

## Toán rời rạc và thuật toán

Framework tìm kiếm hiệu quả kết hợp meta-heuristic  
giải bài toán định tuyến xe (VRP) với khung thời gian

Đại học Quốc gia Hà Nội  
Đại học Khoa học Tự nhiên  
Khoa Toán cơ tin

Giảng viên: PGS.TS. Nguyễn Thị Hồng Minh

Học viên: Nguyễn Mạnh Linh, Nguyễn Thị Đông, Triệu Hồng Thúy



**Mục lục**

1	Giới thiệu .....	1
	Tài liệu tham khảo .....	III

## Tóm tắt

---

Bài toán định tuyến xe với khung thời gian là một vấn đề thách thức trong vận tải, cấu hình từ 100 khách hàng trở lên rất khó giải quyết. Có nhiều chiến thuật thú vị được đề xuất để xử lý vấn đề này một cách hiệu quả. Trong bài báo này, tác giả nghiên cứu 2 thuật toán meta-heuristics đã biết và cẩn thận kết hợp các cơ chế bộ nhớ ngắn hạn và dài hạn của cả 2 phương pháp để thu được kết quả tốt hơn. Phương pháp của tác giả được so sánh với các phương pháp tìm kiếm ban đầu và các phương pháp tìm kiếm kết hợp có liên quan trên tập kiểm thử Solomon. Quan trọng hơn, đề xuất tích hợp này của tác giả mở ra nhiều hướng nghiên cứu thú vị đáng để đầu tư.

*Keywords : Vehicle Routing Problems, Meta-heuristics, Guided Local Search, Tabu Search, Search Hybrids.*

---

## 1 Giới thiệu

Nhiều bài toán giao vận trong thực tế như giao hàng, dịch vụ vận chuyển... có thể được mô hình hóa bằng bài toán định tuyến xe (vehicle routing problems - VRP) [10]. VRP giải quyết vấn đề định tuyến một số xe với trọng tải giới hạn để phục vụ toàn bộ yêu cầu của khách hàng với chi phí nhỏ nhất, thường được đo bằng số xe nhân với tổng quãng đường di chuyển. Thường thì mỗi khách hàng có một khung thời gian khác nhau với thời điểm sớm nhất và muộn nhất họ có thể nhận hàng, điều này dẫn đến bài toán VRP với khung thời gian (time windows - VRP-TWs). Nói cách khác, xe phải đến chỗ khách hàng trong một khoảng thời gian nhất định trong bài toán VRP-TWs.

**Tài liệu tham khảo**

- [1] Chen, Pin-Yu, et al. "Ead: elastic-net attacks to deep neural networks via adversarial examples." *Proceedings of the AAAI conference on artificial intelligence*. Vol. 32. No. 1. 2018.
- [2] Shao, Weijia, Fikret Sivrikaya, and Sahin Albayrak. "Optimistic Optimisation of Composite Objective with Exponentiated Update." (2022).
- [3] Beck, Amir, and Marc Teboulle. "A fast iterative shrinkage-thresholding algorithm for linear inverse problems." *SIAM journal on imaging sciences* 2.1 (2009): 183-202.
- [4] Candès, Emmanuel J., and Michael B. Wakin. "An introduction to compressive sampling." *IEEE signal processing magazine* 25.2 (2008): 21-30.
- [5] Carlini, Nicholas, and David Wagner. "Adversarial examples are not easily detected: Bypassing ten detection methods." *Proceedings of the 10th ACM workshop on artificial intelligence and security*. 2017.
- [6] Carlini, Nicholas, and David Wagner. "Towards evaluating the robustness of neural networks." *2017 IEEE Symposium on Security and Privacy (SP)*. Ieee, 2017.
- [7] Dong, Yinpeng, et al. "Towards interpretable deep neural networks by leveraging adversarial examples." *arXiv preprint arXiv:1708.05493* (2017).
- [8] Duchi, John, and Yoram Singer. "Efficient online and batch learning using forward backward splitting." *The Journal of Machine Learning Research* 10 (2009): 2899-2934.
- [9] Evtimov, Ivan, et al. "Robust physical-world attacks on machine learning models." *arXiv preprint arXiv:1707.08945* 2.3 (2017): 4.
- [10] Feinman, Reuben, et al. "Detecting adversarial samples from artifacts." *arXiv preprint arXiv:1703.00410* (2017).
- [11] Fu, Haoying, et al. "Efficient minimization methods of mixed l2-l1 and l1-l1 norms for image restoration." *SIAM Journal on Scientific computing* 27.6 (2006): 1881-1902.
- [12] Goodfellow, Ian J., Jonathon Shlens, and Christian Szegedy. "Explaining and harnessing adversarial examples." *arXiv preprint arXiv:1412.6572* (2014).

- 
- [13] Grosse, Kathrin, et al. "On the (statistical) detection of adversarial examples." arXiv preprint arXiv:1702.06280 (2017).
  - [14] Hinton, Geoffrey, Oriol Vinyals, and Jeff Dean. "Distilling the knowledge in a neural network (2015)." arXiv preprint arXiv:1503.02531 2 (2015).
  - [15] Kingma, Diederik P., and Jimmy Ba. "Adam: A method for stochastic optimization." arXiv preprint arXiv:1412.6980 (2014).
  - [16] Koh, Pang Wei, and Percy Liang. "Understanding black-box predictions via influence functions." International conference on machine learning. PMLR, 2017.
  - [17] Kurakin, Alexey, Ian J. Goodfellow, and Samy Bengio. "Adversarial examples in the physical world." Artificial intelligence safety and security. Chapman and Hall/CRC, 2018. 99-112.
  - [18] Kurakin, Alexey, Ian Goodfellow, and Samy Bengio. "Adversarial machine learning at scale." arXiv preprint arXiv:1611.01236 (2016).
  - [19] Liu, Yanpei, et al. "Delving into transferable adversarial examples and black-box attacks." arXiv preprint arXiv:1611.02770 (2016).
  - [20] Lu, J.; Issararanon, T.; and Forsyth, D. 2017. Safetynet: Detecting and rejecting adversarial examples robustly
  - [21] Madry, Aleksander, et al. "Towards deep learning models resistant to adversarial attacks." arXiv preprint arXiv:1706.06083 (2017).
  - [22] Moosavi-Dezfooli, Seyed-Mohsen, et al. "Universal adversarial perturbations." Proceedings of the IEEE conference on computer vision and pattern recognition. 2017.
  - [23] Moosavi-Dezfooli, Seyed-Mohsen, Alhussein Fawzi, and Pascal Frossard. "Deep-fool: a simple and accurate method to fool deep neural networks." Proceedings of the IEEE conference on computer vision and pattern recognition. 2016.
  - [24] Papernot, Nicolas, et al. "The limitations of deep learning in adversarial settings." 2016 IEEE European symposium on security and privacy (EuroS&P). IEEE, 2016.
  - [25] Papernot, Nicolas, et al. "Distillation as a defense to adversarial perturbations against deep neural networks." 2016 IEEE symposium on security and privacy (SP). IEEE, 2016.

- 
- [26] Papernot, Nicolas, et al. "Practical black-box attacks against machine learning." Proceedings of the 2017 ACM on Asia conference on computer and communications security. 2017.
  - [27] Parikh, Neal, and Stephen Boyd. "Proximal algorithms." *Foundations and trends® in Optimization* 1.3 (2014): 127-239.
  - [28] Szegedy, Christian, et al. "Intriguing properties of neural networks." arXiv preprint arXiv:1312.6199 (2013).
  - [29] Szegedy, Christian, et al. "Rethinking the inception architecture for computer vision." Proceedings of the IEEE conference on computer vision and pattern recognition. 2016.
  - [30] Tramèr, Florian, et al. "Ensemble adversarial training: Attacks and defenses." arXiv preprint arXiv:1705.07204 (2017).
  - [31] Xu, Weilin, David Evans, and Yanjun Qi. "Feature squeezing: Detecting adversarial examples in deep neural networks." arXiv preprint arXiv:1704.01155 (2017).
  - [32] Zantedeschi, Valentina, Maria-Irina Nicolae, and Ambrish Rawat. "Efficient defenses against adversarial attacks." Proceedings of the 10th ACM Workshop on Artificial Intelligence and Security. 2017.
  - [33] Zheng, Stephan, et al. "Improving the robustness of deep neural networks via stability training." Proceedings of the IEEE conference on computer vision and pattern recognition. 2016.
  - [34] Zou, Hui, and Trevor Hastie. "Regularization and variable selection via the elastic net." *Journal of the royal statistical society: series B (statistical methodology)* 67.2 (2005): 301-320.