

## UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS

## Cálculo Diferencial e Integral — Lista 4 Prof. Adriano Barbosa

- (1) Se uma pedra for lançada para cima no planeta Marte com velocidade de 10m/s, sua altura em metros t segundos depois do lançamento é dada por  $y = 10t - 1,86t^2$ .
  - (a) Enconre a velocidade média da pedra nos intervalos abaixo:

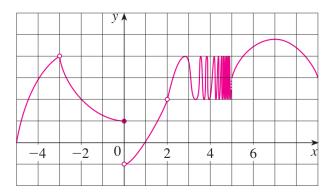
(i) [1, 2]

(ii) [1, 1, 5]

(iii) [1, 1, 1] (iv) [1, 1, 01]

(v) [1, 1, 001]

- (b) Estime a velocidade instantânea quando t = 1s.
- (2) Para a função h cujo gráfico é dado abaixo, determine os valores, quando possível.



- (a)  $\lim_{x \to -3^{-}} h(x)$  (b)  $\lim_{x \to -3^{+}} h(x)$  (c)  $\lim_{x \to -3} h(x)$  (d) h(-3) (e)  $\lim_{x \to 0^{-}} h(x)$  (f)  $\lim_{x \to 0^{+}} h(x)$  (g)  $\lim_{x \to 0} h(x)$  (h) h(0) (i)  $\lim_{x \to 5^{-}} h(x)$  (j)  $\lim_{x \to 5^{+}} h(x)$

- (3) Use a tabela de valores para estimar o valor dos limites abaixo. Utilize o computador para plotar os gráficos e confirmar sua resposta graficamente.

  (a)  $\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{x+4}-2}{x}$  (b)  $\lim_{x\to 0} \frac{\tan 3x}{\tan 5x}$  (c)  $\lim_{x\to 1} \frac{x^6-1}{x^{10}-1}$

(a) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{x+4}-3}{x}$$

(b) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{\tan 3x}{\tan 5x}$$

(c) 
$$\lim_{x \to 1} \frac{x^6 - 1}{x^{10} - 1}$$

- (4) Estime o valor de  $\lim_{x\to 0} \frac{\operatorname{sen}(x)}{x}$ .
- (5) Dado que  $\lim_{x\to 2} f(x) = 4$ ,  $\lim_{x\to 2} g(x) = -2$  e  $\lim_{x\to 2} h(x) = 0$ , calcule os limites abaixo, caso existam.

  (a)  $\lim_{x\to 2} [f(x) + 5g(x)]$  (b)  $\lim_{x\to 2} [g(x)]^3$  (c)  $\lim_{x\to 2} \sqrt{f(x)}$  (d)  $\lim_{x\to 2} \frac{3f(x)}{g(x)}$  (e)  $\lim_{x\to 2} \frac{g(x)}{h(x)}$

- (f)  $\lim_{x\to 2} \frac{g(x)h(x)}{f(x)}$

- (6) Calcule os limites abaixo, caso existam: (a)  $\lim_{x\to 5} \frac{x^2-6x+5}{x-5}$  (b)  $\lim_{t\to -3} \frac{t^2-9}{2t^2+7t+3}$  (c)  $\lim_{h\to 0} \frac{\sqrt{9+h}-3}{h}$  (d)  $\lim_{t\to 0} \frac{\sqrt{1+t}-\sqrt{1-t}}{t}$  (e)  $\lim_{x\to 16} \frac{4-\sqrt{x}}{16x-x^2}$
- (7) Se  $4x 9 \le f(x) \le x^2 4x + 7$  para  $x \ge 0$ , calcule  $\lim_{x \to 4} f(x)$ .
- (8) Se  $2x \le g(x) \le x^4 x^2 + 2$  para todo x, calcule  $\lim_{x \to 1} g(x)$ .