

## UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS Fundamentos de Matemática III — Lista 1 Prof. Adriano Barbosa

- (1) Resolva:
  - (a) (3+2i)+(2-5i)
  - (b) (1+i)+(1-i)-2i
  - (c) (2-3i)(1+5i)
  - (d) (4-3i)(5-i)(1+i)
  - (e) (7+2i)(7-2i)
  - (f) (5+2i)(2-5i)-i
- (2) Calcule as potências:
  - (a)  $i^{76}$
  - (b)  $i^{110}$
  - (c)  $i^{503}$
  - (d)  $i^{2017}$
- (3) Prove que  $(1-i)^2 = -2i$  e calcule  $z = (1-i)^{96} + (1-i)^{97}$ .
- (4) Determine  $x, y \in \mathbb{R}$  tais que
  - (a) 3 + 5ix = y 15i
  - (b)  $(x+yi)^2 = 2i$
  - (c) (2-x+3y)+2yi=0
  - (d) (x+yi)(2+3i) = 1+8i
  - (e) (3-i)(x+yi) = 20
- (5) Prove que  $(a + bi)^2 = a^2 b^2 + 2abi$ .