

REMEMBER Solution:

Xét các vị trí j của xâu ký tự từ vị trí 1 đến vị trí m . Với mỗi vị trí j , xét các xâu i lần lượt từ xâu 1 đến xâu n . Gọi $mask[i, j]$ là tập hợp các xâu có ký tự ở vị trí j giống xâu i .

Gọi x là trạng thái các xâu được nhớ (0- nếu đã tồn tại vị trí nhớ, 1- chưa tồn tại vị trí để nhớ); x là một số nguyên n bit.

Xét bit i của x có giá trị 1 (xâu i chưa có vị trí nhớ). Lần lượt xét các vị trí từ 1 đến m . Với mỗi vị trí có hai cách để biến xâu i thành xâu có vị trí nhớ:

- Cách 1: Đổi ký tự của i ở vị trí j thành ký tự khác, chi phí $a[i, j]$
- Cách 2: Giữ nguyên ký tự thứ j của xâu i và đổi tất cả các ký j ở trong tập $mask[i, j]$ thành ký tự khác. Để làm cho nó nhỏ nhất cần chi phí $c[i, j]$ bằng tổng các $a[i, j]$ trong tập $mask[i, j]$ trừ đi số lớn nhất (có thể chuẩn bị trước mảng $c[i, j]$ ngay từ khi đọc. Sau khi làm như vậy tất cả các xâu trong tập $mask[i, j]$ mà bit tương ứng trong x bằng 1 cũng được nhận diện.

Đặt $dp[x]$ là chi phí tối thiểu để xử lý x và i là bit 1 của x ; .ta có:

$$dp[x] = \min\{dp[x \setminus (1 \ll (i-1))] + a[i][j], dp[x \& (x \setminus mask[i][j])] + c[i][j]\}$$

Đáp số là $dp[(1 \ll n) - 1]$

Code minh họa:

```
#include <bits/stdc++.h>
```

```
#define oo 2000000000
```

```
using namespace std;
```

```
int n, m, a[25][25];
```

```
char s[25][25];
```

```
int nho[1500000], dp[1500000];
```

```
int mask[25][25], cp[25][25];
```

```
int calc(int x) {
```

```
    if (x==0) return 0;
```

```
    if (nho[x]) return dp[x];
```

```
    nho[x]=1; dp[x]=oo;
```

```
    int k=0; while ((x & (1<<k))==0) k++;
```

```
    for(int j=0;j<m;j++) {
```

```
        dp[x]=min(dp[x],calc(x^(1<<k))+a[k+1][j]);
```

```
        dp[x]=min(dp[x],calc(x & (x^mask[k+1][j]))+cp[k+1][j]);
```

```
    }
```

```
    return dp[x];
```

```
}
```

```
int main() {
```

```
    #ifndef ONLINE_JUDGE
```

```
    freopen("remember.inp", "r", stdin);
```

```
    freopen("remember.out", "w", stdout);
```

```
    #endif // ONLINE_JUDGE
```

```
    scanf("%d%d\n", &n, &m);
```

```
for(int i=1;i<=n;i++) gets(s[i]);
for(int i=1;i<=n;i++)
    for(int j=0;j<m;j++) scanf("%d",&a[i][j]);
for(int i=1;i<=n;i++)
for(int j=0;j<m;j++) {
    mask[i][j]=0; cp[i][j]=0;
    int cpmax=0;
    for(int k=1;k<=n;k++) if (s[i][j]==s[k][j]) {
        mask[i][j] |=(1<<(k-1));
        cp[i][j]+=a[k][j];
        cpmax=max(cpmax,a[k][j]);
    }
    cp[i][j]-=cpmax;
}
memset(nho,0,sizeof(nho));
int ans=calc((1<<n)-1);
printf("%d",ans);
}
```