

# Sprawozdanie

Bartłomiej Pluta

## Wprowadzenie i opis programu

Program omawiany w niniejszym sprawozdaniu umożliwia rozegranie partii w warcaby z komputerem. Program został napisany obiektowo w języku C++ z graficznym interfejsem przy wykorzystaniu biblioteki SFML<sup>1</sup>.

Gra jest w pewnym stopniu elastyczna, to znaczy, możliwe jest definiowanie m.in. rozmiaru planszy (pionki ustawia się same), koloru gracza, koloru rozpoczynającego, czy poziomu AI (czyli wysokości drzewa MiniMax). Gra jest uruchamiana poleceniem:

```
checkers COLOR AI
```

gdzie:

COLOR – kolor gracza (dozwolone wartości: **white** i **black**)

AI – poziom AI (z zakresu 2 – 8)

Jest również możliwe uruchomienie programu za pomocą samego polecenia **checkers**. Wtedy zostaną przyjęte domyślne parametry.

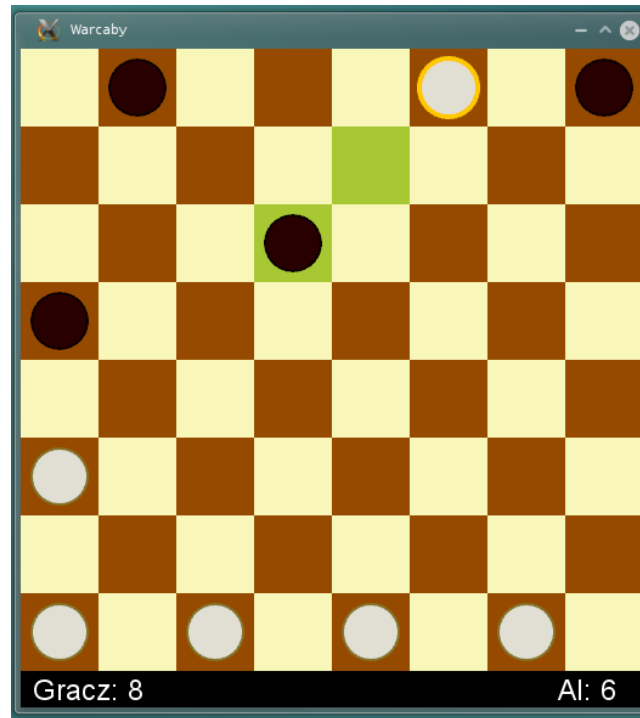
Parametry, z którymi uruchamiana jest gra, wyświetlane są na standardowym wyjściu.

---

<sup>1</sup><http://www.sfml-dev.org/>

## Interfejs

Interfejs gry został zaprojektowany jak najbardziej minimalistycznie. W dolnym lewym rogu znajduje się liczba zbitych przez gracza pionków należących do AI, a w dolnym prawym rogu liczba zbitych przez AI pionków gracza.



Rysunek 1: Interfejs gry.

Pola oznaczone na zielono reprezentują ostatni ruch AI. Pola delikatnie pojaśnione (nie przedstawione na rys. 1) to dozwolone ruchy gracza.

Pionki z wyraźnym złotym pierścieniem to damki.

Grafiki użyte w grze są w stu procentach generowane programowo – są to tzw. prymitywy, czyli proste obiekty geometryczne takie jak kwadrat, czy koło. Czcionka użyta do wyświetlania punktacji to arial (TrueType Font) i jest ona umieszczona w folderze `res/`.

## Pliki źródłowe projektu

Plik	Opis zawartości pliku
def.hh	Definicje podstawowych stałych i typów używanych podczas pisania gry.
misc.hh	Implementacje podstawowych pomocniczych typów, takich jak Vector, Color czy Movement.
object.hh	Implementacja abstrakcyjnej klasy Object reprezentującej obiekt na planszy <sup>2</sup> .
pawn.hh pawn.cpp	Klasa pionka, który dziedziczy po klasie Object
board.hh board.cpp	Klasa planszy, zawierająca między innymi tablice pionków oraz podstawowe metody obsługi dozwolonych ruchów i bić.
minimax.hh minimax.cpp	Klasa zawierająca metodę heurystyczną oraz metodę implementującą algorytm MiniMax z cięciami alfa-beta.
game.hh game.cpp	Klasa spajająca grę, która zawiera podstawowe metody obsługi rozgrywki.

Tablica 1: Pliki źródłowe projektu.

## Przyjęte zasady gry

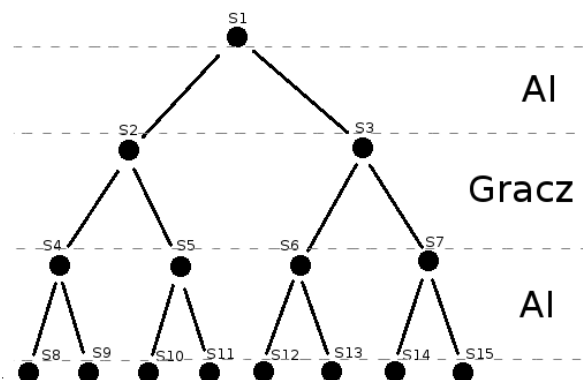
W trakcie pisania, przyjęte zostały następujące zasady gry:

- Pierwszy ruch należy do zawodnika białego.
- Gracze wykonują posunięcia po jednym ruchu na przemian, zawsze swoimi własnymi figurami.
- Pionki poruszają się ukośnie do przodu (o jedno pole), o ile miejsce jest wolne.
- Pionek staje się damką po osiągnięciu linii promocji (przeciwległa krawędź dla krawędzi startowej).
- Damka może wykonać ruch dopiero gdy wykona ruch przeciwnik.
- Damka porusza się podobnie jak pionek, z tym że dozwolone są ruchy do tyłu.
- Biciem nazywa się przeskoczenie po ukosie figury przeciwnika, jeżeli tuż za nim jest wolne miejsce.
- Bicie figury przeciwnika może być wykonywane zarówno do przodu, jak i do tyłu. Liczy się jako jeden ruch.
- Bicie jest obowiązkowe.
- Bicia wielokrotne są niedozwolone.

---

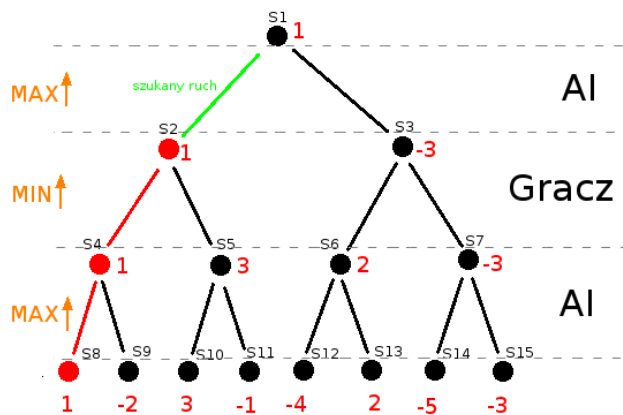
<sup>2</sup>Klasa ta jest pozostałością po pierwotnym koncepcie, gdzie pionki gracza i AI osobno dziedziczą bezpośrednio po Object. Pomysł ten został porzucony na rzecz aktualnego, w którym pionki dziedziczą po klasie Object, lecz dopiero na poziomie klasy Game jest ustalane, do kogo one należą.

## Algorytm MiniMax z cięciem Alfa-Beta



Rysunek 2: Przykładowe drzewo gry.

Grę w warcaby możemy rozpisać za pomocą tzw. drzewa gry (rys. 2) które przedstawia wszystkie możliwe scenariusze przez  $n$  kolejnych ruchów (gdzie  $n$  – głębokość drzewa). W grze został zaimplementowany algorytm MiniMax z cięciem Alfa-Beta (jego kod znajduje się w pliku `src/minimax.cpp`). Jest to algorytm maksymalizujący zysk gracza przy założeniu, że jego przeciwnik wykonuje ruchy minimalizujące zysk gracza.



Rysunek 3: Przykładowe działanie algorytmu MiniMax.

Pseudokod algorytmu MiniMax:

Algorytm minimax( $S, d$ )

Wejście: Stan gry  $S$ , aktualna głębokość drzewa  $d$

Jeżeli jest to poziom liści

zwróć 1 jeśli wygrana, 0 jeśli remis, -1 jeśli przegrana

Jeśli jest teraz ruch przeciwnika // ( $d\%2$ )

best\_value := -INF

Dla każdego możliwego ruchu  $m$

$S' = S(m)$  // utwórz tymczasowy stan  $S$  i wykonaj ruch  $m$  na nim

$v := \text{minimax}(S', d+1)$

best\_value := min(best\_value,  $v$ )

zwróć best\_value

w przeciwnym wypadku

best\_value := INF

Dla każdego możliwego ruchu  $m$

$S' = S(m)$  // utwórz tymczasowy stan  $S$  i wykonaj ruch  $m$  na nim

$v := \text{minimax}(S', d+1)$

best\_value := max(best\_value,  $v$ )

zwróć best\_value

Łatwo można zauważyć, że tak napisany algorytm niepotrzebnie przeszukuje gałęzie, które nie mają wpływu na ostateczny wynik. Aby temu zapobiec, a zaoszczędzoną moc obliczeniową wykorzystać np. do zwiększenia poziomu przeszukiwania, zastosowany został algorytm cięć Alfa-Beta, który jest modyfikacją algorytmu MiniMax, polegającą na odcinaniu gałęzi czyniącej obecnie badaną opcję gorszą od poprzednio zbadanych.

## Funkcja heurystyczna

W pełnej wersji, algorytm MiniMax przeszukuje całe drzewo gry, od bieżącego ruchu do samego rozstrzygnięcia partii, przez co gracz dysponujący takim algorytmem może w najgorszym przypadku zremisować. Z racji, że w przypadku nietrywialnych gier (jakimi niewątpliwie są warcaby), drzewo gry jest monumentalne, praktycznie nie jest możliwe przeszukiwać je całe na domowej klasy sprzęcie. W tym celu stosuje się tzw. funkcje heurystyczne – czyli inaczej – funkcje oceniające.

Funkcja heurystyczna jest funkcją odwzorowującą stan gry w liczby rzeczywiste.

$$h : \mathbb{S} \rightarrow \mathbb{R}$$

Gdzie:

$$\mathbb{S} = \{S_1, S_2, \dots, S_n\} - \text{przestrzeń stanów}$$

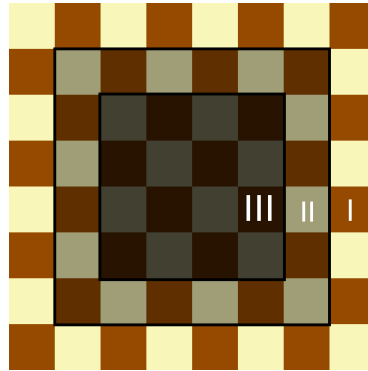
Należy pamiętać, że funkcja heurystyczna jest tylko pewną aproksymacją rzeczywistej i obiektywnej wyceny stanu gry, a nad jej realizacją i odpowiednią kalibracją (bilansowaniem) czuwają eksperci. Dąży się do tego, aby funkcje heurystyczne były kombinacją liniową innych funkcji heurystycznych cząstkowych,

tj.

$$h(s) = \alpha_1 h_1(s) + \alpha_2 h_2(s) + \dots + \alpha_k h_k(s), \alpha_1 \dots \alpha_k \in \mathbb{R}$$

### Zasada trzech obszarów

Zasada trzech obszarów [3] jest cząstkową funkcją heurystyczną oceniającą pionki według ich położenia. Premiuję pionki przy krawędzi (obszar I) a karze pionki „pchające się” grupą na sam środek warcabnicy (obszar III).



Rysunek 4: Obszary warcabnicy.

Niech  $\mathbb{P}$  będzie zbiorem pionków aktualnego stanu gry.

$$f_1(p) = \begin{cases} a_1 & \text{jeśli } p \text{ znajduje się w pierwszym obszarze} \\ a_2 & \text{jeśli } p \text{ znajduje się w drugim obszarze} \\ a_3 & \text{jeśli } p \text{ znajduje się w trzecim obszarze} \end{cases}$$

Gdzie  $p \in \mathbb{P}$  jest pionkiem, a  $a_1 > a_2 > a_3$  to punktacje za pionek znajdujący się w odpowiednim obszarze. Cząstkowa funkcja heurystyczna w tym wypadku jest sumą punktacji dla wszystkich pionków:

$$h_1(s) = \sum_p f_1(p)$$

### Pionki i damki

Drugą funkcją jest wycena pionków i damek.

Niech  $\mathbb{P}$  będzie zbiorem pionków aktualnego stanu gry.

$$f_2(p) = \begin{cases} b_1 & \text{jeśli } p \text{ jest zwykłym pionkiem} \\ b_2 & \text{jeśli } p \text{ jest damką} \end{cases}$$

Gdzie  $p \in \mathbb{P}$  jest pionkiem, a  $b_1 < b_2$  to punktacje za odpowiednie pionki. Cząstkowa funkcja heurystyczna w tym wypadku jest również sumą punktacji dla wszystkich pionków:

$$h_2(s) = \sum_p f_2(p)$$

## Ostateczna funkcja heurystyczna

Ostateczna funkcja heurystyczna ma postać:

$$h(s) = \alpha_1 h_1(s) + \alpha_2 h_2(s)$$

A odpowiednie parametry są przedstawione w tabelce: 2.

$a_1$	=	1
$a_2$	=	1
$a_3$	=	1
$b_1$	=	1
$b_2$	=	1
$\alpha_1$	=	1
$\alpha_2$	=	1

Tablica 2: Współczynniki funkcji heurystycznej.

## Wnioski

Z racji braku obecności eksperta przy implementacji heurystyki, algorytm mimo stosunkowo wysokiego drzewa minimaxowego, nie jest trudny do pokonania (m.in. podchodzi prosto pod bicia, mając do wykonania lepsze ruchy).

## Literatura

- [1] [https://pl.wikipedia.org/wiki/Algorytm\\_min-max](https://pl.wikipedia.org/wiki/Algorytm_min-max)
- [2] [https://pl.wikipedia.org/wiki/Algorytm\\_alfa-beta](https://pl.wikipedia.org/wiki/Algorytm_alfa-beta)
- [3] [http://sequoia.ict.pwr.wroc.pl/~witold/aiarr/2009\\_projekty/warcaby/](http://sequoia.ict.pwr.wroc.pl/~witold/aiarr/2009_projekty/warcaby/)
- [4] <http://www.warcaby.pl/index.php/kodeks-warcabowy/134-rozdzia-i-oficjalne-reguly-gry-w-warcaby>