UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS

Cálculo Diferencial e Integral II — Lista 6 Prof. Adriano Barbosa

(1) Determine se as equações abaixo são lineares:

(a)
$$x - y' = xy$$

(b)
$$y' = \frac{1}{x} + \frac{1}{y}$$

(c)
$$y' + xy^2 = \sqrt{x}$$

(d)
$$y \operatorname{sen}(x) = x^2 y' - x$$

(2) Resolva as equações diferenciais:

(a)
$$y' + y = 1$$

(b)
$$y' - y = e^x$$

(c)
$$xy' + y = \sqrt{x}$$

(d)
$$y' + y = \text{sen}(e^x)$$

(e)
$$t \ln(t) \frac{dr}{dt} + r = te^t$$

(3) Resolva os problemas de valor inicial:

(a)
$$x^2y' + 2xy = \ln(x)$$
, $y(1) = 2$

(b)
$$t\frac{du}{dt} = t^2 + 3u$$
, $t > 0$, $u(2) = 4$

(c)
$$xy' = y + x^2 \operatorname{sen}(x), \ y(\pi) = 0$$

(d)
$$(x^2+1)\frac{dy}{dx} + 3x(y-1) = 0$$
, $y(0) = 2$

(4) Resolva as equações de Bernoulli:

(a)
$$xy' + y = -xy^2$$

(b)
$$y' + \frac{2}{x}y = \frac{y^3}{x^2}$$

(5) Resolva a EDO $xy^{\prime\prime}+2y^{\prime}=12x^2$ fazendo a substituição $u=y^{\prime}.$