

Compte rendue
Projet de Simulation
Supermarché
2014-2015

Auteur: **Basri Mohamed**

Le Projet contient :

- 3 fichiers header.
- 4 fichiers « .c ».
- 1 fichier makefile.
- 1 fichier gplt.

A la compilation on obtient :

- 4 fichier « .o »
- 1 fichier exécutable

A l'exécution on obtient :

- 1 fichier « .data »
- 1 fichier PDF

Sommaire

<u>I. Modélisation sur papier</u>	3
1. <u>Evènement</u>	3
2. <u>Les variables utilisés</u>	3
<u>II. l'implémentation</u>	4
1. <u>Structure du Programme</u>	4
2. <u>Modélisation des blocs/caisses</u>	4
3. <u>Modélisation des Evènements</u>	5
4. <u>Calcule du temps moyen de séjour</u>	5
<u>III. Travail à faire</u>	6
<u>VI. Remarque et compréhension</u>	10
1. <u>Condition d'arrêt de notre simulation</u>	10
2. <u>Borne inferieur du temps moyen de séjour</u>	10

I. Modélisation sur papier :

1. Evènement

Les Evènement utilisés sont les suivant : AC1, AC2, DBC, DS, FS.

AC1 (arrivé client dans une file de type blocs) : on considère l'arrivé d'un client comme étant le passage en caisse d'un client son arrivé dans une file d'attente de type blocs, on ne prend pas en compte le temps passé à faire les courses.

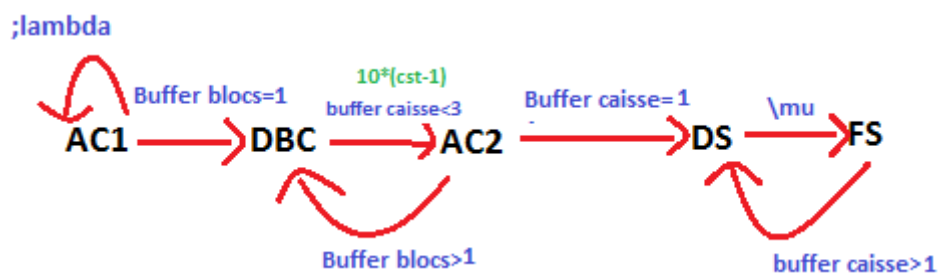
AC2 (arrivé client dans une file de type caisse) : le client choisi la caisse avec le moins de monde, la file d'attente de type blocs est bloqué si toutes les files d'attente de type caisse sont de tailles 3.

DBC (Déplacement d'un Blocs a une Caisse) : si la file d'attente de type blocs n'est pas bloqué, le service de cette file (qui n'en n'est pas vraiment un) consiste à faire le choix sur une caisse est à ce déplacé vers celle-ci.

DS (Debut de service- arrivé en caisse) : selon l'énoncé il nous faut en moyenne 100 unités de temps pour servir 1 client.

FS (Fin de Service) : la sortie du client dans notre système de modélisation.

Nos évènements suivent le schéma suivant :

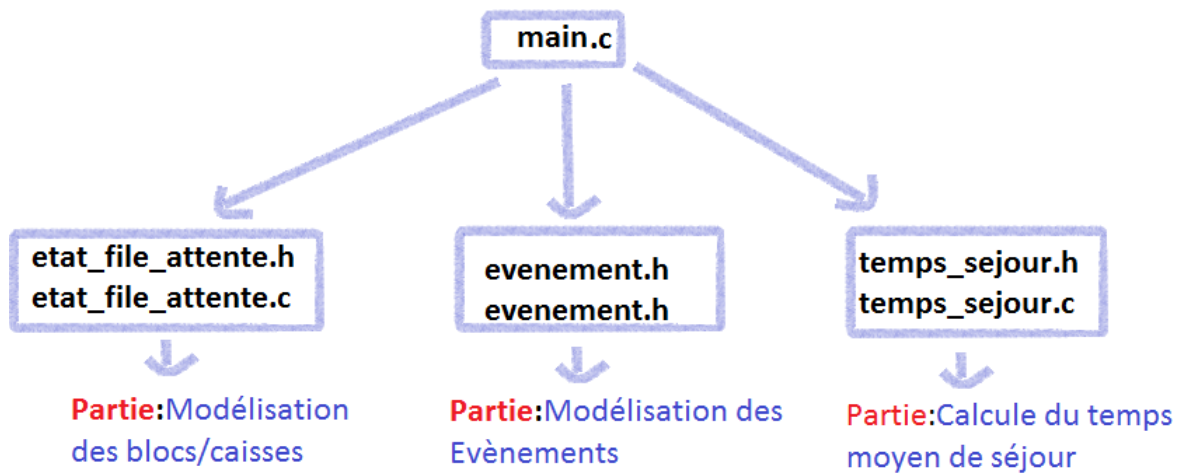


2. Les variables utilisés :

Il nous ait demandé de mesuré le temps de séjour d'un client dans le système, on se doit de sauvegarder les temps d'arrivé de chaque client, il nous faut aussi sauvegarder le nombre de client servi pour le calcul de cette moyenne.

II. L'implémentation

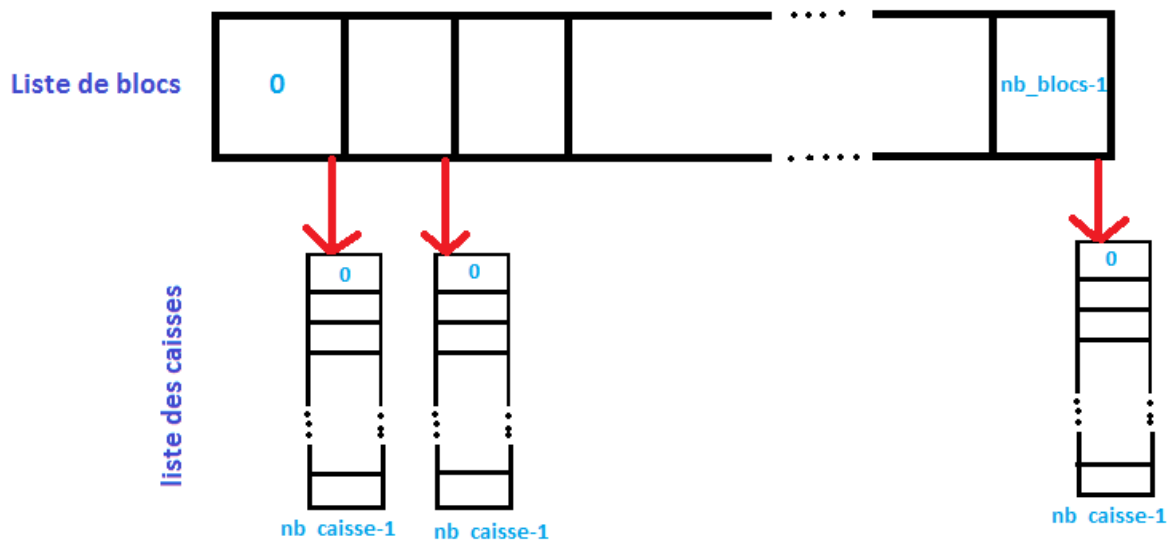
1. Structure du Programme



Nous allons détailler chaque partie.

2. Modélisation des blocs/caisses

On les a modélisé via une structure de donnée, visuellement parlant ça nous donne ceci :



On peut accéder directement à une entité `liste_de_bloc[i].liste_de_caisse[j]` (pas besoin d'une liste chaînée) cela est dû au fait que les blocs/caisses sont indexés de 0 à N, N étant une valeur entière définie en début du programme.

Sur chaque entité on stocke le nombre actuel de client, le nombre de client servi, temps moyen de séjour, temps d'arrivée des clients dans la file (une liste chaînée sur une autre structure)

Nombre actuel de client : va principalement nous servir pour connaître si une file de type caisse est pleine

Nombre de client servi : on est obligé de stocker cette information pour le calcul du temps moyen de séjour d'un client

Temps moyen de séjour : pour chaque file d'attente on calcule son temps moyen de séjour=>on déduit le temps moyen de séjour de tout le système

Temps d'arrivée des clients dans la file : on stocke ces informations dans une liste chaînée, l'arrivée d'un client consiste en l'ajout vers la fin de la liste, la sortie d'un client consiste en la lecture du début de la liste afin de calculer le temps de séjour de ce client dans cette file d'attente, puis on avance d'un pas dans la liste chaînée (en libérant la mémoire), avec cette méthode on utilise que la mémoire dans on a besoin, *nous détaillerons ceci plus en bas (II-4-Calcul du temps moyen de séjour)*

3. Modélisation des Evénements

Dans chaque événement on stocke le type de cet événement, le numéro de bloc/caisse sur lequel on ait

Type d'évènement : cela nous permet de déterminer l'action à faire

Numéro de bloc/caisse : avec ces informations on accède directement à l'entité blocs/caisse sur lequel se trouve le client, exemple d'utilisation :

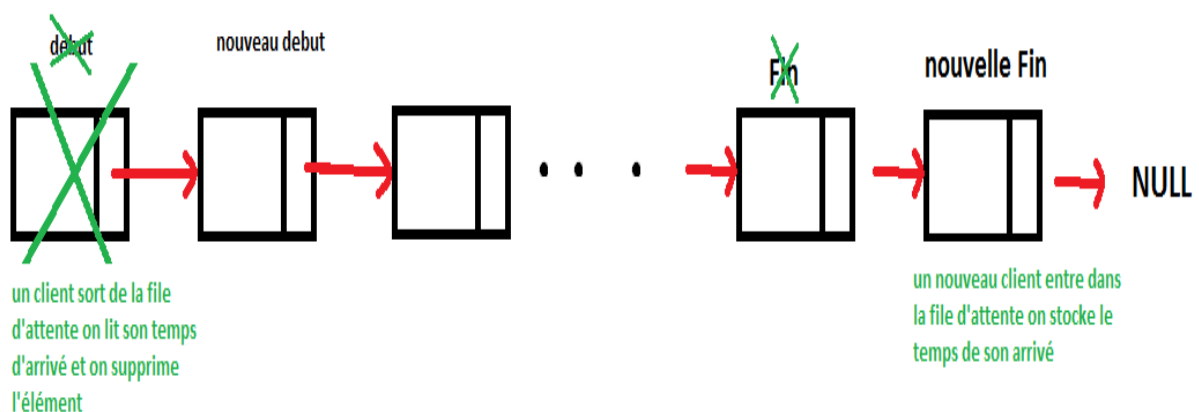
- déplacement d'un bloc vers une caisse, on doit connaître le bloc où se trouve le client pour connaître si il y'a une place de libre dans une des caisses.
- vu que pour chaque file on calcule le temps moyen de séjour, avec ses informations on connaît quel est l'entité où il faudra mettre à jour son temps moyen de séjour

Dans certains cas ces informations nous sont futiles, tels que pour ajouter un événement de type AC1 (arrivée de client dans un bloc) on ne connaît pas encore le numéro de bloc/caisse, dans ce cas-là on ajoute l'évènement et on initialise les numéros de bloc/caisse à -1.

4. Calcul du temps moyen de séjour

Afin de calculer le temps de séjour dans le système, on calcule le dernier dans chaque file d'attente, pour cela on stocke le temps d'arrivée de chaque client qui entre dans une file d'attente, à sa sortie de la file on lit son temps d'arrivée et on calcule son temps de séjour, connaissant le temps moyen de séjour de chaque file on déduit le temps moyen de séjour dans tout le système sans oublier la durée du déplacement entre un bloc et une caisse.

Pour stocker les temps d'arrivée on utilise une liste chaînée pour chaque file d'attente (meilleure solution que si on les avait stockés dans un tableau vu que dans un bloc on peut accueillir une infinité de clients), visuellement ça donne ceci :



III. Travail à faire

Expliquer pourquoi il est suffisant de ne simuler qu'un seul bloc.

Le choix d'un bloc se fait suivant une loi uniforme ce qui signifie que sur chaque blocs il y'aura un nombre égal de client qui sont rentrés et vu que tous les blocs on le même nombre de caisse et le débit de service de ses caisse sont tous les mêmes alors on obtiendra le même résultat sur chaque blocs, ça revient au même que de faire une simulation sur un seul bloc.

Donner une approximation pour chaque valeur de B de la valeur de lambda limite pour la stabilité.

On part du principe que d'un même bloc plusieurs déplacements (d'un bloc vers une caisse) peuvent se faire en parallèles (dépend du nombre de place disponible)

Pour que le système soit stable il faut que le débit d'arrivé soit inférieur au débit de sortie

-**B=1** (1 bloc de 60 caisses) :

$$\frac{\lambda}{1} < 60 * 0.01$$
$$\lambda < 0.6$$

sur notre simulation on constate que notre système devient instable a partir d'un débit > 0.59

-**B=5** (5 blocs de 14 caisses) :

$$\frac{\lambda}{5} < 12 * 0.01$$
$$\lambda < 0.6$$

sur notre simulation on constate que notre système devient instable a partir d'un débit > 0.57

-**B=15** (15 blocs de 4 caisses) :

$$\frac{\lambda}{15} < 4 * 0.01$$
$$\lambda < 0.6$$

sur notre simulation on constate que notre système devient instable a partir d'un débit > 0.56

-**B=30** (30 blocs de 2 caisses) :

$$\lambda < 0.6$$

sur notre simulation on constate que notre système devient instable a partir d'un débit > 0.59

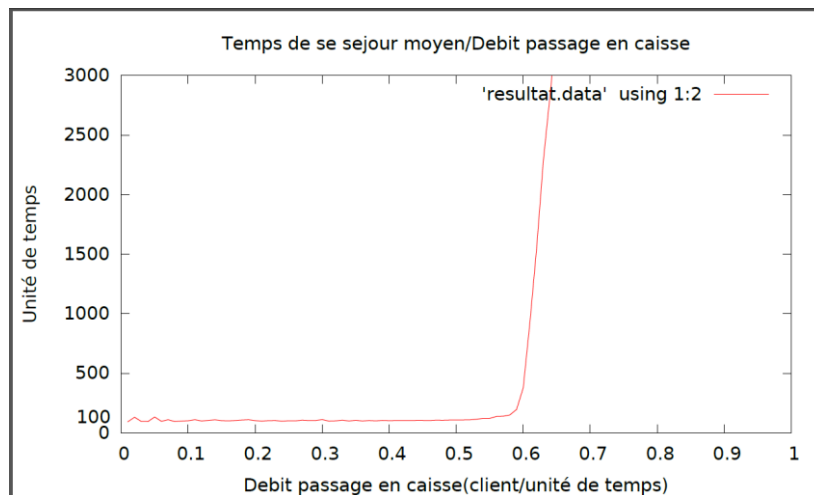
-**B=60** (60 blocs de 1 caisse) :

$$\lambda < 0.6$$

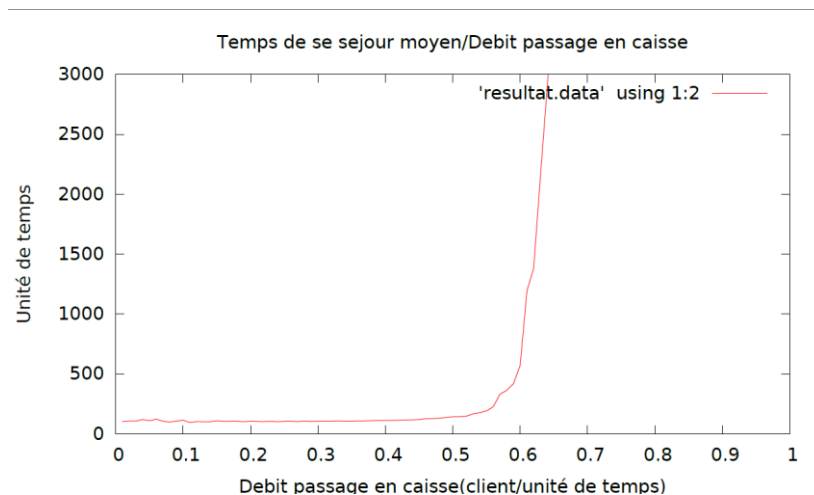
sur notre simulation on constate que notre système devient instable a partir d'un débit > 0.54

On obtient tout le temps le même résultat est c'est normal vu que quel que soit le nombre de bloc le nombre de caisse au total reste constant et pour que le système soit stable le débit d'entré ne doit pas dépassé le débit de sortie de toutes les caisses réunies

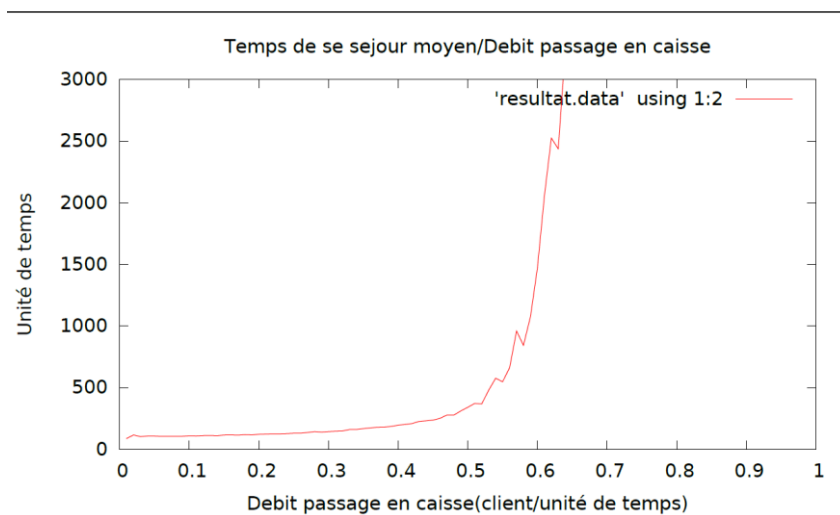
Pour chaque valeur de B, donner une courbe avec lambda en abscisse et R en ordonnée.



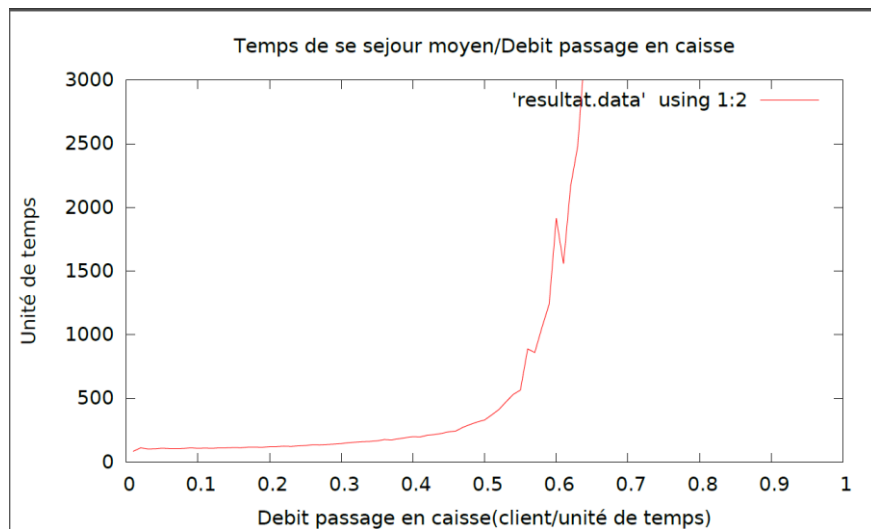
1 Blocs de 60 caisses



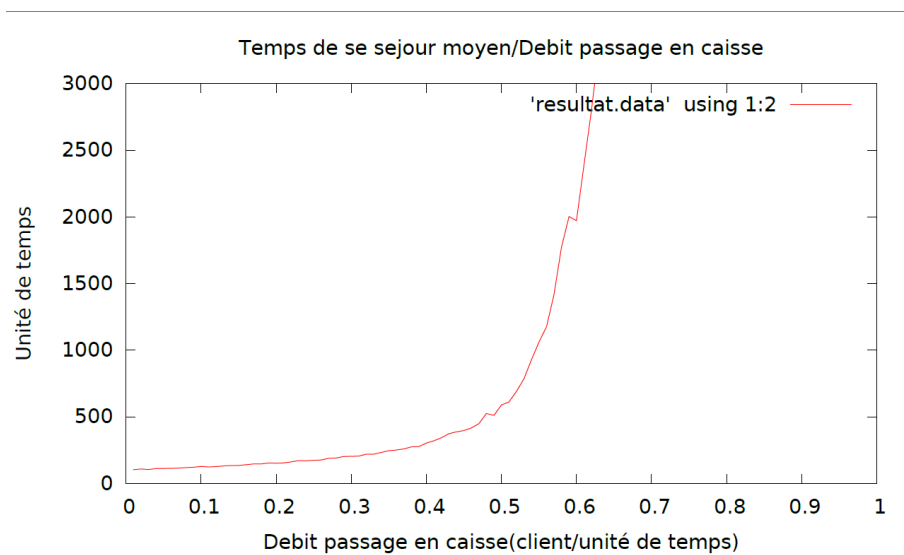
5 Blocs de 12 caisses



15 Blocs de 4 caisses

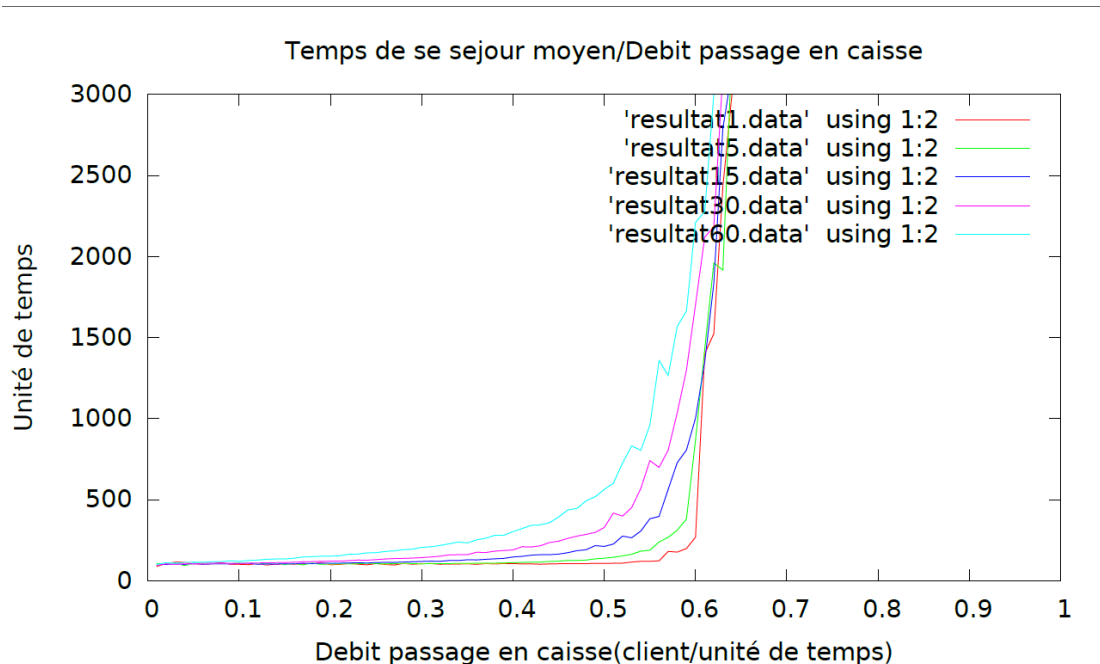


30 Blocs de 2 caisses



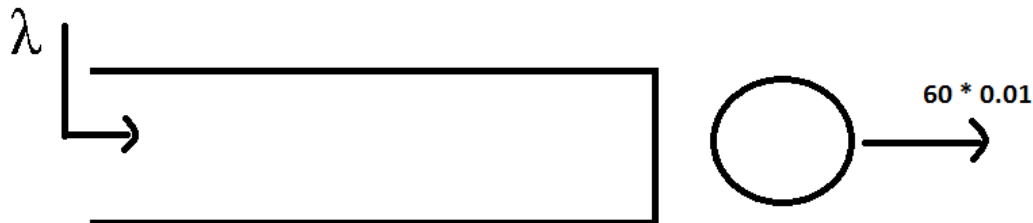
60 Blocs de 1 caisse

Superposer les cinq courbes des différentes valeurs de B. Les courbes se croisent-elles ? Expliquez pourquoi.



Superposition des 5 courbes présentées en haut

On remarque bien que les 5 courbes se croisent et commencent à diverger au même moment, c'est normal vu que quel que soit le nombre de blocs le nombre de caisses au total reste constant \Rightarrow Débit de sortie constant, notre système se résume au schéma suivant :



Comparer les résultats de simulation et les files M/M/m.

On peut dire que notre système ressemble à une file de type M/M/m surtout si les conditions suivantes sont respectées :

Nombre de blocs = 1

Nombre de caisses = 60

Nombre maximum de client dans une file d'attente de type caisse = 1

Sous cette contrainte on obtient une file M/M/m.

VI. Remarque et compréhension

On **suppose** que notre unité de temps est la seconde

→ Une fois en caisse un client passe 100 secondes à se faire servir (ce qui est compréhensible pour une file d'attente d'un supermarché, ce qui explique mon choix de la seconde comme unité de temps)

1. Condition d'arrêt de notre simulation

On est censé lancé notre simulation avec différent débit d'arrivé de client dans un bloc, on risque de rencontré souvent des cas ou notre temps moyen de séjour diverge, on ne peut pas mettre comme condition d'arrêt la stabilité du temps moyen de séjour.

Condition d'arrêt choisie : on simule l'équivalent de 24 heures (86 400 secondes (=unité de temps))

2. Borne inferieur du temps moyen de séjour

Vu qu'un client passe en moyenne 100 unité de temps à se faire servir, en risque pas de croisé un temps moyen de séjour inferieur a 100, sauf si notre variable aléatoire (suivant une loi exponentiel), n'est pas fiable