

MATEMATIKA 9

M9PCD21C0T03

DIDAKTICKÝ TEST	Jméno a příjmení	
Počet úloh: 16		
Maximální bodové hodnocení: 50 bodů		
Povolené pomůcky: pouze psací a rýsovací	potřeby	

1 Základní informace k zadání zkoušky

- Časový limit pro řešení didaktického testu je uveden na záznamovém archu.
- U každé úlohy je uveden maximální počet bodů.
- Za neuvedené řešení úlohy či za nesprávné řešení úlohy jako celku se neudělují záporné body.
- Odpovědi pište do záznamového archu.
- Poznámky si můžete dělat do testového sešitu, nebudou však předmětem hodnocení.
- Didaktický test obsahuje otevřené

 a uzavřené úlohy. Uzavřené úlohy
 obsahují nabídku odpovědí. U každé
 takové úlohy nebo podúlohy je právě
 jedna odpověď správná.

Pravidla správného zápisu do záznamového archu

- Řešení úloh zapisujte do záznamového archu modře nebo černě píšící propisovací tužkou, která píše dostatečně silně a nepřerušovaně.
- Nejednoznačný nebo nečitelný zápis odpovědi bude považován za chybné řešení.
- V konstrukčních úlohách rýsujte tužkou a následně vše obtáhněte propisovací tužkou.

2.1 Pokyny k otevřeným úlohám

• Řešení úloh **pište čitelně** do vyznačených bílých polí záznamového archu.

1	
•	

- Pokud budete chtít provést opravu, původní zápis přeškrtněte a nový uveďte do stejného pole.
- Je-li požadován celý postup řešení, uveďte jej do záznamového archu. Pokud uvedete pouze výsledek, nebudou vám přiděleny žádné body.
- Zápisy uvedené mimo vyznačená bílá pole záznamového archu nebudou hodnoceny.

2.2 Pokyny k uzavřeným úlohám

 Odpověď, kterou považujete za správnou, zřetelně zakřížkujte v příslušném bílém poli záznamového archu, a to přesně z rohu do rohu dle obrázku.



 Pokud budete chtít následně zvolit jinou odpověď, pečlivě zabarvěte původně zakřížkované pole a zvolenou odpověď vyznačte křížkem do nového pole.

	Α	В	C	D	Ε
14	X				

 Jakýkoliv jiný způsob záznamu odpovědí (např. dva křížky u jedné otázky) bude považován za nesprávnou odpověď.

1 bod

1 Zapište zlomkem v základním tvaru, jakou část litru tvoří 30 % ze čtvrtlitru.

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 2

Dvě rekreační plavkyně Jana s Květou byly společně plavat. Každá uplavala 25 bazénů. Obě začaly plavat současně a každá plavala svým stále stejným tempem.

Jana uplavala 5 bazénů za 7 minut.

Květa uplavala 10 bazénů za čtvrt hodiny.

(CZVV)

max. 2 body

2

- 2.1 Vypočtěte, o kolik sekund se lišily časy obou plavkyň na první obrátce (tj. po uplavání prvního bazénu).
- 2.2 Určete, za jak dlouho uplavala 25 bazénů Květa.(Čas uveďte v minutách a sekundách, např. 5 min 12 s.)

Doporučení: Úlohy **3**, **4.3** a **5** řešte přímo **v záznamovém archu**.

max. 4 body

- 3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.
- 3.1 (3 1

$$\left(\frac{3}{4} + \frac{13}{6}\right) \cdot \left(\frac{2}{5} - 1\right) =$$

3.2

$$\frac{\frac{3}{5} \cdot 2 - 4 \cdot \frac{2}{7}}{2} =$$

4

4.1 Rozložte podle vzorce (výsledný výraz uveďte ve tvaru součinu).

$$(4 \cdot a)^2 - 81 =$$

4.2 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky).

$$2 \cdot (3y - x) \cdot (5 - y) =$$

4.3 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky).

$$(4n + 1)^2 + 3 \cdot (n - 1) - (3n + n) \cdot 2n =$$

V záznamovém archu uveďte pouze v úloze 4.3 celý postup řešení.

max. 4 body

5 Řešte rovnici:

5.1
$$0.4 \cdot 0.1x + 0.32 : 0.1 = 0.2x$$

$$5.2 \qquad \frac{y-4}{5} - \frac{y}{10} = \frac{3+y}{2} - 2$$

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

Do firmy, která si pronajala dvě prázdné dílny, přivezli stroje. Polovinu přivezených strojů umístili do první dílny a polovinu do druhé dílny.

První den zprovoznili tři pětiny strojů umístěných v první dílně (a žádný stroj v druhé dílně). Druhý den zprovoznili tři čtvrtiny strojů umístěných v druhé dílně (a žádný další v první). Třetí den zprovoznili veškeré zbývající stroje v obou dílnách.

(CZVV)

max. 3 body

- 6 Neznámá x představuje celkový počet strojů přivezených do firmy.
- 6.1 V závislosti na veličině *x* **vyjádřete**, kolik strojů zprovoznili první den.
- 6.2 V závislosti na veličině x vyjádřete, kolik strojů zprovoznili třetí den v první dílně.
- 6.3 Třetí den zprovoznili v obou dílnách dohromady 52 strojů. **Vypočtěte** celkový počet strojů přivezených do firmy.

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 7

Brigádníci plní bedýnky ovocem. Za naplnění každé z prvních 10 bedýnek dostávají základní odměnu 40 korun za 1 bedýnku.

Za naplnění každé další bedýnky dostanou vyšší odměnu:

Odměna za 11. až 15. bedýnku je o 25 % vyšší než základní odměna.

Počínaje 16. bedýnkou je odměna za každou bedýnku o 50 % vyšší než základní odměna.

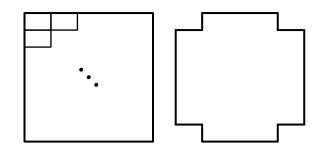
(CZVV)

max. 4 body

7 Vypočtěte,

- 7.1 kolik korun si brigádník vydělá za naplnění 12 bedýnek,
- 7.2 kolik **nejméně** bedýnek musí brigádník naplnit, aby si vydělal alespoň 1 000 korun.

Z celých dlaždic tvaru obdélníku o rozměrech 18 cm a 8 cm je sestaven **nejmenší** možný čtverec. Z každého ze čtyř rohů tohoto čtverce odebereme po jedné dlaždici a dostaneme nový útvar.



(Jedna strana čtverce je rovnoběžná s delšími stranami všech dlaždic.)

(CZVV)

max. 3 body

8 Vypočtěte

- 8.1 v cm délku strany sestaveného čtverce,
- 8.2 počet dlaždic v **novém útvaru**,
- 8.3 v cm obvod **nového útvaru**.

Doporučení pro úlohy 9 a 10: Rýsujte přímo do záznamového archu.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

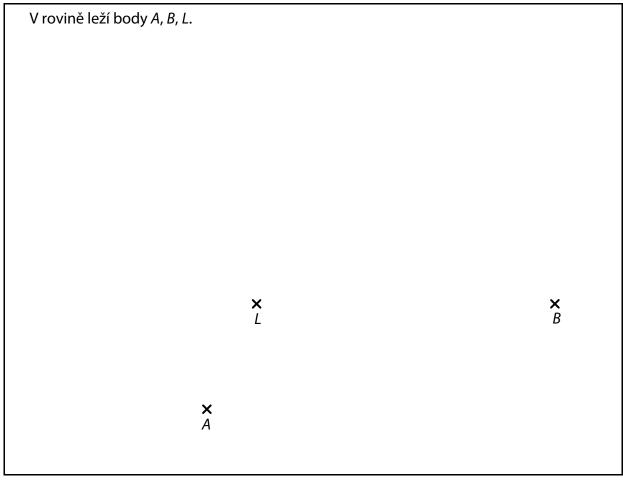


(CZVV)

max. 3 body

- **9** Body *A*, *B* jsou vrcholy obdélníku *ABCD*. Bod *M* leží na téže kružnici *k* jako všechny vrcholy obdélníku *ABCD*.
- 9.1 **Sestrojte** střed kružnice *k* a **označte** ho písmenem *S*.
- 9.2 **Sestrojte** vrcholy *C*, *D* obdélníku *ABCD*, **označte** je písmeny a obdélník **narýsujte**.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).



(CZVV)

max. 2 body

Body *A*, *B* jsou vrcholy trojúhelníku *ABC*. Osy vnitřních úhlů *BAC* a *ABC* tohoto trojúhelníku procházejí bodem *L*.

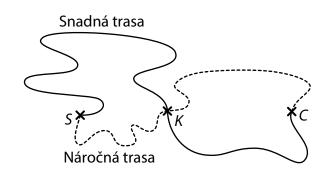
Sestrojte vrchol *C* trojúhelníku *ABC*, **označte** ho písmenem a trojúhelník **narýsujte**.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

Od startu S do cíle C vede jedna snadná cyklistická trasa údolími a druhá náročná přes kopce. Obě trasy se kříží v místě K.

Po snadné trase ujedeme v první části od startu *S* do místa *K* 45 km, což je o polovinu více, než ujedeme v druhé části od místa *K* do cíle *C*.

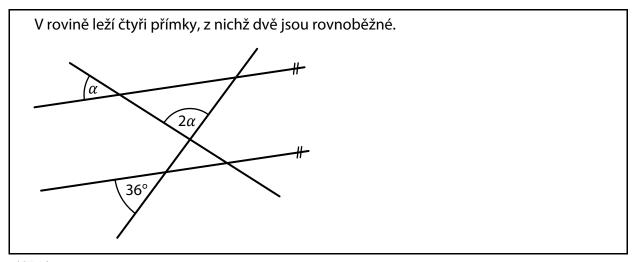
Náročná trasa je dlouhá 45 km a její první část od startu *S* do místa *K* je o pětinu kratší než její druhá část od místa *K* do cíle *C*.



(CZVV)

max. 4 body

11	Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).	
11.1	U snadné trasy je poměr délky první části ku délce druhé části 2 : 1.	A N
11.2	Druhá část snadné trasy měří 30 km.	
11.3	Druhá část náročné trasy měří 25 km.	



(CZVV)

2 body

12 Jaká je velikost úhlu α ?

Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte.

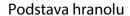
- A) 18°
- B) 36°
- C) 44°
- D) 48°
- E) jiná velikost

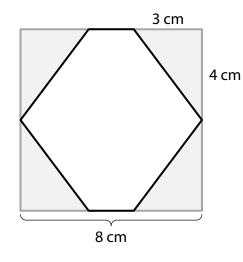
VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOHÁM 13-14

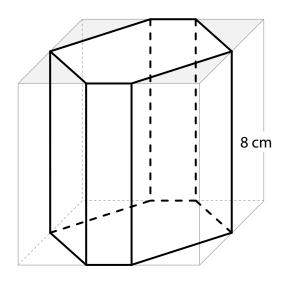
Kolmý šestiboký hranol byl vytvořen opracováním krychle o hraně délky 8 cm.

Podstava hranolu vznikne ze čtvercové stěny původní krychle oddělením 4 shodných pravoúhlých trojúhelníků s odvěsnami délek 3 cm a 4 cm.

Výška hranolu je 8 cm.







(CZVV)

2 body

13 Jaký je objem šestibokého hranolu?

- A) 128 cm³
- B) 320 cm³
- C) 416 cm^3
- D) 488 cm³
- E) jiný objem

2 body

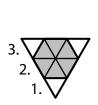
14 Jaký je povrch šestibokého hranolu?

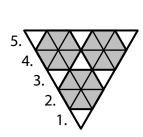
- A) 160 cm²
- B) 192 cm²
- C) 240 cm²
- D) 272 cm²
- E) 336 cm²

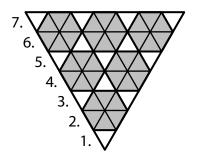
		max. 6 bodu
15	Přiřadte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–	F).
15.1	V domově pro seniory je 120 klientů a 84 z nich bylo očkováno.	
	Kolik procent klientů domova pro seniory nebylo očkováno?	
15.2	Vláďa má 40 kartiček. Roman má o čtvrtinu kartiček více než Vláďa	
	O kolik procent má Vláďa méně kartiček než Roman?	
15.3	.3 Cena za víkendový pobyt činila 2 000 korun a zahrnovala pouze dopravu, ubytování a stravování. Cena dopravy tvořila čtvrtinu ceny pobytu, ubytov stálo 800 korun.	
	Kolik procent ceny pobytu tvořila cena stravování?	
	A) 20 %	
	B) 25 %	
	C) 30 %	
	D) 33 %	
	E) 35 %	
	F) jiný počet procent	

Trojúhelníkové obrazce se podle vzoru sestavují z tmavých šestiúhelníků a bílých trojúhelníků. Šestiúhelník se skládá ze 6 shodných tmavých trojúhelníků.

Na obrázku jsou tři nejmenší trojúhelníkové obrazce. Jednotlivé řady obrazce jsou očíslovány vždy od nejkratší po nejdelší.







• • •

(CZVV)

max. 4 body

16 Obrazec má 19 řad.

Určete počet

16.1 bílých trojúhelníků v 9. řadě,

16.2 **tmavých** trojúhelníků v 16. řadě,

16.3 tmavých **šestiúhelníků** v celém obrazci.