

UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS

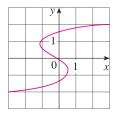
Cálculo Diferencial e Integral — Lista 3 Prof. Adriano Barbosa

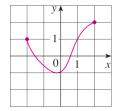
(1) Para $f \in g$ abaixo, verifique se f = g.

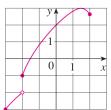
(a)
$$f(x) = x + \sqrt{2-x} e g(u) = u + \sqrt{2-u}$$
.

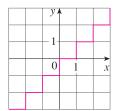
(b)
$$f(x) = \frac{x^2 - x}{x - 1} e g(x) = x$$
.

(2) Determine se as curvas abaixo são gráfico de uma função de \boldsymbol{x}









(3) Determine o maior domínio das funções abaixo:

(a)
$$f(x) = \frac{x+4}{x^2-9}$$

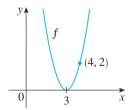
(b)
$$f(t) = \sqrt[3]{2t-1}$$

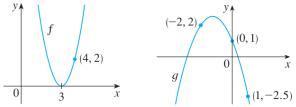
(c)
$$f(x) = \frac{2x^3 - 5}{x^2 + x - 6}$$

(d)
$$f(t) = \sqrt{3-t} - \sqrt{2+t}$$

(4) De um pedaço retangular de cartolina de dimensões $8\text{cm} \times 15\text{cm}$, quatro quadrados iguais devem ser cortados, um em cada canto. A parte cortada remanescente é então dobrada formando uma caixa aberta. Expresse o volume da caixa como uma função de x.

- (5) A relação entre as escalas de temperatura Celsius (C) e Fahrenheit (F) é dada pela função afim $F = \frac{9}{5}C + 32$. Desenhe o gráfico dessa função. Encontre o intervalo na escala F correspondente as temperaturas em C que estão entre 18° C e 25° C.
- (6) Encontre a expressão para as funções quadráticas cujos gráficos são:





(7) Desenhe o gráfico das funções abaixo a partir de um gráfico conhecido e aplicando translações e escalas nos eixos $x \in y$.

(a)
$$y = \frac{1}{x+2}$$

(b)
$$y = (x-1)^3$$

(c)
$$y = x^2 + 6x + 4$$

(d)
$$y = |x| - 2$$

(e)
$$y = \operatorname{sen}\left(\frac{1}{2}x\right)$$

(f)
$$y = \frac{1}{2} (1 - \cos(x))$$

(8) Encontre as regras das funções $f \circ g$ e $g \circ f$ e determine seus domínios.

(a)
$$f(x) = x^2 - 1$$
 e $g(x) = 2x + 1$

(b)
$$f(x) = x - 2 e g(x) = x^2 + 3x + 4$$

(c)
$$f(x) = x + \frac{1}{x} e g(x) = \frac{x+1}{x+2}$$

(d)
$$f(x) = \frac{x}{1+x} e g(x) = sen(2x)$$