

## UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS

## Geometria — Lista 4 Prof. Adriano Barbosa

- (1) Um cubo de 20cm de altura, apoiado em um piso horizontal e com parte superior aberta, contém água até a altura de 15cm. Colocando uma pirâmide regular sólida de base quadrada e altura 30cm com a base apoiada no fundo do cubo, o nível da água atinge a altura máxima do cubo sem derramar.
  - (a) Qual o volume do tronco da pirâmide submersa?
  - (b) Qual o volume da pirâmide?
- (2) Dados três pontos A, B e C não colineares, faça o que se pede tendo em vista que este é um problema de Geometria Plana. Considere conhecidas as construções, com régua e compasso, da mediatriz de um segmento e da paralela a um segmento passando por um ponto dado.
  - (a) Descreve os passos de construção necessários para obter, utilizando régua e compasso, duas retas distintas r e s que contêm C e tais que r e s equidistam de A e B.
  - (b) Justifique a construção do item anterior.
- (3) Duas esferas de raios r e R, com r < R, são tangentes interiores, isto é, possuem apenas um ponto em comum e o centro da esfera de raio r está no interior da esfera de raio R.
  - (a) Prove que o ponto de interseção das duas esferas é colinear aos centros destas esferas.
  - (b) Sabe-se que o centro da esfera menor é o ponto médio de uma das arestas de um tetraedro regular inscrito na esfera maior. Calcule r em função de R.

Dica:  $R = \frac{a\sqrt{6}}{4}$ , onde a é a aresta do tetraedro.

- (4) Dados dois segmentos de comprimentos s e q, com s > 2q, indique a construção, com régua e compasso, de segmentos cujos comprimentos sejam iguais às raízes da equação do segundo grau  $x^2 sx + q^2 = 0$ .
- (5) A altura CH e a mediana BK são traçadas em um triângulo acutângulo ABC. Sabendo que  $BK \equiv CH$  e  $K\hat{B}C = H\hat{C}B$ , prove que o triângulo ABC é equilátero.