II. kolo kategorie Z5

Z5-II-1

Karel měl sčítat všechna dvojmístná čísla, která po dělení deseti dávají zbytek, který se dá beze zbytku dělit pěti. Jedno z čísel však omylem započítal třikrát, takže mu vyšel součet 1035. Které číslo započetl třikrát? (S. Bednářová)

Řešení. Karel měl sčítat čísla

10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50, 55, 60, 65, 70, 75, 80, 85, 90, 95.

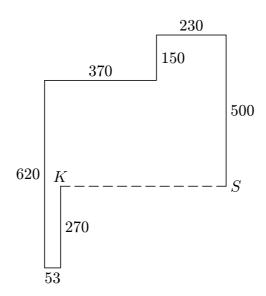
Jejich součet je 945. Karel však napočítal 1035, což je o 90 víc. Karel započítal třikrát číslo 45.

Z5-II-2

Krteček si začal razit nový tunel. Nejdříve tunel vedl 5 metrů na sever, potom 23 dm na západ, 150 cm na jih, 37 dm na západ, 620 cm na jih, 53 cm na východ a 27 dm na sever. Kolik centimetrů mu ještě zbývá vykopat, aby se dostal na začátek tunelu?

(M. Dillingerová)

ŘEŠENÍ. Po převedení všech údajů na centimetry si můžeme krtečkův tunel nakreslit. Krteček začal razit tunel v bodě S a skončil v bodě K (používáme obvyklou orientaci světových stran).



Úkolem je určit délku přerušované čáry. Ve směru "západ-východ" se krteček z bodu S posunul o $230+370-53=547\,\mathrm{cm}$ na západ. Ve směru "sever-jih" se krteček z bodu S posunul o $500-150-620+270=0\,\mathrm{cm}$ na sever.

Krteček se nachází 547 cm od výchozího bodu.

Z5-II-3

Z čísla 9876543210 vyškrtni co nejmenší počet číslic tak, aby na místě desítek byla číslice třikrát menší než na místě tisíců a na místě jednotek byla číslice o tři menší než na místě stovek. Najdi všechna řešení.

(S. Bodláková)

ŘEŠENÍ. První možnost je, že na místě tisíců bude 3 a na místě desítek 1, pak ale nesplníme druhou podmínku.

Tedy na místě tisíců musí být 6 a na místě desítek 2. To je možné při splnění druhé podmínky dvěma způsoby. Výsledkem budou čísla 9 876 320 a 9 876 421.