

# **MATEMATIKA 9**

#### **M9PAD21C0T01**

# DIDAKTICKÝ TEST Jméno a příjmení Počet úloh: 16 Maximální bodové hodnocení: 50 bodů Povolené pomůcky: pouze psací a rýsovací potřeby

# 1 Základní informace k zadání zkoušky

- **Časový limit** pro řešení didaktického testu **je uveden na záznamovémarchu**.
- U každé úlohy je uveden maximální počet bodů.
- Za neuvedené řešení úlohy či za nesprávné řešení úlohy jako celku se neudělují záporné body.
- Odpovědi pište do záznamového archu.
- Poznámky si můžete dělat do testového sešitu, nebudou však předmětem hodnocení.
- Didaktický test obsahuje otevřené
   a uzavřené úlohy. Uzavřené úlohy
   obsahují nabídku odpovědí. U každé
   takové úlohy nebo podúlohy je právě
   jedna odpověď správná.

# Pravidla správného zápisu do záznamového archu

- Řešení úloh zapisujte do záznamového archu modře nebo černě píšící propisovací tužkou, která píše dostatečně silně a nepřerušovaně.
- Nejednoznačný nebo nečitelný zápis odpovědi bude považován za chybné řešení.
- V konstrukčních úlohách rýsujte tužkou a následně vše obtáhněte propisovací tužkou.

### 2.1 Pokyny k otevřeným úlohám

• Řešení úloh **pište čitelně** do vyznačených bílých polí záznamového archu.



- Pokud budete chtít provést opravu, původní zápis přeškrtněte a nový uveďte do stejného pole.
- Je-li požadován celý postup řešení, uveďte jej do záznamového archu. Pokud uvedete pouze výsledek, nebudou vám přiděleny žádné body.
- Zápisy uvedené mimo vyznačená bílá pole záznamového archu nebudou hodnoceny.

# 2.2 Pokyny k uzavřeným úlohám

 Odpověď, kterou považujete za správnou, zřetelně zakřížkujte v příslušném bílém poli záznamového archu, a to přesně z rohu do rohu dle obrázku.

	Α	В	C	D	Ε
14			X		

 Pokud budete chtít následně zvolit jinou odpověď, pečlivě zabarvěte původně zakřížkované pole a zvolenou odpověď vyznačte křížkem do nového pole.

	Α	В	C	D	Ε
14	X				

 Jakýkoliv jiný způsob záznamu odpovědí (např. dva křížky u jedné otázky) bude považován za nesprávnou odpověď. V úlohách 1, 2, 4.1, 4.2, 6, 7, 8 a 16 přepište do záznamového archu pouze výsledky.

1 bod

1 Určete, na kolik 16minutových intervalů lze rozdělit 1,6 hodiny.

max. 2 body

- 2 Doplňte do rámečku takové číslo, aby platila rovnost.
- 2.1

$$0.3 \text{ m}^2 - 52 \text{ cm}^2 =$$
 cm<sup>2</sup>

2.2

$$dm^3 - 0.04 m^3 = 250 cm^3$$

V záznamovém archu uveďte čísla doplněná do rámečků.

**Doporučení:** Úlohy **3**, **4.3** a **5** řešte přímo **v záznamovém arch**u.

max. 4 body

- 3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.
- 3.1

$$\left(\frac{5}{8} \cdot \frac{10}{9} - \frac{4}{9}\right) : \left(8 \cdot \frac{1}{6}\right) =$$

3.2

$$\frac{2 - \frac{13}{10}}{\frac{5}{3} - \frac{1}{2}} =$$

4

4.1 Rozložte na součin podle vzorce.

$$9a^2 - 30a + 25 =$$

4.2 Vynásobte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky).

$$(3x + y) \cdot (3x - 2) =$$

4.3 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky).

$$(4n-1) \cdot (4n+1) - 8n \cdot (n-1) =$$

V záznamovém archu uveďte pouze v úloze 4.3 celý postup řešení.

max. 4 body

5 Řešte rovnici:

5.1

$$0.3 \cdot 2 - 0.5x \cdot 2 + 0.4x = x + 3.8$$

5.2

$$\frac{3}{4} \cdot (4 - y) + \frac{3}{2} \cdot (y + 2) = 6 + \frac{3y}{2}$$

#### **VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6**

Firma zaměstnává 200 osob. Během epidemie museli někteří pracovat z domova.

Včera byla na pracovišti jedna třetina žen zaměstnaných ve firmě a dvě pětiny mužů zaměstnaných ve firmě, všichni ostatní pracovali z domova.

(CZVV)

max. 3 body

- 6 Počet všech žen zaměstnaných ve firmě označte x.
- 6.1 V závislosti na veličině x vyjádřete počet žen, které byly včera na pracovišti.
- 6.2 V závislosti na veličině x vyjádřete počet mužů, kteří byli včera na pracovišti.
- 6.3 Včera bylo na pracovišti celkem 70 osob zaměstnaných ve firmě. **Vypočtěte**, kolik žen firma zaměstnává.

#### **VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 7**

Farmářka chová 3 koně, ale nemá již pro ně žádné krmivo.

Chovatel, který má pro svých 5 koní krmivo na 120 dní, farmářce dvě pětiny tohoto krmiva prodá.

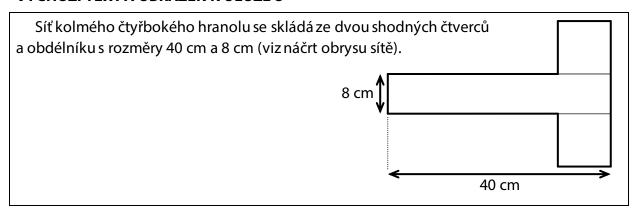
(Každý kůň spotřebuje za den stejné množství krmiva.)

(CZVV)

max. 4 body

#### 7 Vypočtěte, za kolik dní

- 7.1 by veškeré chovatelovo krmivo spotřebovalo všech 8 koní společně,
- 7.2 spotřebují chovatelovi koně krmivo, které chovatel neprodá,
- 7.3 spotřebují farmářčini koně krmivo, které farmářka zakoupí od chovatele.



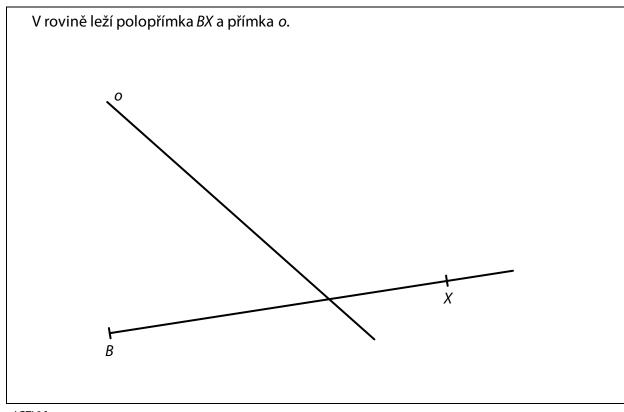
(CZVV)

max. 3 body

- 8 Vypočtěte
- 8.1 v cm<sup>2</sup> povrch hranolu,
- 8.2 v cm<sup>3</sup> objem hranolu.

**Doporučení** pro úlohy **9** a **10**: Rýsujte přímo **do záznamového archu**.

#### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9



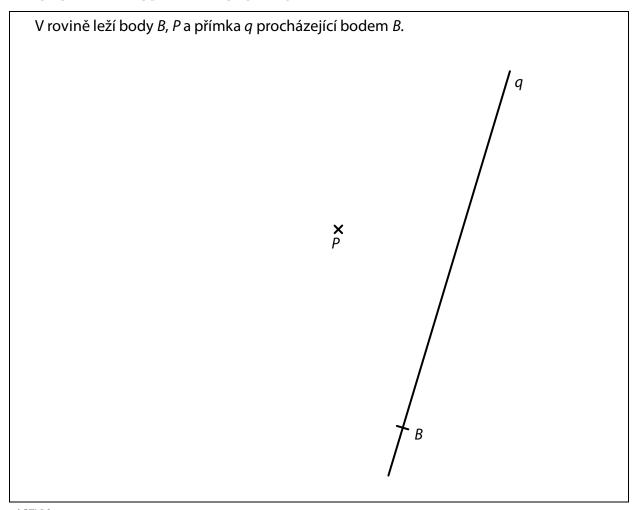
(CZVV)

max. 2 body

**9** Bod *B* je vrchol trojúhelníku *ABC*. Přímka *o* je osou strany *AB*. Velikost vnitřního úhlu *BAC* je 60° a vrchol *C* leží na polopřímce *BX*.

**Sestrojte** vrcholy *A*, *C* trojúhelníku *ABC*, **označte** je písmeny a trojúhelník **narýsujte**.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).



(CZVV)

max. 3 body

Bod B je vrchol rovnoramenného lichoběžníku ABCD se základnou AB, 10 rameno BC leží na přímce q.

Úhlopříčky AC a BD se protínají v bodě P a jsou na sebe kolmé.

**Sestrojte** vrcholy *A*, *C*, *D* lichoběžníku *ABCD*, **označte** je písmeny a lichoběžník **narýsujte**.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

#### **VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 11**

Děti mají mapu s měřítkem 1:50000.

Alena ujela na koloběžce trasu délky 10 km a vypočetla, že na mapě je to 5 cm.

Beáta ušla trasu, která je na mapě zobrazena čarou délky 15 cm.

Čestmír ušel dvakrát delší trasu než Beáta.

(CZVV)

max. 4 body

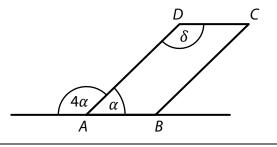
# 11 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).

- 11.1 Alenin výpočet je správný.
- 11.2 Beáta ušla trasu délky 7,5 km.
- 11.3 Na mapě je Beátina trasa o polovinu kratší než Čestmírova trasa.

#### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

V rovině leží přímka AB a rovnoběžník ABCD.

Rovnoběžník má vnitřní úhly o velikostech  $\alpha$ ,  $\delta$ .



(CZVV)

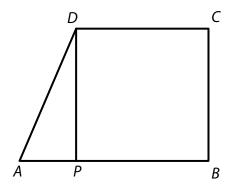
2 body

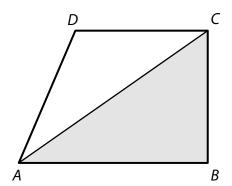
#### 12 Jaká je velikost úhlu $\delta$ ?

Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte.

- A) menší než 108°
- B) 108°
- C) 135°
- D) 144°
- E) větší než 144°

Pravoúhlý lichoběžník *ABCD* je úsečkou *DP* délky 12 cm rozdělen na čtverec *PBCD* a trojúhelník *APD*. Obsah trojúhelníku *APD* je 6krát menší než obsah čtverce *PBCD*.





Z lichoběžníku ABCD oddělíme šedý trojúhelník ABC.

(CZVV)

2 body

#### 13 Jaký je <u>obvod</u> šedého trojúhelníku ABC?

- A) menší než 48 cm
- B) 48 cm
- C) 50 cm
- D) 52 cm
- E) větší než 52 cm

#### VÝCHOZÍ TEXT A TABULKA K ÚLOZE 14

Všechny rodiny z Jižní a Severní ulice uvedly, kolik chovají psů.

Výsledky šetření jsou uvedeny v tabulce. Některá pole tabulky nejsou vyplněna.

Ulice	Počet všech rodin	Počet rodin, které chovají				Aritmetický průměr
		0 psů	1 psa	2 psy	3 psy	počtu chovaných psů
Jižní	48	33		5		0,5
Severní		23	12	1		

(CZVV)

2 body

14 Právě 3 psy chová v Severní ulici dvakrát více rodin než v Jižní ulici.

#### Kolik rodin bydlí v Severní ulici?

- A) 40
- B) 42
- C) 44
- D) 46
- E) jiný počet

	m.	ax. 6 bodů				
15	Přiřaďte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F).					
15.1	Při úklidové akci "Čisté břehy" měl každý dobrovolník naplnit jeden odpadkový pytel, ale 20 % dobrovolníků naplnilo ještě druhý pytel. Dobrovolníci tak naplnili o 130 pytlů více, než se předpokládalo.					
	Kolik pytlů celkem dobrovolníci naplnili?					
15.2	Učitel matematiky obdržel peněžitý dar na nákup učebních pomůcek. Za 24 % daru zakoupil 3 stejná kružítka na tabuli. Model tělesa stál 180 korun, což představuje 2 % daru.					
	Kolik korun stálo <u>jedno</u> kružítko?					
15.3	Na 25 % rozlohy zemědělské půdy Jablonecka jsou pole, zbytek tvoří louky. Pastviny pro dobytek zabírají 20 % rozlohy luk, zbývajících 1800 hektarů luk se využívá pro pěstování trávy na seno.					
	Kolik hektarů zabírají pole na Jablonecku?					
	A) 650					
	B) 675					
	C) 720					
	D) 750					
	E) 780					
	F) jiný počet					

Každý díl stavebnice se skládá ze tří stejných krychliček. Všechny díly jsou stejné.

Z dílů stavíme stále větší pyramidy jako na obrázku.

Nejmenší pyramidu tvoří jediný díl.

Druhá pyramida sestavená ze 3 dílů má 1 otvor, 4 řady a ve spodní řadě 4 krychličky.

Každá další pyramida bude o dvě řady vyšší než předchozí pyramida.

3. pyramida

(tři díly)

1. pyramida

(jeden díl)

(CZVV)

max. 4 body

16

16.1 Pyramida má ve spodní řadě 50 krychliček.

Určete počet otvorů ve <u>druhé řadě</u> zdola.

16.2 Pyramida má celkem 10 otvorů.

Určete počet krychliček v celé pyramidě.

16.3 Pyramida je sestavena z 21 dílů.

Určete počet krychliček ve spodní řadě.