UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS

FACET

Cálculo IV

Gabarito Lista 01

8 de Fevereiro de 2017

(1) a) $m = \frac{ka^3}{2}$.

b)
$$(\bar{x}, \bar{y}) = (\frac{2a}{3}, \frac{2a}{3}).$$

(2) Calcule a integral de linha, onde C é a curva dada:

a)
$$\int_C xy^4 dr = \frac{8192}{5}$$
.

b)
$$\int_C xe^{yz} dr = \frac{\sqrt{14}}{12} (e^6 - 1).$$

c)
$$\int_C yzdx - xzdy + xydz = 1 - e^3$$

(3) 0

(4)
$$W = \frac{7}{3} + \frac{1}{2}(e^2 - e)$$
.

(5) Determine se \mathbf{F} é ou não um campo vetorial conservativo. Se for, determine uma função ϕ tal que $\mathbf{F} = \nabla \phi$:

a) Sim,
$$\phi(x, y) = ye^x + x \operatorname{sen} x$$
.

b) Sim,
$$\phi(x, y, z) = xy^2z + x^2z^2$$

c) Sim,
$$\phi(x, y) = x \ln y + x^2 y^3$$

d) Não, teria que restringir o domínio da função.

(6) Considere o campo de forças
$$\overrightarrow{F}(x,y) = \left(\frac{x}{x^2 + y^2}, \frac{y}{x^2 + y^2}\right)$$
.

a) 0.

- b) O campo é conservativo, logo a integral sobre qualquer curva fechada, que n\u00e3o passe pela origem, ser\u00e1 0.
- (7) Calcule o trabalho realizado pelo campo de forças \overrightarrow{F} numa partícula que se move ao longo de uma curva lisa C, do ponto A ao ponto B dados:
 - a) -6.
 - b) $1 \frac{1}{e}$.
 - c) 0.
 - d) $4 \text{sen} 3 e^2 + e + 53 \text{sen} 1$.

Bons estudos!

Bibliografia:

Stewart, J. - Cálculo Vol II

Flemming, D. - Cálculo B

Howard, A. - Cálculo Vol II.