

## UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS Cálculo Diferencial e Integral II — Lista 10

(1) Escreva as cinco primeiras parcelas das séries e calcule, se possível, sua soma:

(a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(n+1)}$$

(a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(n+1)}$  [Dica: escreva como soma de frações parciais e em seguida escreva as somas parciais.]

(b) 
$$\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{(4k+1)(4k+5)}$$
 [Dica: utilize a mesma estratégia do item acima.]

(c) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{3n^2 + 2}$$

(d) 
$$\sum_{k=0}^{\infty} e^{-k}$$

(2) Determine se as séries geométricas são convergentes ou divergentes. Calcule a soma das séries

(a) 
$$4+3+\frac{9}{4}+\frac{27}{16}+\cdots$$

(b) 
$$2+0, 5+0, 125+0, 03125+\cdots$$

- (3) Escreva 0,88888... como uma fração.
- (4) Calcule a soma das séries

(a) 
$$\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4}\right) + \left(\frac{1}{2^2} + \frac{1}{4^2}\right) + \left(\frac{1}{2^3} + \frac{1}{4^3}\right) + \cdots$$

(b) 
$$\sum_{k=1}^{\infty} \left( \frac{1}{5^k} - \frac{1}{k(k+1)} \right)$$