# Politechnika Warszawska





## Uczenie Maszynowe - Projekt



Połączenie Lasu Losowego ID3 z Maszyną Wektorów Nośnych (SVM) w zadaniu klasyfikacji binarnej Projekt wstępny

# Bartosz Cywiński, Łukasz Staniszewski 304025, 304098

prowadzący dr Rafał Biedrzycki

### 0. Spis treści

# Spis treści

1.	Temat projektu	3
2.	Drzewo decyzyjne	3
	2.1. Opis algorytmu	3
	2.1.1. Przykładowe obliczenia przy podziale zbioru danych:	5
	2.2. Predykcje algorytmu	6
3.	Algorytm SVM	6
	3.1. Opis algorytmu	6
	3.2. Optymalizacja	7
	3.3. Przykładowe obliczenia	8
4.	Las losowy	9
	4.1. Opis algorytmu	10
	4.2. Predykcje algorytmu	10
<b>5.</b>	Plan eksperymentów	11
	5.1. Analiza skuteczności hybrydy lasu losowego z SVM	11
	5.2. Analiza wpływu hiperparametrów na skuteczność	11
	5.3. Zbiory danych	11
Bil	bliografia	12

### 1. Temat projektu

Celem projektu jest implementacja połączenia lasu losowego z SVM w zadaniu klasyfikacji binarnej. Wykonana zostanie własna implementacja obu algorytmów na podstawie źródeł [1], [2] oraz [3]. Najistotniejszą modyfikacją w stosunku do klasycznego algorytmu lasu losowego będzie to, że klasyfikatorem w lesie będzie zarówno drzewo decyzyjne ID3 jak i SVM, zakładając że będzie taka sama liczność obu klasyfikatorów. Proces inferencji w lesie losowym będzie niezmienny, a więc ostateczną predykcją dla danego przykładu będzie najliczniej przewidywana klasa przez wszystkie klasyfikatory.

### 2. Drzewo decyzyjne

Pierwszym z klasyfikatorów użytych w zmodyfikowanym lesie losowym będzie drzewo decyzyjne. Algorytmem uczenia drzewa będzie algorytm ID3. Drzewo decyzyjne zaimplementowane będzie w sposób uniwersalny na tyle, żeby poprawnie działało zarówno dla klasyfikacji binarnej jak i wieloklasowej.

#### 2.1. Opis algorytmu

#### Algorithm 1 ID3

**Input:** S: zbiór par uczących, Y: zbiór klas, D: zbiór atrybutów wejściowych, d: obecna głębokość drzewa

```
    if S = Ø then return
    end if
    if wszystkie przykłady należą do klasy y then
    return Liść z klasą y
    end if
    (j,t) = argmin<sub>j,t</sub> H(S)
    Root = węzeł zbudowany na zbiorze S
    if!stop then
    Root.left = ID3(S_-, Y, D, d+1)
    Root.right = ID3(S_+, Y, D, d+1)
    end if
    return Root
```

Drzewo decyzyjne ma strukturę drzewa binarnego. W każdym węźle, podczas konstruowania drzewa, wyszukiwany jest atrybut w zbiorze wszystkich atrybutów zbioru danych oraz jego konkretna wartość, która podzieli zbiór danych na dwa podzbiory w taki sposób, aby suma entropii podzbiorów była jak najmniejsza. Na podstawie powstałych w wyniku operacji podziału podzbiorów rekurencyjnie tworzone są kolejne węzły drzewa decyzyjnego.

Drzewo decyzyjne ma następujące atrybuty:

- 1. maksymalna głębokość drzewa
- 2. minimalna różnica między entropią po podziale, a entropią przed podziałem
- 3. minimalna liczba przykładów w węźle drzewa

Oznaczając zbiór przykładów z etykietami jako *S*, na początku procesu uczenia drzewa decyzyjnego, drzewo ma tylko jeden węzeł (korzeń), który zawiera wszystkie przykłady ze zbioru *S*. Kolejno wskutek wywołania algorytmu ID3 rozpoczyna się właściwy proces uczenia drzewa, opisany przedstawionym powyżej pseudokodem.

*Linie 1-2:* Jeśli w zbiorze *S*, który był argumentem algorytmu ID3, nie ma już żadnej pary uczącej, proces dalszego uczenia drzewa należy zatrzymać.

Linie 4-6: Jeśli w zbiorze S znajdują się przykłady należące tylko do jednej klasy, to znaczy że zbiór jest już idealnie podzielony i nie należy kontynuować procesu uczenia, więc zwracany jest liść drzewa, którego predykcja jest jedyną klasą w zbiorze S.

*Linia 8:* Oznaczając zbiór wszystkich atrybutów w zbiorze danych jako D, dla każdego indeksu atrybutu j=0,...,D-1 oraz dla każdej wartości atrybutu występującej w zbiorze danych t wykonywane są następujące kroki:

- 1. Zbiór wszystkich par uczących S dzielony jest na dwa podzbiory:  $S_- = \{(x, y) | (x, y) \in S, x^{(j)} < t\}, S_+ = \{(x, y) | (x, y) \in S, x^{(j)} \ge t\}.$
- 2. Oceniana jest jakość podziału. W tym celu liczona jest entropia podziału jako entropia ważona dwóch zbiorów:  $H(S_-, S_+) = \frac{|S_-|}{|S|} H(S_-) + \frac{|S_+|}{|S|} H(S_+)$ , przy czym wartość entropii H dla zbioru S definiuje się jako:  $H(S) = \sum_{c \in C} -p(c) \log_2 p(c)$ , gdzie C to zbiór wszystkich klas obecnych w zbiorze S, a p(c) to stosunek liczby przykładów klasy c w zbiorze S do liczby wszystkich przykładów w zbiorze S.

Wykonując powyższe kroki znajdywany jest taki atrybut j oraz taka jego wartość t dla których entropia jest najniższa.

Linia 10: Aby dokonać podziału węzła spełnione muszą być następujące warunki:

- 1. Nie może być przekroczona maksymalna głębokość drzewa.
- 2. Różnica między entropią H(S), a entropią ważoną  $H(S_-, S_+)$  musi być większa od minimalnej dopuszczalnej różnicy między wartościami entropii.
- 3. Liczność, zarówno zbioru  $S_{-}$ , jak i zbioru  $S_{+}$  musi być większa od minimalnej dopuszczalnej liczby przykładów w węźle drzewa.

W przypadku niespełnienia jakiegokolwiek z powyższych warunków dany węzeł drzewa nie zostanie dalej podzielony.

*Linie 11-12:* Do obecnego korzenia (węzła Root), przypisywane są węzły dzieci. Węzły te tworzone są przez rekursywne wywołanie algorytmu ID3, kolejno dla podzbiorów  $S_-$ , jak i  $S_+$ , jednocześnie zwiększając obecną głębokość drzewa o 1.

#### 2.1.1. Przykładowe obliczenia przy podziale zbioru danych:

Zakładając, że:

$$S = \{([0,2,5],0),([0,4,6],1),([0,-1,7],0)\}$$

Analizując ten prosty zbiór danych można zauważyć, że atrybut o indeksie j=1 oraz jego wartość t=4 podzieli zbiór S tworząc podzbiory  $S_-$  oraz  $S_+$  w sposób następujący:

$$S_{-} = \{(x, y) | (x, y) \in S, x^{(1)} < 4\} = \{([0, 2, 5], 0), ([0, -1, 7], 0)\},\$$
  
$$S_{+} = \{(x, y) | (x, y) \in S, x^{(1)} \ge 4\} = \{([0, 4, 6], 1)\}$$

Zatem licząc entropie poszczególnych zbiorów:

$$H(S_{-}) = -\frac{2}{2}\log_{2}\frac{2}{2} + (-\frac{0}{2}\log_{2}\frac{0}{2}) = 0 + 0 = 0$$

$$H(S_{+}) = -\frac{0}{1}\log_{2}\frac{0}{2} + (-\frac{1}{1}\log_{2}\frac{1}{1}) = 0 + 0 = 0$$

$$H(S_{-}, S_{+}) = \frac{2}{3}H(S_{-}) + \frac{1}{3}H(S_{+}) = \frac{2}{3} \cdot 0 + \frac{1}{3} \cdot 0 = 0$$

Widać na tym przykładzie, że entropia podziału zbioru S jest równa jej minimalnej możliwej wartości, bo podzbiory  $S_-$  i  $S_+$  idealnie podzieliły zbiór S pod względem klas. Dla odróżnienia, gdyby został wybrany ten sam atrybut o indeksie j=1, ale o wartości t=2, podział wyglądałby następująco:

$$S_{-} = \{(x, y) | (x, y) \in S, x^{(1)} < 2\} = \{([0, -1, 7], 0)\},$$
  
$$S_{+} = \{(x, y) | (x, y) \in S, x^{(1)} \ge 2\} = \{([0, 2, 5], 0), ([0, 4, 6], 1)\}$$

Ponownie licząc entropie poszczególnych zbiorów:

$$H(S_{-}) = -\frac{0}{1}\log_{2}\frac{0}{1} + (-\frac{1}{1}\log_{2}\frac{1}{1}) = 0 + 0 = 0$$

$$H(S_{+}) = -\frac{1}{2}\log_{2}\frac{1}{2} + (-\frac{1}{2}\log_{2}\frac{1}{2}) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$$

$$H(S_{-}, S_{+}) = \frac{1}{3}H(S_{-}) + \frac{2}{3}H(S_{+}) = \frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{2}{3} \cdot 1 = \frac{2}{3}$$

Co pokazuje, że gdy zbiory byłyby tak podzielone, entropia miałaby większą wartość, dlatego też podział nie zostałby wybrany jako najlepszy możliwy.

#### 2.2. Predykcje algorytmu

Po całkowitym wykonaniu się algorytmu uczącego drzewo ID3, drzewo jest w pełni zbudowane i można na nim wykonywać predykcje. Dla pojedynczej próbki danych algorytm przechodzi od korzenia do liścia, w każdym węźle wybierając dziecko do którego powinien następnie przejść na podstawie wartości atrybutu podziału danego węzła dla próbki danych. Mianowicie, przyjmując za j indeks atrybutu podziału danego węzła, a za t przyjmując wartość tego atrybutu, jeśli dla próbki danych x:  $x^{(j)} < t$ , to algorytm przechodzi do lewego dziecka. W przeciwnym przypadku, algorytm przejdzie do prawego dziecka. Po dotarciu do liścia drzewa decyzyjnego, jako predykcja zwracana jest klasa większościowa danego liścia.

### 3. Algorytm SVM

Drugim z klasyfikatorów użytych w implementacji będzie Maszyna Wektorów Nośnych (SVM) dopuszczająca pomyłki. SVM implementowany jest dla przypadku binarnego ze zbiorem klas  $Y = \{-1, 1\}$ , a także, dla ułatwienia implementacji, zakładana jest wersja algorytmu bez przekształcenia jądrowego (bazowe jądro liniowe).

#### 3.1. Opis algorytmu

Zadanie polega na znalezieniu funkcji rozgraniczającej  $f(x) = x \cdot w - b$ , która tworzy hiperpłaszczyznę zapewniającą klasyfikację. Otrzymana funkcja powinna zapewniać jak najmniejszą liczbę pomyłek przy klasyfikowaniu elementów zbioru wejściowego do odpowiedniej klasy.

Klasyfikacja odbywa się poprzez zwrócenie dla danego zestawu cech x klasy y(x) = -1 lub y(x) = 1, do której przynależność wynika z następującej zależności:

$$y(x) = \begin{cases} -1, & f(x) \le 0 \\ 1, & f(x) > 0 \end{cases}$$
 (1)

Ze względu na trenowanie dopuszczające pomyłki, aby otrzymać wyżej wymienioną funkcję f, należy znaleźć parametry (w, b), minimalizujące funkcję straty J:

$$(w,b) = \operatorname{argmin}_{w,h} J(w,b) \tag{2}$$

$$J(w,b) = \sum_{i} \cdot \xi_{i} + \lambda \cdot ||w||^{2}$$
(3)

Przy czym, istotne są odpowiednie ograniczenia (gdzie  $\xi_i$  oznacza stratę dla i-tego przykładu trenującego, jeśli klasyfikacja jest błędna; a  $\lambda$  decyduje o istotności szerokości regionu separującego):

$$\lambda > 0 \tag{4}$$

$$\forall_i \left[ \xi_i \ge 0 \land y_i \cdot (x_i \cdot w - b) \ge 1 - \xi_i \right] \tag{5}$$

Wymienione wyżej warunki (4) oraz (5) w połączeniu z postacią funkcji straty (3) implikują ostateczną postać funkcji *J*:

$$J(w,b) = \sum_{i} \max(1 - f(x_i) \cdot y_i, 0) + \lambda \cdot ||w||^2$$
(6)

Powyższy opis algorytmu można podsumować w postaci algorytmu uczenia (Algorithm 2) oraz algorytmu predykcji (Algorithm 3). W algorytmie predykcji zastosowane zostało wyrażenie logiczne, zwracające 1 gdy jest prawdziwe, a 0 gdy fałszywe, co pozwala mu zwracać poprawne predykcje. W algorytmie uczenia, na początku poprawiane są otrzymane na wejściu etykiety tak, aby były ze zbioru  $\{-1,1\}$ , następnie inicjalizowane są parametry modelu i przekazywane do metody optymalizacyjnej, której opis znajduje się w następnym podrozdziale. Na końcu zwracane są wytrenowane parametry modelu.

#### Algorithm 2 Uczenie SVM

**Input:** X: zestaw przykładów dla zbioru trenującego, Y: zestaw etykiet dla zbioru trenującego,  $\lambda$ : parametr funkcji straty, V: wektor parametrów dla optymalizatora

```
1: Y' = correct\_targets(Y)
```

- 2: initialize:  $w_0 = [0 \ 0 \dots 0]^T$  ,  $b_0 = 0$
- 3:  $(w,b) = gradient_descent(w_0,b_0,X,Y',V,\lambda)$
- 4: **return** (*w*, *b*)

#### Algorithm 3 Predykcja SVM

**Input:** X: zestaw przykładów dla zbioru ewaluacyjnego, (w, b): parametry modelu,  $\lambda$ : parametr funkcji straty

1: **return**  $2 \cdot ((X \cdot w - b) > 0) - 1$ 

#### 3.2. Optymalizacja

Nierozłącznym elementem uczenia modelu SVM, jest optymalizacja jego parametrów w postaci minimalizacji funkcji straty J. W ramach projektu zaimplementowany został algorytm Stochastycznego Spadku Gradientowego (Stochastic Gradient Descent / SGD), do którego działania wymagane jest obliczenie gradientu funkcji straty J(w,b) po parametrach modelu w oraz b.

$$\nabla J = \begin{bmatrix} \frac{\partial J}{\partial w_1} & \dots & \frac{\partial J}{\partial w_n} & \frac{\partial J}{\partial b} \end{bmatrix}^T \tag{7}$$

Gradient ten jest wektorem pochodnych cząstkowych wyliczanych po kolejnych parametrach modelu (gdzie  $x_{k[i]}$  oznacza i-ty atrybut k-tego przykładu).

$$\frac{\partial J}{\partial w_i} = \lambda \cdot 2 \cdot w_i + \Sigma_k (1 \cdot \begin{cases} 0 & , 1 - f(x_k \cdot) y_k \le 0 \\ -y_k \cdot x_{k[i]} & , 1 - f(x_k) \cdot y_k > 0 \end{cases}$$
 (8)

$$\frac{\partial J}{\partial b} = \Sigma_k (1 \cdot \begin{cases} 0, & 1 - f(x_k) \cdot y_k \le 0 \\ y_k, & 1 - f(x_k) \cdot y_k > 0 \end{cases}$$
 (9)

Zaimplementowany optymalizator SGD można przedstawić w formie algorytmu (Algorithm 4). Metoda zakłada jednokrotne przetworzenie całego zbioru trenującego w ramach jednego kroku i rozpoczyna się od ustalenia parametrów optymalizatora, gdzie  $max\_steps$  oznacza maksymalną liczbę kroków optymalizacji,  $min\_steps$  oznacza najmniejszą możliwą normę z parametrów modelu, natomiast  $\beta$  to tzw. learning rate.

#### **Algorithm 4** SGD

**Input:**  $(w_0, b_0)$ : zainicjowane parametry modelu, X: zbiór przykładów (wejść), Y: zbiór etykiet (wyjść), V: parametry optymalizatora,  $\lambda$ : współczynnik  $\lambda$  modelu

```
1: (max \ steps, \beta, min \ eps) = V
 2: (w,b) = (w_0,b_0)
 3: step = 0
 4: while step \le max\_steps do
                \nabla w = \lambda \cdot 2 \cdot w_i + \Sigma_k (1 \cdot \left\{ \begin{array}{l} 0 & , 1 - f(x_k) \cdot y_k \leq 0 \\ -y_k \cdot x_{k[i]} & , 1 - f(x_k) \cdot y_k > 0 \end{array} \right. ) \quad \text{for each} \quad i = 1...M   \nabla b = \Sigma_k (1 \cdot \left\{ \begin{array}{l} 0 & , 1 - f(x_k) \cdot y_k \leq 0 \\ y_k & , 1 - f(x_k) \cdot y_k > 0 \end{array} \right. )   \text{if } |w| < \min_{e} ps \text{ then return } (w, b) 
 6:
 7:
               if |w| < min_eps then re
                end if
 8:
                w = w - \beta \cdot \nabla w
 9:
                b = w - \beta \cdot \nabla b
10:
                step = step + 1
11:
12: end while
```

#### 3.3. Przykładowe obliczenia

13: **return** (*w*, *b*)

Zakładając, że z każdym przykładem związane są 3 atrybuty i istnieje następujący zbiór treningowy T składający się z 3 przykładów oraz zbiór ewaluacyjny E składający się z 2 przykładów:

$$X_T = \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 6 & 5 & 4 \\ 7 & 8 & 7 \end{vmatrix}, Y_T = \begin{vmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{vmatrix}, X_E = \begin{vmatrix} -3 & 4 & 1 \\ 4 & 2 & 12 \end{vmatrix}$$

Na początku konieczne jest przerobienie etykiet klas dla przykładów trenujących oraz inicjalizacja modelu:

$$Y_T' = \begin{vmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{vmatrix}, w = \begin{vmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{vmatrix}, b = 3$$

Przy założeniu, że  $max\_steps = 1$ ,  $\lambda = 0.5$  oraz  $\beta = 0.2$ , wykonywany jest dokładnie jeden krok algorytmu SGD:

$$1 - f(X_T) \cdot Y_T' = \begin{vmatrix} 2 \\ 3 \\ -2 \end{vmatrix} \implies \nabla w = \begin{vmatrix} 0.5 \cdot 2 \cdot 1 + \operatorname{sum}(\begin{vmatrix} -1 & 6 & 0 \end{vmatrix}^T) \\ 0.5 \cdot 2 \cdot -1 + \operatorname{sum}(\begin{vmatrix} -2 & 5 & 0 \end{vmatrix}^T) \\ 0.5 \cdot 2 \cdot 1 + \operatorname{sum}(\begin{vmatrix} -3 & 4 & 0 \end{vmatrix}^T) \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 6 \\ 2 \\ 2 \end{vmatrix}$$

$$1 - f(X_T) \cdot Y_T' = \begin{vmatrix} 2 & 3 & -2 \end{vmatrix}^T \implies \nabla b = \operatorname{sum}(\begin{vmatrix} 1 & -1 & 0 \end{vmatrix}^T) = 0$$

Na końcu uczenia ustalane są ostateczne parametry modelu:

$$w = \begin{vmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{vmatrix} - 0.2 \cdot \begin{vmatrix} 6 \\ 2 \\ 2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -0.2 \\ -1.4 \\ 0.6 \end{vmatrix}, b = 3 - 0.2 \cdot 0 = 3$$

Po ustaleniu parametrów modelu, można przejść do predykcji:

$$Y_E = 2 \cdot \left( \left( \begin{vmatrix} -3 & 4 & 1 \\ 4 & 2 & 12 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} -0.2 \\ -1.4 \\ 0.6 \end{vmatrix} - 3 \right) > 0 \right) - 1 = 2 \cdot \left( \begin{vmatrix} -7.4 \\ 0.6 \end{vmatrix} > 0 \right) - 1 = \begin{vmatrix} -1 \\ 1 \end{vmatrix}$$

### 4. Las losowy

Las losowy będzie wykorzystywał oba algorytmy opisane powyżej. Za klasycznym algorytmem lasu losowego stoi idea baggingu. W algorytmie konstruuje się wiele nieskorelowanych drzew losowych, a następnie się je uśrednia. W przypadku tej modyfikacji algorytmu, zamiast samych drzew decyzyjnych, występował będzie zbiór klasyfikatorów drzew decyzyjnych oraz SVM. Ponadto w procesie uczenia drzewa losowego przed każdym podziałem węzła losowany będzie bez zwracania podzbiór indeksów atrybutów uwzględnianych w procesie podziału. Zasadniczą ideą baggingu jest uśrednienie wielu modeli z dość małym obciążeniem, w skutek czego zmniejszana jest ich wariancja.

#### **Algorithm 5** Las losowy

**Input:** *S*: zbiór par uczących, *Y*: zbiór klas, *D*: zbiór atrybutów wejściowych, *B*: liczba klasyfikatorów

- 1: **for** b = 1 to B: **do**
- 2: Wylosuj ze zwracaniem |S| próbek danych ze zbioru S
- 3: **if** b mod 2 == 0 **then**
- 4: Wytrenuj drzewo decyzyjne algorytmem ID3, przed każdym podziałem węzła losując bez zwracania podzbiór  $m \le |D|$  atrybutów uwzględnianych przy jego podziale
- 5: **else**
- 6: Wytrenuj SVM
- 7: end if
- 8: Dodaj wytrenowany klasyfikator do zbioru klasyfikatorów lasu losowego

#### 4.1. Opis algorytmu

*Linia 1:* Liczba wszystkich klasyfikatorów w lesie losowym jest hiperparametrem algorytmu lasu losowego, z zastrzeżeniem że musi być ona podzielna przez 2, ponieważ zakładamy że las składa się z drzew decyzyjnych oraz SVM na przemian.

*Linia 2:* Trenując każdy model w lesie losowym na różnych podzbiorach oryginalnego zbioru danych (z założeniem, że próbki danych w podzbiorze mogą się powtarzać) redukowana jest wariancja modelu, w skutek czego zmniejszane jest przeuczenie lasu.

Linia 4: Przed każdym podziałem węzła w drzewie decyzyjnym losowany jest bez zwracania podzbiór atrybutów rozważanych podczas podziału. Ta modyfikacja klasycznego algorytmu uczenia drzewa zmniejsza korelacje między poszczególnymi drzewami w lesie. Gdyby ta modyfikacja nie była zastosowana, atrybutami podziału węzłów w większości drzew w lesie byłyby takie, które najskuteczniej dzielą zbiór danych. Wskutek tego las składałby się ze skorelowanych drzew, co nie zwiększyłoby skuteczności modelu, ponieważ słabe klasyfikatory w lesie byłyby zgodne co do złych predykcji, a to by skutkowało błędnymi ostatecznymi predykcjami lasu.

#### 4.2. Predykcje algorytmu

Po wytrenowaniu wszystkich klasyfikatorów, predykcją lasu losowego jest klasa większościowa w zbiorze predykcji każdego z klasyfikatorów w drzewie.

### 5. Plan eksperymentów

#### 5.1. Analiza skuteczności hybrydy lasu losowego z SVM

Wykonane zostaną symulacje mające na celu porównanie zaimplementowanej hybrydy Lasu Losowego i SVM z klasycznym Lasem Losowym w zadaniu klasyfikacji binarnej pod względem metryk dokładności (accuracy), odzysku (recall) oraz precyzji (precision), a także macierzy pomyłek (confusion matrix). Wnioski i analizy przeprowadzone zostaną na zagregowanych wynikach z 25 uruchomień, na których wyliczona zostanie średnia arytmetyczna, mediana, odchylenie standardowe czy wartości minimalne i maksymalne. Badania wykonane zostaną na 3 zbiorach danych opisanych niżej.

#### 5.2. Analiza wpływu hiperparametrów na skuteczność

Odrębnym eksperymentem będzie analiza wpływu hiperparametrów wszystkich modeli użytych w projekcie na skuteczność architektury. Przeszukanie przestrzeni hiperparametrów będzie wykonane metodą grid search. Analizowanymi hiperparametrami będzie dla SVM:  $\lambda$ ; dla drzew decyzyjnych: maksymalna głębokość, minimalna różnica między entropią po podziale a entropią przed podziałem w węźle, minimalna liczba przykładów w węźle, maksymalna liczba atrybutów uwzględnianych przy podziale węzła; a także dla lasu losowego: liczba klasyfikatorów.

#### 5.3. Zbiory danych

Eksperymenty zostaną wykonane na 3 zbiorach danych opisanych w poniższej tabeli. Dla każdego ze zbiorów zostanie wykonana walidacja krzyżowa, gdzie ostateczny wynik na zbiorze testowym będzie estymowany na zasadzie makro-uśredniania, tzn. jako średnia wartość wskaźników jakości uzyskanych na wszystkich podziałach.

Nazwa zbioru	Opis	Liczba przykładów	Liczba przykładów
		pozytywnych	negatywnych
<b>Breast Cancer</b> [4]	Zbiór danych składający się z 569	212	357
	przykładów posiadających 30 atry-		
	butów ciągłych.		
Ionosphere [5]	Zbiór danych składający się z 351	225	126
	przykładów posiadających 34 atry-		
	buty ciągłe.		
QSAR biodegra-	Zbiór danych składający się z 1055	356	699
dation [6]	przykładów posiadających 41 atry-		
	buty ciągłe.		

Tabela 5.1. Opis zbiorów danych, które zostaną wykorzystane do eksperymentów numerycznych.

### Bibliografia

- [1] Paweł Zawistowski, "Wykłady z przedmiotu Wprowadzenie do Sztucznej Inteligencji (WSI)", *Wydział Elektroniki i Technik Informacyjnych, Politechnika Warszawska*, 2020.
- [2] Paweł Cichosz, "Wykłady z przedmiotu Uczenie Maszynowe (UMA)", *Wydział Elektroniki i Technik Informacyjnych, Politechnika Warszawska*, 2022.
- [3] R. T. Trevor Hastie i J. Friedman, *The Elements of Statistical Learning*. Stanford, California: Springer, 2008.
- [4] University of Wisconsin, "Breast Cancer Wisconsin (Diagnostic) Data Set", 1995.
- [5] Space Physics Group, Johns Hopkins University, "Ionosphere Data Set", 1989.
- [6] Milano Chemometrics and QSAR Research Group, Università degli Studi di Milano Bicocca), "QSAR biodegradation Data Set", 2013.