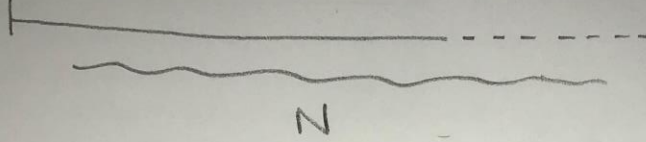


GRUP OLARAK YAPILMAMIŞTIR

Rod Cutting Problem (Çubuk Kesme Problemi)

Problemin tanımı:



- × N uzunluğunda sonsuza giden bir çubukumuz var.
- × Bu çubuğu parçalara bölerek maksimum kârı elde edecek şekli satmak istiyoruz.
- × Yani maksimum kâr edecek kombinasyonu arıyoruz.

Uzunluk	1	2	3	4	5	6	7	8
Fiyat	1	5	8	9	10	17	17	20

→ Uzunlukların fiyat tablosu.

Daha iyi anlamak için problemi 4 uzunluğundaki çubuğun maksimum satış fiyatını inceleyelim:



Gözüm ilk adım

i veya j ubugumuzu dik olacak şekilde modellersek;

Bir orta nokta seçiyorum "mid" isminde ve j ubugu tam ortadan ikiye ayırıyorum.

$i \dots mid$

Şeklinde

ayırıyoruz.

$(mid+1) \dots j$

Bu şekilde yaptığımızda şimdi aynı problemleri iki tane oluyor. Bu aynı şekilde devam edebilir o yüzden daha mutlak kesin bir çözüme ihtiyacımız var. Yani sonsuz tane problemimizi dinamik programlama mantığı ile daha küçük problemler haline getirip büyük çözüme gitmeye çalışalım.

Öncelikle j ubugumuzun uzunluğu ' N ' idi. bu j ubunun her i emlik parçasının ' p_i ' gibi fiyatı olsun. i uzunluğundaki bir j ubunun kendinden küçük parçalarla oluşturulabilen max fiyatına da ' r_i ' diyelim. Fiyat tablomuz ilk sayfada vardı. Şimdi maksimum kârı hesaplayalım.

ilk sayfada yaptığımız 4 parçanın maksimum olgunu matematiksel olarak yazalım;

$$9 = p_4 \neq r_4$$

$$9 = p_1 + p_3 \neq r_4$$

$$10 = p_2 + p_2 = r_4 (?)$$

$$4 = p_1 + p_1 + p_1 + p_1 \neq r_4$$

$$7 = p_1 + p_1 + p_2 \neq r_4$$

Bu durumda görüldüğü üzere en pahalı satış iki parçaya bölünerek yapılmaktadır.

$$r_4 = p_2 + p_2 = 10$$

Cubugumuzu parçalarsak;

$$p = 1, 2, \dots, n-1, n$$

uzunluk olarak 7 'yi ele alırsak $7 = 2 + 2 + 3$ şeklinde 3 parçamız olur. p değerimiz en küçük 1 'e eşit, en büyük n 'e eşit olabildiği için, parça sayısını $1 < k < n$ şeklinde gösterebiliriz.

Tüm parçaları toplarsak, $n = p_1 + p_2 + \dots + p_k$ buluruz. buna bağlı olarak da bir cubugun en yüksek fiyatını şu şekilde ifade edebiliriz $r_n = \max(p_1 + r_{n-1}, p_2 + r_{n-2}, \dots, p_{n-1} + r_1, p_n + 0)$ r_n 'i oluşturan her bir parça da kendini en pahalı yapacak parçalardan oluşmaktadır. Yani;

$$r_n = \max_{1 \leq p \leq n} (p + r_{n-p})$$

diyebiliriz.

Sözde Kod

Cubuk(p,n)

if $n == 0$

return 0

$q = -\infty$ (en küçük değer)

for $i = 1$ to n

$q = \max(q, p[i] + \text{Cubuk}(p, n-i))$

return q

Recursive olarak çözersek ' $n == 0$ ' durmasını sağlayan koşulumuzdur. q 'ya ilk başta en küçük değer atanır. For döngüsü ile de en büyük değer son olarak q değişkenine kaydedilir. Fakat bu çözüm çok uzundur ($O(2^n)$) şimdi dinamik programlama ile çözümümüzü kısaltalım.

Diğer sayfada devamı \Rightarrow

Qubuk(p,n)

let $r[0 \dots n]$ be new Array

$r[0] = 0$

for $j = 1$ to n

$q = -\infty$ (en küçük value)

for $i = 1$ to j

$q = \max(q, p[i] + r[j-i])$

$r[j] = q$

return $r[n]$

İlk başta alt problemlerimizin çözümlerini tutabilecek için bir dizi oluşturduk. İkinci olarak hiç parça olmazsa $r[0] = 0$ 'a eşitledik. For döngülerimizin içinde de bütün alt problemler çözülür ve j değerimiz 1'den n 'e kadar büyür bu sayede küçükten büyük probleme doğru bir çözüm elde etmiş oluruz. Forların en içinde ise maksimum value q 'ya atılır. En sonda ise arrayimiz güncellenir ve değeri döndürülür.

Dinamik programlama ile çözdüğümüz için asimptotik çalışma zamanına sahiptir. Şadede kodumuzda da görüldüğü üzere iç içe for döngümüzden dolayı $O(n^2)$ çalışma zamanına sahiptir. Diyebiliriz.

```
4 class Algoritmalar_final{
5     static int çubuk_kes(int price[],int n)
6     {
7         int val[] = new int[n+1]; // array oluşturuyoruz
8         val[0] = 0; // eğer boşsa 0 a eşitliyoruz
9         for (int i = 1; i<=n; i++)
10        {
11            int maks = Integer.MIN_VALUE; //en küçük değeri atıyoruz
12            for (int j = 0; j < i; j++) // gezerek maks değeri buluyoruz
13                maks = Math.max(maks,
14                                price[j] + val[i-j-1]);
15            val[i] = maks; //maks değeri arraye atıyoruz
16        }
17        return val[n];
18    }
19    /* MAIN METHODUMUZ İÇİNDE TEST EDİYORUZ */
20    public static void main(String args[])
21    {
22        int array[] = new int[] {1, 5, 8, 9, 10, 17, 17, 20}; /* @author BARIŞ*/
23        int size = array.length;
24        System.out.println("Maksimum değerimiz: " +
25                            çubuk_kes(array, size));
26    }
27 }
28
29
```

```
run:
Maksimum değerimiz: 22
BUILD SUCCESSFUL (total time: 0 seconds)
%
```

ÖZÇIKARIM (DİNAMİK PROGRAMLAMA):

- BİR PROBLEMİN KÜÇÜK PARÇALARINI ÇÖZÜP BÜYÜK ÇÖZÜME GİDERKEN KULLANMAKTIR.
- ARRAYLER BUARADA KÜÇÜK ÇÖZÜMLERİMİZİ DEĞERLENDİRİP KAYDETMEMİZİ SAĞLAR.
- RECURSİVE YAPIDA AYRICA DİNAMİK PROGRAMLAMA MANTIĞINDA KULLANILIR ÇÜNKÜ ESASINDA BİR PROBLEM ALT PROBLEMLERDEN OLUŞTUĞU İÇİN AYNI ŞARTLARI O ALT PROBLEMLERİNDE ÇÖZÜMÜ DE AYNI OLACAĞINDAN RECURSİVE BİR ÇÖZÜM KULLANILMASI GAYET MANTIKLIDIR.

NOT:

ÖDEV KESİNLİKLE GRUP OLARAK DEĞİL KENDİM TARAFINDAN YAPILMIŞTIR.

PDF'DE İSTENİLEN PROBLEMİN TANIMI,SÖZDE KODU,ZAMAN KARMAŞIKLIĞI VE ÖRNEK ÇÖZÜMÜ BULUNMAKTADIR.

ÖRNEK ÇÖZÜM İSE PROBLEMİN JAVA KODU YAZILARAK ÇÖZÜLMÜŞTÜR DİNAMİK PROGRAMLAMA MANTIĞI DOĞRULTUSUNDA.

// ALGORİTMALAR DERSİ FİNAL ÖDEVİ

// BERK BARIŞ KARA -18253007