

UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS

Cálculo Diferencial e Integral — Lista 3 Prof. Adriano Barbosa

(1) Derive as funções:

(a)
$$f(x) = e^5$$

(b)
$$f(x) = (x^3 + 2x)e^x$$

(c)
$$y = e^{ax^3}$$

(d)
$$f(x) = x \ln x - x$$

(e)
$$f(x) = \operatorname{sen}(\ln x)$$

(f)
$$f(x) = \ln\left(\frac{1}{x}\right)$$

(g)
$$f(x) = \log_{10}(x^3 + 1)$$

(h)
$$y = 2x \log_{10} \sqrt{x}$$

(i)
$$y = \log_2(e^{-x} \cos \pi x)$$

(j)
$$f(t) = 10^{\sqrt{t}}$$

(k)
$$F(t) = 3^{\cos 2t}$$

(2) Se $f(x) = e^{2x}$, encontre a fórmula para $f^{(n)}(x)$ em função de n.

(3) Encontre a equação da reta tangente ao gráfico de $y = \text{sen}(2 \ln x)$ no ponto (1,0).

(4) Seja $I_f(x)$ um operador tal que sua derivada é $I_f'(x) = f(x)$. Calcule a derivada de $I_f(\ln x)$, onde $f(t) = e^t$.

(5) Seja
$$f(x) = \log_{10} \left(1 + \frac{1}{x} \right)$$
:

(a) Calcule a função inversa de f.

(b) Calcule a derivada de f^{-1} .