# $\mathbf{NP} ext{-}\mathbf{\acute{u}plnost}$

## Příklad 1:

Ukažte, že SAT lze převést na 3-barvení grafu.

#### Příklad 2:

Ukažte, že 3D-párování lze převést na 0/1-čkové linerární rovnice.

## Příklad 3:

Ukažte, že problém 0/1-čkových lineárních rovnic lze převést na problém součtu podmnožiny.

## Příklad 4:

Ukažte, že problém součtu podmnožiny lze převést na problém dvou loupežníků.

## Příklad 5:

Ukažte, že problém dvou loupežníků lze převést na problém batohu.

## Příklad 6:

Ukažte, že problém batohu lze převést na problém součtu podmnožiny.

#### Domácí úkol 5:

Ukažte vzájemnou převoditelnost problémů existence hamiltonovské kružnice (HC) a hamiltonovské cesty (HP).

Nezapomeňte u obou převodů alespoň stručně argumentovat oba směry korektnosti. Formálně bychom měli ukázat také polynomiální složitost převodů, a že oba problémy patří do NP, tyto dva fakty ale můžeme  ${\bf v}$  tomto případě považovat za zřejmé.

### Triky:

- $\bullet$ Hlavní problém konstrukce  $HC \to HP$ se dá vyřešit vytvořením kopie jednoho z vrcholů.
- $\bullet\,$  Ve směru  $HP \to HC$  nám opět pomůže nový velmi speciální vrchol.

#### Upřesnění:

- V zadání hamiltonovské cesty neznáme dopředu koncové vrcholy.
- Převody je třeba dělat 1:1, tedy z jedné instance vytváříme pouze jednu instanci se stejným výsledkem. Nemáme post-processing.
- Řešení je možné odevzdávat do konce (kalendářního) roku (emailem).