

MATEMATIKA 9

M9PBD22C0T02

DIDAKTICKÝ TEST	Jméno a příjmení	
Počet úloh: 16		
Maximální bodové hodnocení: 50 bodů		
Povolené pomůcky: pouze psací a rýsovací potřeby		

1 Základní informace k zadání zkoušky

- Časový limit pro řešení didaktického testu je uveden na záznamovém archu.
- U každé úlohy je uveden maximální počet bodů.
- Za neuvedené řešení úlohy či za nesprávné řešení úlohy jako celku se neudělují záporné body.
- Odpovědi pište do záznamového archu.
- Poznámky si můžete dělat do testového sešitu, nebudou však předmětem hodnocení.
- Didaktický test obsahuje otevřené

 a uzavřené úlohy. Uzavřené úlohy
 obsahují nabídku odpovědí. U každé
 takové úlohy nebo podúlohy je právě
 jedna odpověď správná.
- Na poslední straně testového sešitu najdete vybrané vzorce a vztahy.

Pravidla správného zápisu do záznamového archu

- Řešení úloh zapisujte do záznamového archu modře nebo černě píšící propisovací tužkou, která píše dostatečně silně a nepřerušovaně.
- Nejednoznačný nebo nečitelný zápis odpovědi bude považován za chybné řešení.
- V konstrukčních úlohách rýsujte tužkou a následně vše obtáhněte propisovací tužkou.

2.1 Pokyny k otevřeným úlohám

• Řešení úloh **pište čitelně** do vyznačených bílých polí záznamového archu.

1	
•	

- Pokud budete chtít provést opravu, původní zápis přeškrtněte a nový uveďte do stejného pole.
- Je-li požadován celý postup řešení, uveďte jej do záznamového archu. Pokud uvedete pouze výsledek, nebudou vám přiděleny žádné body.
- Zápisy uvedené mimo vyznačená bílá pole záznamového archu nebudou hodnoceny.

2.2 Pokyny k uzavřeným úlohám

 Odpověď, kterou považujete za správnou, zřetelně zakřížkujte v příslušném bílém poli záznamového archu, a to přesně z rohu do rohu dle obrázku.

	Α	В	C	D	Ε
14			X		

 Pokud budete chtít následně zvolit jinou odpověď, pečlivě zabarvěte původně zakřížkované pole a zvolenou odpověď vyznačte křížkem do nového pole.

	Α	В	C	D	Ε
14	X				

 Jakýkoliv jiný způsob záznamu odpovědí (např. dva křížky u jedné otázky) bude považován za nesprávnou odpověď. V úlohách 1, 2, 4.1, 4.2, 6, 7, 8 a 16 přepište do záznamového archu pouze výsledky.

1 bod

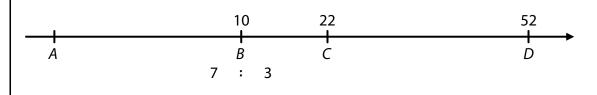
1 Vypočtěte:

$$(-6)^2 - 3 \cdot (-3) =$$

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 2

Body A, B, C a D představují čtyři čísla na číselné ose.

Bod B dělí (zleva) úsečku AC v poměru 7 : 3.



(CZVV)

max. 2 body

2

- 2.1 Určete, v jakém poměru dělí bod C (zleva) úsečku BD. Poměr zapište v základním tvaru.
- 2.2 Určete číslo, které na číselné ose představuje bod A.

Doporučení: Úlohy 3, 4.3 a 5 řešte přímo v záznamovém archu.

max. 4 body

- 3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.
- 3.1

$$\frac{7}{5} \cdot \frac{3}{8} \cdot \frac{10}{21} + \frac{3}{10} =$$

3.2

$$\frac{\frac{1}{4} - \frac{5}{8}}{3 \cdot \frac{5}{12}} =$$

4

4.1 Upravte a rozložte na součin vytknutím:

$$x \cdot x - x + 2x^2 =$$

4.2 Umocněte a zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$(5b - 0.4a)^2 =$$

4.3 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$(2n-3)\cdot(4n-2)+(n-3)\cdot(n+3)=$$

V záznamovém archu uveďte pouze v úloze 4.3 celý postup řešení.

max. 4 body

5 Řešte rovnici:

5.1

$$5 \cdot (0,2x+1) = (8-6x):2$$

5.2

$$\frac{y-5}{2} + \frac{3-y}{6} = 1 - \frac{2y}{3}$$

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

V krabici jsou pouze jednobarevné kuličky, a to zelené, červené a modré.

Čtvrtina všech kuliček je zelených, šestina všech kuliček je červených, modrých kuliček je o 20 více než červených.

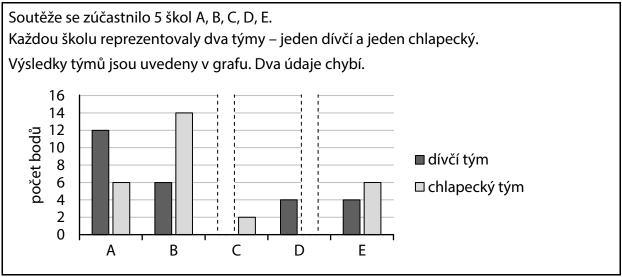
(CZVV)

max. 3 body

6 Vypočtěte,

- 6.1 kolik kuliček je v krabici,
- 6.2 o kolik se liší počty zelených a červených kuliček v krabici.

VÝCHOZÍ TEXT A GRAF K ÚLOZE 7



(CZVV)

max. 4 body

7

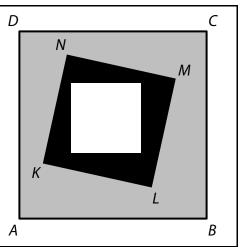
7.1 Výsledek dívčího týmu školy C byl stejný jako aritmetický průměr výsledků dívčích týmů škol A a B.

Vypočtěte aritmetický průměr výsledků všech pěti dívčích týmů.

7.2 Aritmetický průměr výsledků všech pěti chlapeckých týmů je 8 bodů.

Určete, kolik bodů získal chlapecký tým školy D.

Bílý čtverec má obsah 9 cm², černá plocha uvnitř čtverce *KLMN* má obsah 16 cm² a šedá plocha uvnitř čtverce *ABCD* má obsah 56 cm².



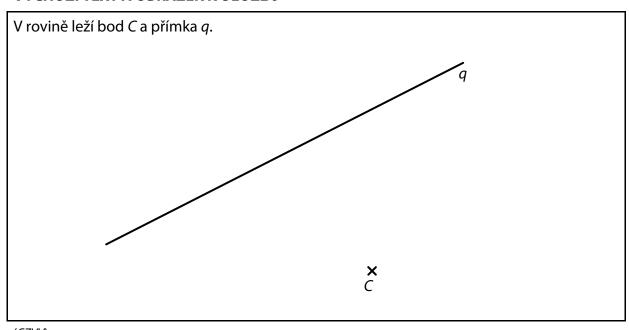
(CZVV)

max. 3 body

- 8 Vypočtěte v cm
- 8.1 délku strany KL,
- 8.2 obvod čtverce *ABCD*.

Doporučení pro úlohy 9 a 10: Rýsujte přímo do záznamového archu.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9



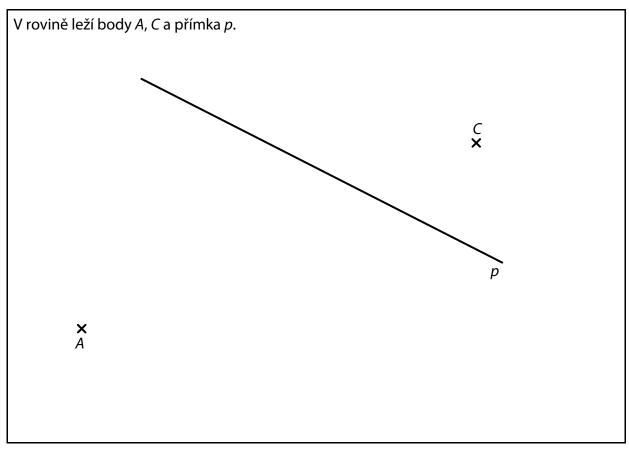
(CZVV)

max. 2 body

9 Bod *C* je vrchol rovnoramenného trojúhelníku *ABC* se základnou *AB*. Základna *AB* leží na přímce *q* a má délku 6 cm.

Sestrojte vrcholy *A*, *B* trojúhelníku *ABC*, **označte** je písmeny a trojúhelník **narýsujte**.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).



(CZVV)

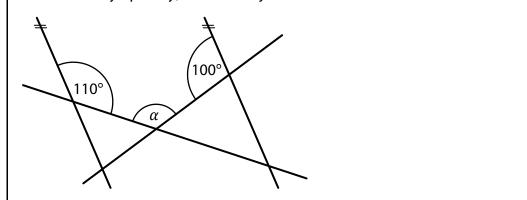
max. 3 body

- **10** Body *A*, *C* jsou vrcholy rovnoběžníku *ABCD*, jehož dvě strany jsou rovnoběžné s přímkou *p*. Jedna z úhlopříček rovnoběžníku *ABCD* je k přímce *p* kolmá.
- 10.1 **Sestrojte** střed *S* rovnoběžníku *ABCD* a **označte** ho písmenem.
- 10.2 **Sestrojte** vrcholy *B, D* rovnoběžníku *ABCD*, **označte** je písmeny a rovnoběžník **narýsujte**.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

	stejných dřevěných krychlí byl slepen čtyřboký hranol, síť má obsah 126 cm ² .	Síť hranolu
(CZVV) 11 11.1 11.2 11.3	Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), ze pravdivé (A), či nikoli (N). Povrch hranolu je 14krát větší než obsah stěny jedné krychle. Síť krychle má obsah 42 cm². Nejkratší hrana hranolu měří 3 cm.	max. 4 body da je A N
Rekla Podst	IOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12 mní plochu pro vylepování plakátů tvoří plášť rotačního válce. rava válce má poloměr 50 cm. t, který přesně pokryje celou reklamní plochu, má tvar čtverce.	
(CZVV) 12	Jaká je výška válce? Výsledek je zaokrouhlen na celé cm. A) 157 cm B) 236 cm C) 314 cm D) 390 cm E) větší než 390 cm	2 body

V rovině leží čtyři přímky, z nichž dvě jsou rovnoběžné.



(CZVV)

2 body

13 Jaká je velikost úhlu α ?

Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte.

- A) menší než 120°
- B) 120°
- C) 130°
- D) 150°
- E) větší než 150°

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 14

V knihovně je k polic.

V každé polici je o 8 knih více, než je v knihovně polic.

(k může nabývat různých kladných celých hodnot.)

(CZVV)

2 body

Který výraz vyjadřuje celkový počet knih v knihovně? 14

- A) $k^2 + 8k$
- B) $k^2 + 16k + 64$
- C) $k^2 + 64$
- D) 2k + 8
- E) 8k

	max	. 6 bodů		
15	Přiřaďte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F).			
15.1	Včera stála sekačka 20 000 korun a dnes je její cena pouze 8 000 korun.			
	O kolik procent byla snížena cena sekačky?			
15.2	První skupina poseče čtvrtinu louky a druhá skupina 60 % zbývající části louky Poslední část louky zůstane neposečená.	/ .		
	Kolik procent louky zůstane neposečeno?			
15.3	Nedávno byly zdraženy hřebíky. Částka, za kterou jsme dříve koupili 120 hřebíků, nyní vystačí jen na 80 hřebíků.			
	O kolik procent byly hřebíky zdraženy?			
	A) méně než 30 %			
	B) 30 %			
	C) 40 %			
	D) 50 %			
	E) 60.0%			

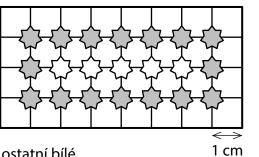
F) jiný počet procent

Ve čtvercové síti vytváříme různé obdélníky s vrcholy v mřížových bodech, obdobně jako na obrázku.

(Na obrázku je jeden z možných obdélníků, a to s rozměry 8 cm a 4 cm.)

Uvnitř obdélníku zakreslíme v každém mřížovém bodě hvězdičku.

Hvězdičky nejblíže hranici obdélníku budou tmavé a ostatní bílé.



Obvod a obsah kruhu o poloměru r:

(CZVV)

max. 4 body

16

- 16.1 Určete počet **všech hvězdiček** v obdélníku s rozměry 81 cm a 20 cm.
- 16.2 Obdélník, jehož jeden rozměr je 50 cm, obsahuje celkem 9 800 hvězdiček. Určete v cm **druhý rozměr** tohoto obdélníku.
- 16.3 Vypočtěte, **o kolik se liší** počty bílých a tmavých hvězdiček v obdélníku s rozměry 41 cm a 23 cm.

ZKONTROLUJTE, ZDA JSTE DO ZÁZNAMOVÉHO ARCHU UVEDL/A VŠECHNY ODPOVĚDI.

Druhé mocniny čísel 11–20: Přibližné hodnoty čísla π: $11^2 = 121$ $16^2 = 256$ $\pi = 3,14$ $12^2 = 144$ $17^2 = 289$ $\pi \approx \frac{22}{7}$ $13^2 = 169$ $18^2 = 324$ $\pi \approx \frac{27}{7}$ $14^2 = 196$ $19^2 = 361$ $15^2 = 225$ $20^2 = 400$

Rozklad na součin:

 $a^{2} + 2ab + b^{2} = (a+b)(a+b)$ $o = 2\pi r$ $a^{2} - 2ab + b^{2} = (a-b)(a-b)$ $S = \pi r^{2}$ $a^{2} - b^{2} = (a+b)(a-b)$