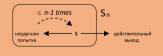


от ІР к ZKP: свойство нулевого разглашения в парадигме симуляции

казательство с нулевым разглашением (ZKP) является доказательством IP с одним дополнительным свойством: нулевым разглашением информации. Грубо говоря, оно дразумевает, что верификатор V не узнает из доказательства ничего, кроме того, что утверждение является верным. Интуитивно только обмен сообщениями с доказывающе роной Р может стать источником такой информации (если она будет предоставлена), таким образом, чтобы формализовать нулевое разглашение, необходимо удемонстрировать существование объекта, называемого Симулятором S, способного исключительно на совместное с V создание транскрипта обмена сообщениями, неотлич-оригинального: если транскрипты будут неотличимыми, то и получаемая информация тоже... но из транскрипта, создаваемого S, узнать ничего нельзя, поскольку он не обла, какими возможностями помимо создания транскриптов, поэтому от него можно узнать то же самое (то есть, ничего), что и из IP. Предполагается, что транскрипты являются чайными переменными, которые характеризуются распределениями (благодаря способности сторон «бросать кубик»). Существует 3 разновидности неразличимости:

Идеальное нулевое разглашение (РZК)



Иногда неудача S случается (самое большее за n попыток) до получения действительного результата, распределение которого должно быть равным распределению транскрипта оригинального IP (таким образом может быть снижено общее отношение неудач S_n, для чего и повышалось количество n)

Статистическое нулевое разглашение (SZK)

- вероятностей в IP и S не может появиться никакого транскрипта ts,
- Если какие-либо вероятности транскрипта отличаются между оригинальными вероятностями IP и S, различия должны быть ничтожными:

 $\Sigma_{ts} \mid P[IP \rightarrow ts] - P[S \rightarrow ts] \mid$ является

Вычислительное нулевое разглашение (СZК)

Распределения транскриптов практически неразличимы в сравнении с любыми вычислительно ограниченными объектами.

Явное обнаружение наблюдающего «класса» объектов в доказательстве непростая задача, поэтому часто всё сводится к решению общепринятой вычислительно сложной задачи (поскольку сложность будет присутствовать, если все объекты будут вычислительно ограничены):

Задача DLP является сложной ⇒ CZK или эквивалент: не CZK ⇒ Задача DLP неверна

(DLP означает задачу дискретного догарифми

ы не нарушить целостность IP (симулятор может произвести действительный транскрипт и выявить недобросовестную доказывающую сторону с её ложным утверждением) пользует некоторые возможности, недоступные при обычном выполнении IP, например, «**откат» верификатора**». Представьте, что V достиг определённой точки взаимод том произошёл откат, и процесс возобновился с предыдущей точки. Это возможно, так как S имеет доступ к V через оракула (чёрный ящик), а это означает, что он может программу «следующего сообщения» V, когда ему это будет необходимо. (Всё это также можно рассматривать, как если бы только V является автором симуляции, исполь

Доступ посредством чёрного ящика, не затрагивающий внутренних механизмов V, как известно, не является наиболее частым способом использования V симулятором S. Но это такж позволяет задействовать доказательства ZKP, являющиеся закрытыми при секвенциальной композиции (что полезно для сохранения нулевого разглашения, когда IP отправляетс повторно для усиления целостности), и встраивать их во внешние протоколы. Более того, сама по себе симуляция является достаточным (⇒), но не необходимым (⇐) условием дл поддержания нулевого разглашения, поэтому использование этой парадигмы уже означает отсутствие каких-либо более комплексных допусков.

связана с парой Доказывающая сторона / Верификатор, где обе стороны являются честными (то есть, следуют протоколу, предписанному

свойство честного Верификатора, не введённого в заблуждение никакой стратегией Доказывающей стороны, предоставляющей ложное утверждение.

Нулевое разглашение информации

какой-либо информации Верификатору (ещё одно преимущество «слепого» доступа S к V посредством чёрного ящика). Относится к (Р, ∀V*)

Доказательство Доказательство знания (РоК)

Идеальная полнота

Целостроность

Идеальная полнота

(иногда в этом контексте называется «нетривиальностью»)

существование Экстрактора знания (КЕ) (иногда называется «валидностью»)

• V также называется Верификатором знания

- Пусть вас не смущает термин «знание»: доказательство РоК может и не предполагать ZK, Zero Knowledge, то есть, нулевого разглашения (фактически, мы и не указывали на нали такого разглашения): просто Доказывающая сторона отправляет свидетельство Верификатору
- При использовании ZKPoK Экстрактор знания не нарушает принципа нулевого разглашения, так же, как и Симулятор не нарушает принципа Целостности КЕ получает W от P, используя возможности, недоступные при обычном выполнении доказательства: у него имеется доступ к оракулу (чёрному ящику) для Р (например, он может «отмотать» всё)
- err является ошибкой Экстрактора знания в форме порогового значения, задаваемого определением КЕ, ниже которого нельзя выделить W
- Пелостность не указывается среди свойств, поскольку она подразумевается надичием КЕ, поэтому она называется Целостностью знания или Специальной правильностью:

КЕ выделяет W ⇒ утверждение является ВЕРНЫМ (поскольку W является свидетельством утверждения) противоположное

Утверждение является ВЕРНЫМ \Rightarrow КЕ не может выделить W \Rightarrow ∀P* P [V принял доказательство] ≤ err

ли err = 0, целостность является идеальной, а err < 1/2 приводит к статистической целостности IP; если err ≥ 1/2, мы попадаем в довольно обычную ситуацию, в которой РоК получае рез п последовательных повторений оригинального доказательства: в рамках получающегося протокола КЕ Error = err³, что опять же даёт статистическую целостность для достато-льшого значения n («Пещера Али-Бабы» в рамках примера ELI5 такого типа доказательства с помощью успешного повторения базового доказательства со слишком значительной ошибк

Аргумент (ARG) Аргумент знания (ARK)

Доказательство с <u>вычислительной целостностью</u>, а следовательно, в контексте вычислений требуется нестрогая целостность, при которой все участвующие стороны будут связаны, то есть, любой злоумышленник Р* и добросовестная сторона Р (что совсем не обязательно для доказательств, даже если это подразумевается всякий раз, когда мы говорим об их применении в реальном мире).

Доказательство знания с вычислительной целостностью, которое может быть выведено на основе вычислительного Экстрактора знания, например:

Задача DLP является сложной \Rightarrow вычислительный KE \Rightarrow вычислительная целостность

в преддверии неинтерактивных доказательств с нулевым разглашением (NIZK)

бмен сообщениями между Р и V кажется неизбежным. Учитывая, что S может произвести ложный транскрипт, мы не можем доверять исключительно предлагаемому транскрипту к ответствующему протоколу: доказательство ZKP **не передаётся третьим сторонам** (не участвующим в доказательстве), и, следовательно, для них оно является **спорным.** Тем не менее, анс «обмена» (когда Р предоставляет V доказательство для последующей проверки) представляет огромный практический интерес, поскольку не требует одновременного присутств орон в сети. Чтобы сделать это возможным, **стандартная/простая модель** (которую мы рассматривали до этого момента) дополняется следующими допусками:

Стимулирующим фактором в данном случае является **наличие существование общей эталонной (/случайной) строки**, которая выводится из некоторого (/равномерного распределения вероятностей, и известна как Р. так и V. Изначальная неэффективность такого подхода была частично решена недавно реализованной криптографией на основе спаривания. Однако, наличие общей строки лишь предполагается, а де-факто требует использования неопределённого протокола **доверенных настроек**, который позволил бы создать её перед предоставлением доказательства NIZK.

Данная стратегия применима к протоколам **Сигма (Σ)**, которые являются «протоколами открытой монеты», структура которых подразумевает наличие 3 этапов: за случайным обязательством Р следует случайный запрос V (эта часть обмена может повторяться множество раз), а затем следует ответ Р. Хитрость состоит в замене запроса V ответом **случайного** оракула (RO), доступного как P, так и V:





RO - это идеальная функция, выдающая случайный равномерно распределённый (но всегда один и тот же) ответ для заданных вводных. В случае с FS вводные данные включают все сообщения транскрипта вплоть до вызова RO, поскольку имитация Σ протокола требует, чтобы вызов ДОКАЗУЕМО (что выгодно V) приходил после его обязательства, тогда случайного «броска» Р было бы просто недостаточно. Целостность FS также требует включения всех открытых данных в вводные, например, утверждения, по которому предоставляется доказательство.

Цель состоит в том, чтобы вывести свойства неинтерактивных доказательств из аналогичных свойств доказательств Σ-протокола. <u>Полнота</u> выводится тривиально. Точно так же может быть выведена и <u>целостность</u>. Примечание результатом FS всегда является Аргумент, поскольку ничем не ограниченный Р* может «обойти» RO путём отправки _____, реограниченного количества запросов. В любом случае, пороговое значение целостности в рамках Σ-протокола должно быть снижено, чтобы сбалансировать преимущество FS P* с точки зрения предварительных вычислений.

Свойство нулевого разглашения: будучи случайным, RO действует как честный верификатор методом «открытой монеты». То есть, если исходным доказательством является HVZK, его симулятор может быть использован для подделки транскрипта NIZK. При симуляции сообщения часто выстраиваются не по порядку, поэтому дополнительная возможность «**программировать**» **результаты RO** по своему усмотрению (сохраняя единообразие в целях соответствия заданному распределению) предоставляется S, чтобы отменить зависимость запроса от обязательства. Та же идея применима к «<u>извлекаемости знания</u>».

Случайный оракул по псевдокоду

if permanent_array[inputs] not exist {
 permanent array[inputs] := new random value

Эвристический аспект: различные варианты реализации в качестве RO используют удобные (а значит, не идеальные) жеш-функции. Безопасность этого способа, как правило, признаётся. Однако, на самом деле, это предмет дальнейших исследований.

Краткое описание свойств

Полнота

доказательством). Относится к (P, V)

Целостность

Относится к **(∀Р*,V)**

Нулевое разглашение для честного Верификатора

Как правило, открытая Доказывающая сторона должна быть устойчива к утечке информации при применении недобросовестным Верификатором какой-либо стратегии, и это слабая форма нулевого разглашения, которая по определению работает только в случае с честным Верификатором. Поэтому относится к (P,V). Тем не менее, это свойство актуально, поскольку иногда подразумевает наличие IP для того же самого утверждения, но с более сильным свойством нулевого разглашения

НV SZK → HV SZK для доказательств IP «Артура-Мерлина» → SZK для доказательств IP «Артура-Мерлина»
 НV CZK для доказательств IP «Артура-Мерлина»

- Посты из блогов Мэтью Грина (<u>здесь</u> и <u>здесь</u> кстати, моё первое знакомство с доказательствами ZKP), Джереми Кана (<u>здесь, здесь</u> и <u>здесь</u>) и Яника Голдгрэбе (в <u>Medium)</u>
 Раздел Q&A на <u>crypto.stackexchange.com</u>, в частности, ответы, опубликованные <u>Иегудой Линделлом</u>, и <u>Жофруа Куто</u> (некоторые были упорядочены и опубликованы на его <u>веб-страни</u>

- «Обзор системы неинтеративных доказательств с нулевым разглашением и способов её применения», издательство Hindawi, Хуэйсин Ву и Фенг Ванг
 9-я Зимняя школа Университета имени Бар-Илана (ВІU) по криптографии, 18-21 февраля 2019 г. (слайды и видео лекции)

