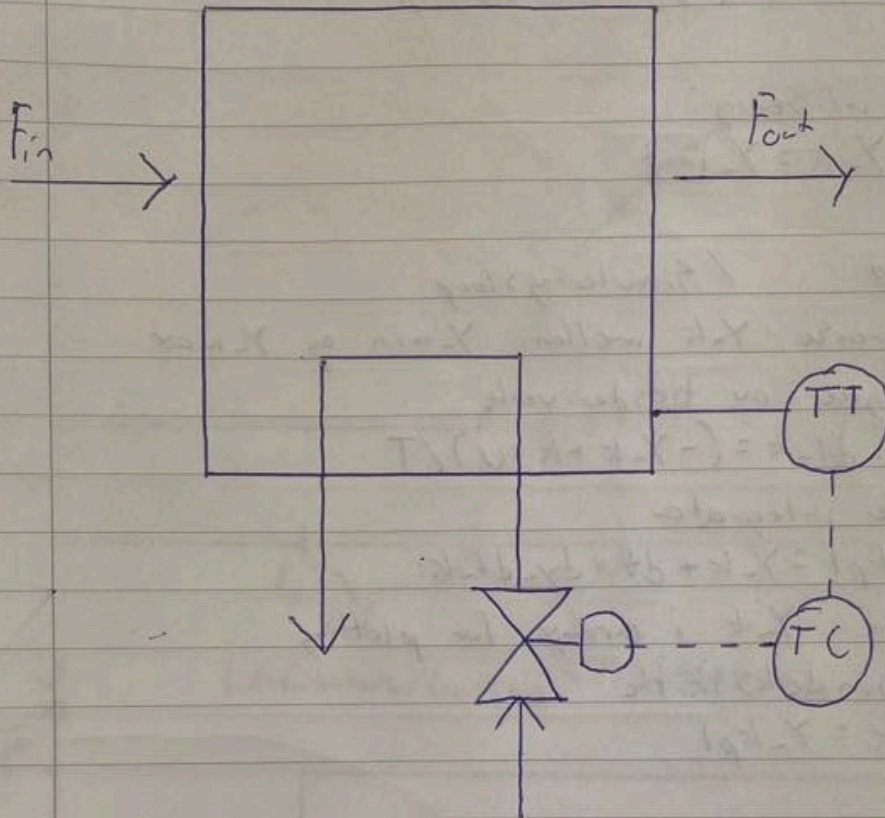


EKSAMEN 2022

Oppg 1



Oppg 2

Radius = r
 innstrøm = F_{in}
 utstrøm = F_{out}
 tetthet = ρ

$$\rho A h' = \rho (F_{in} - F_{out}) \quad , \quad A = \pi r^2$$

$$h' = \frac{\rho (F_{in} - F_{out})}{\rho A}$$

$$\underline{h' = (F_{in} - F_{out}) / \pi r^2}$$

ops 3

$$T y'(t) = -y(t) + k u(t)$$

$$y'(t) = (-y(t) + k u(t)) / T$$

- initialisering:

$$y_k = y_{\text{init}}$$

- loop: / Simuleringsloop

Begrense y_k mellom y_{min} og y_{max}

Beregne av tidsderivate

$$dy_{-dt-k} = (-y_k + k \times u) / T$$

Euler integrator

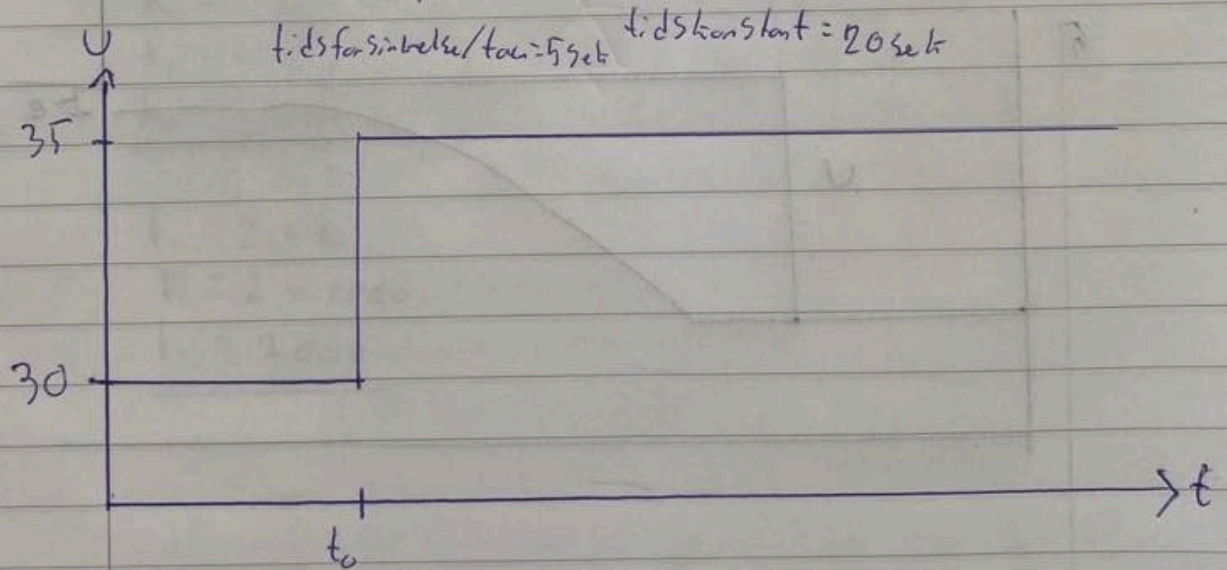
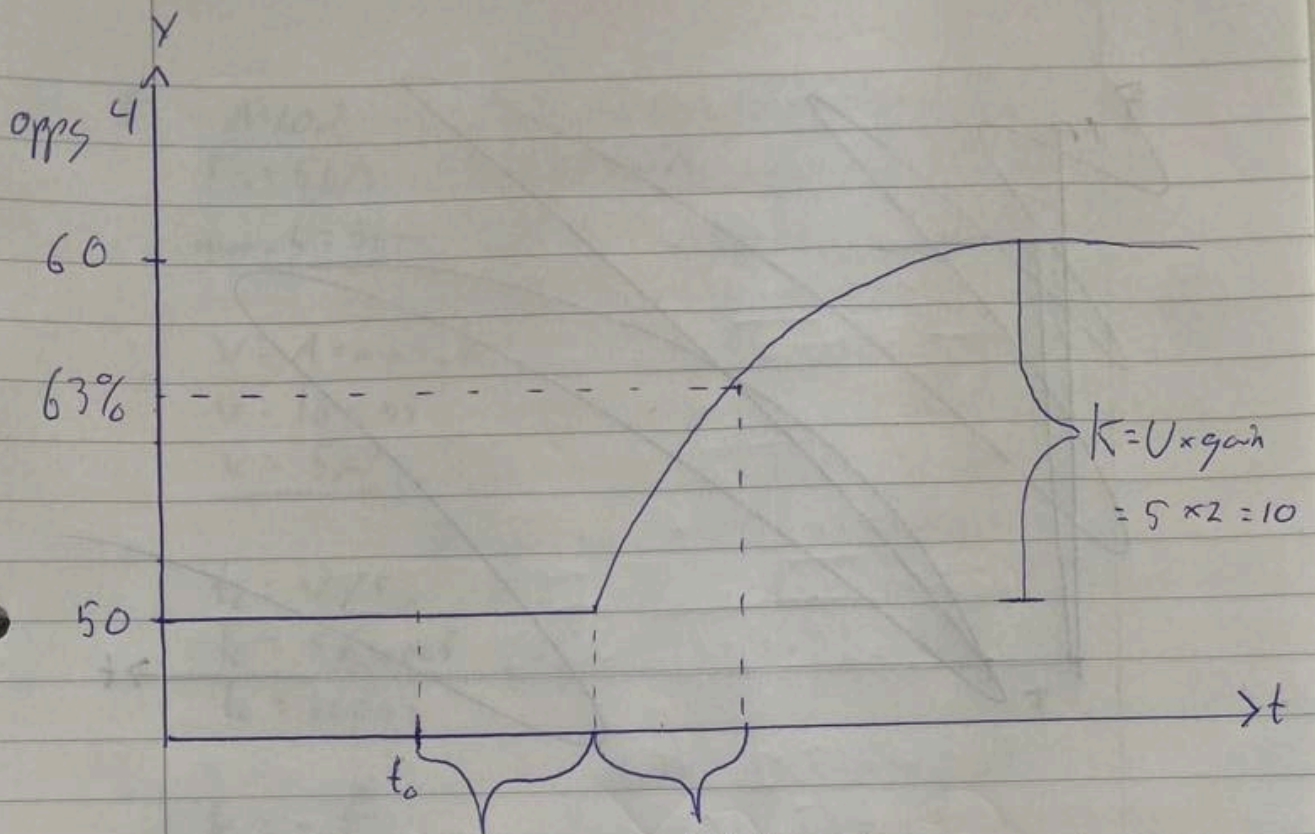
$$y_{k+1} = y_k + dt \times dy_{-dt-k}$$

lagre y_k i array for plotting

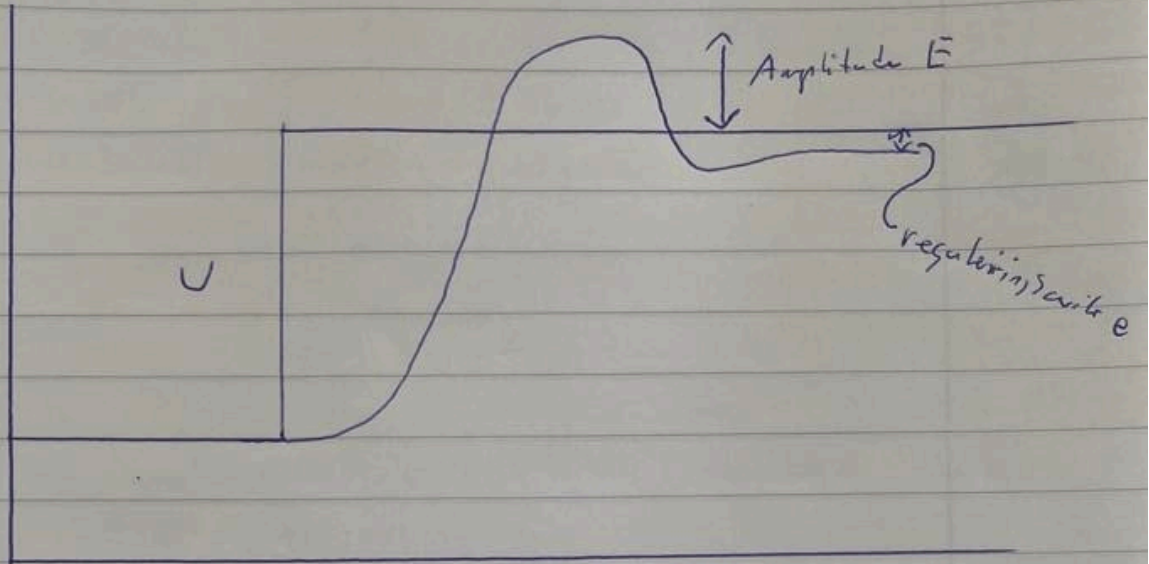
tidsindeks skifte

$$y_k = y_{k+1}$$

- Etter Simulering kan man plote eller lagre i fil.



qps 5



6

$$A = 10 \text{ m}^2$$

$$F_{in} = 5 \text{ L/s} = 0,005 \text{ m}^3/\text{s}$$

$$\text{max}_h = 50 \text{ cm} = 0,5 \text{ m}$$

$$V = A \times \text{max}_h$$

$$V = 10 \times 0,5$$

$$\underline{V = 5 \text{ m}^3}$$

$$t_c = V / F_{in}$$

$$t_c = 5 / 0,005$$

$$\underline{t_c = 1000 \text{ s}}$$

$$k_c = - \frac{A}{t_c}$$

$$k_c = - \frac{10}{1000}$$

$$\underline{\underline{k_c = -0,01}}$$

$$t_i = 2 \times t_c$$

$$t_i = 2 \times 1000$$

$$\underline{\underline{t_i = 2000}}$$

oppg 7

7

$$T y'(t) = -y(t) + k_U \times U(t - t_{OU}) + k_L \times L(t)$$

Fra oppg 10 får vi

$$\frac{Y(s)}{U(s)} = \frac{k_U}{T \times s + 1} e^{-\tau s}$$

vi kan også sette $T_c = T$, og får da

$$k_c = \frac{T}{k_U(T_c + \tau)} = \frac{T}{k_U(2\tau)} = \frac{T}{2k_U\tau}$$

$$t_i = \min(T, 2(T_c + \tau))$$

$$= \min(T, 2(2\tau))$$

$$t_i = \min(T, 4\tau)$$

§

8/ Nivåregulering er et eksempel på kaskaderegulering, hvor primærloopen styrer nivået. Sekundærloopen styrer strømmingen og tertiærloopen styrer pumpene. Her bruges kaskaderegulering for at ~~regulere~~ ~~regulere~~

opg 8 Nivåregulering er et eksempel på kaskaderegulering, hvor primærloopen styrer nivået. Sekundærloopen styrer strømmingen og tertiærloopen styrer pumpene. Her bruges kaskaderegulering for at ~~regulere~~ for en ny bølge udførelse.

kaskaderegulering bruges for at gi roligere og bedre forstyrrelses kompensation

opg 9 $T_x y'(t) = -y(t) + k_u \times u(t - t_{au}) + k_d \times d(t)$
hvor $t_{au} = 0$ og settpunkt for $y = r$

$$T_x r' = -r + k_u \times u + k_d \times d$$

$$k_u \times u = T_x r' + r - k_d \times d$$

$$u = [T_x r' + r - k_d \times d] / k_u$$

Her må alle verdier på høyre siden være oppgitt for at den kan realiseres

For at den skal fungere perfekt må vi vite:

- Set point
- ~~før~~ prosess forstyrrelser
- En matematisk modell.

Her kan vi alle, ~~det~~ den vil fungere perfekt

$$10 \quad T \times y'(t) = -y(t) + k_U \times U(t - t_{\text{on}}) + k_d \times d(t)$$

↓ Laplace

$$T \times y(s) \times s = y(s) + k_U \times U(s) e^{-t_{\text{on}} \times s} + k_d \times d(s)$$

$$y(s) (T \times s + 1) = k_U \times U(s) e^{-t_{\text{on}} \times s} + k_d \times d(s)$$

$$y(s) = [k_U \times U(s) e^{-t_{\text{on}} \times s} + k_d \times d(s)] / (T \times s + 1)$$

$$y(s) = \frac{k_U \times e^{t_{\text{on}} \times s}}{T \times s + 1} U(s) + \frac{k_d}{T \times s + 1} d(s)$$

$$\frac{y(s)}{U(s)} = \frac{k_U \times e^{t_{\text{on}} \times s}}{T \times s + 1}$$

$$11 \quad H(s) = k/s$$

$$\text{Set } s = j\omega$$

$$\begin{aligned} H(j\omega) &= (k/j\omega) \\ &= k/(j\omega e^{j\pi/2}) \\ &= (k/\omega) e^{j(-\pi/2)} \end{aligned}$$

$$\underline{A(\omega) = k/\omega}$$

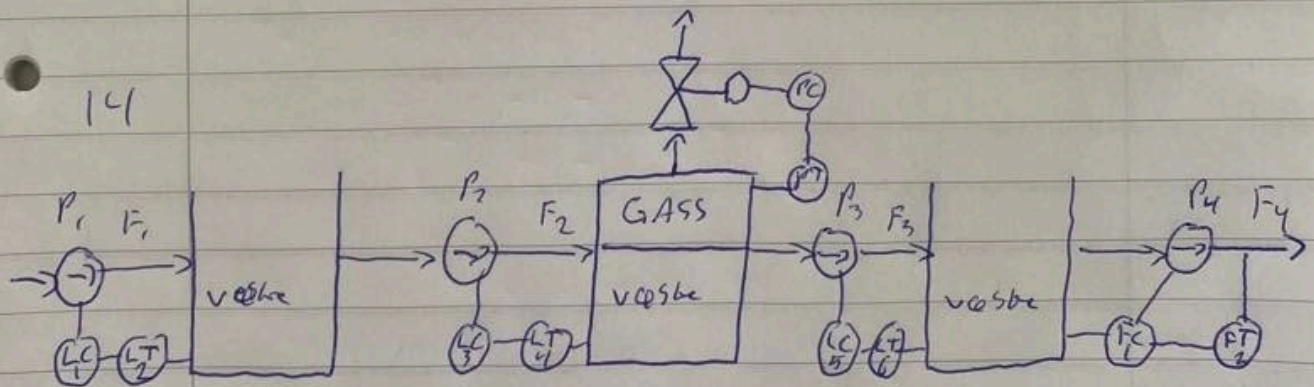
$$\underline{\phi(\omega) = -\pi/2}$$

12 $k_{p1} = 4,0$
 $T_i = 10 \text{ sek}$
 $k_{p2} = 12,0$
 $T_i = 20 \text{ sek}$

$GM = \Delta k = p$
 $= \frac{12}{4}$
 $= 3$

Dette er akseptabelt verdi ettersom den ligger innenfor
 $1,7 \leq GM \leq 4,0$

- 13 Kalman filter brukes til å estimere ukjente verdier i et dynamisk system.
 Eksempel: Båt, den brukes det for å filtrere ut forstyrrelser fra vind og bølger



15.

Første jeg måtte gjøre var å legge til `plt.show()`, så plottene skulle vise seg. Deretter så jeg at den allerede var stilet inn med Ziegler-Nichols' metode. Da kan bruke formlene til å regne ut verdiene til Relaxed Ziegler-Nichols' metode.

Verdiene i koden:

$K_c = 5.5$

$T_i = 833$

$0.25 * K_i = K_{p_zn}$

$0.45 * K_I = K_{p_relaxed}$

$K_i = K_{p_zn} / 0.25$

$K_i = K_{p_relaxed} / 0.45$

$K_{p_relaxed} = K_{p_zn} / 0.45 * 0.25$

$K_{p_relaxed} = 5.5 / 0.45 * 0.25$

$K_{p_relaxed} = 3.05$

$T_{i_zn} = P_u / 1.2$

$T_{i_relaxed} = 1.25 * P_u$

$P_u = T_{i_zn} * 1.2$

$P_u = T_{i_relaxed} / 1.25$

$T_{i_relaxed} = T_{i_zn} * 1.2 * 1.25$

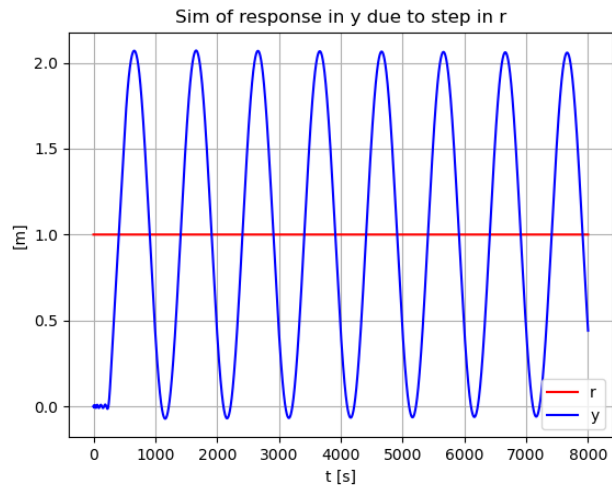
$T_{i_relaxed} = 833 * 1.2 * 1.25$

$T_{i_relaxed} = 1249.5$

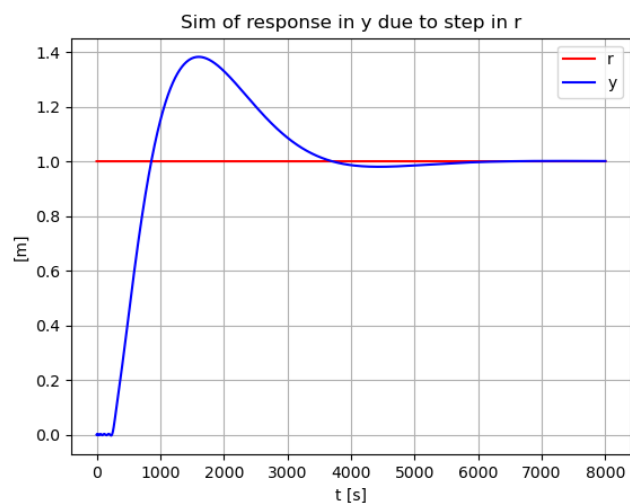
I tillegg til å regne ut testet jeg og fant de samme standard verdiene for K_i og P_u som blir brukt i utregningene. (Bilde 1)

$K_i = 12.2$

$P_u = 1000$



Bilde 1



Bilde 2 viser hvordan pådraget ser ut når den er stilt inn med Relaxed Ziegler-Nichols' metode

Bilde 3 viser oss hva PM og GM er. Her må vi bare endre på GM så det blir oppgitt i grader og ikke i db. (Denne verdien blir også printet ut i consollen.)

Ser at PM = 40.39 grader

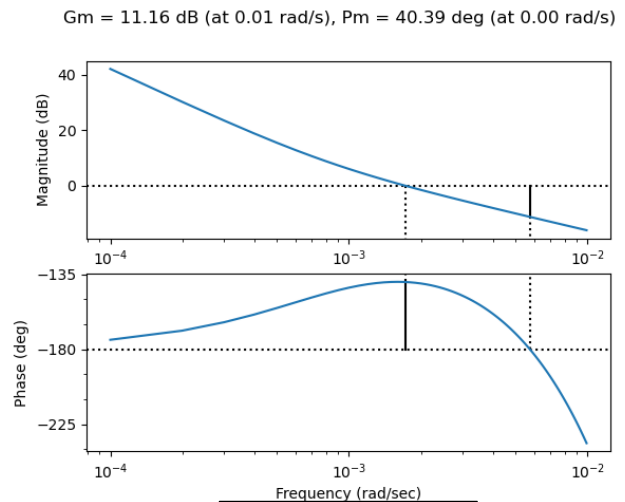
Og at GM = 11,16 db

$GM = 10^{(11,16/20)} = 3.6141$

Vi ser at både GM og PM er innenfor de akseptable marginene, som betyr at de har tilfredsstillende verdier.

$4.0 \geq GM \geq 1.7$

$45^\circ \geq PM \geq 30^\circ$



Bilde 3