

Toán rời rạc và thuật toán

Đại học Khoa học Tự nhiên

Khoa Toán - Cơ - Tin học

Khoa học dữ liệu K4

Tháng 10 năm 2022

Bài tập số 2 - Lý thuyết đồ thị

Nguyễn Mạnh Linh, Nguyễn Thị Đông, Triệu Hồng Thúy

1 Bài 1

2 Bài 2

Trong phần này chúng ta sẽ xem xét bài toán "Travelling salesman problem" (bài toán người giao hàng) - là một trong những bài toán kinh điển và nổi tiếng trong lớp các bài toán về đồ thị nói chung và bài toán tìm đường đi ngắn nhất nói riêng.

Bài toán: Cho một danh sách các thành phố và khoảng cách từng cặp một, tìm đường đi ngắn nhất đi qua mỗi thành phố đúng một lần và quay về điểm xuất phát

Chúng ta có thể mô hình bài toán trên bằng đồ thị như sau: *Cho một đơn đồ thị đầy đủ, với các cạnh có trọng số, tìm đường đi xuất phát từ một đỉnh đi qua tất cả các đỉnh của đồ thị mỗi đỉnh đúng một lần với tổng trọng số (chi phí) nhỏ nhất.*

Trước hết chúng ta giải bài toán con đơn giản hơn là tìm đường đi với chi phí nhỏ nhất từ một đỉnh a tới đỉnh z cho trước. Trong bài toán này, không nhất thiết ta phải đi qua tất cả các đỉnh của đồ thị. Có nhiều cách tiếp cận bài toán, cách đầu tiên mà ta có thể nghĩ ngay tới là *vét cạn (brute force)*, tuy nhiên việc liệt kê toàn bộ cấu hình (t toàn bộ các đường đi khả dĩ từ a đến z) của bài toán rất tốn thời gian. Sau đây ta cùng xem xét một thuật toán hiệu quả hơn là thuật toán Dijkstra.

2.1 Thuật toán Dijkstra tìm đường đi ngắn nhất trên đồ thị