# Üzleti Intelligencia

6. Előadás: Mély Q-tanulási architektúrák

Kuknyó Dániel Budapesti Gazdasági Egyetem

> 2023/24 1.félév

- Bevezetés
- Mély Q-tanulás (DQN)

- $\odot$  Dupla mély Q-tanulás (DDQN)
- Párbajozó mély Q-tanulás
- Aktor-kritikus architektúrák

- Bevezetés
- 2 Mély Q-tanulás (DQN)

- $\bigcirc$  Dupla mély Q-tanulás (DDQN)

# A Q-tanulás alapjai

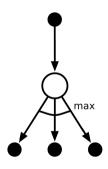
A megerősítéses tanulásban az egyik nagy áttörést egy politikafüggetlen TD algoritmus kifejlesztése hozta el.

Ebben az esetben a becsült **állapot-cselekvés minőség függvény**, Q, ami megadja, hogy mennyire jövedelmező az ügynöknek s állapotban a cselekvést végrehajtani.

#### Q-tanulás

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow Q(s_t, a_t) + \alpha \left[ r_{t+1} + \gamma \max_{a} Q(s_{t+1}, a) - Q(s_t, a_t) \right]$$

A Q-tanulás ezáltal egy teljesen online tanulási algoritmus, ami a követett **politikától függetlenül** garantáltan konvergálni fog a valós Q értékekhez.



# Dupla Q-tanulás

A kettős tanulás ötlete természetesen kiterjed a teljes MDP algoritmusaira. A Q-tanulásban a becsült Q-értékek torzítottak lehetnek, ha alacsony a minta számossága, vagy zaj van a rendszerben. Egy módja a Q-tanulás regularizálásának, ha egy helyet **két** Q-táblát tart nyilván az algoritmus,  $Q_1$ -et és  $Q_2$ -t.

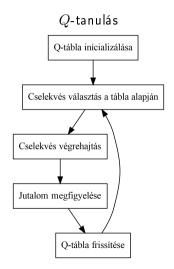
A Q-tanulással analóg dupla Q-tanulás nevű kettős tanulási algoritmus két részre osztja az időlépéseket, **minden lépésnél egy érmét feldobva**. Ha az érme fejre esik, a frissítés a következő:

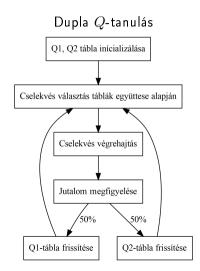
$$Q_1(s_t, a_t) \leftarrow Q_1(s_t, a_t) + \alpha \left[ r_{t+1} + \gamma Q_2(s_t + 1, \underset{a}{argmax} Q_1(s_{t+1}, a)) - Q_1(s_t, a_t) \right]$$

Ha az érme pedig írásra esik, akkor ugyanez a frissítés  $Q_1$  és  $Q_2$  felcserélésével történik, így  $Q_2$  frissül. A két közelítő értékfüggvényt teljesen szimmetrikusan kezeli az algoritmus. Például egy  $\varepsilon$ -mohó politika a dupla tanulás esetében az egyes cselekvési értékbecslések **átlagára vagy összegére épülhet**.

# Alapvető Q-tanulási eljárások

Mély Q-tanulás (DQN)





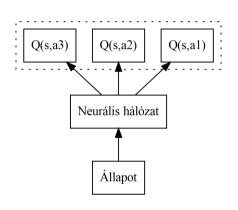
- Bevezeté
- Mély Q-tanulás (DQN)
- 3 Dupla mély Q-tanulás (DDQN)
- Párbajozó mély Q-tanulá:
- 6 Aktor-kritikus architektúrák

# A Q-hálózat (DQN)

A Q-hálózat egy természetes kiterjesztése a hagyományos Q-tanulásnak. A naív Q-hálózat inputja a **környezetet leíró változók** vektora vagy mátrixa, és az outputja pedig az ügynök számára elérhető **cselekvések** Q(s,a) **értéke** minden  $a_1,a_2,...,a_n$  cselekvéshez tartozóan.

A cselekvés választáshoz az ügynök kiválasztja a legnagyobb becsült Q értéket, és az ahhoz tartozó cselekvést fogja végrehajtani.

A Q-hálózat költségfüggvénye az **átlagos négyzetes Bellman hiba**, a paraméter frissítése pedig a költségfüggvény gradiense és a lépésméret szerint történik.

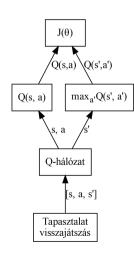


# A DQN költségfüggvénye

A mély Q-tanulás során a költségfüggvény a négyzetes Bellman hiba várható értéke:

$$J(\theta) = E_{s,a,s'\sim D} \left[ \left( r + \gamma \max_{a'} Q_{\theta}(s', a') - Q_{\theta}(s, a) \right)^{2} \right]$$

Ahol s,a,s' a D tapasztalat visszajátszási memóriából vett minta. A Q-hálózat megkeresi az s' következő állapothoz tartozó legnagyobb értékű cselekvést, a'-t, és lekérdezi a memóriából vett s aktuális állapothoz és a aktuális cselekvéshez tartozó Q-értéket. Ez a TD hibának egy változata.

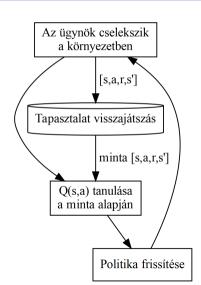


# Tapasztalat visszajátszás

A tapasztalat visszajátszás az egyik változtatás, ami a Q-hálózat problémáján hivatott segíteni.

A tapasztalat memória ( $D_{replay}$ )  $[s,a,r,s^\prime]$  négyeseket tartalmaz. Minden alkalommal amikor az ügynök cselekszik, az általa tapasztalt  $s_t,a_t,r_t,s_{t+1}$  elmentődik a tapasztalat memóriába.

Amikor tanulásra kerül a sor, az ügynök **véletlen és rendezetlen mintát** (miniköteget) kap a tapasztalat memóriából, melynek számossága megegyezik a kötegmérettel. Eszerint számolódik ki a költségfüggvény majd frissülnek a *Q*-hálózat paraméterei.



Párbajozó mély Q-tanulás

#### **Algoritmus 1**: Mély Q-tanulás

Mély Q-tanulás (DQN)

```
Input: \tau \sim [0,1] átlagolási ráta, Online hálózat Q_{\theta_0} célhálózat Q_{\bar{\theta}_0} tapasztalat
 memória D inícializálása:
for i = 0 \rightarrow max_i do
```

```
for t = 0 \rightarrow max_t do
```

```
s_t megfigyelése és a_t \sim \pi(s_t, a_t) cselekvés választása;
a_t végrehajtása és s_{t+1}, r_t megfigyelése;
s_t, a_t, r_t, s_{t+1} eltárolása a tapasztalat memóriában;
```

#### end

for 
$$c=0 \to max_c$$
 do

$$e_t = s_t, a_t, r_t, s_{t+1} \sim D$$
; /\* Mintavétel a tapasztalat memóriából \*/ Gradiens ereszkedés végrehajtása  $\left(r + \gamma \underset{a'}{max} Q_{\theta}(s', a') - Q_{\theta}(sa)\right)^2$  hibán

end

#### end

Ahol t a környezetben lejátszott lépések és c a hálózat tanítási lépések ciklusváltozója.

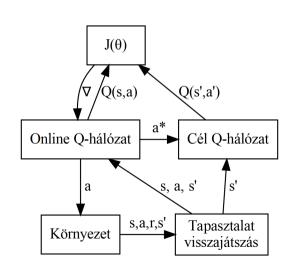
- Bevezeté:
- Mély Q-tanulás (DQN)
- $oxed{3}$  Dupla mély Q-tanulás (DDQN)
- $oxed{4}$  Párbajozó mély Q-tanulá:
- 6 Aktor-kritikus architektúrák

# אטטעו

A DDQN algoritmusa a dupla Q-tanulás elveit hajtja végre neurális hálózatokkal: ebben az esetben a két Q-tábla helyett **két** Q-**hálózat** kap helyet az architektúrában:

- Online hálózat  $Q_{\theta}$ : a cselekvések kiválasztásáért felel.
- Célhálózat  $Q_{\bar{\theta}}$ : a választott cselekvés kiértékeléséért felel.

Az algoritmus csak az online hálózaton hajt végre paraméter frissítést. A célhálózatot úgy frissíti, hogy az online hálózat paramétereinek értékét átmásolja adott időközönként



# A DDQN költségfüggvénve

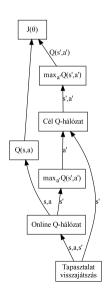
A DDQN architektúrában az optimális cselekvés  $a^*$  a  $Q_{\theta}$ online hálózat által lesz kiválasztva s' következő cselekvésre:

$$a^* = \underset{a'}{argmax} Q_{\theta}(s', a')$$

A  $Q_{\bar{\mu}}$  célhálózat pedig kiértékeli az online hálózat által választott cselekvést:  $Q_{\bar{\theta}}(s', a^*)$ , majd kiszámolja a TD hibát:

$$J(\theta) = E_{s,a,r,s'\sim D} \left[ \left( r + \gamma Q_{\bar{\theta}}(s', a^*) - Q_{\theta}(s, a) \right)^2 \right]$$

Ahol  $E_{s,a,r,s'\sim D}$  a tapasztalat visszajátszásból származó miniköteg,  $\gamma$  a diszkont ráta.



#### A célhálózat frissítése

Adott időközönként az online hálózat  $Q_{\theta}$  paramétereit át kell másolni a  $Q_{\bar{\theta}}$  célhálózatra, hiszen a célhálózaton nincs gradiens ereszkedés végrehajtva.

Ezt meg lehet tenni úgy is, hogy periodikusan explicit másolat készüljön az online hálózatról, viszont egy jobb megoldás, ha Polyak átlagolással (lágy másolással) másolódnak át a paraméterek.

Online Q-hálózat Polyak átlagolás Cél Q-hálózat

Ebben az esetben a  $\tau$  hiperparaméter szabályozza az **átlagolási rátát** vagyis, hogy mekkora súllyal legyenek figyelembe véve az új paraméterek:

## Polyak átlagolás

$$\bar{\theta} \leftarrow \tau \theta + (1 - \tau)\bar{\theta}$$

- ullet Célhálózat paraméterei
- θ: Online hálózat paraméterei
- ullet au: Átlagolási ráta

Párbajozó mély Q-tanulás

#### **Algoritmus 2:** Dupla mély Q-tanulás (DDQN)

```
Input: \tau \sim [0,1] átlagolási ráta, Online hálózat Q_{\theta}, célhálózat Q_{\bar{\theta}}, tapasztalat
 memória D inícializálása:
for i = 0 \rightarrow max_i do
    for t=0 \to max_t do
         s_t megfigyelése és a_t \sim \pi(s_t, a_t) cselekvés választása;
        a_t végrehajtása és s_{t+1}, r_t megfigyelése;
        s_t, a_t, r_t, s_{t+1} eltárolása a tapasztalat memóriában;
    end
    for c=0 \rightarrow max_c do
        e_t = s_t, a_t, r_t, s_{t+1} \sim D; /* Mintavétel a tapasztalat memóriából */
        Q^*(s_t, a_t) \leftarrow r_t + \gamma Q_{\theta}(s_{t+1}, argmax_{a'}Q_{\bar{\theta}}(s_{t+1}, a'))
        Gradiens ereszkedés végrehajtása a (Q^*(s_t, a_t) - Q_{\theta}(s_t, a_t))^2 hibán;
        \bar{\theta} \leftarrow \tau \theta + (1 - \tau)\bar{\theta}:
                                                              /* Paraméterek frissítése */
    end
end
```

- Bevezeté:
- 2 Mély Q-tanulás (DQN)
- $\odot$  Dupla mély Q-tanulás (DDQN)
- lack 4 Párbajozó mély Q-tanulás
- 5 Aktor-kritikus architektúrák

# Az előny függvény

A megerősítéses tanulás harmadik értékfüggvénye a V(s) és a Q(s,a) mellett.

Matematikailag az előny függvény s állapotra és a cselekvésre a cselekvés Q értékének és az állapot értékének a különbsgée:

#### Előny függvény

Az előny függvény megadja, **mennyivel jobb vagy rosszabb** egy adott a cselekvést végrehajtani egy s állapotból a többi elérhető cselekvéshez képest.

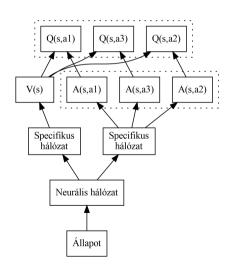
$$A(s,a) = Q(s,a) - V(s)$$

Egy A(s,a)=0 érték azt jelenti, hogy a cselekvést végrehajtani olyan jövedelmező, mint az átlagos cselekvés s-ből. Ha A(s,a)>0, a cselekvés jobb, és ha A(s,a)<0 akkor rosszabb mint az átlagos cselekvés s állapotból.

# Párbajozó Q-hálózat architektúrája

A párbajozó Q-tanulás algoritmusa **explicit módon kettéválasztja az állapot-érték és előny függvények megbecslését** minden állapot művelet esetén. Ez a szétválasztás teszi lehetővé a hatékonyabb tanulást és jobb általánosítást.

Az előnyfüggvény definíciójából kiindulva a minőségfüggvényt ki lehetne számolni úgy, mint  $Q(s,a)=V(s)+A(s,a), \mbox{ viszont ez problémás mert nem feltételezhető, hogy a hálózat minden értékre pontos becslést ad.}$ 

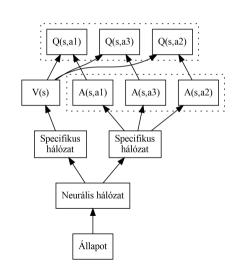


# Párbajozó Q-hálózat architektúrája

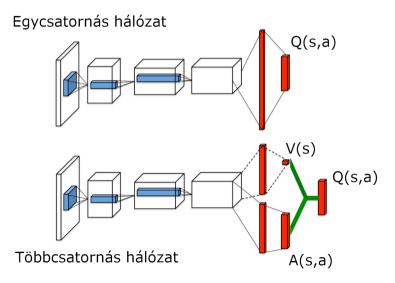
A gyakorlatban a Q(s,a) érték úgy áll elő, hogy a V(s) állapot-értékhez hozzáadódik a választott cselekvés és a legnagyobb előnyű cselekvés A(s,a)értékének különbsége:

$$Q(s,a) = V(s) + \left( A(s,a) - \frac{1}{|A|} \sum_{a'} A(s,a') \right)$$

Ahol |A| az elérhető cselekvések száma,  $\frac{1}{|A|} \sum_{a'} A(s, a')$  pedig az elérhető cselekvések előnyeinek átlaga.



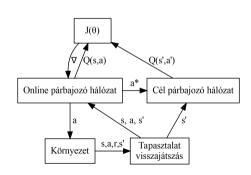
# Az egycsatornás és párbajozó architektúrák összehasonlítása



# Dupla párbajozó architektúrák (DDDQN)

A kettős Q-tanulást meg lehet valósítani párbajozó hálózatokkal is. Mivel mindkettőnek az outputja a Q(s, a)állapot-cselekvés minőség függvény, az egyetlen változtatás a kettős Q-tanuláshoz képest a neurális hálózat architektúrájában van. A komponensek elrendezésén nem szükséges módosítani.

A hálózatok között a paraméterek másolását explicit másolással, vagy Polyak átlagolással lehet megoldani. Ezzel a hálózat pontosabban tanul, és ellenállóbb a tanítási mintában jelen lévő zajjal szemben.

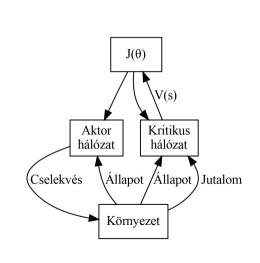


- Bevezeté:
- Mély Q-tanulás (DQN)
- $\odot$  Dupla mély Q-tanulás (DDQN)
- $oldsymbol{4}$  Párbajozó mély Q-tanulás
- 5 Aktor-kritikus architektúrák

#### Aktor-kritikus architektúra

Az aktor-kritikus architektúra egy kettős tanulási eljárás, amely kombinálja a politikaalapú (aktor) és az értékalapú (kritikus) eljárásokat a tanítási folyamat javítása és a gyorsabb konvergencia érdekében

- Aktor: Az állapothoz tartozó cselekvés kiválasztásáért felel. Egy politikát tanul meg. ami az állapotokhoz cselekvéseket rendel. Célia. hogy maximalizália a várható kumulált hozamot
- Kritikus: Az állapotból elérhető várható hozamot becsüli meg, tehát az állapot-érték függvényt. A kritikus segíti az aktort azzal, hogy visszajelzést ad neki az általa megtett cselekvések minőségéről.



Párbaiozó mély Q-tanulás

# Az aktor-kritikus költségfüggvénye

Az előnyalapú aktor-kritikus eljárásokban az aktor az A(s,a) előnyfüggvényt becsüli meg a saját neurális fejében. A kritikus pedig egy logaritmikus valószínűségi eloszlást.

## Az AAC költségfüggvénye

$$J(\theta) = \sum_{t=0}^{T-1} log \pi_{\theta}(a_t|s_t) A(s_t, a_t)$$

Ahol  $\pi_{\theta}(a_t|s_t)$  az a valószínűség, hogy a  $\pi_{\theta}$ szerint mekkora valószínűséggel hajtja végre az ügynök  $a_t$  cselekvést  $s_t$  állapotból, és A(s,a) az előnyfüggvény.

