

Преобразования степеней

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

$$\sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}}$$

$$\sqrt[n]{-a} = -\sqrt[n]{a}$$

$$2^{x-3} = \frac{2^3}{2^x}$$

$$a^0 = 1, \text{ if } a \neq 0$$

$$\sqrt{2} \quad \sqrt{3} \quad \sqrt{5}$$

$$1.4142 \quad 1.7320 \quad 2.2360$$

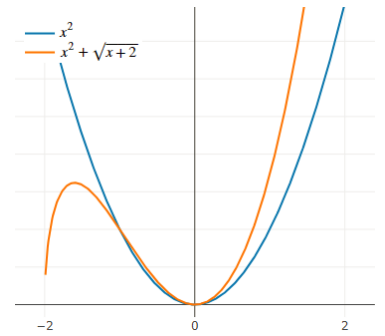
Формула сложного радикала:

$$\sqrt{a \pm \sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a + \sqrt{a^2 - b}}{2}} \pm \sqrt{\frac{a - \sqrt{a^2 - b}}{2}}$$

Подкоренное всегда > 0 : $\sqrt{ab} = \sqrt{|a|} \cdot \sqrt{|b|}$

Если $a, b \in (0, +\infty)$, $n, m \in \mathbb{N}(2, +\infty)$:

$$(\sqrt[n]{a})^m = \sqrt[n]{a^m} \quad \sqrt[m]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[m \cdot n]{a}$$



Полиномы

$$ax^2 + bx + c = a(x_1 - x_1)(x - x_2)$$

$$x_1 + x_2 = \frac{-b}{a} \quad x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a}$$

$$D = b^2 - 4ac$$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$$

Теорема Безу для стандартного полинома:

Если a - корень, то полином $F(x)$ без остатка делится на $(x-a)$;

1: (1) корень, если сумма коэфф. == 1;

2: (-1) корень, если сумма коэфф. при четных и нечетных степенях равны;

3: Корни полинома $\in \mathbb{Z}$, если старший коэфф. == 1;

В этом случае они - делители свободного члена.

Значит можно найти делители св. члена, подставить, найти корень,

и разделить многочлен на $(x-rdx)$.

Логарифмы

$$2^x = 3 \Rightarrow x = \log_2 3$$

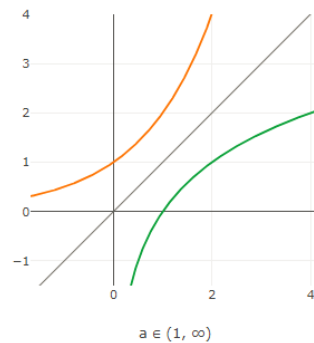
ОДЗ для $\log_a b$

$$a > 0, b > 0, a \neq 1$$

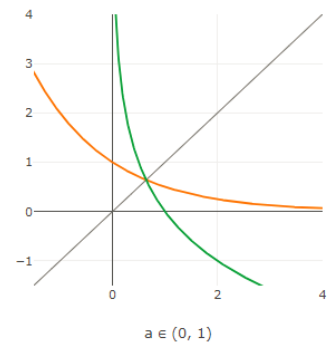
$$\log_a x = \frac{\log_n x}{\log_n a}$$

$$\log_a a^c b^m = \frac{m}{c} \log_a b$$

$$\log_a b \pm \log_a c = \log_a a^{\pm \frac{b}{c}}$$

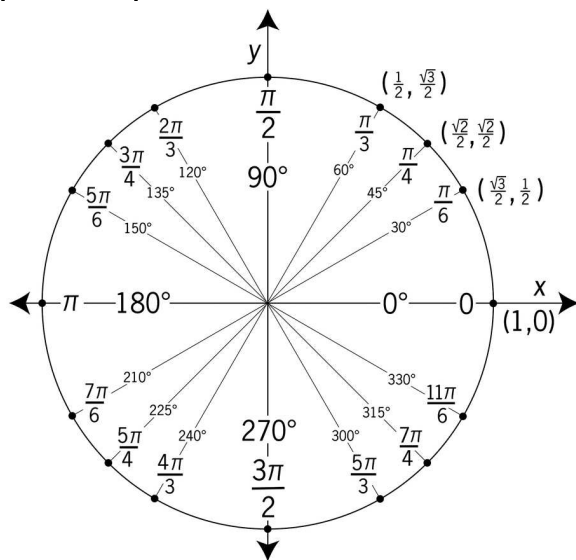


$a \in (1, \infty)$



$a \in (0, 1)$

Тригонометрия



$$180^\circ = 3.14 \text{ Rad}$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\sin \alpha + \sin \beta = 2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$$

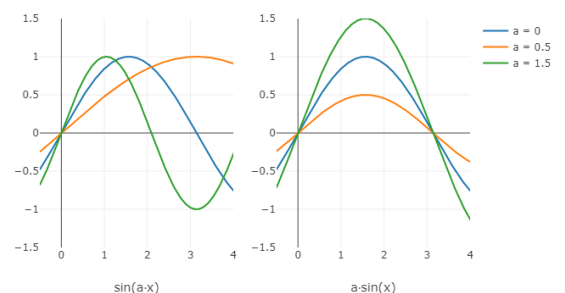
$$\sin(\alpha \pm \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta \pm \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha \pm \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta \mp \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\sin \alpha \cdot \sin \beta = \frac{1}{2}(\cos(\alpha - \beta) - \cos(\alpha + \beta))$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha = 2\cos^2 \alpha - 1 = 1 - 2\sin^2 \alpha$$

Функция	$-\sqrt{3}$	-1	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{3}$	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	$\sqrt{3}$
$\arcsin \alpha$	$-\frac{\pi}{2}$	$-\frac{\pi}{3}$	$-\frac{\pi}{6}$	$-\frac{\pi}{4}$	$-\frac{\pi}{6}$	$-\frac{\pi}{6}$	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$-\frac{\pi}{2}$
$\arccos \alpha$	π	$\frac{5\pi}{6}$	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{3\pi}{4}$	$\frac{5\pi}{6}$	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	0	$-\frac{\pi}{2}$
$\arctg \alpha$	$-\frac{\pi}{3}$	$-\frac{\pi}{4}$	$-\frac{\pi}{6}$	$-\frac{\pi}{4}$	$-\frac{\pi}{6}$	$-\frac{\pi}{6}$	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{\pi}{3}$
$\text{arctg} \alpha$	$\frac{5\pi}{6}$	$\frac{3\pi}{4}$	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{3\pi}{4}$	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{\pi}{3}$



Пределы и дифференцирование

$$\begin{aligned}x' &= 1 \\c' &= 0 \\(c \cdot u)' &= c \cdot u' \\(\sin x)' &= \cos x \\(\cos x)' &= -\sin x\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(u + v)' &= u' + v' \\(u \cdot v)' &= u'v + uv' \\g(f(x))' &= g'(f(x)) \cdot f'(x) \\(x^n)' &= n \cdot x^{n-1} \\(\sqrt{x})' &= \frac{1}{2\sqrt{x}} \\ \left(\frac{1}{x}\right)' &= -\frac{1}{x^2} \\ \left(\frac{u}{v}\right)' &= \frac{u'v - uv'}{v^2}\end{aligned}$$

