

**Příklad 1:** Mějme sadu neznámých celočíselných veličin a jejich přibližné odhady založené na pozorování uspořádané v matici. Chceme odhadnout skutečné hodnoty veličin zaokrouhlením. Pozorování každé veličiny samostatně je nespolehlivé, může se tedy zaokrouhlit nahoru i dolů. V součtech přes sloupce a řádky se ale chyby už více vyruší, a tedy tyto součty chceme zaokrouhlit na nejbližší celé číslo.

3.4	2.5	7.0
5.4	4.2	1.7
5.8	1.1	3.5

**Příklad 2:** Dokažte, že pro kubické (3-regulární) grafy hranová a vrcholová souvislost koincidují. Ukažte, že kubický bipartitní graf je nutně hranově 2-souvislý.

**Příklad 3:** Rozhodněte, jak se může změnit vrcholová souvislost pokud odebereme nebo kontrahujeme jednu hranu.

**Příklad 4:** Hyperkrychli dimenze  $d$  ( $Q_d$ ) definujeme jako graf posloupností nul a jedniček délky  $d$  kde posloupnosti tvoří hrany pokud se liší v právě jednom členu. Určete vrcholovou a hranovou souvislost  $Q_d$ .

**Příklad 5:** Dokažte, že graf je hranově 2-souvislý právě když má silně souvislou orientaci.

**Příklad 6:** Nechť  $G$  je libovolný graf na  $2n$  vrcholech t.ž. každý vrchol má stupeň alespoň  $n$ . Dokažte, že  $G$  je hranově  $n$ -souvislý.

**Příklad 7:** Dokažte, že pokud je graf vrcholově 2-souvislý, potom každé dva jeho vrcholy leží na společné kružnici. Rozšiřte úvahu na vrcholovou 2-souvislost a dvojici hran; a na hranovou 2-souvislost a dvojici hran.

**Příklad 8:** Dokažte, že ve vrcholově  $k$ -souvislém grafu libovolných  $k$  vrcholů leží na společné kružnici.

Vhodné nástroje: spor, indukce, Mengerova věta, Dirichletův princip