# Üzleti Intelligencia

6. Előadás: Mély Q-tanulási architektúrák

Kuknyó Dániel Budapesti Gazdasági Egyetem

> 2023/24 1.félév

- Bevezetés
- 2 Mély Q-tanulás (DQN)
- 3 Dupla mély Q-tanulás (DDQN)
- lack 4 Párbajozó mély Q-tanulás
- 6 Aktor-kritikus



- Bevezetés
- 2 Mély Q-tanulás (DQN)
- 3 Dupla mély Q-tanulás (DDQN)
- lack4 Párbajozó mély Q-tanulás
- 6 Aktor-kritikus

# A Q-tanulás alapjai

Bevezetés

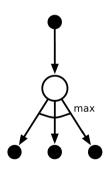
A megerősítéses tanulásban az egyik nagy áttörést egy politikafüggetlen TD algoritmus kifejlesztése hozta el.

Ebben az esetben a becsült állapot-cselekvés minőség függvény, Q, ami megadja, hogy mennyire jövedelmező az ügynöknek s állapotban a cselekvést végrehaitani.

#### Q-érték frissítése

$$Q(s, a) \leftarrow Q(s, a) + \alpha \left[ r + \gamma \max_{a'} Q(s', a') - Q(s, a) \right]$$

A Q-tanulás ezáltal egy teljesen online tanulási algoritmus, ami a követett politikától függetlenül garantáltan konvergálni fog a valós Q értékekhez.



# Dupla Q-tanulás

A kettős tanulás ötlete kiterjed a teljes MDP algoritmusaira. A Q-tanulásban a becsült Q-értékek torzítottak lehetnek, ha alacsony a minta számossága, vagy zaj van a rendszerben. Egy módja a Q-tanulás regularizálásának, ha egy helyet **két** Q-**táblát** tart nyilván az algoritmus,  $Q_1$ -et és  $Q_2$ -t.

A Q-tanulással analóg dupla Q-tanulás nevű kettős tanulási algoritmus két részre osztja az időlépéseket, minden lépésben 50% valószínűséggel a frissítés a következő:

$$Q_1(s, a) \leftarrow Q_1(s, a) + \alpha \left[ r + \gamma Q_2 \left( s', \underset{a'}{argmax} Q_1(s', a') \right) - Q_1(s, a) \right]$$

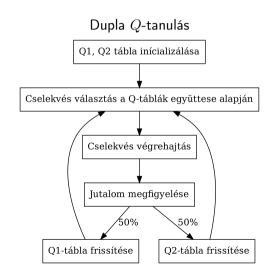
A többi esetben  $Q_1$  és  $Q_2$  felcserélésével történik, így  $Q_2$  frissül. A két táblát teljesen szimmetrikusan kezeli az algoritmus. Például egy  $\varepsilon$ -mohó politika a dupla tanulás esetében az egyes cselekvési értékbecslések **átlagára vagy összegére épülhet**.

Mély Q-tanulás (DQN)

Bevezetés

# Q-tanulás O-tábla inícializálása Cselekvés választás a Q-tábla alapján Cselekvés végrehajtás Jutalom megfigyelése

O-tábla frissítése



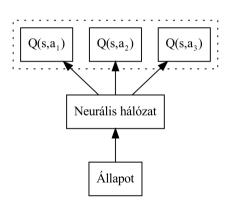
- 1 Bevezetés
- Mély Q-tanulás (DQN)
- 3 Dupla mély Q-tanulás (DDQN)
- lack4 Párbajozó mély Q-tanulás
- 6 Aktor-kritikus

# A Q-hálózat (DQN)

A Q-hálózat egy természetes kiterjesztése a hagyományos Q-tanulásnak. A naív Q-hálózat inputja a **környezetet leíró változók** vektora vagy mátrixa, és az outputja pedig az ügynök számára elérhető **cselekvések** Q(s,a) **értéke** minden  $a_1,a_2,...,a_n$  cselekvéshez tartozóan.

A cselekvés választáshoz az ügynök kiválasztja a legnagyobb becsült Q értéket, és az ahhoz tartozó cselekvést fogja végrehajtani.

A Q-hálózat költségfüggvénye az **átlagos négyzetes Bellman hiba**, a paraméter frissítése pedig a költségfüggvény gradiense és a lépésméret szerint történik.

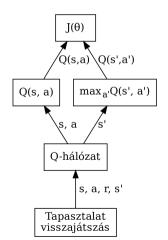


# A DQN költségfüggvénye

A mély Q-tanulás során a költségfüggvény **a négyzetes Bellman** hiba várható értéke:

$$J(\theta) = E_{s,a,r,s' \sim D} \left[ \left( r + \gamma \max_{a'} Q_{\theta}(s', a') - Q_{\theta}(s, a) \right)^{2} \right]$$

Ahol s,a,r,s' a D tapasztalat visszajátszási memóriából vett minta. A Q-hálózat megkeresi az s' következő állapothoz tartozó legnagyobb értékű cselekvést, a'-t, és lekérdezi a memóriából vett s aktuális állapothoz és a aktuális cselekvéshez tartozó Q-értéket. Ez a TD hibának egy változata.

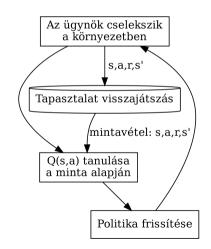


Revezetés

A tapasztalat visszajátszás az egyik változtatás, ami a Q-hálózat problémáján hivatott segíteni.

A tapasztalat memória  $(D_{replay})$  [s, a, r, s'] négyeseket tartalmaz. Minden alkalommal amikor az ügynök cselekszik, az általa tapasztalt s, a, r, s' elmentődik a tapasztalat memóriába.

Amikor tanulásra kerül a sor, az ügynök véletlen és rendezetlen mintát (miniköteget) kap a tapasztalat memóriából, melynek számossága megegyezik a kötegmérettel. Eszerint számolódik ki a költségfüggvény majd frissülnek a Q-hálózat paraméterei.



#### Algoritmus 1: Mély Q-tanulás

```
Q-hálózat Q_{\theta} inicializálása, tapasztalat memória D inicializálása;
```

```
for i = 0 \rightarrow max_i do
```

```
for t=0 \rightarrow max_t do
```

```
s megfigyelése és a \sim \pi(s, a) cselekvés választása;
```

a végrehajtása és s', r megfigyelése;

s, a, r, s' eltárolása a tapasztalat memóriában;

#### end

for  $c=0 \rightarrow max_c$  do

$$c = 0 \rightarrow max_c$$
 **do**

 $e=s,a,r,s'\sim D;$  /\* Mintavétel a tapasztalat memóriából \*/ Gradiens ereszkedés végrehajtása  $\left(r+\gamma \underset{a'}{max}Q_{\theta}(s',a')-Q_{\theta}(s,a)\right)^2$  hibán;

end

#### end

Ahol t a környezetben lejátszott lépések és c a hálózat tanítási lépések ciklusváltozója.

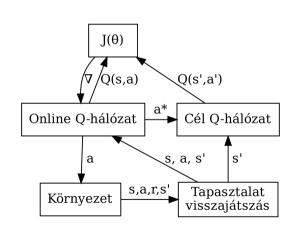
- Mély Q-tanulás (DQN)
- $\bigcirc$  Dupla mély Q-tanulás (DDQN)
- 4 Párbajozó mély Q-tanulás
- 6 Aktor-kritikus

Revezetés

A DDQN algoritmusa a dupla Q-tanulás elveit haitja végre neurális hálózatokkal: ebben az esetben a két Q-tábla helyett **két** Q-hálózat kap helyet az architektúrában:

- Online hálózat  $Q_{\theta}$ : a cselekvések kiválasztásáért felel
- Célhálózat  $Q_{\bar{a}}$ : a választott cselekvés kiértékeléséért felel

Az algoritmus csak az online hálózaton hait végre paraméter frissítést. A célhálózatot úgy frissíti, hogy az online hálózat paramétereinek értékét átmásolja adott időközönként



# A DDQN költségfüggvénye

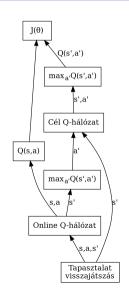
A DDQN architektúrában az optimális cselekvés  $a^*$  a  $Q_\theta$  online hálózat által lesz kiválasztva s' következő állapotra:

$$a^* = \underset{a'}{argmax} Q_{\theta}(s', a')$$

A  $Q_{\bar{\theta}}$  célhálózat pedig kiértékeli az online hálózat által választott cselekvést:  $Q_{\bar{\theta}}(s',a^*)$ , majd kiszámolja a TD hibát:

$$J(\theta) = E_{s,a,r,s' \sim D} \left[ \left( r + \gamma Q_{\bar{\theta}}(s', a^*) - Q_{\theta}(s, a) \right)^2 \right]$$

Ahol  $\{s,a,r,s'\sim D\}$  a tapasztalat visszajátszásból származó miniköteg,  $\gamma$  a diszkont ráta.



### A célhálózat frissítése

Adott időközönként az online hálózat  $Q_{\theta}$  paramétereit át kell másolni a  $Q_{\bar{\theta}}$  célhálózatra, hiszen a célhálózaton nincs gradiens ereszkedés végrehajtva.

Ezt meg lehet tenni úgy is, hogy periodikusan explicit másolat készüljön az online hálózatról, viszont egy jobb megoldás, ha Polyak átlagolással (**lágy másolással**) másolódnak át a paraméterek.

Online Q-hálózat Polyak átlagolás Cél Q-hálózat

Ebben az esetben a  $\tau$  hiperparaméter szabályozza az **átlagolási rátát** vagyis, hogy mekkora súllyal legyenek figyelembe véve az új paraméterek:

# Polyak átlagolás

$$\bar{\theta} \leftarrow \tau \theta + (1 - \tau)\bar{\theta}$$

- $\bullet$   $\bar{\theta}$ : Célhálózat paraméterei
- θ: Online hálózat paraméterei
- τ: Átlagolási ráta

#### **Algoritmus 2:** Dupla mély Q-tanulás (DDQN)

```
Input: \tau \sim [0,1] átlagolási ráta, Online hálózat Q_{\theta}, célhálózat Q_{\bar{\theta}}, tapasztalat
 memória D inicializálása:
for i=0 \to max_i do
    for t=0 \rightarrow max_t do
        s megfigyelése és a \sim \pi(s, a) cselekvés választása;
        a végrehaitása és s', r megfigyelése;
        s, a, r, s' eltárolása a tapasztalat memóriában:
    end
    for c=0 \to max_a do
        e = s. a.r. s' \sim D: /* Mintavétel a tapasztalat memóriából */
        Q^*(s, a) \leftarrow r + \gamma Q_{\theta}(s', argmax_{a'}Q_{\bar{\theta}}(s', a')):
        Gradiens ereszkedés végrehajtása a (Q^*(s,a) - Q_{\theta}(s,a))^2 hibán;
        \bar{\theta} \leftarrow \tau \theta + (1 - \tau)\bar{\theta};
                                                          /* Paraméterek frissítése */
    end
end
```

- 2 Mély Q-tanulás (DQN)
- $\textcircled{3} \ \mathsf{Dupla} \ \mathsf{m\'ely} \ \mathit{Q}\text{-}\mathsf{tanul\'as} \ (\mathsf{DDQN})$
- lack 4 Párbajozó mély Q-tanulás
- 6 Aktor-kritikus

# Az előny függvény

Revezetés

A megerősítéses tanulás harmadik értékfüggvénye a V(s) és a Q(s,a) mellett.

Matematikailag az előny függvény s állapotra és a cselekvésre a cselekvés Q(s,a)minőségének és s állapot V(s) értékének a különbsége:

#### Előny függvény

Az előny függyény megadja, mennyivel jobb vagy rosszabb egy adott a cselekvést végrehajtani egy s állapotból a többi elérhető cselekvéshez képest.

$$A(s,a) = Q(s,a) - V(s)$$

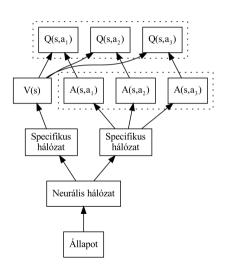
Egy A(s,a) = 0 érték azt jelenti, hogy a cselekvést végrehajtani olyan jövedelmező, mint az átlagos cselekvés s-ből. Ha A(s,a)>0, a cselekvés jobb, és ha A(s,a)<0akkor rosszabb mint az átlagos cselekvés s állapotból.

Revezetés

# Párbajozó Q-hálózat architektúrája

A párbajozó Q-tanulás algoritmusa explicit módon kettéválasztja az állapot-érték és előny függvények megbecslését minden állapot művelet esetén. Ez a szétválasztás teszi lehetővé a hatékonyabb tanulást és jobb általánosítást.

Az előnyfüggvény definíciójából kiindulva a minőségfüggvényt ki lehetne számolni úgy, mint Q(s,a) = V(s) + A(s,a), viszont ez problémás mert nem feltételezhető, hogy a hálózat minden értékre pontos becslést ad.



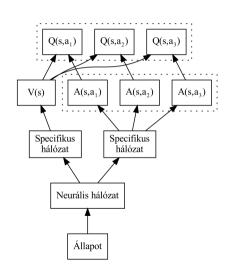
Revezetés

# Párbajozó Q-hálózat architektúrája

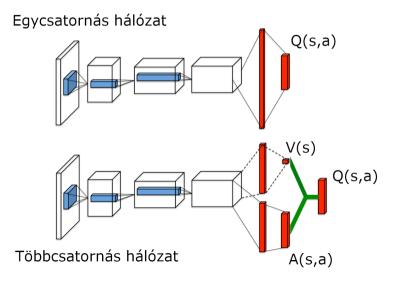
A gyakorlatban a Q(s,a) érték úgy áll elő, hogy a V(s) állapot-értékhez hozzáadódik a választott cselekvés előnyének és az összes cselekvés átlagos előnyének különbsége:

$$Q(s,a) = V(s) + \left( A(s,a) - \frac{1}{|A|} \sum_{a'} A(s,a') \right)$$

Ahol |A| az elérhető cselekvések száma,  $\frac{1}{|A|} \sum_{a'} A(s, a')$  pedig az elérhető cselekvések előnyeinek átlaga.



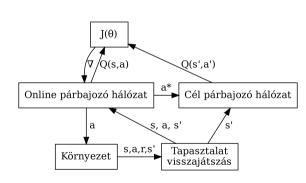
## Az egycsatornás és párbajozó architektúrák összehasonlítása



# Dupla párbajozó architektúrák (DDDQN)

A kettős Q-tanulást meg lehet valósítani párbajozó hálózatokkal is. Mivel mindkettőnek az outputja a Q(s, a)állapot-cselekvés minőség függvény, az egyetlen változtatás a kettős Q-tanuláshoz képest a neurális hálózat architektúrájában van. A komponensek elrendezésén nem szükséges módosítani.

A hálózatok között a paraméterek másolását explicit másolással, vagy Polyak átlagolással lehet megoldani. Ezzel a hálózat pontosabban tanul, és ellenállóbb a tanítási mintában jelen lévő zajjal szemben.



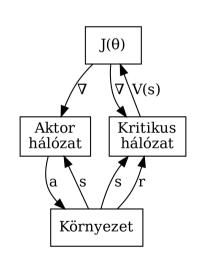
Bevezetés

- 2 Mély Q-tanulás (DQN)
- 3 Dupla mély Q-tanulás (DDQN)
- Párbajozó mély Q-tanulás
- 6 Aktor-kritikus

#### Aktor-kritikus architektúra

Az aktor-kritikus architektúra egy kettős tanulási eljárás, amely kombinálja a politikaalapú (aktor) és az értékalapú (kritikus) eljárásokat a tanítási folyamat javítása és a gyorsabb konvergencia érdekében.

- Aktor: Az állapothoz tartozó cselekvés kiválasztásáért felel. Egy politikát tanul meg, ami az állapotokhoz cselekvéseket rendel. Célja, hogy maximalizálja a várható kumulált hozamot.
- Kritikus: Feladata megbecsülni a V(s) állapot-érték függvényt. A kritikus segíti az aktort azzal, hogy visszajelzést ad neki az általa megtett cselekvések minőségéről.



# Az aktor-kritikus költségfüggvény

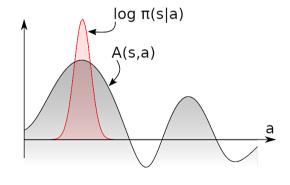
Az előnyalapú aktor-kritikus eljárásokban az aktor az A(s,a) előnyfüggvényt becsüli meg a saját neurális fejében. A kritikus pedig egy logaritmikus valószínűségi eloszlást.

#### Az AAC költségfüggvénye

Bevezetés

$$J(\theta) = \sum_{t=0}^{T-1} log \pi_{\theta}(a|s) A(s, a)$$

Ahol  $\pi_{\theta}(a|s)$  az a valószínűség, hogy a  $\pi_{\theta}$ szerint mekkora valószínűséggel hajtja végre az ügynök a cselekvést s állapotból, és A(s,a) az előnyfüggvény.



# A modellezés folyamata

- **1** Inicializáció: Az aktor és kritikus hálózatok kezdősúlyainak megadása:  $\theta$ ,  $\phi$ , tanulási sebesség beállítása:  $\alpha$
- Tapasztalat gyűjtése: az aktor interakcióba lép a környezettel
- **§** Előny kiszámítása:  $A(s,a)=(V(s)-(r+V(s')))^2$  megadja, hogy egy adott a cselekvés mennyire jövedelmező a többihez képest
- **4 Aktor frissítése**: gradiens ereszkedés a  $log \pi_{\theta}(a|s) A(s,a)$  előny értéken
- $footnote{\circ}$  Kritikus frissítése: gradiens ereszkedés a  $(V(s)-(r+V(s')))^2$  hibán
- Iteráció folytatása a kilépésig

#### Algoritmus 3: Előnyalapú aktor-kritikus tanítás

```
Aktor \pi_{\theta}(s) és kritikus V_{\phi}(s) inicializálása;
for i = 0 \rightarrow max_i do
     s inicializálása a kezdőállapottal;
    while s \neq s_T do
         a \leftarrow \pi_{\theta}(s);
                                                           /* Az aktor cselekvést választ */
         a végrehajtása a környezetben, r és s' megfigyelése;
         A(s,a) \leftarrow r + \gamma V_{\phi}(s') - V_{\phi}(s);
                                                                            /* Előny kiszámítása */
         \theta \leftarrow \theta + \alpha \nabla log \pi_{\theta}(a|s) A(s,a);
\phi \leftarrow \phi + \alpha \nabla A(s,a)^{2};
                                                                             /* Aktor frissítése */
                                                                        /* Kritikus frissítése */
     end
end
```

Ahol  $\theta$  az aktor, és  $\phi$  a kritikus paraméterlistája.