# **MATEMATIKA 9**

#### **M9PID18C0T01**

# DIDAKTICKÝ TEST Jméno a příjmení Počet úloh: 16 Maximální bodové hodnocení: 50 bodů Povolené pomůcky: pouze psací a rýsovací potřeby

# 1 Základní informace k zadání zkoušky

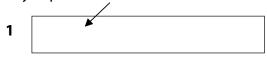
- Časový limit pro řešení didaktického testu je 70 minut. (Žákům se speciálními vzdělávacími potřebami může být časový limit navýšen.)
- U každé úlohy je uveden maximální počet bodů.
- Za neuvedené řešení či za nesprávné řešení úlohy se neudělují záporné body.
- Odpovědi pište do záznamového archu.
- Poznámky si můžete dělat do testového sešitu, nebudou však předmětem hodnocení.
- Didaktický test obsahuje otevřené a uzavřené úlohy. Uzavřené úlohy obsahují nabídku odpovědí. U každé takové úlohy nebo podúlohy je právě jedna odpověď správná.

# Pravidla správného zápisu do záznamového archu

- Řešení úloh zapisujte do záznamového archu modře nebo černě píšící propisovací tužkou, která píše dostatečně silně a nepřerušovaně.
- Nejednoznačný nebo nečitelný zápis odpovědi bude považován za chybné řešení.
- V konstrukčních úlohách rýsujte tužkou a následně vše obtáhněte propisovací tužkou.

# 2.1 Pokyny k otevřeným úlohám

• Řešení úloh **pište čitelně** do vyznačených bílých polí záznamového archu.



- Pokud budete chtít provést opravu, původní zápis přeškrtněte a nový uveďte do stejného pole.
- Je-li požadován celý postup řešení, uveďte jej do záznamového archu. Pokud uvedete pouze výsledek, nebudou vám přiděleny žádné body.
- Zápisy uvedené mimo vyznačená bílá pole záznamového archu nebudou hodnoceny.

# 2.2 Pokyny k uzavřeným úlohám

 Odpověď, kterou považujete za správnou, zřetelně zakřížkujte v příslušném bílém poli záznamového archu, a to přesně z rohu do rohu dle obrázku.

	Α	В	C	D	Ε
14			$\boxtimes$		

 Pokud budete chtít následně zvolit jinou odpověď, zabarvěte pečlivě původně zakřížkované pole a zvolenou odpověď vyznačte křížkem do nového pole.

	Α	В	C	D	Ε
14	$\boxtimes$				

 Jakýkoliv jiný způsob záznamu odpovědí (např. dva křížky u jedné odpovědi) bude považován za nesprávnou odpověď.

#### TESTOVÝ SEŠIT NEOTVÍREJTE, POČKEJTE NA POKYN!

#### V záznamovém archu uvádějte v úlohách 1, 2, 6, 7, 8 a 16 pouze výsledky.

1 bod

1 Myslím si číslo. Číslo k němu opačné je o 6 menší. **Určete číslo, které si myslím.** 

max. 2 body

- 2 Trojúhelník má obvod 21 cm a délky jeho stran jsou v poměru 6 : 5 : 3.
- 2.1 Určete v cm délku nejdelší strany trojúhelníku.
- 2.2 Určete, o kolik cm se liší délky dvou kratších stran trojúhelníku.

**Doporučení:** Úlohy **3**, **4** a **5** řešte přímo **v záznamovém archu**.

max. 4 body

- 3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.
- 3.1

$$2-2\cdot\frac{2\cdot\frac{9}{10}}{3} =$$

3.2

$$\frac{3^2}{5} - \frac{3}{5^2} + \left(-\frac{3}{5}\right)^2 =$$

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý postup řešení.

**Zjednodušte** (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

4.1 
$$[(a-4a)^2 - 3a(3a+2)]^2 =$$

4.2 
$$(2b+1)(2b-1)-b(-b+b)+1=$$

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý postup řešení.

max. 4 body

- 5 Řešte rovnici:
- 5.1

$$\frac{5x-2}{4} = 1,25x - \frac{1}{2}$$

$$\frac{2}{3} \cdot (x+1) = -\frac{1}{3} \cdot (2x-1) - 1$$

**V záznamovém archu** uveďte v obou částech úlohy celý **postup řešení** (zkoušku nezapisujte).

#### **VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6**

V každé krabici je stejný počet mýdel.

Čtvrtina všech krabic obsahuje jen bílá mýdla a v každé ze zbývajících 120 krabic je vždy polovina mýdel bílých a polovina zelených. Bílých mýdel je celkem 1 200.

(CZVV)

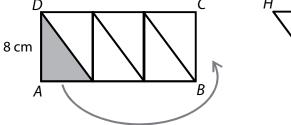
max. 4 body

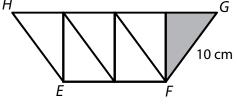
- 6 Určete:
- 6.1 počet **všech krabic** s mýdly;
- 6.2 **nejmenší počet krabic**, do nichž by se vešla všechna bílá mýdla;
- 6.3 počet **všech mýdel**.

#### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 7

Obdélník *ABCD* lze rozdělit na šest shodných pravoúhlých trojúhelníků. Přemístěním jediného trojúhelníku lze vytvořit lichoběžník *EFGH*.

Strana trojúhelníku délky 8 cm je současně výškou lichoběžníku. Rameno lichoběžníku měří 10 cm.





(CZVV)

max. 3 body

7

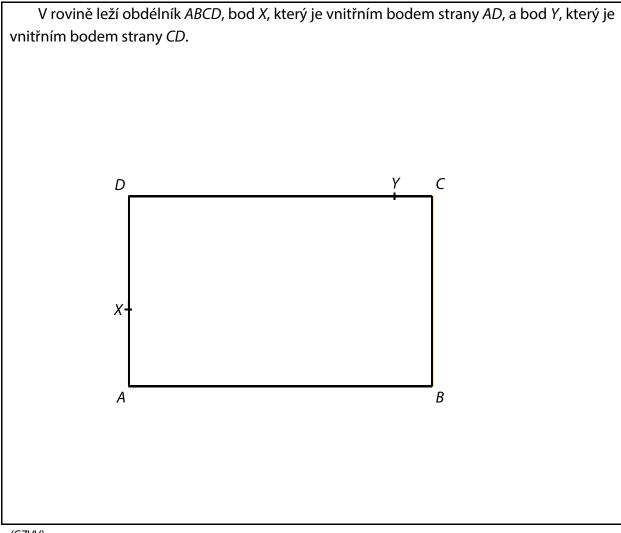
- 7.1 Určete, o kolik cm se liší obvod lichoběžníku *EFGH* a obvod obdélníku *ABCD*.
- 7.2 Vypočtěte v cm délku strany *AB* obdélníku *ABCD*.
- 7.3 Vypočtěte v cm² obsah lichoběžníku *EFGH*.

8

- 8.1 Chlapec klusal po pláži rovnoměrným tempem. Za 1 hodinu tak překonal vzdálenost 7,5 km.Vypočtěte, kolik metrů uběhl za 2 minuty.
- 8.2 V trojúhelníku *ABC* pro velikosti dvou vnitřních úhlů platí:  $\alpha = \beta = 45^{\circ} 45'$ . Vypočtěte velikost třetího vnitřního úhlu  $\gamma$ .
- 8.3 Plocha o rozloze 90 000 m² je rozdělena na 36 shodných čtverců. Určete v metrech délku strany jednoho čtverce.

Doporučení: Úlohy 9 a 10 rýsujte přímo do záznamového archu.

#### **VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9**



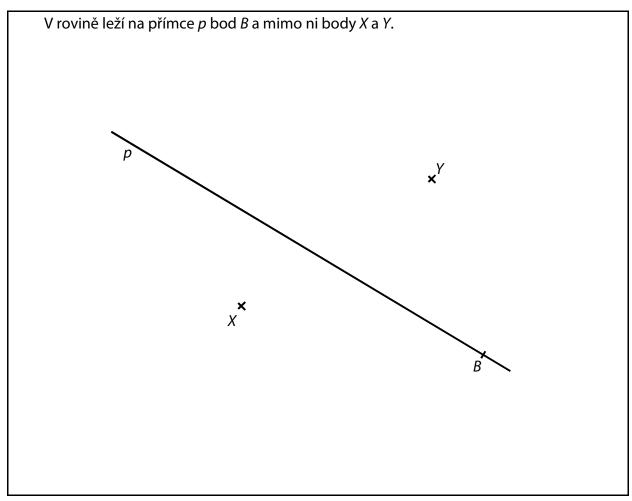
(CZVV)

max. 2 body

**9 Sestrojte** kružnici *k*, na níž leží vrcholy pravoúhlého trojúhelníku *DXY*. Střed kružnice **označte** *S*.

V záznamovém archu obtáhněte vše (čáry, kružnice i písmena) propisovací tužkou.

#### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 10



(CZVV)

max. 3 body

Bod B je vrchol obdélníku ABCD.
 Na přímce p leží úhlopříčka BD tohoto obdélníku.
 Bod X je vnitřní bod strany AD obdélníku ABCD a bod Y vnitřní bod strany CD.
 Sestrojte chybějící vrcholy D, A, C obdélníku ABCD a obdélník narýsujte.

V záznamovém archu obtáhněte vše (čáry, kružnice i písmena) propisovací tužkou.

#### **VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 11**

Naši koně mají zásobu ovsa na 12 dnů. Soused má o polovinu větší zásobu ovsa než my, ale dvakrát více koní. Každý kůň (náš i sousedův) dostává denně stejné množství ovsa. (CZVV)

max. 4 body

11 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).

A N

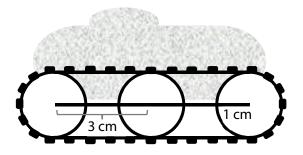
11.1 Sousedovy zásoby ovsa by našim koním vydržely na 24 dnů.

11.2 Naše zásoby ovsa by sousedovým koním vydržely na 6 dnů.

#### **VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12**

Model vozidla má na každé straně za sebou tři kolečka s poloměrem 1 cm, přes která je natažen pás.

Vzdálenost středů každých dvou sousedních koleček na téže straně vozidla je 3 cm.



(CZVV)

2 body

#### 12 Jaká je délka jednoho pásu?

Výsledek v mm je zaokrouhlen na celé číslo.

- A) větší než 180 mm
- B) 180 mm
- C) 176 mm
- D) 163 mm
- E) 151 mm

#### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOHÁM 13-14

Dřevěný kvádr s rozměry 5 cm, 4 cm a 5 cm má hmotnost 50 g. V kvádru byl vytvořen skrz naskrz otvor tvaru krychle s hranou délky 4 cm. (Rozměry tělesa uvedené v obrázku jsou v cm.)

5

(CZVV)

2 body

#### 13 Jaký objem má nově vytvořené těleso?

- A) 25 cm<sup>3</sup>
- B) 30 cm<sup>3</sup>
- C)  $32 \text{ cm}^3$
- D) 36 cm<sup>3</sup>
- E) jiný objem

2 body

### 14 O kolik gramů se snížila hmotnost kvádru po vytvoření otvoru?

- A) o 16 g
- B) o 20 g
- C) o 25 g
- D) o 32 g
- E) o 36 g

#### **VÝCHOZÍ TEXT A TABULKA K ÚLOZE 15**

F) o jiný počet procent

Pavel za hodinu vydělal 300 Kč, Václav o třetinu více než Pavel. Václav odpracoval celkem 60 hodin, což je o třetinu méně hodin, než odpracoval Pavel.

	Pavel	Václav
Výdělek za hodinu		
Počet odpracovaných hodin		
Výdělek celkem		

(CZVV)		
		max. 6 bodໍເໍ
15	Přiřaďte ke každé otázce(15.1–15.3) správnou odpověď (A–F).	
15.1	O kolik procent méně vydělal za hodinu Pavel než Václav?	
15.2	O kolik procent více hodin odpracoval Pavel než Václav?	
15.3	O kolik procent více si celkem vydělal Pavel než Václav?	
	A) 00%	
	B) o 12,5 %	
	C) o 25 %	
	D) o 33, 3 %	
	E) o 50 %	

#### **VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 16**

Obdélník budeme opakovaně zvětšovat, tak, že stranu, která je v daném okamžiku kratší, prodloužíme o 3 cm a delší stranu jen o 1 cm.

Po třetím prodloužení se vytvoří obdélník s rozměry 11 cm a 12 cm.

Strana, která byla na počátku kratší, zůstane kratší po prvním, druhém i třetím prodloužení.

	max. 4 bod	ly
<b>16</b> 16.1	Určete rozměry původního obdélníku.	
16.2	Určete rozměry obdélníku po pátém prodloužení.	
16.3	Určete rozměry obdélníku po sto pátém prodloužení.	
	ZKONTROLLUTE ZDA ISTERO ZÁZNAMOVÉHO ARCHILLIVERI /A VŠECUNIV ORROVĚRI	

ZKONTROLUJTE, ZDA JSTE DO ZAZNAMOVEHO ARCHU UVEDL/A VSECHNY ODPOVEDI.