

UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS Cálculo Diferencial e Integral III — Lista 6

Prof. Adriano Barbosa

(1) Use o método dos multiplicadores de Lagrange para determinar os valores máximos e mínimos de cada função restrita a condição dada.

(a)
$$f(x,y) = x^2 + y^2$$
 tal que $xy = 1$

(b)
$$f(x,y) = y^2 - x^2$$
 tal que $\frac{1}{4}x^2 + y^2 = 1$

(c)
$$f(x, y, z) = 2x + 2y + z$$
 tal que $x^2 + y^2 + z^2 = 9$

(d)
$$f(x, y, z) = xyz$$
 tal que $x^2 + 2y^2 + 3z^2 = 6$

- (2) Encontre os pontos do cone $z^2 = x^2 + y^2$ que estão mais próximos do ponto (4,2,0).
- (3) Encontre as dimensões de uma caixa retangular com volume $1000 \mathrm{cm}^3$ com menor área de superfície possível.
- (4) Encontre as dimensões de uma caixa retangular com volume máximo tal que a soma dos comprimentos de suas 12 arestas é uma constante c.