

UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS

Fundamentos de Matemática III — Lista 2 Prof. Adriano Barbosa

(1) Efetue as divisões e escreva os números na forma algébrica:

(a) $\frac{1}{2+i}$ (b) $\frac{3+4i}{3-i}$ (c) $\frac{i^3-i^2+i^{17}-i^{35}}{i^{16}-i^{13}+i^{30}}$ (d) $\frac{1+i}{(1-i)^2}$

(2) Determine $x \in \mathbb{R}$ tal que:

(a) $\frac{2-xi}{1+2xi}$ seja imaginário puro

(b) $\frac{1+2i}{2+xi}$ seja real

(3) Mostre que $\overline{(z^n)} = (\overline{z})^n$ para todo n natural.

(4) Determine $z\in\mathbb{C}$ tal que: (a) $z^3=\overline{z}$ (b) $z^2=i$ (c) $z^2=1+\sqrt{3}i$

- (5) Calcule $z \in \mathbb{C}$ tal que $z \overline{z} + (z \overline{z}) = 13 + 6i$.
- (6) Use as propriedades de módulo para calcular:

(a) $|z_1z_2|$, onde $z_1 = 1 - i$ e $z_2 = 2 + 2i$

(b) $\left| \frac{z_1}{z_2} \right|$, onde $z_1 = 3 + 3i$ e $z_2 = 1 + 2i$

(c) $|z^6|$, onde $z = 1 + \sqrt{3}i$

(7) Escreva os números abaixo na forma trigonométrica:

(a) 3 + 3i

(b) i^{3}

(c) 2i(1-i) (d) $5-5\sqrt{3}i$

(e) 2i

(8) Represente no plano os números abaixo e indique graficamente o módulo e o argumento principal de cada um deles

(a) 2 + 5i

(b) -2 - 3i (c) 1 - 4i

(9) Represente geometricamente no plano os conjuntos abaixo:

(a) $A = \{ z \in \mathbb{C} \mid Re(z) = 0 \}$

(b) $B = \{z \in \mathbb{C} \mid Im(z) = 0\}$ (c) $C = \{z \in \mathbb{C} \mid |z| = 1\}$

(d) $D = \{z \in \mathbb{C} \mid Re(z) \ge 1 \ e \ Im(z) \ge 2\}$

(10) Represente geometricamente no plano o conjunto dos números complexos z tais que $|z - (1+i)| \le 1.$