Modélisation du système manguier-cécidomyies

Problématique

Forts asynchronismes inter- et intra- arbres

Leviers de gestion :

- 1. Taille des manguiers
 - Réduction des asynchronismes
- 2. Paillage du sol
 - Réduction de l'émergence des cécidomyies des fleurs

Données

Plusieurs types de données :

- 1. Dynamique des cécidomyies des fleurs
- 2. Floraison
- 3. Dégâts sur les inflorescences
- 4. Températures



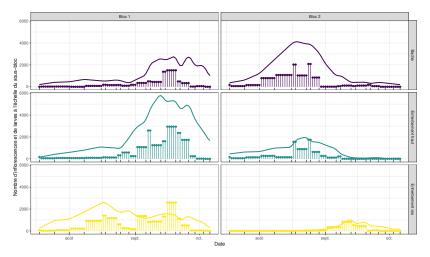


FIGURE – Comparaison du nombre de larves piégées (rapporté au jour) et du nombre d'inflorescences vivantes (lissé avec une moyenne mobile d'ordre 3). Les marqueurs noirs sur l'axe des abscisses représentent les dates de relevés des observations.

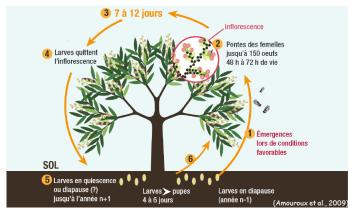


FIGURE – Cycle de vie et de reproduction des cécidomyies

Modèle

Le modèle est composé de deux sous-modèle :

- Population des cécidomyies des fleurs
 - Cécidomyies émergeant du sol et restant dans le sous-bloc
 - Cécidomyies venant d'un autre sous bloc
 - Cécidomyies exogènes au bloc
- Population d'inflorescences
 - Inflorescences naissantes le jour t
 - Inflorescences vivantes au jour t 1 et ayant survécu

Équations

Population de femelles

$$\begin{aligned} \textit{N}_{t,i} &= \lambda_{t,i} + \textit{N}_{t,i}^{endo} \\ \text{où } \textit{N}_{t,i}^{endo} &= \textit{L}_{t-d_p,i} \times \mu_{MS} \times \textit{p}_{pup} \times (1-\textit{p}_m) \times \frac{1}{1+\textit{SR}} \quad \text{ et } \quad \lambda_{t,i} = \gamma \times \textit{I}_{t,i} \\ \text{avec} &: \end{aligned}$$

- \triangleright $N_{t,i}$: le nombre de femelles au temps t dans le sous-bloc i;
- $\lambda_{t,i}$: le nombre de femelles entrant dans le sous-bloc i au temps t;
- N^{endo}: le nombre de femelles émergeant et restant dans le sous-bloc i au temps t;
- L_{t-d_p,i}: le nombre de larves s'éjectant au sol au temps t d_p dans le sous-bloc i:
- μ_{MS} : la proba de survivre à la modalité de couverture du sol;
- p_{pup}: la proba d'entrer en pupaison et d'y survivre;
- p_m: proba de changer de sous-bloc;
- ► SR : sex-ratio.



Equations

Population de larves

$$\int 1 \qquad \qquad \text{si } N_{t-d_l,i} < k \times I_{t-d_l,i}$$

où
$$R_{t-d_l,i} = \begin{cases} 1 & \text{si } N_{t-d_l,i} < k \times I_{t-d_l,i} \\ k \times I_{t-d_l,i}/N_{t-d_l,i} & \text{sinon} \end{cases}$$
 avec :

- - $ightharpoonup R_{t-d_i,i}$: indicateur de disponibilités de ressources pour les cécidomyies à la date $t - d_i$:

 $L_{t,i} = N_{t-d_t,i} \times R_{t-d_t,i} \times E \times \mu$

- E: le nombre moyen d'œufs pondus par une femelle;
- μ : proba de survie des œufs jusqu'au troisième stade larvaire ;
- k: nombre maximal d'adulte que peut supporter une inflorescence chaque jour.

Les paramètres du modèle des cécidomyies :

 $E, \mu, d_I, d_p, SR, p_{pup}, \mu_B \qquad \gamma, \mu_A, \mu_C, p_I, k$

Paramètres connus Paramètres à estimer

Objectif: Trouver les paramètres qui permettent au mieux de simuler le nombre de larves en fonction des inflorescences.

Fonction de coût :
$$MAE(Y, \widehat{Y}) = \frac{1}{N} \sum_{i} |Y_i - \widehat{Y}_i|$$

Algorithmes d'optimisation : NSGA-II et Differential Evolution

On obtient des bornes pour les paramètres :

- ▶ $\gamma \in [0; 0.1]$
- ▶ $p_m \in [0; 0.5]$
- ▶ μ_{ER} ∈ [0.75;1]
- ▶ μ_{EH} ∈ [0; 0.1]
- ▶ $k \in [0; 0.2]$

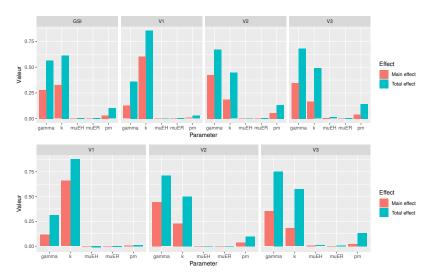


FIGURE – Analyses de sensibilité : méthodes Dynamic Sensitivity Indices (en haut) et Sobol (en bas)

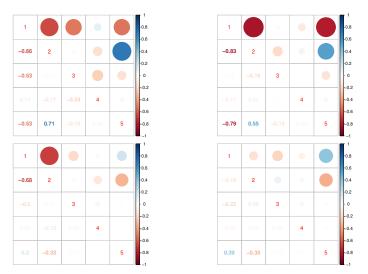


FIGURE – Matrices de correlations des paramètres renvoyés par Differential Evolution et NSGA–II (min $\|\cdot\|_1$, min $\|\cdot\|_2$, min $\|\cdot\|_\infty$)

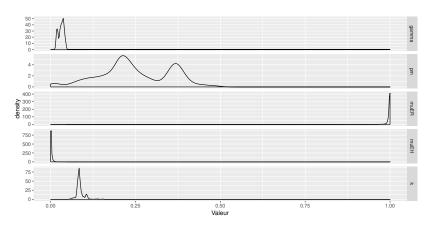


FIGURE – Densités des différents paramètres obtenus par l'algo NSGA-II

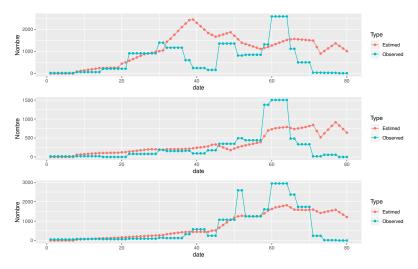


FIGURE – Simulation du nombre de larves après avoir fixé μ_{ER} et μ_{EH} en utilisant les paramètres obtenus grâce à NSGA-II (min $\|\cdot\|_2$)

Perspectives d'améliorations :

- prendre en compte les individus en diapause;
- températures;
- prendre en compte le stade phénologiques des inflorescences.