

UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS

Álgebra Linear e Geometria Analítica — Lista 10 Prof. Adriano Barbosa

(1) Encontre o domínio e o contra-domínio das transformações abaixo e determine se são lineares:

(a)
$$T(x, y, z) = (3x - 2y + 4z, 5x - 8y + z)$$

(b)
$$T(x,y) = (2xy - y, x + 3xy, x + y)$$

(b)
$$T(x,y) = (2xy - y, x + 3xy, x + y)$$

(c) $T(x,y,z,t) = (x^2 - 3y + z - 2t, 3x - 4y - z^2 + t)$

(2) Encontre a matriz canônica das transformações lineares abaixo

(a)
$$T: \mathbb{R}^4 \to \mathbb{R}^4$$
, $T(x, y, z, t) = 2x - 3y + t, 3x + 5y - t$

(b)
$$T: \mathbb{R}^4 \to \mathbb{R}^4$$
, $T(x, y, z, t) = (x, x + y, x + y + z, x + y + z + t)$
(c) $T: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^3$, $T(x, y) = (-x + y, 3x - 2y, 5x - 7y)$

(c)
$$T: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^3$$
, $T(x,y) = (-x+y, 3x-2y, 5x-7y)$

(3) Encontre a transformação linear cuja matriz canônica é dada abaixo:

(a)
$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

(b)
$$\begin{bmatrix} -1 & 2 & 0 \\ 3 & 1 & 5 \end{bmatrix}$$

(a)
$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$
 (b) $\begin{bmatrix} -1 & 2 & 0 \\ 3 & 1 & 5 \end{bmatrix}$ (c) $\begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 2 & 4 \\ 7 & 8 \end{bmatrix}$

(4) Use a matriz canônica [T] para obter T(v) e em seguida confira o resultado calculando T(v)diretamente:

(a)
$$T: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^3$$
, $T(x,y) = (-x+y,y,x-y)$ avaliada em $(1,2)$

(a)
$$T:\mathbb{R}^2\to\mathbb{R}^3,\,T(x,y)=(-x+y,y,x-y)$$
 avaliada em $(1,2)$ (b) $T:\mathbb{R}^3\to\mathbb{R}^3,\,T(x,y,z)=(-x+2y,y-3z,x-y-z)$ avaliada em $(2,3,0)$