BCA 607 Hareket Analizi Sistemleri

Matlab ile Görüntü İşleme 4



SERDAR ARITAN

serdar.aritan@hacettepe.edu.tr

Biyomekanik Araştırma Grubu www.biomech.hacettepe.edu.tr Spor Bilimleri Fakültesi www.sbt.hacettepe.edu.tr Hacettepe Universitesi, Ankara, Türkiye www.hacettepe.edu.tr

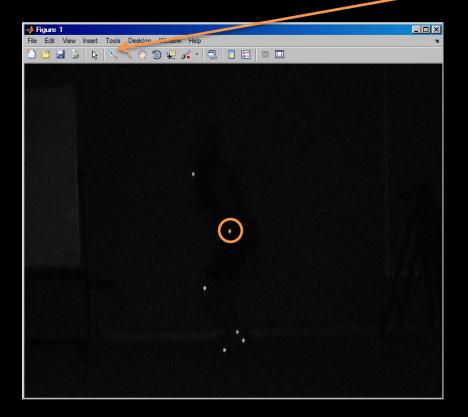




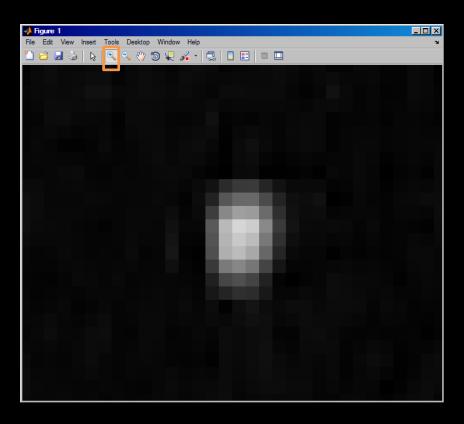
STANDARD SEGMENT MODE: GREEN LINE PRECISION MODE: ORANGE LINE

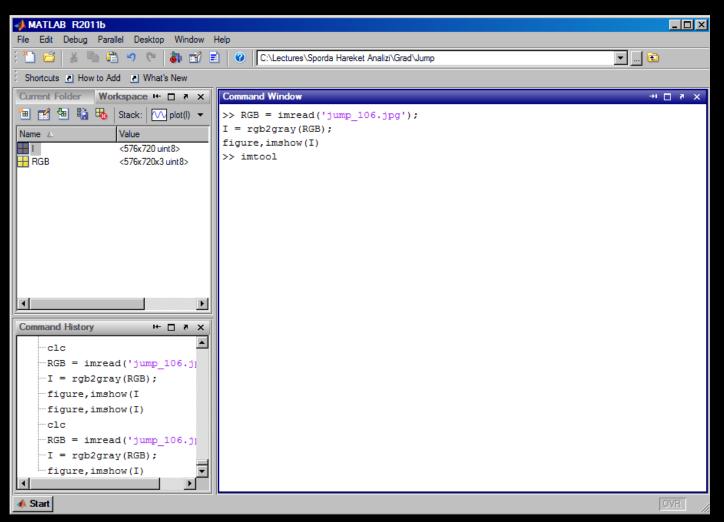


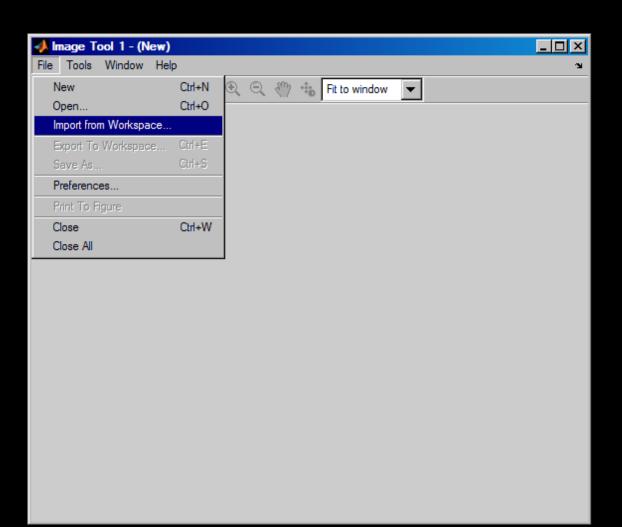
```
RGB = imread('jump_106.jpg');
I = rgb2gray(RGB);
figure,imshow(I)
```

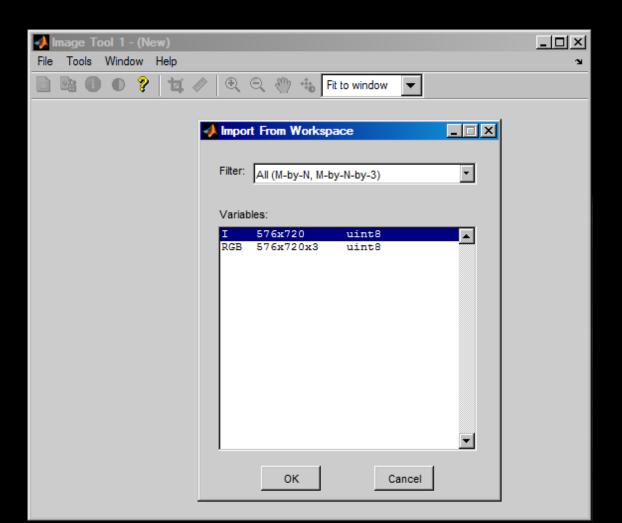


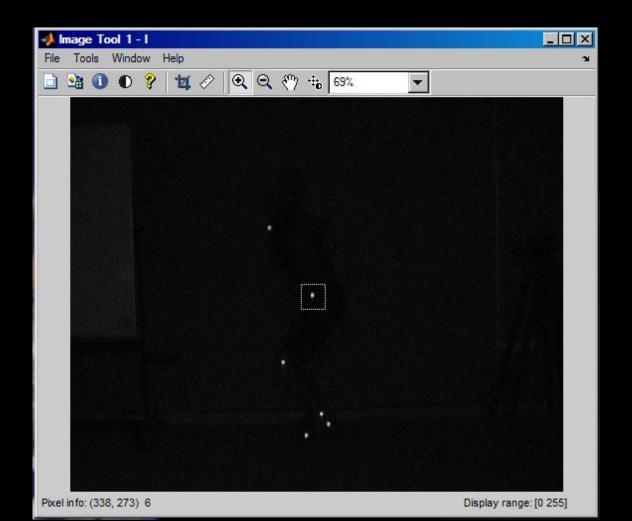
Noktanın merkezi neresi?

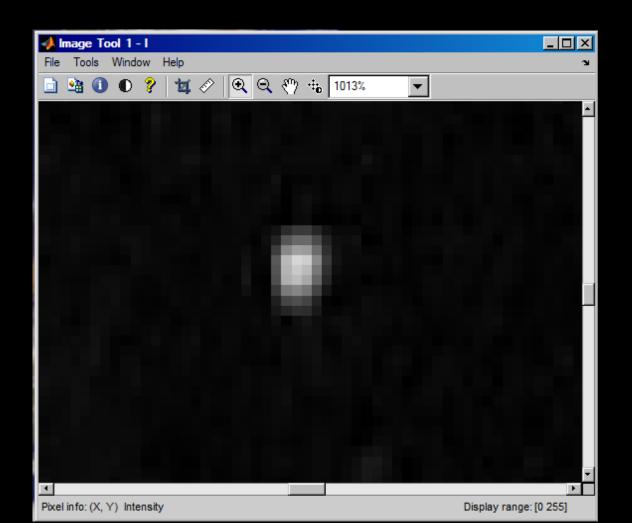


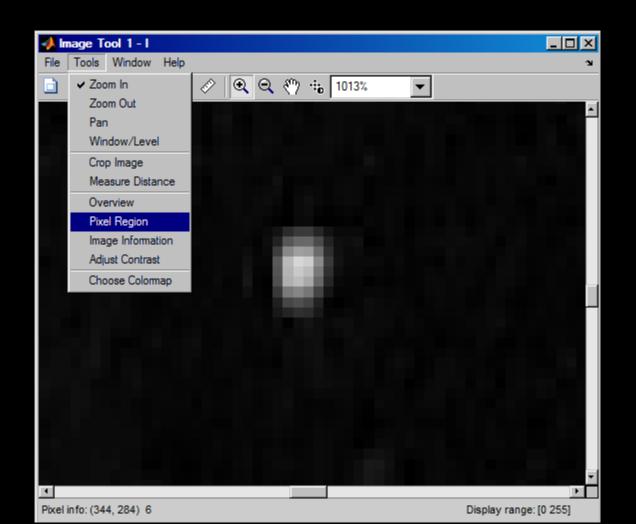


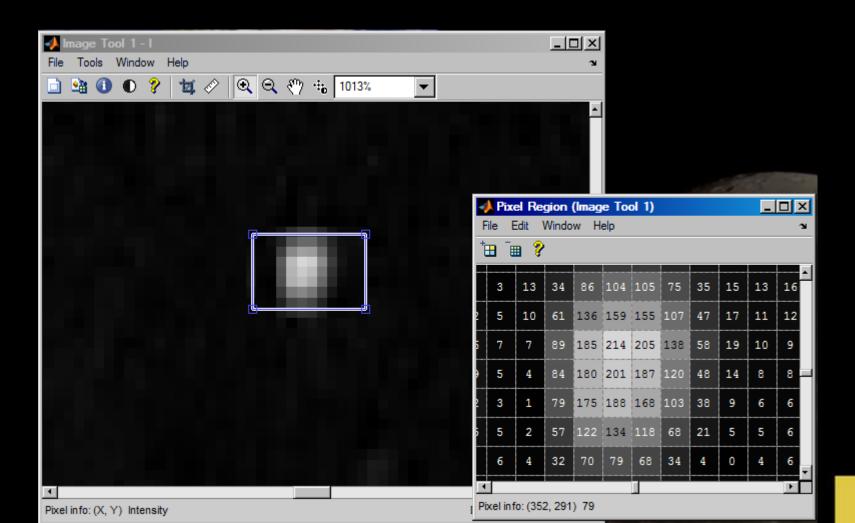






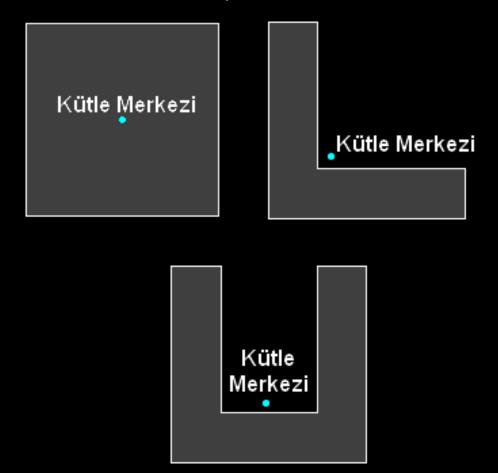


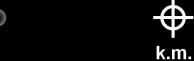




kütle merkezi hesaplama

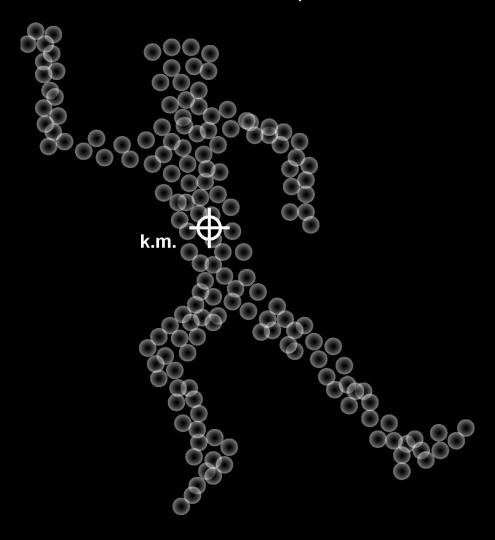
Kütle Merkezi: Bir cismin toplam kütlesinin ortalama konumu

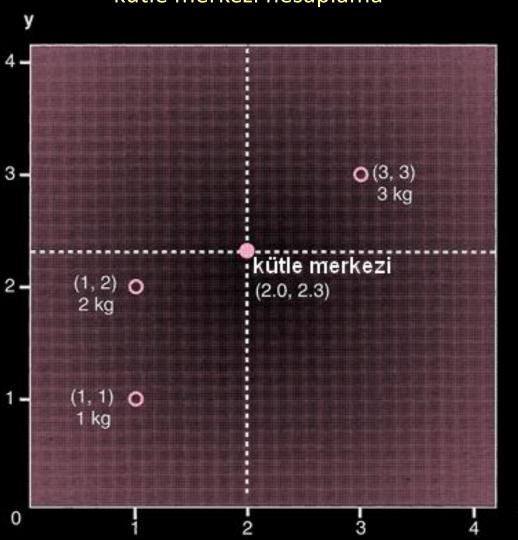


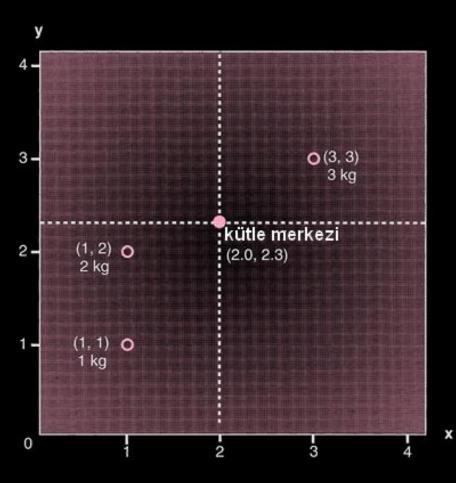












$$m_1gx_1+m_2gx_2+m_3gx_3=Mgx_{km}$$

$$m_1x_1+m_2x_2+m_3x_3 = Mx_{km}$$

$$1.(1)+2.(1)+3.(3)=6.x_{km}$$

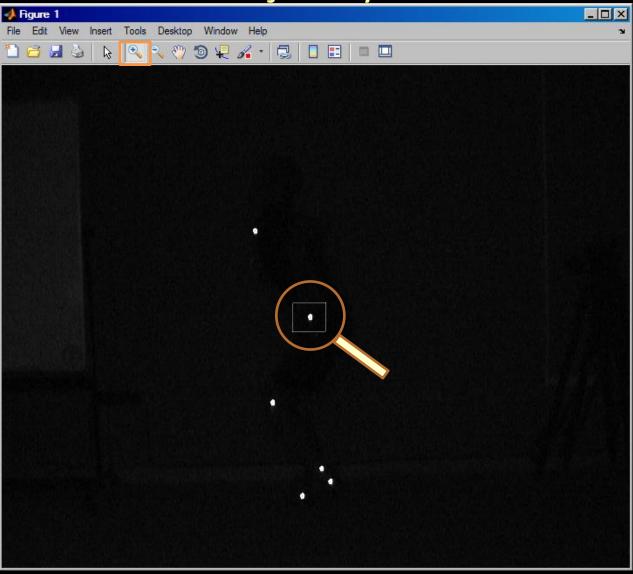
$$x_{km} = 12 / 6 = 2$$

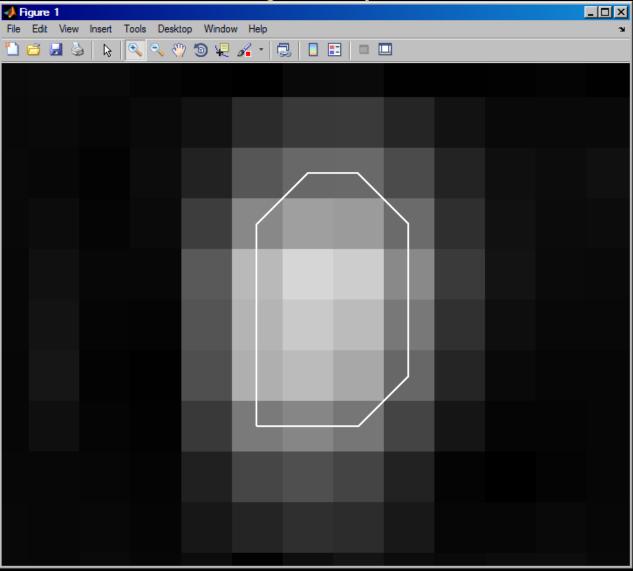
$$m_1 y_1 + m_2 y_2 + m_3 y_3 = M y_{km}$$

$$1.(1)+2.(2)+3.(3)=6.y_{km}$$

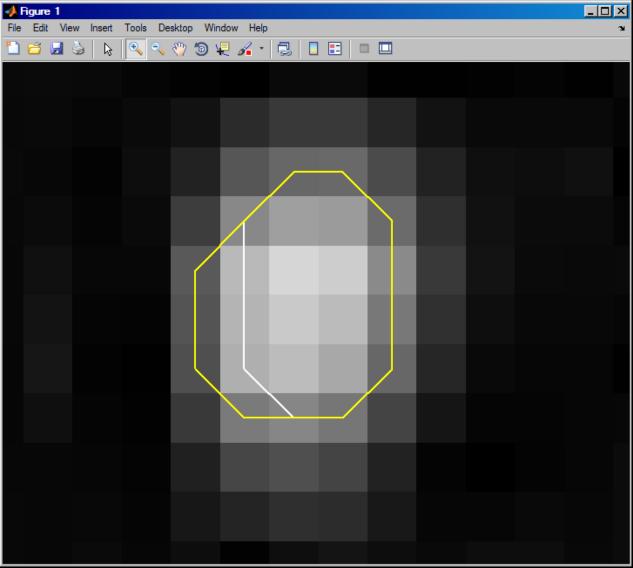
$$y_{km} = 14 / 6 = 2.3$$

```
RGB = imread('jump 106.jpg');
I = rgb2gray(RGB);
figure, imshow(I), hold on;
[level EM] = graythresh(I);
bw = im2bw(I, EM);
bw = medfilt2(bw, [3 3]);
bw = bwareaopen(bw, 4);
[B,L] = bwboundaries(bw, 'noholes');
for j = 1: length(B)
    boundary = B\{j\};
    plot(boundary(:,2),boundary(:,1),...
    'w', 'LineWidth',2);
end
```

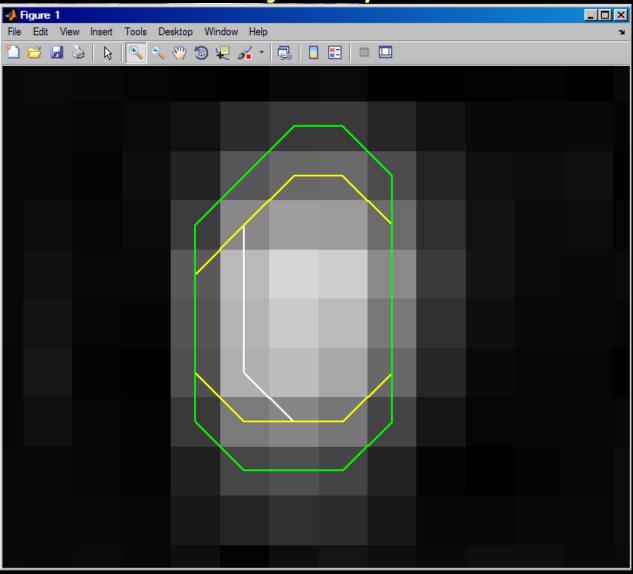




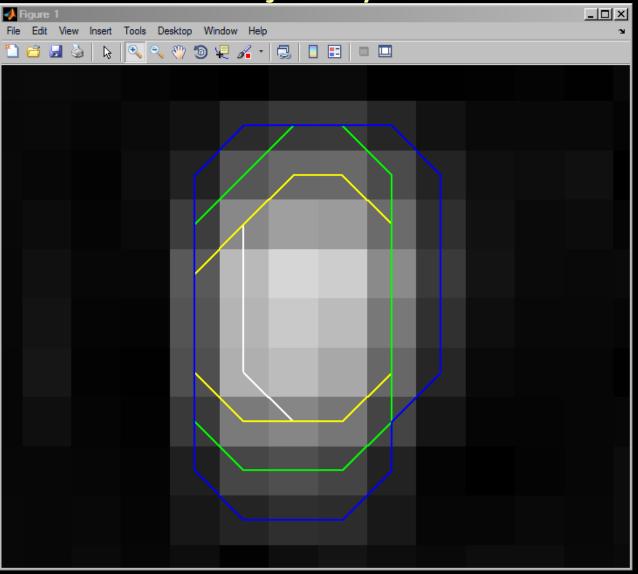
```
bw = im2bw(I, EM - 0.1);
for j = 1:length(B)
    boundary = B\{j\};
    plot(boundary(:,2),boundary(:,1),...
    'y', 'LineWidth',2);
end
```



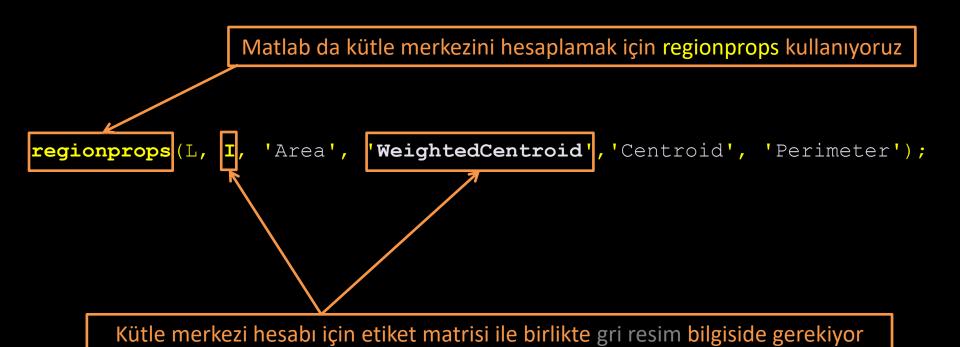
```
bw = im2bw(I, EM - 0.2);
for j = 1:length(B)
    boundary = B\{j\};
    plot(boundary(:,2),boundary(:,1),...
    'q', 'LineWidth',2);
end
```



```
bw = im2bw(I, EM - 0.3);
for j = 1: length(B)
    boundary = B\{j\};
    plot(boundary(:,2),boundary(:,1),...
    'b', 'LineWidth',2);
end
```



Matlab da kütle merkezi hesaplama

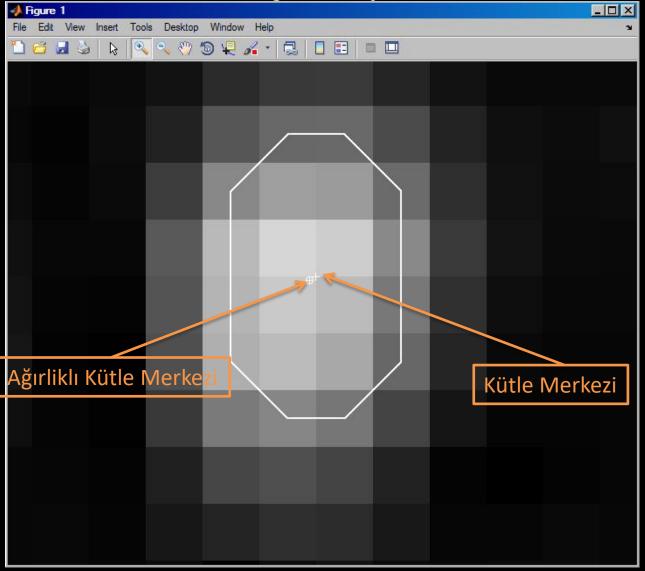


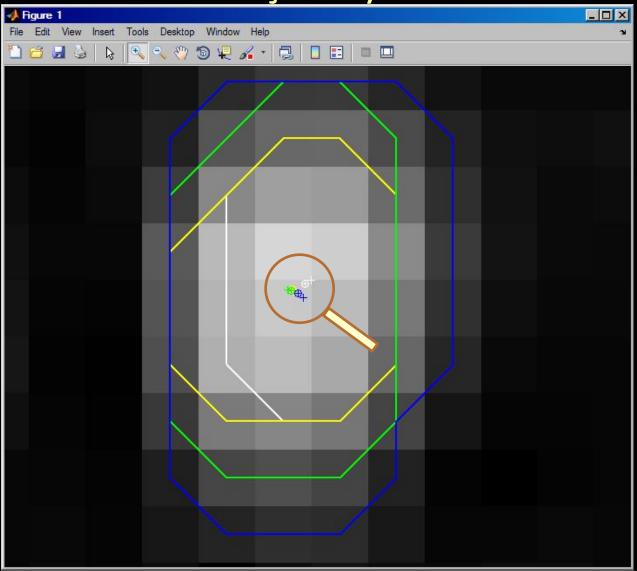
Matlab da kütle merkezi hesaplama

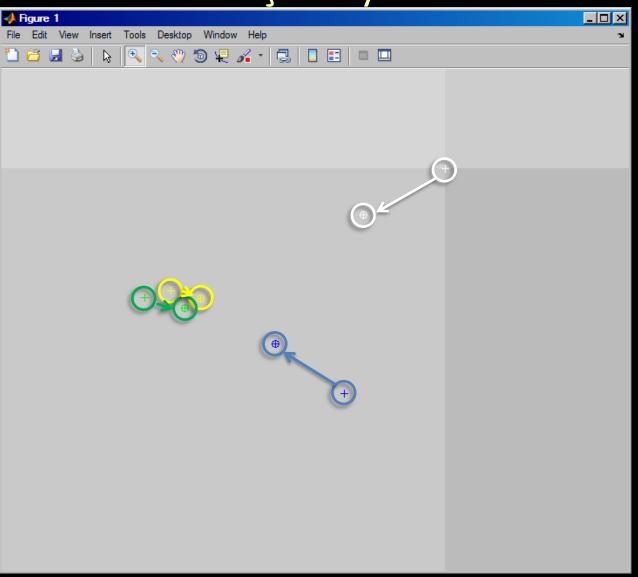
```
bw = im2bw(I, EM - 0.3);
stats = regionprops(L, I, 'Area', ...
          'WeightedCentroid', ...
          'Centroid', 'Perimeter');
for j = 1:length(B)
end
```

Matlab da kütle merkezi hesaplama

```
stats = regionprops(L, I, 'Area',
'WeightedCentroid', 'Centroid', 'Perimeter');
for j = 1: length(B)
 boundary = B\{j\};
 plot(boundary(:,2),boundary(:,1),'w', 'LineWidth',2);
 centroid = stats(j).Centroid;
 plot(centroid(1), centroid(2), 'w+');
 WeightedCentroid = stats(j).WeightedCentroid;
 plot(WeightedCentroid(1), WeightedCentroid(2),'w+',
      WeightedCentroid(1), WeightedCentroid(2), 'wo');
end
```







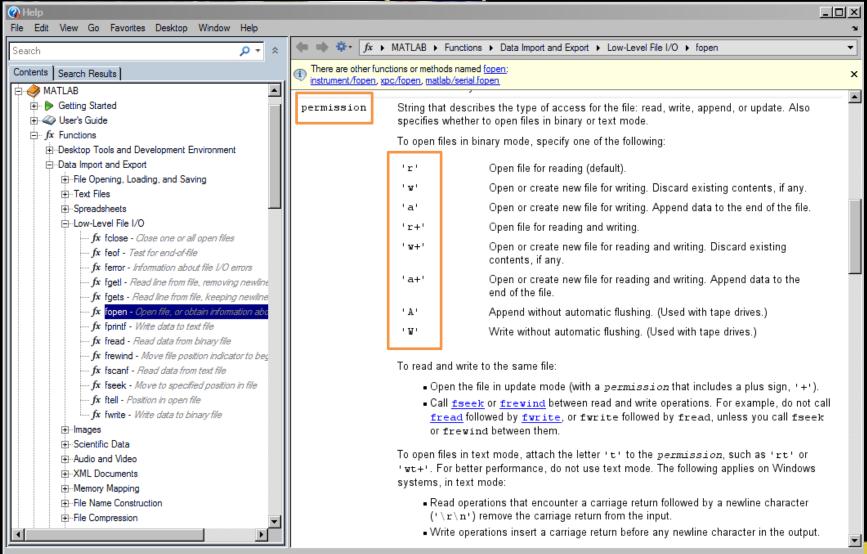
Yansıtıcı işaret koordinatlarını dosyaya yazmak

```
RGB = imread('jump 106.jpg');
% fopen ile dosya acip dosya ID sini belirle
fid = fopen('jump 106.txt', ('wt'));
if fid < 0
 eger dosya IDsi 0 dan kucukse dosya acilmamis
% demek uyari mesaji verip programi sonlandir
     warning('jump 106.txt dosyasi acilmadi!');
     return;
end
```



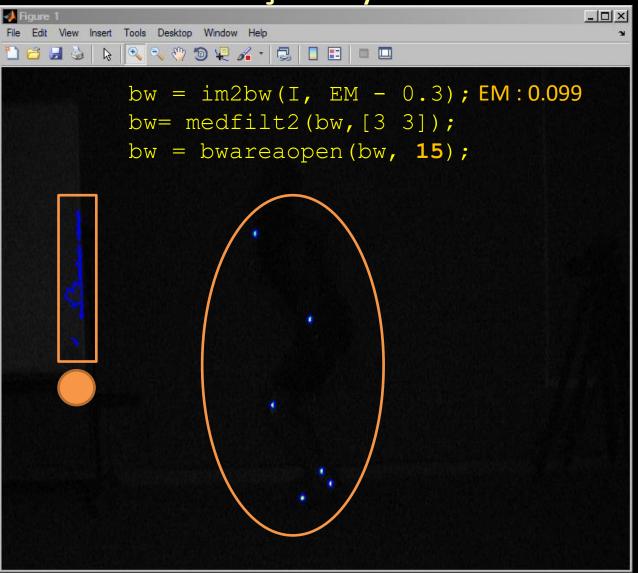
Biyomekanik Arastırma Grubu www.biomech.hacettepe.edu.tr





Yansıtıcı işaret koordinatlarını dosyaya yazmak

```
stats = regionprops(L, I, 'Area',
'WeightedCentroid', 'Centroid', 'Perimeter');
for \mathbf{j} = 1:length(B)
   centroid = stats(j).Centroid;
   WeightedCentroid = stats(j).WeightedCentroid;
                    j.nokta
                               centroid
                                          WeightedCentroid
   fprintf(fid, %d. nokta: %3.3f, %3.3f, %3.3f, %3.3f \n',
        j, centroid(1), centroid(2), ...
        WeightedCentroid(1), WeightedCentroid(2));
end
```



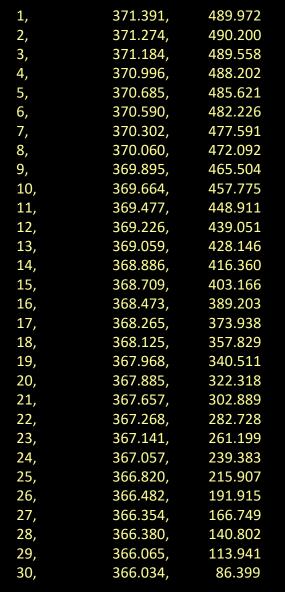
Kinematik Analiz

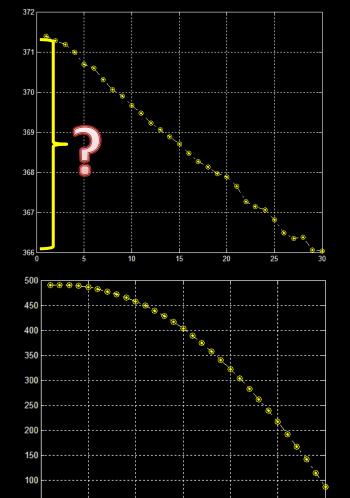
Kinematik, fizik biliminin ilgi alanı olan mekaniğin bir alt dalıdır. Hareketin uzay-zaman (konum) özellikleri ile ilgilenir. Harekete neden olan kütle ve kuvvet gibi özellikler kinematiğin ilgi alanı değildir. Kinematik konum, hız ve ivmelemeyi düzgün-doğrusal ve açısal olarak inceler. Kinematik Analiz hareketin oluşma nedenleri ile ilgilenmeksizin, hareketlerin konum ve zaman parametrelerinin incelenmesidir.





50 L





10

15

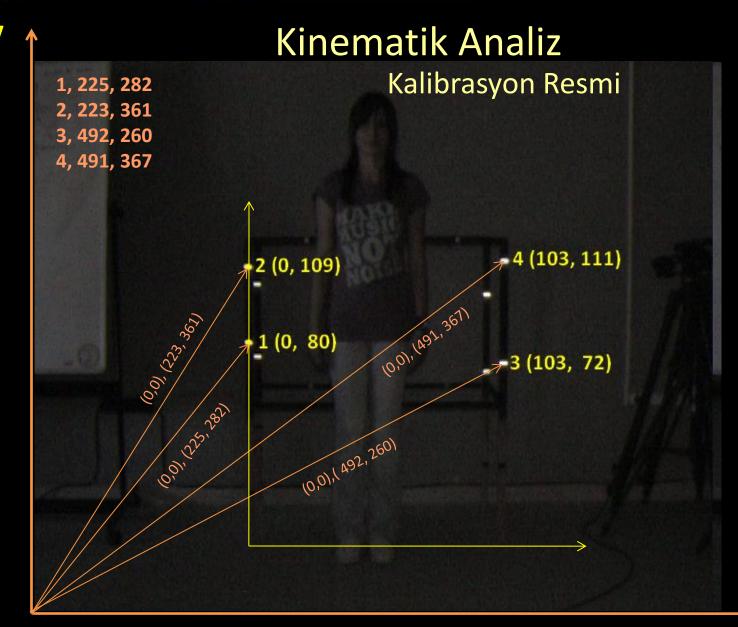
20

25

30

$$y = \frac{1}{2}gt^2$$



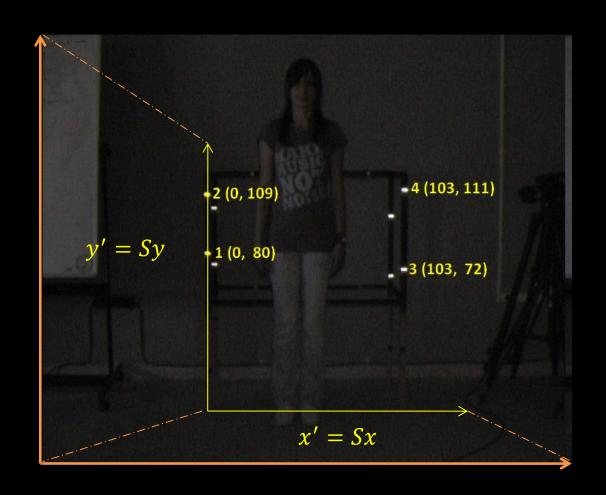


İki-Boyutlu Uyum Dönüşümü (2D Conformal Transformation) **Dört-parametreli benzerlik dönüşümü** olarak da bilinir Bu dönüşüm 3 basamaktan oluşmaktadır:

- 1. Ölçekleme: iki koordinat sisteminde denk boyut yaratmak için
- 2. Dönme: iki sistemin referans eksenlerini paralel yapmak için
- 3. Öteleme: iki koordinat sisteminde ortak bir başlangıç noktası yaratmak için

İki-Boyutlu Uyum Dönüşümü

Ölçekleme: iki koordinat sisteminde denk boyut yaratmak için



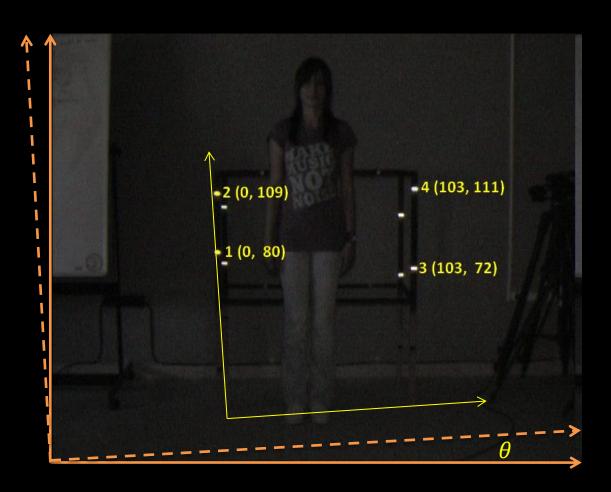
1.Basamak : Ölçekleme. (x,y) sisteminde tanımlanan çizgi uzunluklarını (X,Y) sisteminde de aynı uzunluğa getirmek için, (x,y) koordinatlarını ölçekleme faktörüyle (S) çarpmak gerekir.. Burada ölçeklendirilmiş koordinatlar x' ve y' dür:

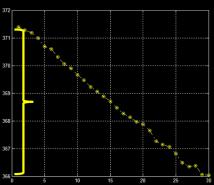
$$x' = Sx$$
 $y' = Sy$
E.[1]



İki-Boyutlu Uyum Dönüşümü

Dönme: iki sistemin referans eksenlerini paralel yapmak için





2.Basamak : Dönme. Ölçeklendirilmiş sistemde (x', y') iki sistemin referans eksenlerini paralel yapmak için ölçeklendirilmiş sistemin (θ) açısı kadar döndürülmelidir. Burada döndürülmüş koordinatlar X' ve Y' dür:

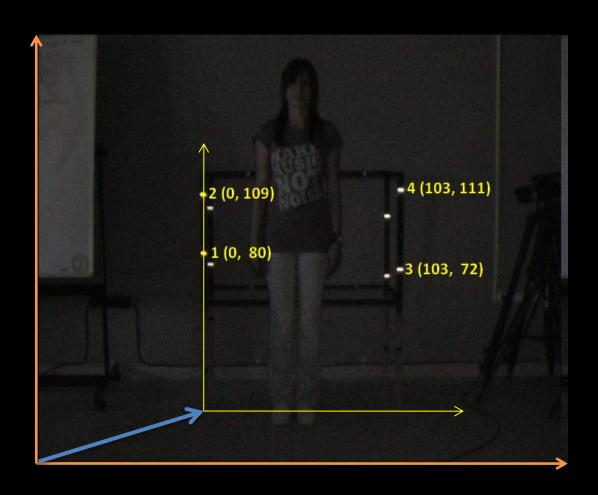
$$X' = x'\cos(\Theta) - y'\sin(\Theta)$$

$$Y' = x'\sin(\Theta) + y'\cos(\Theta)$$

E.[2]

İki-Boyutlu Uyum Dönüşümü

Öteleme: iki koordinat sisteminde ortak bir başlangıç noktası yaratmak için



3.Basamak : Öteleme. iki koordinat sisteminde ortak bir başlangıç noktası yaratmak için, (X', Y') sisteminin başlangıç noktasını (X, Y) sisteminin başlangıç noktasına ötelenmesi gerekir. Burada ötelenmiş koordinatlar X ve Y dir:

$$X = X' + T_X$$
 E.[3]
$$Y = Y' + T_Y$$

Eğer [1.],[2.] ve [3.] eşitlikler birleştirilidiğinde sistem uyumlu tek bir eşitlik sistemine dönüşür. Bu da (x, y) koordinatlarını doğrudan (X, Y) sistemine dönüştürebilir.

$$X = (S\cos\Theta)x - (S\sin\Theta)y + T_X$$

$$Y = (S\sin\Theta)x + (S\cos\Theta)y + T_Y$$

E.[4]

İki-Boyutlu Uyum Dönüşümü

Eşitlik 4. de $S.cos(\theta) = a$, $S.sin(\theta) = b$, $T_x = c$ ve $T_y = d$ diyerek eşitliği tekrar yazarsak

$$ax - by + c = X$$

 $ay + bx + d = Y$
E.[5]

İki-Boyutlu Uyum Dönüşümü

Eşitlik [5] 4 bilinmeyenli (a,b,c ve d) 2-Boyutlu uyum dönüşümü göstermektedir. Buradaki bilinmeyenler dönüşüm parametreleri olan S, θ , T_{χ} ve T_{γ} de içermektedir. Her bir kalibrasyon noktası için 2 eşitlik yazıldığından sistemin tek çözümü için sadece 2 nokta yeterli olacaktır. İki kalibrasyon noktasından fazla olan artık sistemlerde (redundant system) ise En-Küçük Kareler metodu kullanılarak çözüm bulunur.

Örneğin: 3 kalibrasyon noktası için 6 ayrı eşitlik yazılabilir.

$$ax_{a} - by_{a} + c = X_{A}$$

$$ay_{a} + bx_{a} + d = Y_{A}$$

$$ax_{b} - by_{b} + c = X_{B}$$

$$ay_{b} + bx_{b} + d = Y_{B}$$

$$ax_{c} - by_{c} + c = X_{C}$$

$$ay_{c} + bx_{c} + d = Y_{C}$$

$$E.[6]$$

Eşitlik [6] matris formunda yazıldığında;

$$A = \begin{bmatrix} x_{a} & -y_{a} & 1 & 0 \\ y_{a} & x_{a} & 0 & 1 \\ x_{b} & -y_{b} & 1 & 0 \\ y_{b} & x_{b} & 0 & 1 \\ x_{c} & -y_{c} & 1 & 0 \\ y_{c} & x_{c} & 0 & 1 \end{bmatrix} \qquad X = \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{bmatrix} \qquad L = \begin{bmatrix} X_{A} \\ Y_{A} \\ X_{B} \\ Y_{B} \\ X_{C} \\ Y_{C} \end{bmatrix}$$

$$\Theta = \tan^{-1} \left(\frac{b}{a} \right) \qquad \text{Öteleme}$$

$$T_{x} = c$$

$$S = \frac{a}{\cos(\Theta)} \qquad T_{y} = d$$

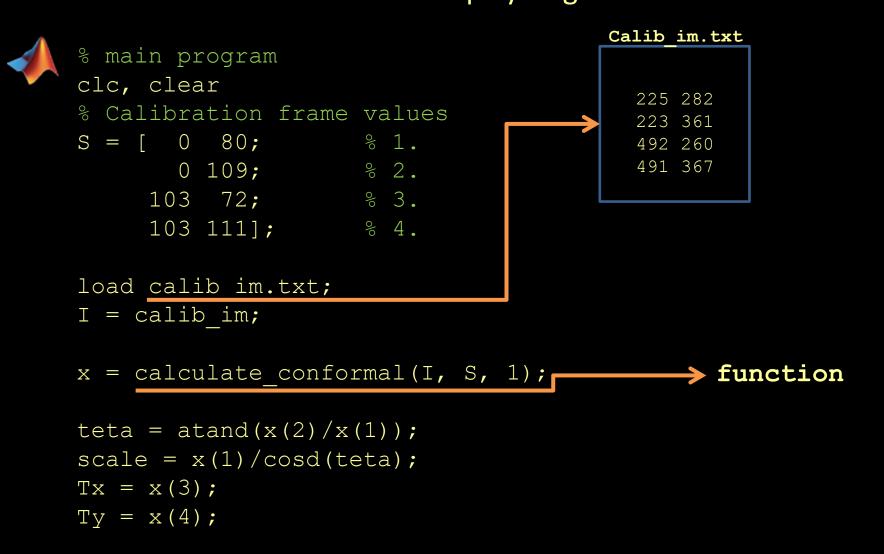
En-Küçük Kareler çözüm yolu;

$$Sx = I_{calib}$$

$$S^{T}Sx = S^{T}I_{calib}$$

$$x = (S^{T}S)^{-1}S^{T}I_{calib}$$

Kinematik Analiz Nasıl Hesaplayacağız?





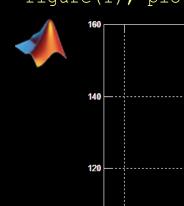


```
function P = calculate conformal(I, S, method)
       Conformal Map Transformation ';
        Serdar Aritan 2009 BAG
%' Image Coordinates of Calibration Points : I';
%' Space Coordinates of Calibration Points : S';
[rS, cS] = size(S);
[rI, cI] = size(I);
% check the matrix size
if cS ~= cI || rS ~= rI
     error('matrix dimension');
end
% Coefficients Matrix
A = [I(:,1) - I(:,2) \text{ ones}(rI,1) \text{ zeros}(rI,1);
    I(:,2) I(:,1) zeros(rI,1) ones(rI,1)];
% There are two type of solutions for over determined systems of eq.
% 1. Least Square Method [ \ ]
% 2. Psedou Inverse [ pinv() ]
if method == 1
    P = A \setminus S(:);
                           %S = [S(:)]; % x(1), ..., x(n), y(1), ..., y(n)
elseif method == 2
    P = pinv(A) *S(:);
else
    disp('missing method!!');
end
```



```
load ball drop.txt; =
                                                                Ball drop.txt
H = calculate reconformal(x, ball drop);
                                                                 371.391 489.972
                                                                 371.274 490.200
                                                                 371.184 489.558
                                                                 366.380 140.802
function H = calculate reconformal(P, I)
                                                                 366.065 113.941
       Conformal Map Transformation ';
ا
ود
                                                                 366.034 86.399
         Serdar Aritan 2009 BAG
   Image Coordinates of Data Points : I';
   Conformal Coefficients
                                          : P';
[rI, cI] = size(I);
% Coefficients Matrix
A = [I(:,1) - I(:,2) \text{ ones}(rI,1) \text{ zeros}(rI,1);
    I(:,2) I(:,1) zeros(rI,1) ones(rI,1)];
H = A*P;
H = [H(1:length(H)/2) H((length(H)/2)+1:end)];
```

figure (1), plot (H(:,1),H(:,2), 'ro'); axis ([0 100 0 160]); axis equal; grid on;



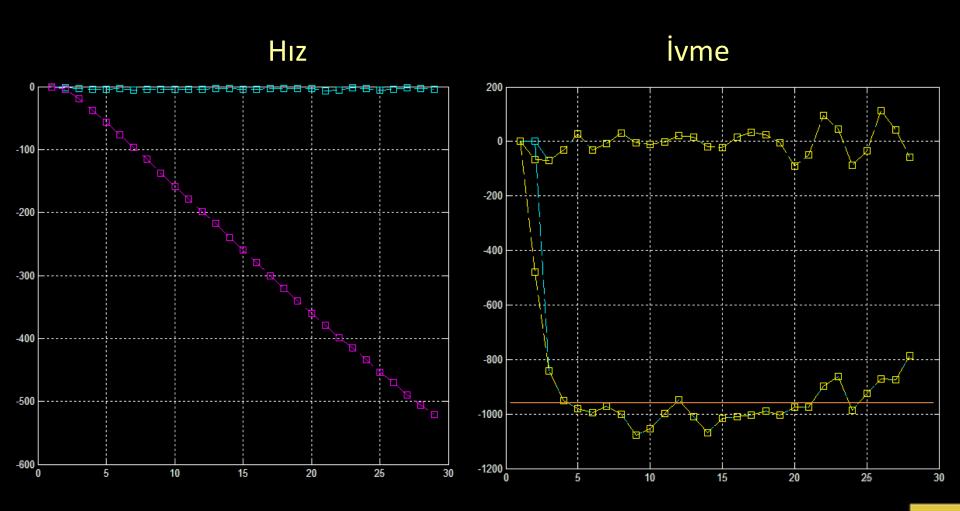


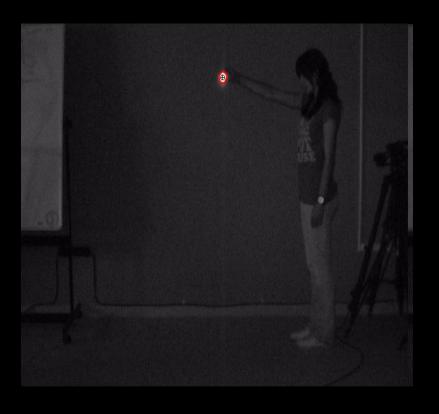
Sonlu Farklar Analizi: Merkezden Fark metodu

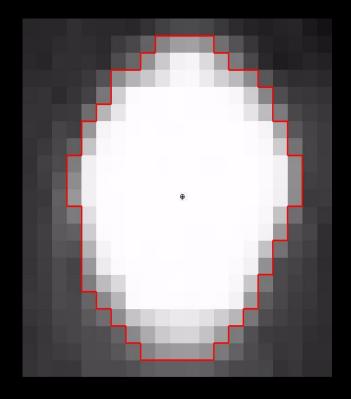
$$v_{i} = \frac{s_{i+1} - s_{i-1}}{2\Delta t}$$

$$a_{i} = \frac{v_{i+1} - v_{i-1}}{2\Delta t} = \frac{s_{i+2} - 2s_{i} + s_{i-2}}{4(\Delta t)^{2}}$$

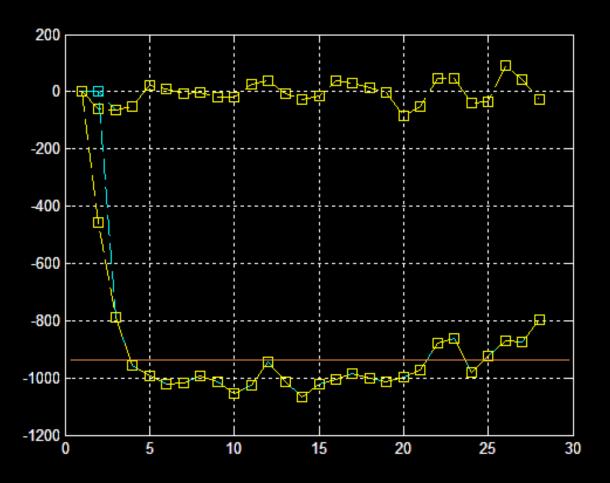
$$a_{i} = \frac{s_{i+1} - 2s_{i} + s_{i-1}}{\Delta t^{2}}$$



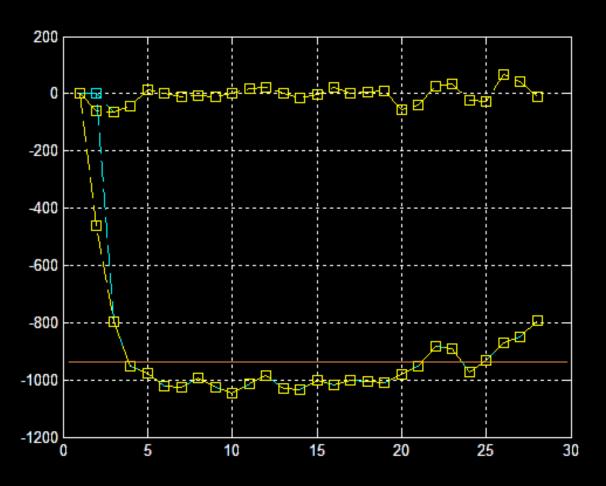




Kütle Merkezi



Ağırlıklı Kütle Merkezi



Yansıtıcı işaret yakalama

Top Bırak görüntülerindeki topun merkezini dersde anlatılan iki yöntemi kullanarak hesaplayınız Görüntüyü kalibre ederek hız ve ivmeyi hesaplayınız.

Teslim Tarihi: 15 Kasım 2018 Perşembe

Saat 10:00

Öğrendiğimiz MATLAB fonksiyonları:

```
imtool
warning
return
regionprops(...'WeightedCentroid'...)
fopen('filename.xxx', 'permision')
fprintf(fid,'format', variables)
fclose(fid)
```