ADS I cvičení 1

- Jak poznat, že program 'funguje'?
- Jak porovnat délku běhu algoritmů bez měření?
- Jak rozlišujeme 'efektivní' a 'neefektivní' algoritmy? Znamená to, že 'neefektivní' jsou v praxi pomalejší?
- 1. **vajíčka** Máme mrakodrap s n patry a několik identických naklonovaných mimozemských vajíček. Chceme najít patro k, t.ž. hodem z k-tého patra se vajíčko ještě nerozbije, ale hodem z k+1-ního patra už ano. Kolik hodů potřebujeme pro určení k? Co když máme omezený počet vajíček?
- 2. **mocniny** Máme číslo n a mocninu k. Kolika operacemi bez umocňování můžeme vypočítat m^k ? Co se stane, když můžeme umocňovat na konstantní mocniny?
- 3. **součet** Máme posloupnost kladných čísel délky n. Hledáme úsek se součtem přesně k. Co se stane, pokud chceme nejkratší takový úsek?
- 4. **výtah** Máme budovu o *n* patrech, a několik lidí čekajících na výtah v různých patrech. Kolika přesuny mezi sousedními patry je může výtah všechny dopravit? Co když máme místo výtahu tramvaj?
- 5. **nulová podmatice** Máme matici velikosti $n \times n$. Chceme najít její největší nulovou podmatici.
- 6. porovnejte asymptoticky i s předchozími složitostmi
 - $n^{\mathcal{O}(1)}$ $\mathcal{O}(f(n) + g(n))$ $\mathcal{O}(2^n), O(3^n), 2^{\mathcal{O}(\log(n))}$ $\mathcal{O}(n^c) \text{ pro malé c}$

Domácí úkol: Mějme na vstupu číslo n. Chceme najít celočíselnou odmocninu $m=\lfloor \sqrt{n} \rfloor$, přičemž nemáme k dispozici operaci odmocniny (pouze násobení, sčítání, ...). Navrhněte algoritmus, který najde m s využitím binárního vyhledávání. Úkol by měl obsahovat:

- stručný popis algoritmu a jeho pseudokód
- důkaz správnosti a konečnosti
- $\bullet\,$ určení asymptotické časové a prostorové složitosti ($\mathcal O$ i $\Omega)$

Bonusová otázka: Definujme k jako $2^{k-1} \leq m < 2^k$. Jak můžeme najít k v čase $\mathcal{O}(loglog(m))$? Můžeme s pomocí tohoto postupu asymptoticky zrychlit náš algoritmus pro nalezení m?