

MATEMATIKA 9

M9PBD19C0T02

DIDAKTICKÝ TEST	Jméno a příjmení
Počet úloh: 16	
Maximální bodové hodnocení: 50 bodů	
Povolené pomůcky: pouze psací a rýsovací potře	eby

1 Základní informace k zadání zkoušky

- Časový limit pro řešení didaktického testu je uveden na záznamovém archu.
- U každé úlohy je uveden maximální počet bodů.
- Za neuvedené řešení či za nesprávné řešení úlohy se neudělují záporné body.
- Odpovědí pište do záznamového archu.
- Poznámky si můžete dělat do testového sešitu, nebudou však předmětem hodnocení.
- Didaktický test obsahuje otevřené
 a uzavřené úlohy. Uzavřené úlohy
 obsahují nabídku odpovědí. U každé
 takové úlohy nebo podúlohy je právě
 jedna odpověď správná.

Pravidla správného zápisu do záznamového archu

- Řešení úloh zapisujte do záznamového archu modře nebo černě píšící propisovací tužkou, která píše dostatečně silně a nepřerušovaně.
- Nejednoznačný nebo nečitelný zápis odpovědi bude považován za chybné řešení.
- V konstrukčních úlohách rýsujte tužkou a následně vše obtáhněte propisovací tužkou.

2.1 Pokyny k otevřeným úlohám

• Řešení úloh **pište čitelně** do vyznačených bílých polí záznamového archu.

1	
•	

- Pokud budete chtít provést opravu, původní zápis přeškrtněte a nový uveďte do stejného pole.
- Je-li požadován celý postup řešení, uveďte jej do záznamového archu. Pokud uvedete pouze výsledek, nebudou vám přiděleny žádné body.
- Zápisy uvedené mimo vyznačená bílá pole záznamového archu nebudou hodnoceny.

2.2 Pokyny k uzavřeným úlohám

 Odpověď, kterou považujete za správnou, zřetelně zakřížkujte v příslušném bílém poli záznamového archu, a to přesně z rohu do rohu dle obrázku.

	Α	В	C	D	Ε
14			X		

 Pokud budete chtít následně zvolit jinou odpověď, pečlivě zabarvěte původně zakřížkované pole a zvolenou odpověď vyznačte křížkem do nového pole.

	Α	В	C	D	Ε
14	\times				

 Jakýkoliv jiný způsob záznamu odpovědí (např. dva křížky u jedné otázky) bude považován za nesprávnou odpověď.

TESTOVÝ SEŠIT NEOTVÍREJTE, POČKEJTE NA POKYN!

1 bod

1 **Vypočtěte**, kolik procent z 20 tun tvoří 500 kilogramů.

max. 2 body

2 Vypočtěte:

2.1

$$\sqrt{10^2 \cdot 0,0025} =$$

2.2

$$5:0.2-(-0.3+0.5)=$$

Doporučení: Úlohy **3**, **4.3** a **5** řešte přímo **v záznamovém archu**.

max. 4 body

3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

3.1

$$\frac{1-\frac{1}{3}}{-6^2}=$$

3.2

$$12 \cdot \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{2}\right) - \frac{5}{2} + \frac{2}{3} =$$

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý postup řešení.

- **Zjednodušte** (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):
- $(2a + 3b)^2 =$

4.2
$$3e \cdot (2 - f) - 2f \cdot (e - 3f) =$$

4.3
$$(1+3n)\cdot(1+3n)+(1+3n)\cdot(1-3n)-2=$$

V záznamovém archu uveďte pouze v podúloze 4.3 celý postup řešení.

max. 4 body

- 5 Řešte rovnici:
- 5.1

$$2 \cdot (3 - 0.75x) + x = 7 - \frac{x}{2}$$

$$\frac{5}{6} \cdot (y-2) - \frac{2}{3} \cdot y = \frac{y}{2} - \frac{5}{4}$$

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý postup řešení (zkoušku nezapisujte).

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

Zadaná práce byla rozdělena na dvě stejné části.

První polovinu práce vykonal minibagr za 10 hodin. Druhou polovinu práce pak vykonali společně 4 dělníci.

Přitom minibagr udělá za každých 5 hodin stejný díl práce jako 5 dělníků za 8hodinovou pracovní dobu. (Každý dělník vykoná za hodinu stejné množství práce.)

Za půjčení 1 minibagru se platí jednorázový poplatek 1 500 korun. Každá hodina práce minibagru (i s obsluhou) stojí 600 korun, hodina práce 1 dělníka 150 korun.

(CZVV)

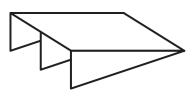
max. 4 body

6 Vypočtěte,

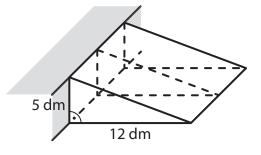
- 6.1 kolik korun se celkem zaplatilo za půjčení a práci minibagru (i s obsluhou),
- 6.2 kolik korun stála práce vykonaná dělníky,
- 6.3 kolik hodin musel odpracovat každý ze 4 dělníků.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 7

Nájezdová rampa sestavená ze čtyř dřevotřískových desek je přistavena ke schodu. Nakloněnou čtvercovou desku rampy podpírají tři stejné trojúhelníkové desky. Hloubka rampy je 12 dm a výška rampy je 5 dm.



Tloušťku desky neuvažujte.



max. 3 body

7 Vypočtěte, kolik dm² dřevotřísky je v hotové rampě použito

- 7.1 na všechny tři trojúhelníkové desky dohromady,
- 7.2 na čtvercovou desku.

(CZVV)

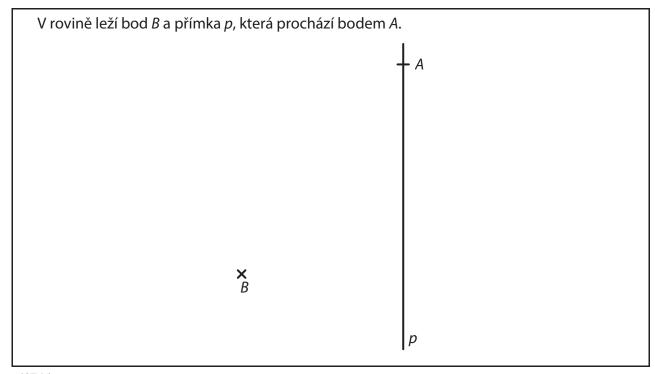
VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

Čtverec je rozdělen čtyřmi svislými úsečkami a jednou vodorovnou úsečkou na 10 shodných malých obdélníků. Každý z malých obdélníků má obvod 42 cm.
(CZW) max. 3 body

- 8.1 **Vyjádřete** v základním tvaru poměr délek sousedních stran jednoho malého obdélníku.
- 8.2 **Vypočtěte** v cm délku strany čtverce.

Doporučení pro úlohy **9** a **10**: Rýsujte přímo **do záznamového archu**.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9



(CZVV)

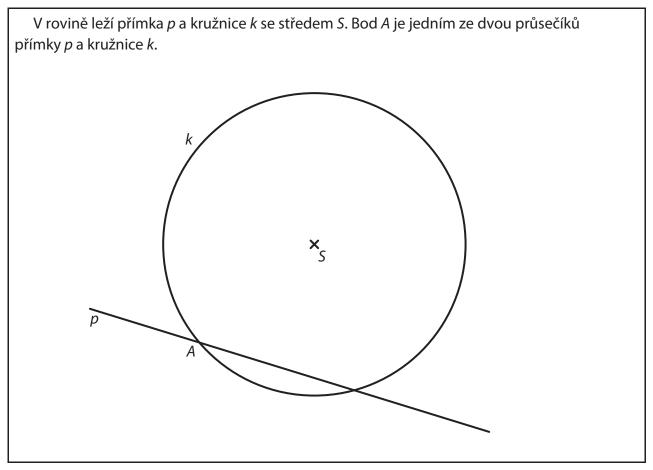
max. 2 body

9 Body *A*, *B* jsou vrcholy rovnoramenného trojúhelníku *ABC* se základnou *AB*. Rameno *AC* leží na přímce *p*.

Sestrojte a **označte** písmenem chybějící vrchol *C* trojúhelníku *ABC* a trojúhelník **narýsujte**.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 10



(CZVV)

max. 3 body

Bod *A* je vrchol čtverce *ABCD*, bod *S* leží uvnitř tohoto čtverce a na přímce *p* leží strana *AB*.

Právě dva ze čtyř vrcholů čtverce *ABCD* leží na kružnici *k*.

Sestrojte a **označte** písmeny chybějící vrcholy čtverce *ABCD* a čtverec **narýsujte**. Najděte všechna řešení.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

VÝCHOZÍ TEXT A TABULKA K ÚLOZE 11

Do tabulky se zapisují počty telefonních hovorů tří dětí v prvním čtvrtletí kalendářního roku. Některé údaje chybí.

		F	Počet hovor	ů
	Leden	Únor	Březen	Aritmetický průměr za měsíc
Aleš			12	
Běla		12		
Cyril		9		9
Součet	36			

V lednu měly všechny tři děti stejný počet hovorů.

Aleš měl v březnu o třetinu hovorů méně než v únoru.

Běla měla v březnu o polovinu hovorů více než v únoru.

(CZVV)

max. 4 body

11 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).

11.1	V prvním čtvrtletí byl aritmetický průměr počtu hovorů Aleše za měsíc	
	menší než 14.	

11.2	Běla měla za první čtvrtletí celkem 42 hovorů.			
------	--	--	--	--

11.3 – V březnu měl Cvril třikrát méně hovorů než F	Rěla	než	v∩rů	hov	۱ě	méně	rát.	třil	/ril		měl	eznii	√hř	١ ١	1 '	1
---	------	-----	------	-----	----	------	------	------	------	--	-----	-------	-----	-----	-----	---

VÝCHOZÍ OBRÁZEK K ÚLOZE 12



(CZVV)

2 body

12 Kolik je $\alpha + \beta$?

Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte.

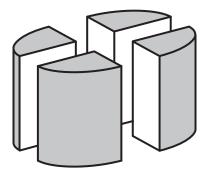
- A) 90°
- B) 92°
- C) 102°
- D) 112°
- E) jiný výsledek

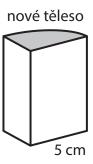
VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 13

Rotační válec s podstavou o poloměru 5 cm stojící na vodorovné podložce jsme svislými řezy rozdělili na čtyři shodná nová tělesa.

Povrch válce byl šedý (včetně podstav), ale všechny nové plochy vytvořené rozříznutím jsou bílé.

Součet obsahů obou bílých ploch na jednom z nových těles je 80 cm².





(CZVV)

2 body

13 Jaký je objem jednoho z nových těles?

Výsledek je zaokrouhlen na celé cm³.

- A) menší než 125 cm³
- B) 126 cm³
- C) 141 cm³
- D) 157 cm³
- E) větší než 158 cm³

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 14

Kryštof, Lenka a Marek sbírali do čtvrtlitrových hrnků borůvky.

Kryštof naplnil borůvkami třikrát více hrnků než Marek.

Lenka naplnila borůvkami o 50 % méně hrnků než Kryštof.

Kryštof naplnil borůvkami o 2 hrnky více než Lenka s Markem dohromady.

(CZVV)

2 body

14 Označme *m* neznámý počet hrnků, které naplnil borůvkami Marek.

Ze které z následujících rovnic lze v souladu se zadáním vypočítat m?

A)
$$3m = 2.5m + 2$$

B)
$$3m + 2 = 2.5m$$

C)
$$3m-2=2m+0.5$$

D)
$$3m = 2.5m + 2.5$$

E)
$$3m - 2 = 2m + 50$$

	max. 6 bodů
15	Přiřaďte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F).
15.1	V obchodě, v němž byla 20% sleva na veškeré zboží, Kamila zaplatila 400 korun.
	Kolik korun by zaplatila, kdyby nedostala žádnou slevu?
15.2	Svetr zdražili o 25 % a po čase jej zlevnili na 600 korun, tedy na 80 % ceny svetru po zdražení.
	Kolik korun stál svetr ještě před zdražením?
15.3	V obou kapsách mám stejné množství peněz. Nejprve polovinu částky z levé kapsy přendám do pravé kapsy. Když pak dám 50 % částky z pravé kapsy opět do levé kapsy, v levé kapse budu mít 300 korun.
	Kolik korun mám dohromady v obou kapsách?

- A) 320 korun
- B) 480 korun
- C) 500 korun
- D) 540 korun
- E) 600 korun
- F) jiný počet korun

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 16

Při spuštění programu je obrazovka monitoru prázdná. Při každém pípnutí se situace na obrazovce mění: Při prvním, třetím a každém **lichém** pípnutí se objeví 2 nové čárky **I**. Při druhém, čtvrtém a každém **sudém** pípnutí se objeví 2 nové pomlčky —. Při **každém čtvrtém** pípnutí však jedna nová pomlčka překříží jednu čárku na obrazovce a místo nich vidíme plus +. Na obrazovce tak mohou být **tři různé** symboly: "čárka", "pomlčka" a "plus". Symboly na obrazovce při 1. pípnutí (2 symboly): I I při 2. pípnutí (4 symboly): I I — při 3. pípnutí (6 symbolů): III--II při 4. pípnutí (7 symbolů): I I —— I + při 5. pípnutí (9 symbolů): II--I+-II(5krát **I**, 3krát **—** a 1krát **+**) atd. (CZVV) max. 4 body 16 Určete, jaký je na obrazovce počet 16.1 symbolů "pomlčka" – při 10. pípnutí, 16.2 všech symbolů při 60. pípnutí, symbolů "čárka" I právě ve chvíli, kdy se objevil 7. symbol "plus" +. 16.3