

# **MATEMATIKA 9**

#### **M9PID21C0T01**

### **DIDAKTICKÝ TEST**

Počet úloh: 16

Maximální bodové hodnocení: 50 bodů

Povolené pomůcky: pouze psací a rýsovací potřeby

## 1 Základní informace k zadání zkoušky

- Časový limit pro řešení didaktického testu je uveden na záznamovém archu.
- U každé úlohy je uveden maximální počet bodů.
- Za neuvedené řešení úlohy či za nesprávné řešení úlohy jako celku se neudělují záporné body.
- Odpovědi pište do záznamového archu.
- Poznámky si můžete dělat do testového sešitu, nebudou však předmětem hodnocení.
- Didaktický test obsahuje otevřené

   a uzavřené úlohy. Uzavřené úlohy
   obsahují nabídku odpovědí. U každé
   takové úlohy nebo podúlohy je právě
   jedna odpověď správná.

### Pravidla správného zápisu do záznamového archu

- Řešení úloh zapisujte do záznamového archu modře nebo černě píšící propisovací tužkou, která píše dostatečně silně a nepřerušovaně.
- Nejednoznačný nebo nečitelný zápis odpovědi bude považován za chybné řešení.
- V konstrukčních úlohách rýsujte tužkou a následně vše obtáhněte propisovací tužkou.

### 2.1 Pokyny k otevřeným úlohám

Jméno a příjmení

 Řešení úloh pište čitelně do vyznačených bílých polí záznamového archu.

1			
•			

- Pokud budete chtít provést opravu, původní zápis přeškrtněte a nový uveďte do stejného pole.
- Je-li požadován celý postup řešení, uveďte jej do záznamového archu. Pokud uvedete pouze výsledek, nebudou vám přiděleny žádné body.
- Zápisy uvedené mimo vyznačená bílá pole záznamového archu nebudou hodnoceny.

# 2.2 Pokyny k uzavřeným úlohám

 Odpověď, kterou považujete za správnou, zřetelně zakřížkujte v příslušném bílém poli záznamového archu, a to přesně z rohu do rohu dle obrázku.

	Α	В	C	D	E
14			X		

 Pokud budete chtít následně zvolit jinou odpověď, pečlivě zabarvěte původně zakřížkované pole a zvolenou odpověď vyznačte křížkem do nového pole.

	Α	В	C	D	Ε
14	X				

 Jakýkoliv jiný způsob záznamu odpovědí (např. dva křížky u jedné otázky) bude považován za nesprávnou odpověď.

#### TESTOVÝ SEŠIT NEOTVÍREJTE, POČKEJTE NA POKYN!

1 bod

1 Vypočtěte, o kolik se liší druhá mocnina čísla 16 a druhá odmocnina z čísla 16.

max. 2 body

2

2.1 Cesta tam trvala 1 hodinu a 14 minut. Zpáteční cesta byla o 46 minut kratší.

Vypočtěte v hodinách a minutách, jak dlouho trvala celá cesta (tam i zpět).

2.2 Když jsme z nádoby zcela naplněné vodou vylili 0,12 m³ vody, v nádobě zbylo ještě 4 500 cm³ vody.

Vypočtěte v litrech objem nádoby.

**Doporučení:** Úlohy **3**, **4.3** a **5** řešte přímo **v záznamovém archu**.

max. 4 body

3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

3.1

$$\frac{1}{2} + \frac{8}{5} \cdot \left(\frac{3}{8} - \frac{1}{6}\right) =$$

3.2

$$\frac{\frac{7}{4} - 4}{7 - \frac{4}{7}} =$$

4

4.1 Rozložte na součin:

$$(4a)^2 - 9 \cdot 9 =$$

4.2 Umocněte a zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$\left(\frac{3y}{2} + 2\right)^2 =$$

4.3 Zjednodušte a **rozložte na součin**:

$$(3n+7) \cdot (-4n+3n) + n \cdot (4n+9) =$$

V záznamovém archu uveďte pouze v podúloze 4.3 celý postup řešení.

max. 4 body

- 5 Řešte rovnici:
- 5.1  $2,5 \cdot (2x 0,4) + x = 2,5x + 0,4$

$$5.2$$

$$y - \frac{2 - 5y}{10} = \frac{5y - 8}{15} - 2$$

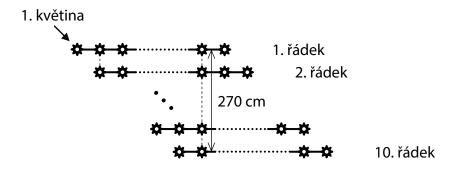
**V záznamovém archu** uveďte v obou částech úlohy celý **postup řešení** (zkoušku nezapisujte).

Na záhonu je v každém z 10 řádků stejný počet květin. První květina ve druhém a každém dalším řádku je vždy na úrovni druhé květiny předchozího řádku.

Rozestupy mezi sousedními květinami v řádcích i sloupcích jsou stejné.

Květiny v 1. a 10. řádku, které jsou ve stejném sloupci, mají vzdálenost 270 cm.

Předposlední květina v 1. řádku je ve stejném sloupci jako druhá květina v 10. řádku.



(Při výpočtech rozměry květin zanedbáváme.)

(CZVV)

max. 2 body

#### 6 Vypočtěte

- 6.1 v cm rozestup mezi sousedními květinami,
- 6.2 počet květin vysázených v jednom řádku.

### VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 7

Dvě bagety a 5 housek váží o 480 gramů více než 1 bageta, ale o 40 gramů méně než 3 bagety. Všechny bagety jsou stejné, rovněž housky jsou stejné.

(CZVV)

max. 3 body

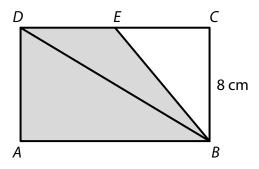
## 7 Vypočtěte, kolik gramů váží

- 7.1 bageta,
- 7.2 houska.

Obdélník ABCD má stranu BC délky 8 cm. Na straně CD leží bod E.

Obdélník je rozdělen úsečkami BE a BD na tři trojúhelníky.

Obsahy trojúhelníků BCE a BED jsou stejné, a to 24 cm².



(CZVV)

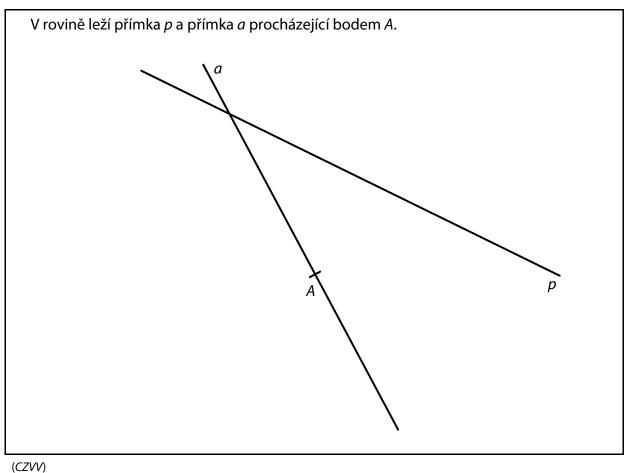
max. 4 body

### 8 Vypočtěte

- 8.1 v cm² obsah **lichoběžníku** ABED,
- 8.2 v cm obvod **lichoběžníku** *ABED*.

### Doporučení pro úlohy 9 a 10: Rýsujte přímo do záznamového archu.

#### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9



max. 3 body

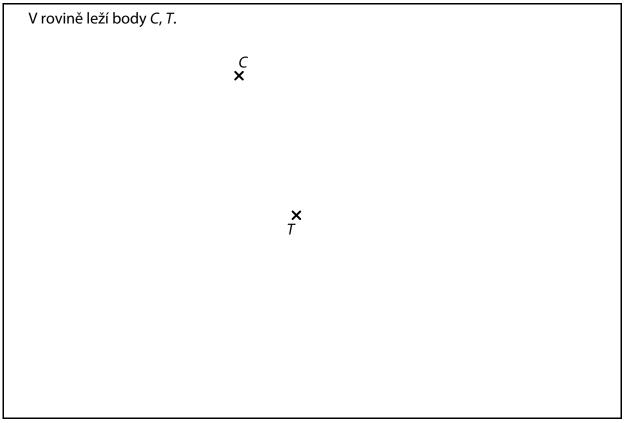
**9** Bod *A* je vrchol čtverce *ABCD*.

Na přímce *p* leží jeden ze zbývajících vrcholů *B*, *C*, *D* tohoto čtverce a strana *AB* leží na přímce *a*.

Celý čtverec leží **v jedné polorovině** s hraniční **přímkou** *p*.

**Sestrojte** vrcholy *B*, *C*, *D* čtverce *ABCD*, **označte** je písmeny a čtverec **narýsujte**. Najděte všechna 3 řešení.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).



(CZVV)

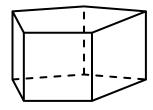
max. 3 body

Bod C je vrchol rovnoramenného pravoúhlého trojúhelníku ABC s pravým úhlem při vrcholu C.
Bod T je těžiště trojúhelníku ABC.

**Sestrojte** vrcholy *A*, *B* trojúhelníku *ABC*, **označte** je písmeny a trojúhelník **narýsujte**.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

Podstavou kolmého pětibokého hranolu je pětiúhelník o obvodu 20 cm a obsahu 24 cm². Všechny hranolu mají stejnou délku.



(CZVV)

max. 4 body

- 11 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).
- 11.1 Součet délek všech hran hranolu je 60 cm.
- 11.2 Obsah podstavy je o polovinu větší než obsah jedné boční stěny hranolu.
- 11.3 Objem hranolu je 96 cm<sup>3</sup>.

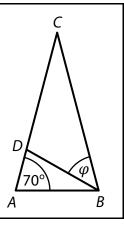
	_	_

#### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

V rovnoramenném trojúhelníku *ABC* má vnitřní úhel při základně *AB* velikost 70°.

Na straně *AC* leží vrchol *D* rovnoramenného trojúhelníku *ABD* se základnou *AD*.

Uvnitř trojúhelníku je vyznačen úhel  $\phi$  s rameny *BC* a *BD*.



(CZVV)

2 body

#### 12 Jaká je velikost úhlu $\varphi$ ?

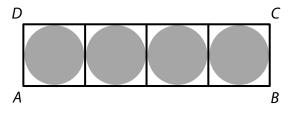
Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte.

- A) 30°
- B) 35°
- C) 40°
- D) 45°
- E) větší než 45°

Obdélník ABCD je možné rozdělit na čtyři shodné čtverce v jedné řadě.

V každém čtverci je tmavý kruh, který se dotýká všech stran tohoto čtverce.

Obvod jednoho tmavého kruhu je  $o = \pi \cdot 9$  cm.



(CZVV)

2 body

### 13 Jaký je obvod obdélníku ABCD?

- A) menší než 45 cm
- B) 45 cm
- C) 60 cm
- D) 72 cm
- E) 90 cm

#### **VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 14**

Celou plochu haly by uklidilo 10 nepřetržitě pracujících čisticích strojů společně za 12 hodin. Každý čisticí stroj uklidí za tentýž čas stejně velkou část plochy.

V sobotu pracovalo pouze 5 čisticích strojů a za 18 hodin uklidilo větší část plochy haly. **Zbývající** plochu haly uklidily stroje **v neděli**.

(CZVV)

2 body

### 14 Kolik procent plochy haly uklidily stroje v neděli?

- A) méně než 25 %
- B) 25 %
- C) 30 %
- D) 35 %
- E) více než 35 %

### **VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 15**

Ve městě jsou tři střední školy.

Na školu X se přihlásilo 450 žáků. Přihlášených žáků bylo o 150 % více než přijatých.

Na školu Y se přihlásilo o 50 % více žáků než na školu X. Na školu Y bylo přijato 40 % přihlášených žáků.

Na školu Z se přihlásilo 300 žáků, což je o třetinu žáků více, než na ni bylo přijato.

(CZVV)

		max. 6 bodů
15	Přiřaďte ke každé otázce (15.1–15.3) o	dpovídající odpověď (A–F).
15.1	Kolik žáků bylo přijato na školu X?	
15.2	Kolik žáků bylo přijato na školu Y?	
15.3	Kolik žáků bylo přijato na školu Z?	
	A) 180	
	B) 200	
	C) 225	
	D) 270	
	E) 300	
	F) jiný počet	

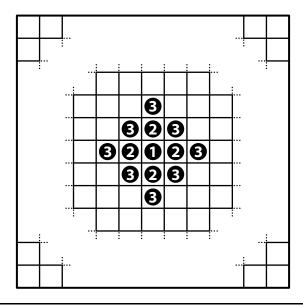
Čtvercová deska má v každé řadě i v každém sloupci 15 polí.

V prvním tahu se položí jeden žeton na prostřední pole desky.

Ve druhém a každém dalším tahu se položí **po jednom žetonu** na všechna neobsazená pole, která svou stranou sousedí s poli obsazenými žetony v předchozích tazích.

Teprve po posledním tahu bude ležet na každém poli desky jeden žeton.

Na obrázku je stav bezprostředně po třetím tahu. **Číslo** určuje, **v kolikátém tahu** se žeton položí na desku. (Není zobrazena celá deska.)



(CZVV)

max. 4 body

#### 16 Určete,

- 16.1 **kolik žetonů** bude **celkem** na desce bezprostředně po pátém tahu,
- 16.2 **kolik žetonů se** na desku **položí** v posledním tahu,

16.3 **kolik neobsazených polí** bude na desce bezprostředně po 12. tahu.