

# **MATEMATIKA 9**

### **M9PAD19C0T01**

DIDAKTICKÝ TEST	Jméno a příjmení		
Počet úloh: 16			
Maximální bodové hodnocení: 50 bodů			
Povolené pomůcky: pouze psací a rýsovací potřeby			

# 1 Základní informace k zadání zkoušky

- Časový limit pro řešení didaktického testu je uveden na záznamovém archu.
- U každé úlohy je uveden maximální počet bodů.
- Za neuvedené řešení či za nesprávné řešení úlohy se neudělují záporné body.
- Odpovědí pište do záznamového archu.
- Poznámky si můžete dělat do testového sešitu, nebudou však předmětem hodnocení.
- Didaktický test obsahuje otevřené
   a uzavřené úlohy. Uzavřené úlohy
   obsahují nabídku odpovědí. U každé
   takové úlohy nebo podúlohy je právě
   jedna odpověď správná.

# Pravidla správného zápisu do záznamového archu

- Řešení úloh zapisujte do záznamového archu modře nebo černě píšící propisovací tužkou, která píše dostatečně silně a nepřerušovaně.
- Nejednoznačný nebo nečitelný zápis odpovědi bude považován za chybné řešení.
- V konstrukčních úlohách rýsujte tužkou a následně vše obtáhněte propisovací tužkou.

## 2.1 Pokyny k otevřeným úlohám

• Řešení úloh **pište čitelně** do vyznačených bílých polí záznamového archu.

1			
•			

- Pokud budete chtít provést opravu, původní zápis přeškrtněte a nový uveďte do stejného pole.
- Je-li požadován celý postup řešení, uveďte jej do záznamového archu. Pokud uvedete pouze výsledek, nebudou vám přiděleny žádné body.
- Zápisy uvedené mimo vyznačená bílá pole záznamového archu nebudou hodnoceny.

# 2.2 Pokyny k uzavřeným úlohám

 Odpověď, kterou považujete za správnou, zřetelně zakřížkujte v příslušném bílém poli záznamového archu, a to přesně z rohu do rohu dle obrázku.



 Pokud budete chtít následně zvolit jinou odpověď, pečlivě zabarvěte původně zakřížkované pole a zvolenou odpověď vyznačte křížkem do nového pole.

	Α	В	C	D	Ε
14	X				

 Jakýkoliv jiný způsob záznamu odpovědí (např. dva křížky u jedné otázky) bude považován za nesprávnou odpověď.

1 bod

1 **Vypočtěte** tři pětiny z dvojnásobku čísla 15.

max. 2 body

- 2 Doplňte do rámečku takové číslo, aby platila rovnost:
- 2.1

11 hodin 17 minut – 9 hodin 45 minut = minut

2.2

$$28 \text{ m}^2 - \boxed{ dm^2 = 2300 \text{ dm}^2 + 2300 \text{ cm}^2 }$$

V záznamovém archu uveďte čísla doplněná do rámečků.

Doporučení: Úlohy 3, 4.3 a 5 řešte přímo v záznamovém archu.

max. 4 body

- 3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.
- 3.1

$$(6-4)\cdot\frac{11}{8}+\frac{9}{14}\cdot\frac{7}{6}=$$

3.2

$$\frac{\frac{2\cdot 3}{6} - \frac{4}{2\cdot 3}}{\frac{2+3}{6}} =$$

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý postup řešení.

- **Zjednodušte** (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):
- 4.1

$$(3a-2)\cdot(-2a)=$$

- $4.2 (3x 4)^2 =$
- 4.3  $(2+n) \cdot (3n-3) + (3n-n) \cdot 2 n \cdot (3-5) =$

V záznamovém archu uveďte pouze v podúloze 4.3 celý postup řešení.

max. 4 body

- 5 Řešte rovnici:
- 5.1

$$0.6x - \frac{1}{2} = 1.4x + 1.5$$

$$\frac{3-2y}{3} = \frac{1-2y}{4} + \frac{y+3}{6}$$

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý postup řešení (zkoušku nezapisujte).

#### **VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6**

Všichni chlapci atletického oddílu se seřadili do zástupu podle velikosti. Před Petrem stála jedna osmina celkového počtu chlapců. Hned za Petrem stál jeho bratr Radek a za Radkem ještě pět šestin celkového počtu chlapců.

(CZVV)

max. 4 body

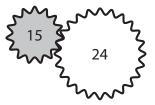
- 6 Neznámý celkový počet chlapců atletického oddílu označte x.
- 6.1 V závislosti na veličině *x* **vyjádřete** počet chlapců, kteří stáli před Petrem.
- 6.2 V závislosti na veličině x vyjádřete počet chlapců, kteří stáli za Petrem.
- 6.3 **Vypočtěte** celkový počet chlapců atletického oddílu.

#### **VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 7**

Na obrázku jsou sestaveny dvě různé dvojice ozubených koleček.

Šedé kolečko má 15 zubů a obě bílá kolečka 24 zubů.

Černé kolečko, které má méně zubů než bílé, se za každých 5 sekund otočí třikrát.





(CZVV)

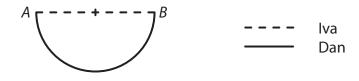
max. 4 body

7

- 7.1 Pro první dvojici koleček **určete**, kolikrát se musí otočit šedé kolečko, než se poprvé obě kolečka vrátí do výchozí polohy.
- 7.2 **Určete**, kolikrát se černé kolečko otočí za 5 minut.
- 7.3 Ve druhé dvojici koleček se obě kolečka vrátí do výchozí polohy poprvé po dvou otáčkách bílého kolečka.

Vypočtěte, kolik zubů má černé kolečko.

Z místa A do místa B šla Iva přímou cestou dlouhou 2 km. Dan šel z místa A do místa B vycházkovou trasou, která má tvar půlkružnice.



(CZVV)

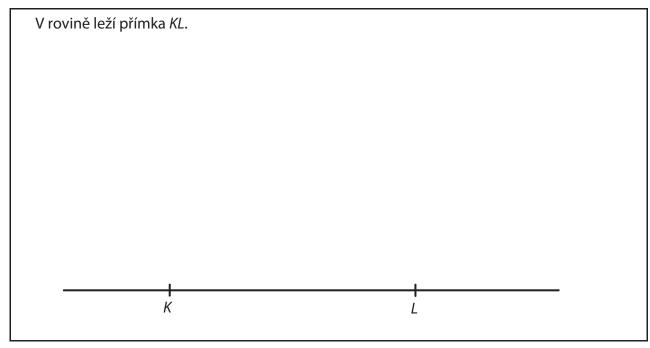
max. 2 body

8

- 8.1 **Vypočtěte**, kolikrát delší byla cesta Dana než cesta Ivy. (Výsledek zaokrouhlete na setiny.)
- 8.2 **Vypočtěte**, o kolik kilometrů více ušel Dan než Iva. (Výsledek zaokrouhlete na setiny km.)

**Doporučení** pro úlohy **9** a **10**: Rýsujte přímo **do záznamového archu**.

#### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9



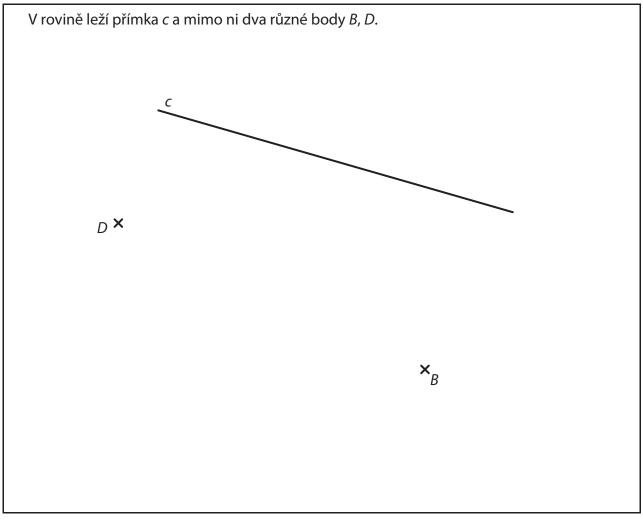
(CZVV)

max. 2 body

9 Body K, L jsou vrcholy trojúhelníku KLM. Velikost úhlu LKM je 30°.
Vzdálenost bodu L od bodu K je stejná jako vzdálenost bodu L od bodu M.

Sestrojte <u>jeden</u> trojúhelník KLM.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).



(CZVV)

max. 3 body

- **10** Body *B*, *D* jsou vrcholy obdélníku *ABCD*. Vrchol *C* obdélníku *ABCD* leží na přímce *c*.
- 10.1 **Sestrojte** a **označte** písmenem chybějící vrchol *C* obdélníku *ABCD*.
- 10.2 **Sestrojte** a **označte** písmenem chybějící vrchol *A* obdélníku *ABCD* a obdélník **narýsujte**.

Najděte všechna řešení.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

## **VÝCHOZÍ TEXT A TABULKA K ÚLOZE 11**

Škola má dvě deváté třídy (9. A a 9. B).

V 9. A je třikrát více chlapců než dívek a celkem je v této třídě 24 žáků.

Počet všech žáků 9. B je o třetinu větší než počet všech žáků 9. A.

V 9. B je poměr počtu dívek a počtu chlapců (v uvedeném pořadí) 3:5.

	Dívky	Chlapci	Celkem
9. A			24
9. B			
Celkem			

(CZVV)

max. 4 body

- 11 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).
- 11.1 V 9. A je poměr počtu dívek a počtu chlapců (v uvedeném pořadí) 1 : 2.
- 11.2 Celkový počet dívek z obou 9. tříd je stejný jako počet chlapců v 9. A.
- 11.3 V 9. B je počet dívek o 8 menší než počet chlapců.

## **VÝCHOZÍ OBRÁZEK K ÚLOZE 12**



(CZVV)

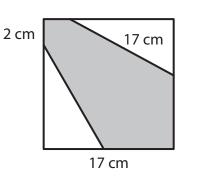
2 body

### 12 Jaká je velikost úhlu $\alpha$ ?

Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte.

- A) 88°
- B) 90°
- C) 92°
- D) 94°
- E) jiná velikost

Čtverec se stranou délky 17 cm je rozdělen na šedý šestiúhelník a dva shodné bílé trojúhelníky. Nejdelší strana bílého trojúhelníku má délku 17 cm. Nejkratší strana šedého šestiúhelníku měří 2 cm.



(CZVV)

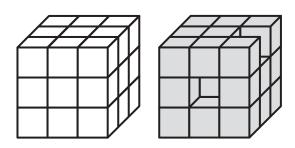
2 body

## 13 Jaký je obsah šedého šestiúhelníku?

- A) 127 cm<sup>2</sup>
- B) 144 cm<sup>2</sup>
- C) 169 cm<sup>2</sup>
- D) 177 cm<sup>2</sup>
- E) jiný obsah

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 14

Krychle byla slepena z 27 malých bílých krychliček o hraně délky 2 cm. Dvě malé krychličky jsme odstranili, a vzniklo tak nové těleso. Všechny dostupné plochy nového tělesa jsme obarvili na šedo (i zespodu).



(CZVV)

2 body

## 14 Jaký je celkový obsah šedých ploch nového tělesa?

- A) menší než 236 cm<sup>2</sup>
- B) 236 cm<sup>2</sup>
- C) 240 cm<sup>2</sup>
- D) 244 cm<sup>2</sup>
- E) větší než 244 cm<sup>2</sup>

	max. 6 bo	dů
15	Přiřaďte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F).	
15.1	Cena jedné židle se snížila o 25 % na 1 800 korun.	
	Kolik korun stála jedna židle před snížením ceny?	
15.2	Výrobek po zdražení o 20 % stojí 2 700 korun.	
	Kolik korun stál výrobek před zdražením?	
15.3	Jana na lyžařské brýle přispěla 40 %, chybějících 900 korun za lyžařské brýle doplatil strýc. Cena za lyžařské brýle tvořila 60 % celé útraty za nákup lyžařských doplňků.	
	Kolik korun činila celá útrata za nákup lyžařských doplňků?	
	A) 2 160 korun	
	B) 2 250 korun	
	C) 2 340 korun	
	D) 2 400 korun	
	E) 2 500 korun	
	F) jiný počet korun	

Na čtvercovou desku s **lichým počtem políček** rozmístíme žetony obdobným způsobem jako na obrázku a rozmístění a počty žetonů zaznamenáme do tabulky.

3 řady a 3 sloupce,

tj.  $3 \times 3$  políčka







3 × 3 policek				
1	1	1	1	1
1	2	2	2	1
1	2	3	2	1
1	2	2	2	1
1	1	1	1	1

5 × 5 políček

Následující kroky popisují, jak rozmístíme žetony na čtvercovou desku.

První krok:

Na každé políčko po obvodu desky položíme 1 žeton.

Následující kroky:

Vybereme vždy všechna prázdná políčka, která bezprostředně sousedí s obsazenými políčky, a na každé z nich položíme o 1 žeton více, než jsme pokládali na jednotlivá políčka v předchozím kroku.

Největší počet žetonů tak bude na prostředním políčku desky.

(CZVV)

max. 4 body

16

16.1 Čtvercová deska má na prostředním políčku 9 žetonů.

Určete, kolik políček je v <u>každé řadě</u> této čtvercové desky.

16.2 Žetony rozmístíme na čtvercovou desku, která má  $9 \times 9$  políček.

Určete počet všech políček, na nichž leží <u>právě 2</u> žetony.

16.3 Žetony rozmístíme na dvě čtvercové desky, z nichž jedna má  $9 \times 9$  políček, druhá  $11 \times 11$  políček.

Určete, o kolik více žetonů je na větší desce než na menší desce.

ZKONTROLUJTE, ZDA JSTE DO ZÁZNAMOVÉHO ARCHU UVEDL/A VŠECHNY ODPOVĚDI.