

Toán rời rạc và thuật toán

Đại học Khoa học Tự nhiên

Khoa Toán - Cơ - Tin học

Khoa học dữ liệu K4

Tháng 8 năm 2022

Bài tập số 1

Nguyễn Mạnh Linh, Nguyễn Thị Đông, Triệu Hồng Thúy

1 Bài 1

Xin chào, đây là Linh

2 Bài 2

2.1 Chia để trị

2.1.1 Ý tưởng

Phương pháp chia để trị dựa trên 2 thao tác chính:

- Chia (*divide*): phân rã bài toán ban đầu thành các bài toán con có kích thước nhỏ hơn, có cùng cách giải.
- Trị (*conquer*): giải từng bài toán con (theo cách tương tự bài toán đầu - đệ quy) rồi tổng hợp các lời giải để nhận kết quả của bài toán ban đầu.

Việc “Phân rã”: thực hiện trên miền dữ liệu (chia miền dữ liệu thành các miền nhỏ hơn tương đương 1 bài toán con)

2.1.2 Mô hình và lược đồ

Xét bài toán P trên miền dữ liệu R .

Gọi $D_C(R)$ là thuật giải P trên miền dữ liệu R .

Nếu R có thể phân rã thành n miền con: $R = R_1 \cup R_2 \cup \dots \cup R_n$

Với R_0 là miền đủ nhỏ để $D_C(R)$ có lời giải, ta có lược đồ giải thuật chia để trị như sau:

```
Divide_Conquer( $R$ ):  
  if ( $R = R_0$ ):  
    solve Divide_Conquer( $R_0$ )  
  else  
    divide  $R$  to  $R_1, R_2, \dots, R_n$   
    for ( $i = 1, 2, \dots, n$ ):  
      Divide_Conquer( $R_i$ )
```

```

Combine and get result
end

```

2.1.3 Phân tích và đánh giá

Để phân tích và đánh giá độ phức tạp của thuật toán, ta thực hiện 2 công đoạn

- Xây dựng công thức truy hồi đánh giá độ phức tạp thuật toán
- Giải công thức truy hồi xác định độ phức tạp thuật toán.
 - Phép thế liên tiếp
 - Sử dụng định lý chính

2.1.4 Ví dụ

Ta xét bài toán *tìm kiếm nhị phân trên một mảng được sắp xếp*.

- Cho dãy n phần tử được sắp theo thứ tự (*tăng dần*) và một giá trị x bất kỳ. Kiểm tra xem phần tử x có trong dãy không?
- Phân tích ý tưởng: so sánh giá trị x với phần tử giữa của dãy tìm kiếm. Dựa vào giá trị này sẽ quyết định giới hạn tìm kiếm ở bước kế tiếp là nửa trước hay nửa sau dãy.
- Lược đồ của thuật toán như sau:

```

BinarySearch(a, x, L, R) :
  // Search element x in array a from position L to R
  if (L = R) :
    return (x = aL ? L : -1)
  else
    M = (L + R)/2
    if (x = aM)
      return (M)
    else
      if (x < aM)
        BinarySearch(a, x, L, R)
      else
        BinarySearch(a, x, M + 1, R)
      endif
    endif
  endif
end

```

Tính đúng của thuật toán

Ta chứng minh bằng quy nạp như sau

- Cơ sở quy nạp: $n = R - L + 1 = 1$ (dãy có 1 phần tử)

- Câu lệnh `return (x = a_L ? L : -1)` trả về giá trị L hoặc -1
- Giả thiết quy nạp: Thuật toán đúng với mọi dãy có độ dài $n = R - L + 1$. Hay hàm `BinarySearch(a, x, L, R)` trả về đúng kết quả tìm kiếm x với mọi dãy có độ dài $1 \leq n' \leq n = R - L + 1$
- Tổng quát: Chứng minh thuật toán đúng với $n + 1 = R - L + 2$
 - Đặt $M = (L + R + 1)/2$, ta có $L \leq M \leq R$
 - Nếu $x = a_M$ thì kết quả trả về là M : đúng
 - Nếu $x < a_M$ thì kết quả là của bài toán tìm x trong tập a_L, \dots, a_M . Theo giả thiết quy nạp thì `BinarySearch(a, x, L, R)` đúng vì $1 \leq M - L + 1 = (R - L + 1)/2 + 1 \leq R - L + 1$
 - Tương tự với $x > a_M$

Độ phức tạp của thuật toán

$$T(n) = \begin{cases} 1 & \text{when } n = 1 \\ T(n/2) + 1 & \text{when } n > 1 \end{cases}$$

Do đó $T(n) = O(\log n)$

Source code: https://github.com/batman0911/dma_homework/blob/master/hw_01/src/main.ipynb

3 Bài 3

Trong bài này chúng ta sẽ xem xét bài toán dóng hàng toàn cục 2 chuỗi DNA sử dụng phương pháp quy hoạch động

This homework answers the problem set sequentially.

1. Download the US Presidential Elections data set `uspresidentialelections.dta` from the course ILIAS site. Load the data set in R.

Copy your R Code to answer the question here.

2. Describe the dataset. What variables does it contain? How many observations are there? What time span does it cover?

Please type your answer here.

Put the right R command here.

3. *Compute measures of central tendency and variability of the variables **vote** and **growth** using R. Use the numerical measures of central tendency and variability discussed in class. Describe them in your own words and make a nice table. Plot the distribution of both variables using a boxplot and histogram. Make sure to make your plots as nice-looking as possible. Especially, include a title and label the axes.*

Your answer goes here

3 R commands here

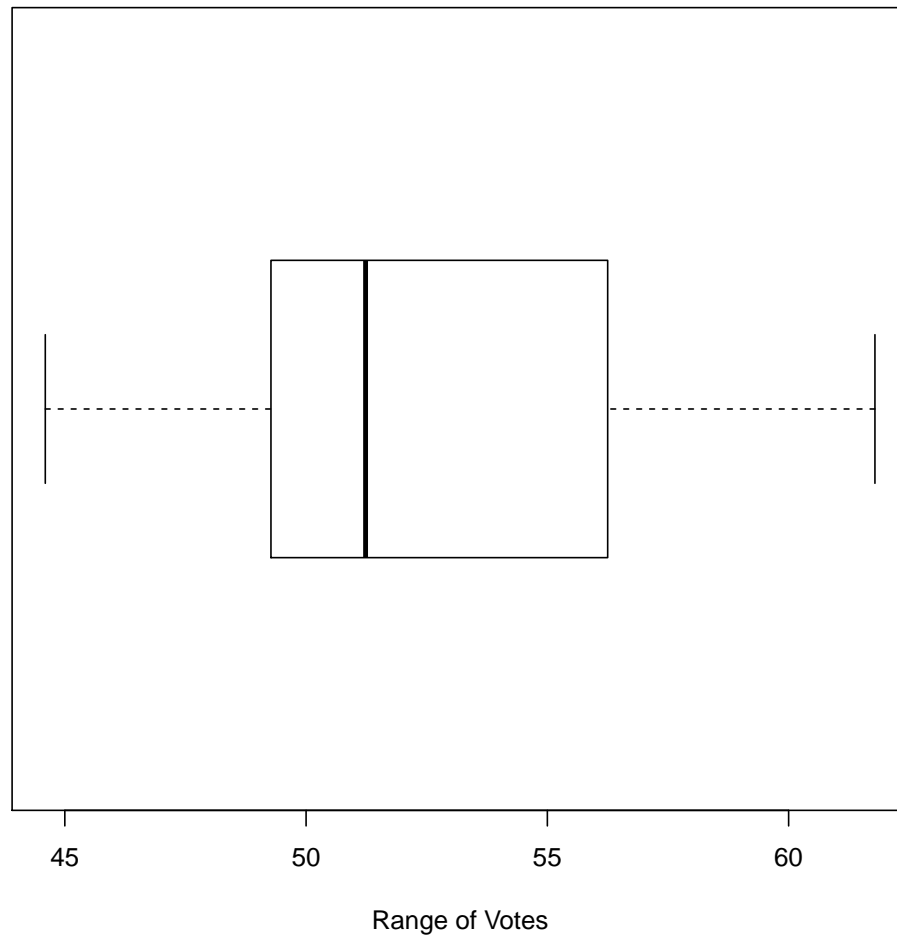
Potentially, your answer continues here.

4 R commands here

And more of your answer here.

And more space for your R commands.

```
# This is the code to produce the first boxplot.
pdf(file = "box1.pdf")
boxplot(us_data$vote, horizontal = T,
        main = "A Boxplot of the Variable Vote",
        names = "Vote",
        xlab = "Range of Votes")
dev.off()
```

A Boxplot of the Variable Vote

Hình 1: Boxplot of Incumbent Vote share

Variable	<i>Mean</i>	<i>Median</i>	<i>Mode</i>	<i>Var</i>	<i>SD</i>	<i>Range</i>	<i>IQR</i>
Vote	x	x	x	x	x	x	x
Growth	x	x	x	x	x	x	x

Bảng 1: Measures of central tendency and variability.

4. *Make a bar plot of the party affiliation of incumbent presidential candidates.*

Include the code for the bar plot and the plot here.

5. *During the presidential campaign in 1992, Bill Clinton's campaign coined the phrase "It's the economy, stupid!" Let's investigate the relationship between the economy and electoral success. Generate a nice-looking scatterplot of economic growth and vote share. Label the data points with the year of the election. Describe the pattern that you see in your own words.*

Include the code for the scatterplot as well as the plot here.

Then, describe the pattern you see. In the scatterplot we can see that...

R-Code

Finally, copy and paste the entire script here.