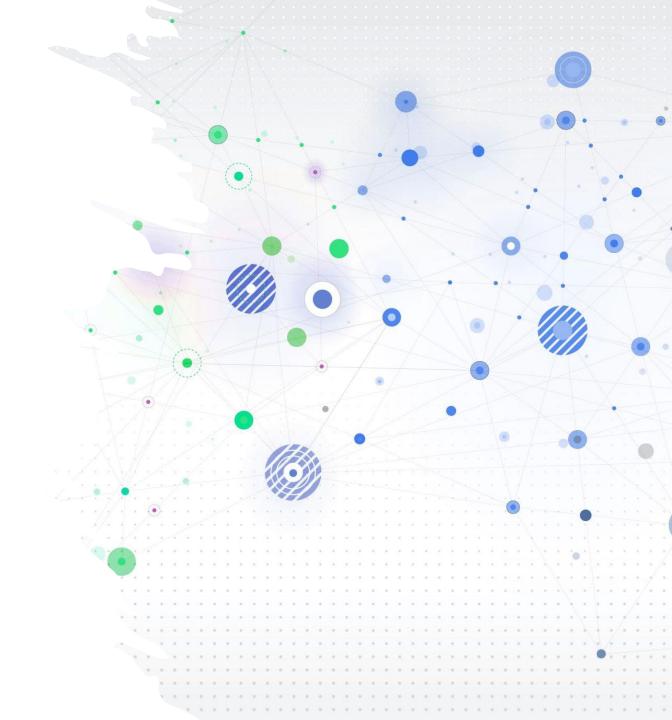
Analisi del grafo di Wikipedia Italia 2013

Cristian Bargiacchi

Algoritmi per Programmazione e Analisi Dati 2023/2024



Sommario

1. Distribuzione del grado in uscita

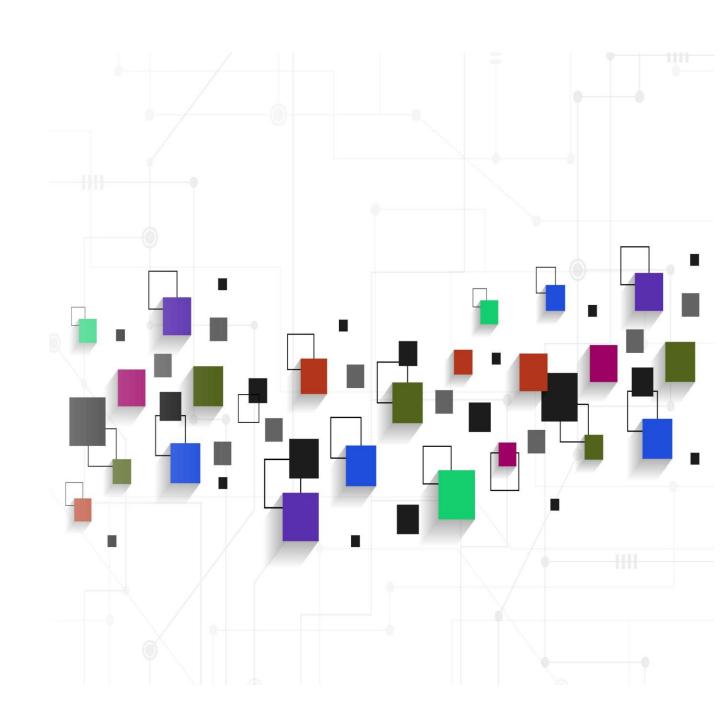
• Quali sono le 10 pagine con maggiori link in uscita?

2. Diametro della LCC in U(G)

 Calcola anche per grafo senza pagine «disambigua»

3. Trovare una clique massimale in U(G)

• Per trovarne 2?



1. Distribuzione grado in uscita

Calcolo grado in uscita di un nodo

Nodo → Lista dei vicini uscenti (grado è la lunghezza della lista) («neighbors_dict»)

Calcolo distribuzione

Grado → Frequenze

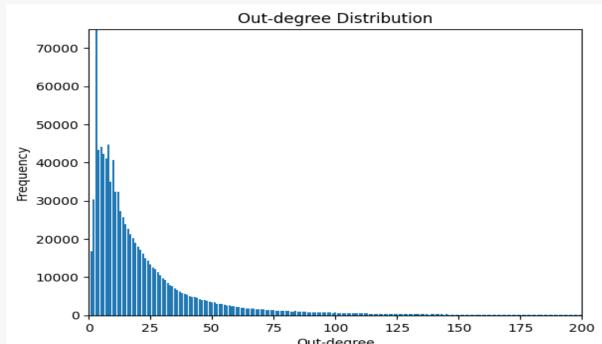
10 pagine con grado maggiore?

Grado → Lista dei nodi con quel grado

Grado → [Lista dei nodi con quel grado, Frequenze] («distribution_dict»)

```
def outDegree_distribution (g:nx.DiGraph) -> dict:
    neighbors_dict ={node: list(g.successors(node)) for node in g.nodes()}
    distribution_dict = {}
    for node in neighbors_dict.keys():
        degree_node = len(neighbors_dict[node])
        if degree_node in distribution_dict:
            distribution_dict[degree_node][0].append(node)
            distribution_dict[degree_node][1]+=1
        else:
            distribution_dict[degree_node] = [[node],1]
        return distribution_dict
g_outDegree = outDegree_distribution(wiki_g)
```

Complessità**: O(n)** Tempo ≈ 1 minuto



```
max degree = max(degrees)
top 10 = list()
while len(top 10)<10:
     if max degree in g outDegree.keys():
         nodes = list(g outDegree[max degree][0])
         top 10.extend(nodes)
     max degree = max degree - 1
top10 = top 10[:10]
               Città dell'India
     Classificazione Nickel-Strunz
                  Nati nel 1981
                  Nati nel 1985
 4
                  Nati nel 1983
                  Nati nel 1984
 6
                  Nati nel 1986
 7
                  Nati nel 1982
                  Nati nel 1980
 9
               Nativi del Veneto
 10
```

Complessità: O(n)Tempo ≈ 30 sec

2. Diametro della LCC nel grafo indiretto

Dopo aver trasformato G in U(G) e selezionato la LCC,

- 1. BFS dal nodo *u* con grado più alto nella LCC
- 2. Dizionario B(*u*), che associa ogni nodo alla sua distanza da *u*
- 3. Algoritmo *iFub*

```
def customBFS(LCC, startNode):
    visited = {}
    queue = Queue()
    queue.put(startNode)
    visited[startNode] = 0
    while not queue.empty():
        currentNode = queue.get()
        for nextNode in LCC.neighbors(currentNode):
            if nextNode not in visited:
                queue.put(nextNode)
                visited[nextNode]=visited[currentNode]+1
    B_u = defaultdict(list)
    for key, value in visited.items():
        B u[value].append(key)
    return B u
```

Complessità: O(m)

```
def computeDiameter(LCC, Bu):
      i = 1b = max(Bu)
      ub = 2*1b
      while ub > 1b:
           eccDict = nx.eccentricity(LCC, Bu[i])
           Bi = max(eccDict.values())
           maxVal = max(Bi, lb)
           if maxVal > 2*(i - 1):
               return print("diametro: ", maxVal)
           else:
               lb = maxVal
               ub = 2*(i - 1)
          i = i - 1
      return print("Diametro iFub: ", lb)
  startNode = max(LCC.degree,key=lambda x: x[1])[0]
  B u = customBFS(LCC, startNode)
  computeDiameter(LCC,B_u)
r Diametro iFub: 8
  Tempo \approx 2 \text{ min}
```

3. Trova una clique massimale

Clique di ordine k: sottografo di k nodi tutti connessi tra loro

Clique massimale: clique in cui non è più possibile aggiungere nodi senza perdere la proprietà di essere una clique

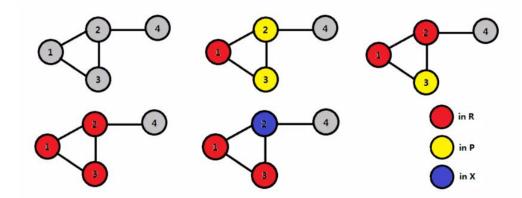
Algoritmo di Bron-Kerbosch

R: insieme dei nodi che formeranno la clique (init: vuoto)

P: insieme dei nodi candidati a far parte di una clique (init: V)

X: insieme dei nodi già visitati e scartati, o facenti già parte di un'altra clique (init: vuoto)

```
algorithm BronKerbosch1(R, P, X) is
   if P and X are both empty then
      report R as a maximal clique
   for each vertex v in P do
      BronKerbosch1(R \cup {v}, P \cap N(v), X \cap N(v))
   P := P \ {v}
   X := X \cup {v}
```



3. Trova una clique massimale

```
def find a maximal clique(G:nx.Graph()):
    nodes = list(G.nodes())
    for i in range(len(nodes)):
        start node = choice(nodes)
                                                                  Complessità caso peggiore: O(3 n/3)
        R = {start_node}
        P = set(G.neighbors(start node))
        X = set()
        myclique = Bron Kerbosch(G, R, P, X)
        if myclique and len(myclique) >= 3:
            myclique pages = set()
            for id in myclique:
                myclique pages.add(id to page[id])
            return print("Una clique massimale di ordine 3 o superiore è: ", myclique pages)
    return "Nessuna clique di ordine 3 trovata"
find a maximal clique(U g)
Una clique massimale di ordine 3 o superiore è: {'Anders Sandøe Ørsted', 'Danimarca', 'Primi ministri della Danimarca'}
```

Per trovare n cliques massimali?

```
def find n maximal cliques(G, n):
    nodes = list(G.nodes())
   maximal cliques = []
   iter = 0
   while len(maximal cliques) < n:
       iter += 1
        start node = choice(nodes)
        R = {start node}
       P = set(G.neighbors(start node))
       X = set()
       myclique = Bron Kerbosch(G, R, P, X)
       if myclique and len(myclique) >= 3:
            duplicate = False
            for old clique in maximal cliques:
                if myclique == old clique:
                    duplicate = True
            if not duplicate:
                maximal_cliques.append(myclique)
                myclique pages = set()
                for id in myclique:
                    myclique pages.add(id to page[id])
                print("Clique massimale ", iter, ": ", myclique pages)
    return maximal cliques
```

Clique massimale 1 : {"Vicariato apostolico dell'Arabia meridionale", "Congregazione per l'Evangelizzazione dei Popoli", '1933', '21 marzo'}
Clique massimale 2 : {'Distretto di Aleksandrów Kujawski', 'Voivodato della Cuiavia-Pomerania', 'Lista dei distretti della Polonia', 'Distretti della Polonia'}
[{385431, 395488, 397927, 399105}, {421220, 881526, 882082, 882093}]

GRAZIE PER L'ATTENZIONE!

Calcolo diametro – LCC grafo senza «disambigua»

```
filtered page to id = {page: id for page, id in page to id.items() if "disambigua" not in page}
filtered ids = set(filtered page to id.values())
filtered arcs df = arcs df prova[arcs df prova['v1'].isin(filtered ids) & arcs df prova['v2'].isin(filtered ids)]
def create graph without disambigua(df: pd.DataFrame, valid ids: set) -> nx.DiGraph:
    G = nx.DiGraph()
    for , line in df.iterrows():
       v1 = int(line['v1'])
       v2 = int(line['v2'])
       if v1 in valid ids and v2 in valid ids:
           G.add edge(v1, v2)
    return G
G without disambigua prova = create graph without disambigua(filtered arcs df, filtered ids)
LCC dis = get largest cc undirected(G without disambigua prova)
startNode dis = max(LCC dis.degree,key=lambda x: x[1])[0]
B u dis = customBFS(LCC dis, startNode dis)
computeDiameter(LCC dis, B u dis)
Diametro iFub: 8
```

Implementazione algoritmo di Bron-Kerbosch

```
U_g = nx.to_undirected(wiki_g)
def Bron Kerbosch(G, R, P, X):
    if not P and not X:
        return R
    for v in list(P):
        myclique = Bron_Kerbosch(
            G,
            R.union(\{v\}),
            P.intersection(G.neighbors(v)),
            X.intersection(G.neighbors(v))
        if myclique and len(myclique) >= 3:
            return myclique
        P.remove(v)
        X.add(v)
    return None
```