

MATEMATIKA 9

M9PAD22C0T01

DIDAKTICKÝ TEST	Jméno a příjmení
Počet úloh: 16	
Maximální bodové hodnocení: 50 bodů	
Povolené pomůcky: pouze psací a rýsovací p	potřeby

1 Základní informace k zadání zkoušky

- Časový limit pro řešení didaktického testu je uveden na záznamovém archu.
- U každé úlohy je uveden maximální počet bodů.
- Za neuvedené řešení úlohy či za nesprávné řešení úlohy jako celku se neudělují záporné body.
- Odpovědi pište do záznamového archu.
- Poznámky si můžete dělat do testového sešitu, nebudou však předmětem hodnocení.
- Didaktický test obsahuje otevřené
 a uzavřené úlohy. Uzavřené úlohy
 obsahují nabídku odpovědí. U každé
 takové úlohy nebo podúlohy je právě
 jedna odpověď správná.
- Na poslední straně testového sešitu najdete vybrané vzorce a vztahy.

Pravidla správného zápisu do záznamového archu

- Řešení úloh zapisujte do záznamového archu modře nebo černě píšící propisovací tužkou, která píše dostatečně silně a nepřerušovaně.
- Nejednoznačný nebo nečitelný zápis odpovědi bude považován za chybné řešení.
- V konstrukčních úlohách rýsujte tužkou a následně vše obtáhněte propisovací tužkou.

2.1 Pokyny k otevřeným úlohám

• Řešení úloh **pište čitelně** do vyznačených bílých polí záznamového archu.

1	
•	

- Pokud budete chtít provést opravu, původní zápis přeškrtněte a nový uveďte do stejného pole.
- Je-li požadován celý postup řešení, uveďte jej do záznamového archu. Pokud uvedete pouze výsledek, nebudou vám přiděleny žádné body.
- Zápisy uvedené mimo vyznačená bílá pole záznamového archu nebudou hodnoceny.

2.2 Pokyny k uzavřeným úlohám

 Odpověď, kterou považujete za správnou, zřetelně zakřížkujte v příslušném bílém poli záznamového archu, a to přesně z rohu do rohu dle obrázku.

	Α	В	C	D	Ε
14			\boxtimes		

 Pokud budete chtít následně zvolit jinou odpověď, pečlivě zabarvěte původně zakřížkované pole a zvolenou odpověď vyznačte křížkem do nového pole.

	Α	В	C	D	Ε
14	X				

 Jakýkoliv jiný způsob záznamu odpovědí (např. dva křížky u jedné otázky) bude považován za nesprávnou odpověď. V úlohách 1, 2, 4.1, 4.2, 6, 7, 8 a 16 přepište do záznamového archu pouze výsledky.

1 bod

1 Vypočtěte:

$$\frac{7^2 - \sqrt{7^2}}{\sqrt{49}} =$$

max. 2 body

2

- 2.1 Obdélník má šířku 8 cm a obsah 4 dm².
 Vypočtěte, o kolik cm se liší délka a šířka obdélníku.
- 2.2 **Vypočtěte**, kolikrát větší je objem 1,2 dm³ než objem 300 mm³.

Doporučení: Úlohy 3, 4.3 a 5 řešte přímo v záznamovém archu.

max. 4 body

- 3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.
- 3.1

$$\frac{8}{5} \cdot \left(\frac{5}{6} \cdot \frac{7}{10} - \frac{5}{6}\right) =$$

3.2

$$\frac{\left(\frac{4}{5}-\frac{2}{3}\right)\cdot\frac{5}{8}}{\frac{2}{3}}=$$

4

4.1 Z daného výrazu vytkněte 3*y*.

$$3y^2 - 9y + 6xy =$$

4.2 Umocněte a zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$\left(x + \frac{3}{2}\right)^2 =$$

4.3 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$(4+3n) \cdot (3n-2n) - (n-1) \cdot 5n =$$

V záznamovém archu uveďte pouze v úloze 4.3 celý postup řešení.

max. 4 body

5 Řešte rovnici:

5.1

$$5 \cdot 0.4 - 3x : 2 = 0.5x + 7$$

5.2

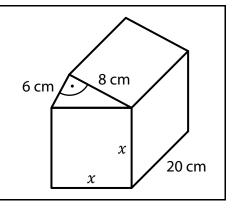
$$\frac{3-y}{3} + \frac{3}{5} \cdot (y+1) + \frac{y}{3} = y$$

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 6

Domeček je vytvořen z pravidelného čtyřbokého hranolu a kolmého trojbokého hranolu. Oba hranoly mají jednu stěnu společnou.

Rozměry čtyřbokého hranolu jsou x, x a 20 cm.

Podstavou trojbokého hranolu je pravoúhlý trojúhelník s odvěsnami délek 6 cm a 8 cm.



(CZVV)

max. 3 body

6 Vypočtěte v cm³

- 6.1 objem trojbokého hranolu,
- 6.2 objem pravidelného čtyřbokého hranolu.

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 7

Děti i dospělí užívají doporučené dávky vitaminů denně po celý rok.

Dle příbalového letáku je doporučená denní dávka vitaminů pro dítě poloviční než pro dospělého. **Dva** dospělí spotřebují dohromady jedno balení vitaminů za 30 dní.

(CZVV)

max. 3 body

7 Vypočtěte,

- 7.1 kolik balení vitaminů spotřebuje jeden dospělý za 360 dní,
- 7.2 za kolik dní spotřebuje jedno balení vitaminů jedno dítě,
- 7.3 za kolik dní spotřebují jedno balení vitaminů dohromady dva dospělí a jedno dítě.

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 8

Za 4 dortíky zaplatíme v cukrárně celkem \boldsymbol{x} korun, stejně jako za 5 koláčů.

(CZVV)

max. 4 body

8

- 8.1 **Vyjádřete výrazem** s proměnnou x, kolik korun zaplatíme v cukrárně za 1 dortík.
- 8.2 **Vyjádřete výrazem** s proměnnou x, kolik korun zaplatíme v cukrárně za **4 koláče**.
- 8.3 V cukrárně jsme za 5 dortíků a 4 koláče zaplatili celkem 246 korun. **Vypočtěte**, kolik korun jsme zaplatili za **jeden dortík**.

Doporučení pro úlohy 9 a 10: Rýsujte přímo do záznamového archu.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží body C, S a přímka q.			
			9
		\$ X	
	X C		

(CZVV)

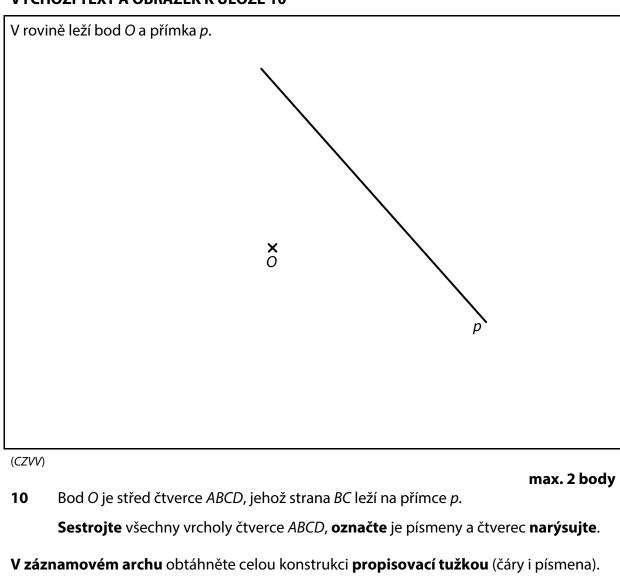
max. 3 body

9 Bod *C* je vrchol rovnoramenného trojúhelníku *ABC* se základnou *AB*. Bod *S* je střed jednoho **ramene** tohoto trojúhelníku a na přímce *q* leží jeden z vrcholů *A*, *B*.

Sestrojte vrcholy *A*, *B* trojúhelníku *ABC*, **označte** je písmeny a trojúhelník **narýsujte**. Najděte všechna řešení.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

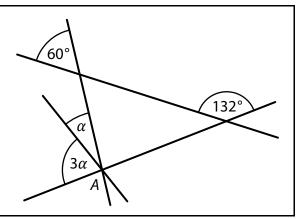
VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 10



11	Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).	max. 4 body
111		AN
11.1	Tři čtvrtiny z 200 minut je totéž jako polovina ze 3 hodin.	
11.2	Dvě třetiny z 2,4 hodiny je více než 1 hodina a 40 minut.	
11.3	Tři osminy z 5 dnů je totéž jako pět osmin ze 3 dnů.	

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

V rovině leží čtyři vzájemně různoběžné přímky. Tři z nich procházejí bodem *A*.



(CZVV)

2 body

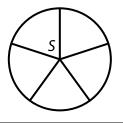
12 Jaká je velikost úhlu α ?

Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte.

- A) 24°
- B) 27°
- C) 32°
- D) 36°
- E) jiná velikost

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 13

Papír tvaru kruhu se středem S a poloměrem 10 cm byl rozstříhán na 5 shodných výsečí dle obrázku.





(CZVV)

2 body

13 Jaký je <u>obvod</u> jedné výseče?

Výsledek je zaokrouhlen na celé cm.

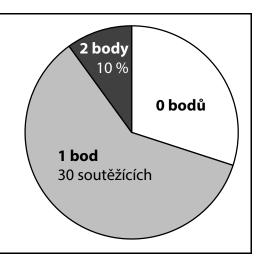
- A) menší než 25 cm
- B) 25 cm
- C) 30 cm
- D) 33 cm
- E) větší než 33 cm

VÝCHOZÍ TEXT A GRAF K ÚLOZE 14

V soutěži mohli jednotliví soutěžící dosáhnout výsledků: 0 bodů, 1 bod, nebo 2 body.

Graf znázorňuje rozdělení soutěžících podle výsledků. Po jednom bodu získalo 30 soutěžících, po dvou bodech 10 % všech soutěžících.

Soutěžících, kteří získali po 1 bodu, bylo dvakrát více než soutěžících bez bodu.



(CZVV)

2 body

14 Jaký je aritmetický průměr výsledků všech soutěžících?

- A) 0,8 bodu
- B) 0,75 bodu
- C) $0,\overline{6}$ bodu
- D) 0,6 bodu
- E) jiný průměr

VÝCHOZÍ TEXT A TABULKY K ÚLOZE 15

Ve škole, která má v každém ročníku dvě třídy (A, B), proběhla soutěž ve sběru papíru. V tabulkách jsou uvedeny některé údaje z této soutěže.

První ročník				
1. A	1. B	celkem	dívky	chlapci
600 kg	600 kg	1200 kg		

Druhý ročník		
2. A	2. B	

(CZVV)

max. 6 bodů

- 15 Přiřaďte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F).
- 15.1 Třída 2. A nasbírala o 25 % méně papíru než třída 1. A.

Kolik kg papíru nasbírala třída 2. A?

15.2 Třída 1. B nasbírala o 20 % více papíru než třída 2. B.

Kolik kg papíru nasbírala třída 2. B?

15.3 Ze všech žáků prvního ročníku nasbíraly dívky o 50 % více papíru než chlapci.

Kolik kg papíru nasbírali dohromady chlapci z prvního ročníku?

- A) 800 kg
- B) 720 kg
- C) 500 kg
- D) 480 kg
- E) 450 kg
- F) jiný počet kg

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 16

Tři děti v jednotlivých kolech hry přidávaly mince do klobouku, který byl na počátku prázdný. Julie přidávala v každém kole 1 minci.

Čeněk přidával mince pouze v každém 4. kole, a to vždy 4 najednou.

Pavla přidávala mince pouze v každém 5. kole, a to vždy 5 najednou.

Např. po prvních 9 kolech bylo v klobouku celkem 22 mincí (9 od Julie, 8 od Čeňka a 5 od Pavly).

(CZVV)

max. 4 body

16

- 16.1 Určete celkový počet mincí v klobouku po prvních 35 kolech.
- 16.2 Čeněk přidal své 4 mince do klobouku zatím 14krát. Určete, kolikrát již přidala do klobouku svou pětici mincí Pavla.

16.3 Určete, po kolika kolech od počátku bylo v klobouku přesně 183 mincí.

ZKONTROLUJTE, ZDA JSTE DO ZÁZNAMOVÉHO ARCHU UVEDL/A VŠECHNY ODPOVĚDI.

Druhé mocniny čísel 11–20:		Přibližné hodnoty čísla π :
$11^2 = 121$	$16^2 = 256$	$\pi \doteq 3,14$
$12^2 = 144$	$17^2 = 289$	22
$13^2 = 169$	$18^2 = 324$	$\pi \approx \frac{1}{7}$
$14^2 = 196$	$19^2 = 361$	
$15^2 = 225$	$20^2 = 400$	
Rozklad na so	oučin:	Obvod a obsah kruhu o poloměru r :
$a^2 + 2ab + b^2$	= (a+b)(a+b)	$o = 2\pi r$
$a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)(a - b)$		$S = \pi r^2$
$a^2 - b^2 = (a -$	+b)(a-b)	