

UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS Álgebra Linear e Geometria Analítica — Avaliação P2 Prof. Adriano Barbosa

I	
2	
3	
4	
5	
Nota	

Matemática – 2^a chamada 24/08/2017

Aluno(a):....

- 1. Dado o conjunto $\{(3,3,3,3),(0,2,2,2),(0,0,1,1)\}\subset \mathbb{R}^4$, verifique:
 - (a) Os vetores são LI ou LD?
 - (b) Podemos escrever qualquer vetor de \mathbb{R}^4 como combinação linear dos vetores dados?
 - (c) Os vetores formam uma base de \mathbb{R}^4 ?
- 2. Dada $T: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^2$, T(x,y) = (2x + y, 3x + 4y)
 - (a) Calcule a matriz canônica de T.
 - (b) Calcule o núcleo e a imagem de T.
 - (c) T é invertível? Calcule sua inversa, se possível.
- 3. Verifique se $T_1 \circ T_2 = T_2 \circ T_1$, onde $T_1 : \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^2$ é a rotação por um ângulo θ em torno da origem no sentido anti-horário e $T_2 : \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^2$ é a projeção ortogonal sobre o eixo x.
- 4. Determine a transformação linear resultante de uma escala de fator 2 seguida de uma rotação de 45° em torno da origem no sentido anti-horário.
- 5. Dada $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \end{bmatrix}$, calcule:
 - (a) Seus autovalores.
 - (b) Seus autovetores.
 - (c) A é diagonalizável? Justifique.
 - (d) Encontre uma matriz P que diagonaliza A, se possível.