

# Inteligência Artificial

Profº - Dr. Thales Levi Azevedo Valente  
thales.l.a.valente@gmail.com.br

# Grupo da turma 2024.2



<https://chat.whatsapp.com/JFB6CgOI7IMCoYmolKEK62>

# Sejam Bem-vindos !



**Os celulares devem  
ficar no silencioso  
ou desligados**

Pode ser utilizado  
apenas em caso  
de emergência



**Boa tarde/noite, por  
favor e com licença  
DEVEM ser usados**

Educação é  
essencial

# Objetivos de hoje



Apresentar os principais conceitos de busca sem informação;



Ao final da aula, os alunos serão capazes de ter uma visão geral do funcionamento dos principais algoritmos de busca sem informação.



# Relembrando a aula passada

---

- Um problema é definido por 4 itens:

- ✓ 1. Estado inicial ex.: “em Arad”

- ✓ 2. Ações ou função sucessora  $S(x)$  = conjunto de pares estado-ação

- ✓ – ex.:  $S(\text{Arad}) = \{ \langle \text{Arad} \rightarrow \text{Zerind}, \text{Zerind} \rangle, \dots \}$

- ✓ 3. Teste de objetivo, pode ser:

- ✓ – explícito, ex.:  $x = \text{“em Bucharest”}$

- ✓ – implícito, ex.:  $\text{Cheque-mate}(x)$

- Uma solução é uma sequência de ações que levam do estado inicial para o estado objetivo.

- Uma solução ótima é uma solução com o menor custo de caminho.

- ✓ 4. Custo de caminho (aditivo):

- ✓ – ex.: soma das distâncias, número de ações executadas, etc.

- ✓ –  $c(x, a, y)$  é o custo do passo, que deve ser sempre  $\geq 0$

# Relembrando a aula passada

---

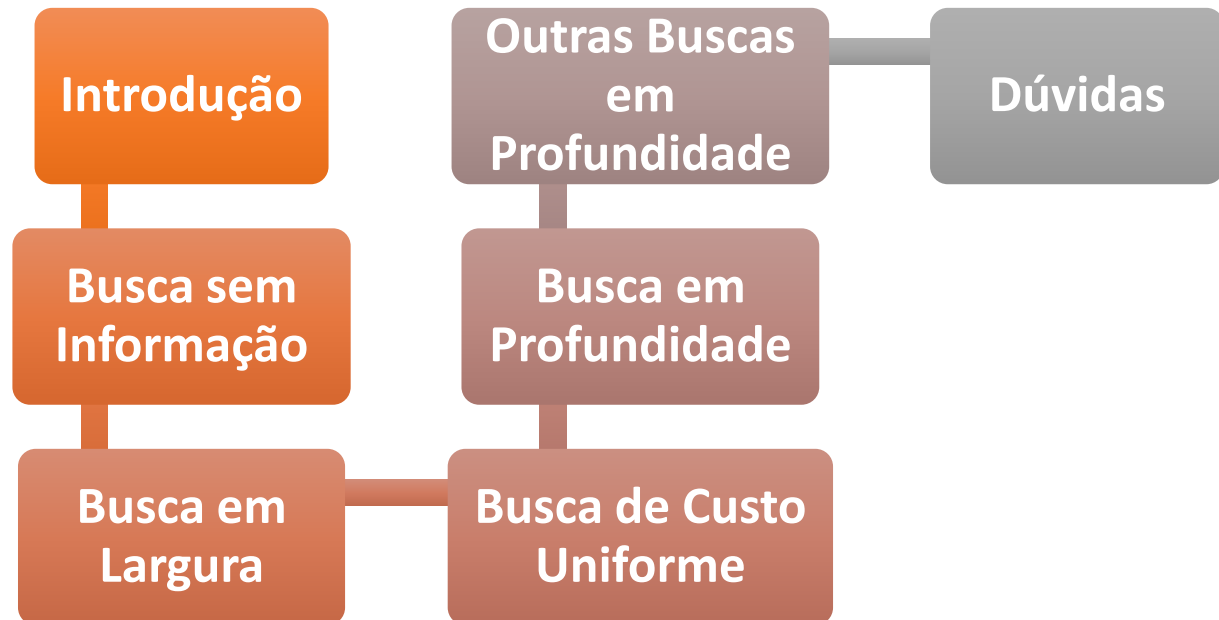
- Uma estratégia de busca é definida pela escolha da ordem da expansão de nós
- Estratégias são avaliadas de acordo com os seguintes critérios
  - ✓ **Completeza**: o algoritmo sempre encontra a solução se ela existe?
  - ✓ **Complexidade de tempo**: número de nós gerados
  - ✓ **Complexidade de espaço**: número máximo de nós na memória
  - ✓ **Otimização**: a estratégia encontra a solução ótima?

# Relembrando a aula passada

---

- **Complexidade de tempo e espaço são medidas em termos de**
- **Estratégias são avaliadas de acordo com os seguintes critérios**
  - ✓ **b**: máximo fator de ramificação da árvore (número máximo de sucessores de qualquer nó)
  - ✓ **d**: profundidade do nó objetivo menos profundo
  - ✓ **m**: o comprimento máximo de qualquer caminho no espaço de estados (pode ser  $\infty$ )

# Roteiro: Busca sem Informação





# Introdução

---

*“Children see magic because they look for it.”*  
**(Christopher Moore)**

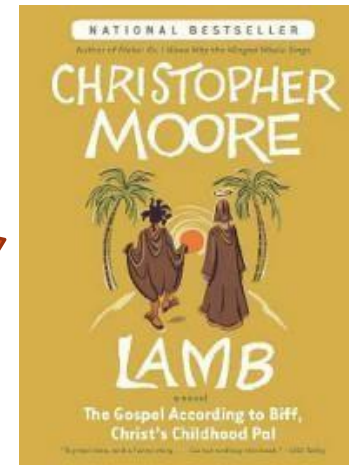
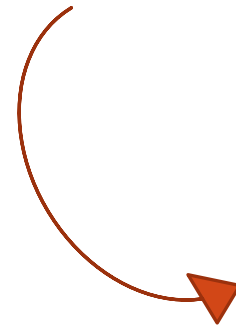


## **CHRISTOPHER MOORE**

American Writer of Comic Fantasy.

*Link:*

<https://www.chrismoore.com/biography/>



# Introdução

---

- **Reflexão sobre a forma como nossa perspectiva influencia o que percebemos no mundo ao nosso redor.**
  - ✓ As crianças têm uma curiosidade natural e disposição para explorar e buscar o extraordinário.
- **Idéia pode ser relacionada aos algoritmos de busca no contexto de inteligência artificial e ciência da computação da seguinte maneira.**
  - ✓ Busca como Exploração Intencional
  - ✓ Curiosidade e Estratégias de Busca
  - ✓ Enxergar Soluções Onde Não Parecem Existir

# Introdução

---

- **Reflexão sobre a forma como nossa perspectiva influencia o que percebemos no mundo ao nosso redor.**
  - ✓ As crianças têm uma curiosidade natural e disposição para explorar e buscar o extraordinário.
- **Idéia pode ser relacionada aos algoritmos de busca no contexto de inteligência artificial e ciência da computação da seguinte maneira.**
  - ✓ Busca como Exploração Intencional
  - ✓ Enxergar Soluções Onde Não Parecem Existir
  - ✓ Curiosidade e Estratégias de Busca

# Introdução

---

- **Busca como Exploração Intencional.**

- ✓ Assim como as crianças veem magia porque estão dispostas a buscá-la, os algoritmos de busca encontram soluções porque são projetados para explorar o espaço de estados.
- ✓ A **eficiência** e o sucesso de um algoritmo de busca **dependem da maneira como ele "procura"** a solução em um espaço de possibilidade.

- **Enxergar Soluções Onde Não Parecem Existir.**

- ✓ Algumas abordagens, como algoritmos genéticos ou redes neurais, simulam a capacidade de encontrar padrões ou soluções que não são óbvias para os humanos, semelhante à capacidade infantil de ver "magia" onde outros não enxergam.

# Introdução

---

## ▪ Curiosidade e Estratégias de Busca.

- ✓ Busca Cega (como busca em largura ou profundidade):
  - ✓ **Sem conhecimento prévio**, o algoritmo **explora todos os caminhos** possíveis, semelhante à curiosidade infantil indiscriminada
- ✓ Busca Heurística (como A\*):
  - ✓ Aqui, o algoritmo "procura por magia" ao usar uma heurística para **focar em caminhos mais promissores**, tornando a **busca mais direcionada** e eficiente.
  - ✓ A heurística, nesse caso, é a "disposição para encontrar o extraordinário" no espaço de estados

# Introdução

---

- **Estratégias de busca sem informação:**

- ✓ Busca cega.
- ✓ **Não** possui **informação adicional** sobre o estado, além daquelas fornecidas na definição do problema.
- ✓ **Geram sucessores** e **distinguem** um estado objetivo de um estado não objetivo.
- ✓ As estratégias de busca se **distinguem pela ordem em que os nós são expandidos**.

# Estratégias de busca sem informação

---

- **Etapas básicas:**

- ✓ Estado inicial;
- ✓ Ações;
- ✓ Teste de objetivos;
- ✓ Uma função de custo.

# Estratégias de busca sem informação

---

- **Tipos:** se distinguem pela ordem em que os nós são expandidos
  - ✓ Busca em largura (Breadth-first);
  - ✓ Busca de custo uniforme;
  - ✓ Busca em profundidade (Depth-first).



# Busca em largura

---

- Também conhecido por breadth-first search (BFS) ou busca em amplitude.
- Examina, sistematicamente, todos os vértices de um grafo direcionado ou não-direcionado.
- Realiza uma busca exaustiva num grafo passando por todas as arestas e vértices.

# Busca em largura

---

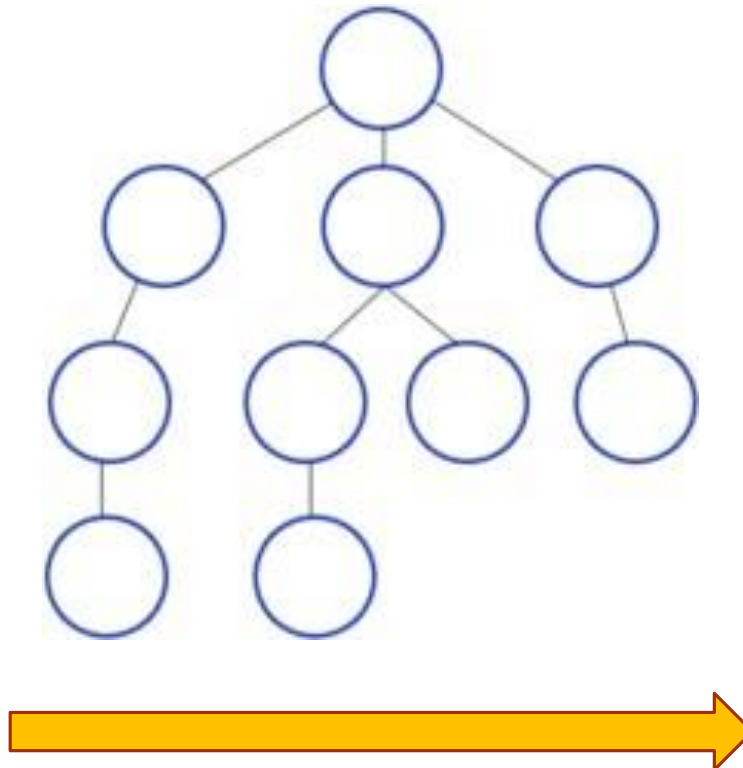
- A busca começa por um vértice, digamos ***s***, especificado pelo usuário.
- O algoritmo visita ***s***, depois visita todos os vértices que estão à distância ***1 de s***, depois todos os vértices que estão à distância ***2 de s***, e assim por diante.
- Para implementar a ideia o algoritmo utiliza uma **fila de vértices**.
  - ✓ A “borda” é uma fila FIFO (first-in, first-out), isto é, novos itens entram no final.

**Importante:** a distância de um ***vértice s*** a um ***vértice t*** é o comprimento de um caminho **mínimo** de ***s*** a ***t***.

# Busca em largura

---

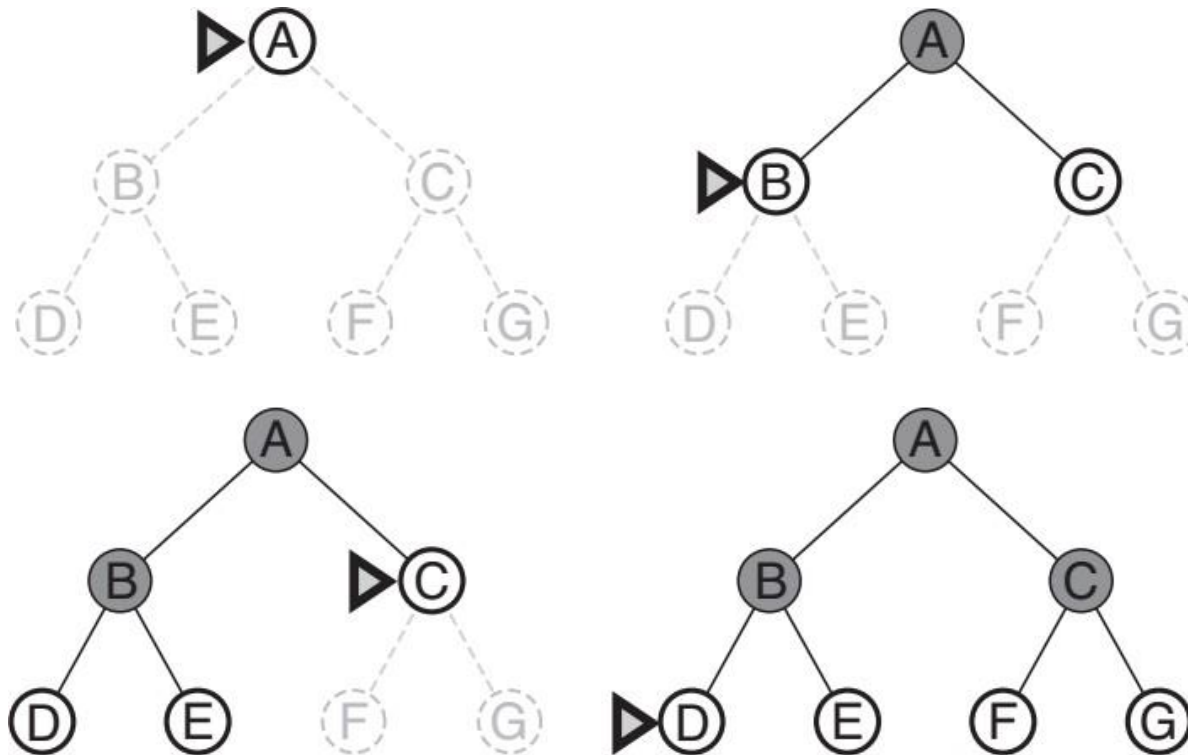
- Exemplo ilustrativo:



# Busca em largura

---

- Exemplo ilustrativo:



# Busca em largura

---

- Completa? Sim (se  $b$  é finito)
- Tempo?  $1+b+b^2+b^3+\dots +b^d + b(b^d-1) = O(b^{d+1})$
- Espaço?  $O(b^{d+1})$  (mantém todos os nós na memória)
- Ótima? Sim (se todas as ações tiverem o mesmo custo)

# Busca em largura

---

- Esta estratégia só dá bons resultados quando a profundidade da árvore de busca é pequena.

Profundidade	Nós	Tempo	Memória
0	1	1 milissegundo	100 bytes
2	111	0.1 segundo	11 quilobytes
4	11111	11 segundos	1 megabytes
6	$10^6$	18 minutos	111 megabytes
8	$10^8$	31 horas	11 gigabytes
10	$10^{10}$	128 dias	1 terabyte
12	$10^{12}$	35 anos	111 terabytes
14	$10^{14}$	3500 anos	11111 terabytes

# Busca de custo uniforme

---

- Expande o nó não-expandido que tenha o **caminho de custo mais baixo**.
  - ✓ Equivalente a busca em extensão se os custos são todos iguais
- Implementação: fila ordenada pelo **custo do caminho**
- Completa? Sim, se o custo de cada passo  $\geq \epsilon$
- Tempo? número de nós com  $g \leq$  custo da solução ótima
  - ✓  $O(b^{\lceil c^*/\epsilon \rceil})$  onde  $c^*$  é o custo da solução ótima
- Espaço? de nós com  $g \leq$  custo da solução ótima,  $O(b^{\lceil c^*/\epsilon \rceil})$
- Ótima? Sim pois os nós são expandidos em ordem crescente de custo total.

# Busca em custo uniforme

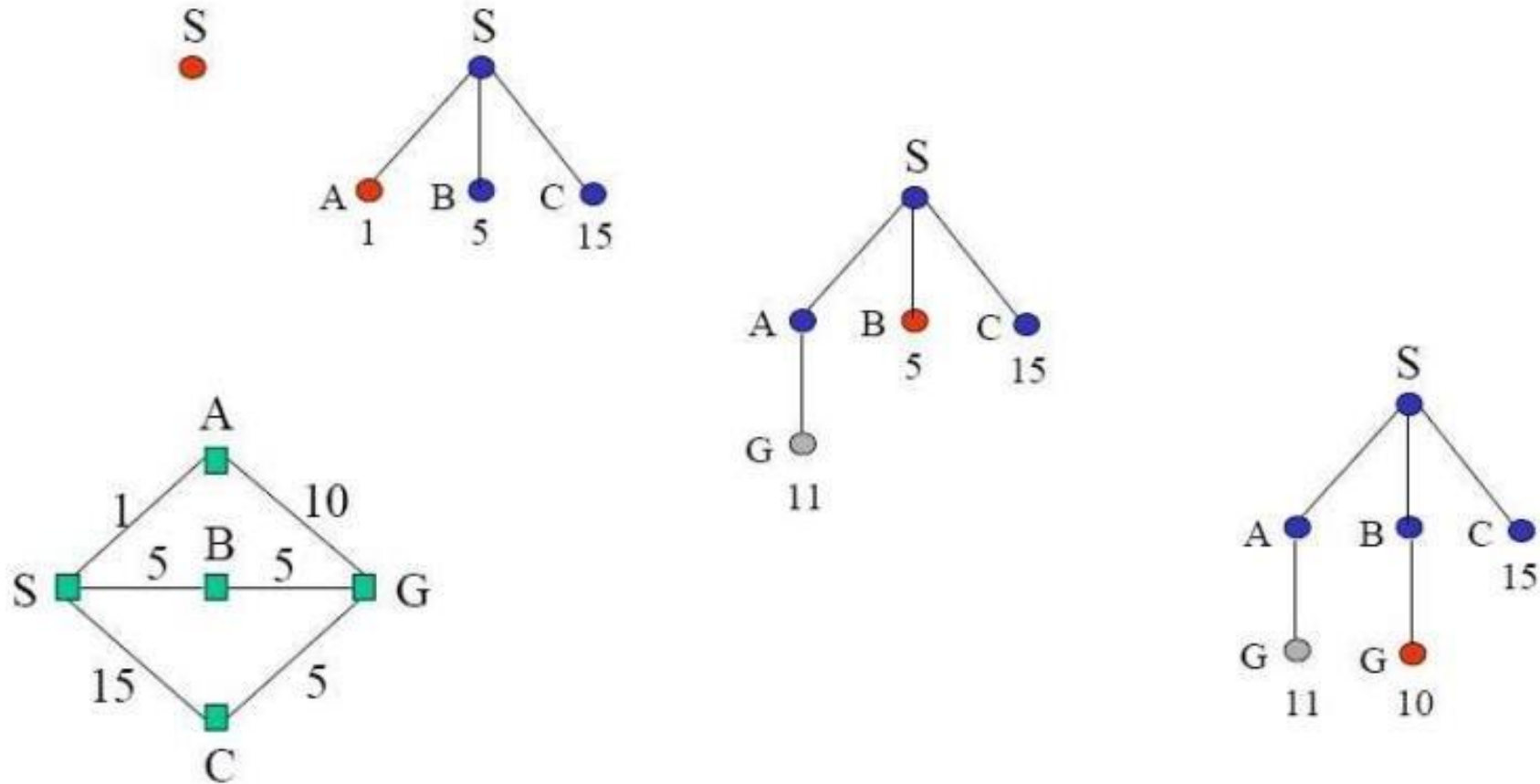
---

- A estratégia encontra a melhor solução se:
  - Se o custo do caminho **nunca diminuir** enquanto o mesmo for percorrido.
  - Esta restrição é obedecida se o custo do caminho é a soma dos custos dos operadores que geram o caminho e nenhum operador tem custo negativo.



# Busca em custo uniforme

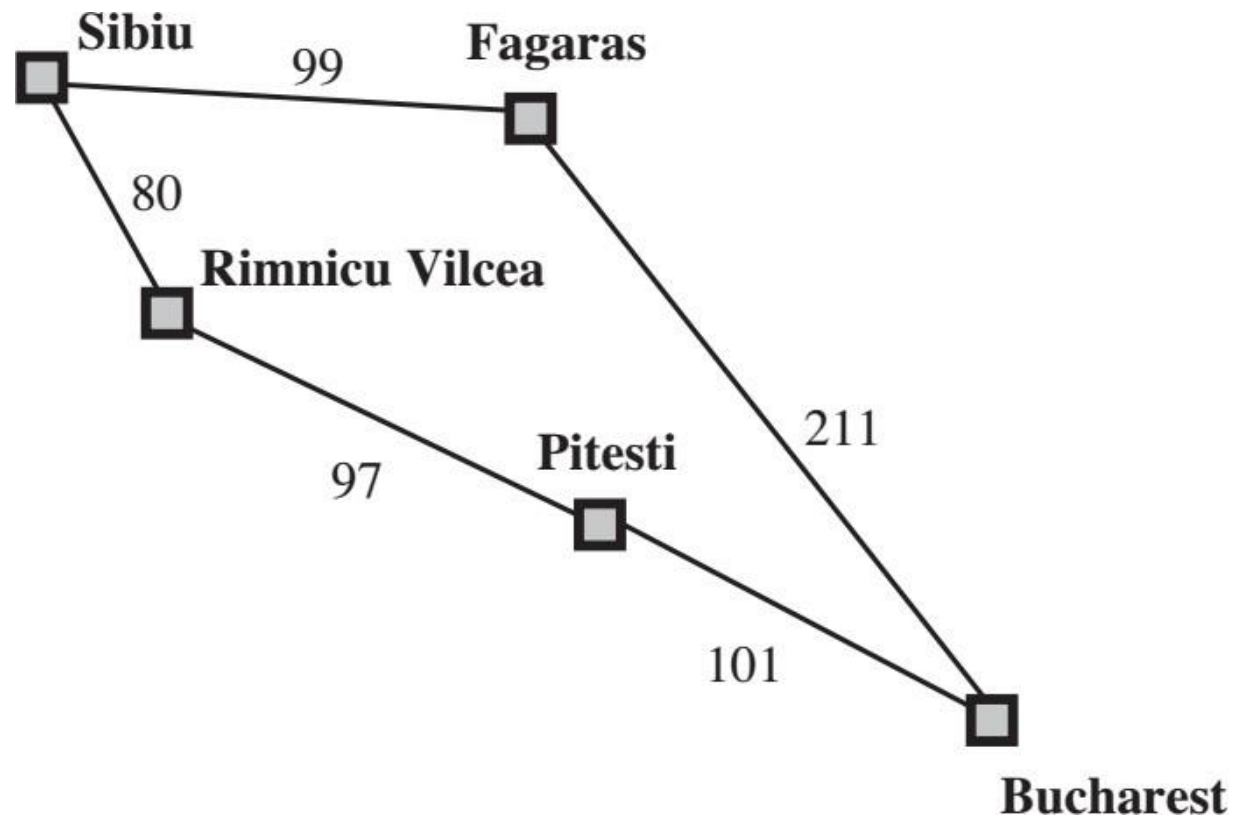
---



# Exercício

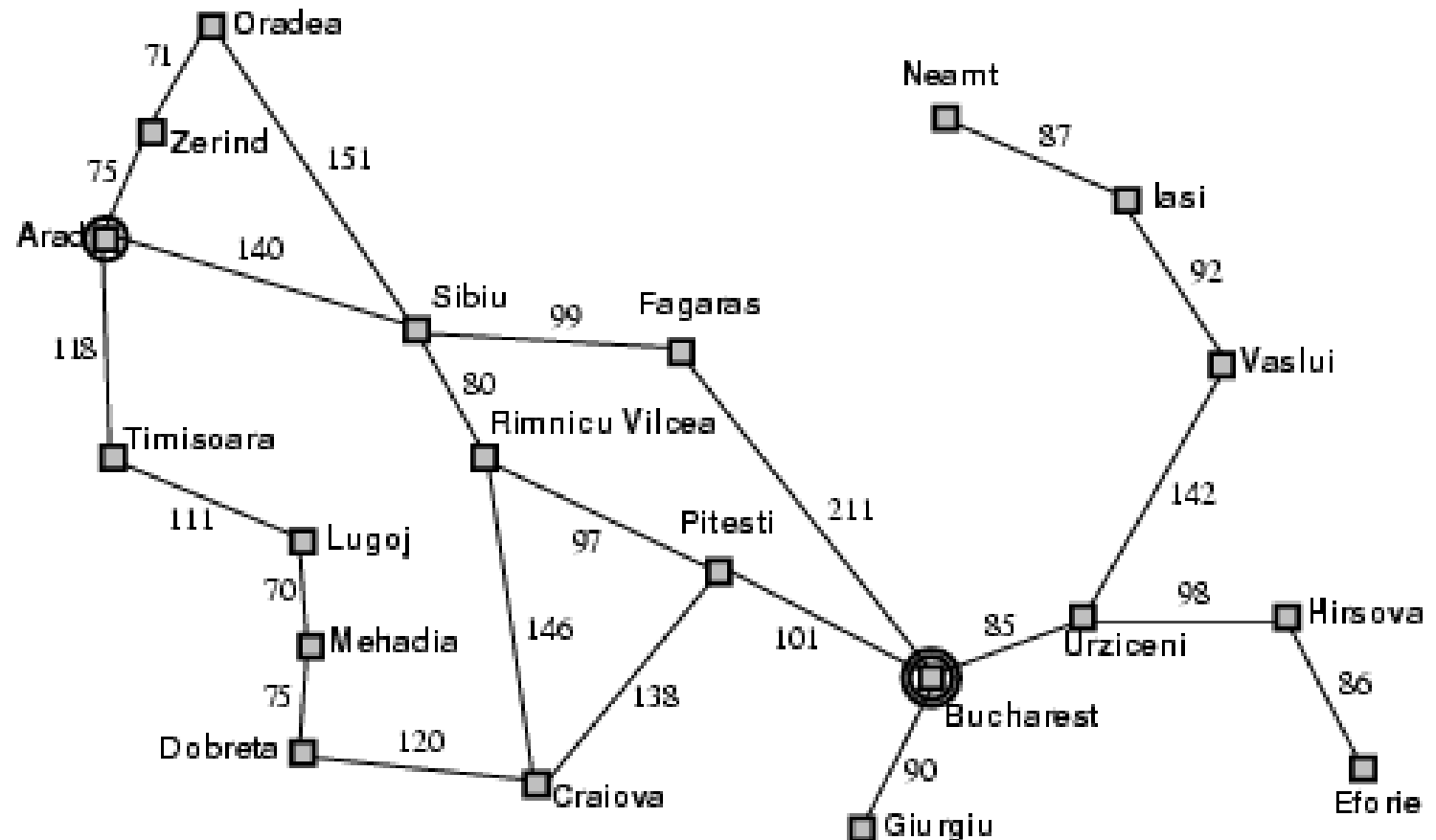
---

- Aplicar busca de custo uniforme para achar o caminho mais curto entre Sibiu e Bucareste



# Exercício

- Aplicar busca de custo uniforme para achar o caminho mais curto entre Arad e Bucareste



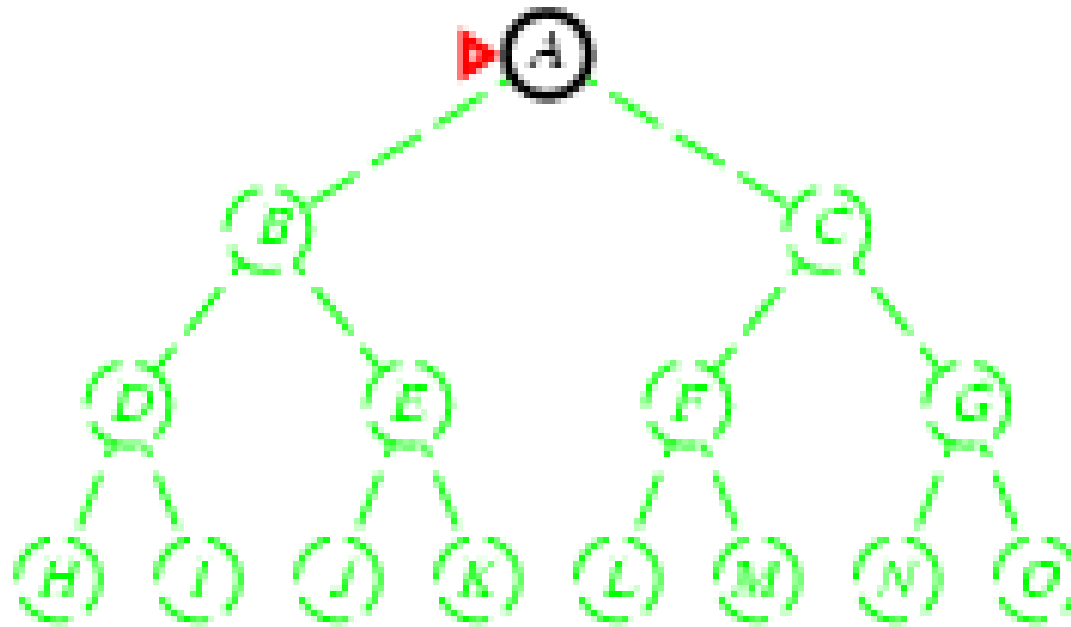
# Busca em profundidade

---

- Também conhecido por **depth-first search** (DFS).
- Expande sempre um dos nós de maior profundidade na árvore.
- Quando a **busca encontra um nó que não pode ser expandido, retorna e expande os nós que estão pendentes.**
- Para implementar a ideia o algoritmo utiliza uma **pilha**.

# Busca em Profundidade

---



# Busca em Profundidade

---



# Busca em Profundidade

---



# Busca em Profundidade

---





# Busca em Profundidade

---



# Busca em Profundidade

---



# Busca em Profundidade

---



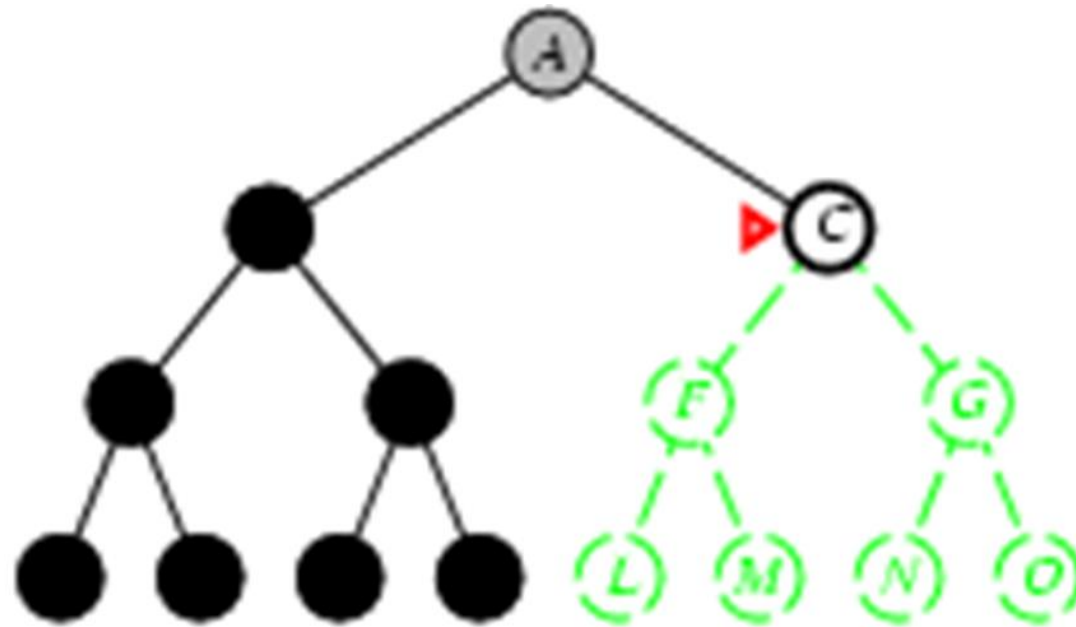
# Busca em Profundidade

---



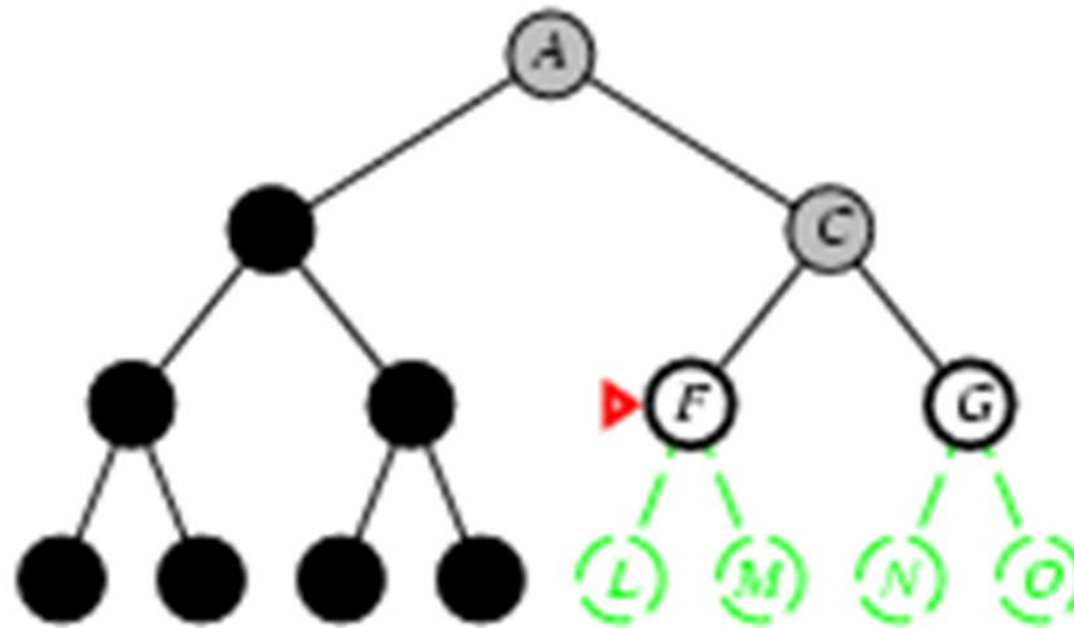
# Busca em Profundidade

---



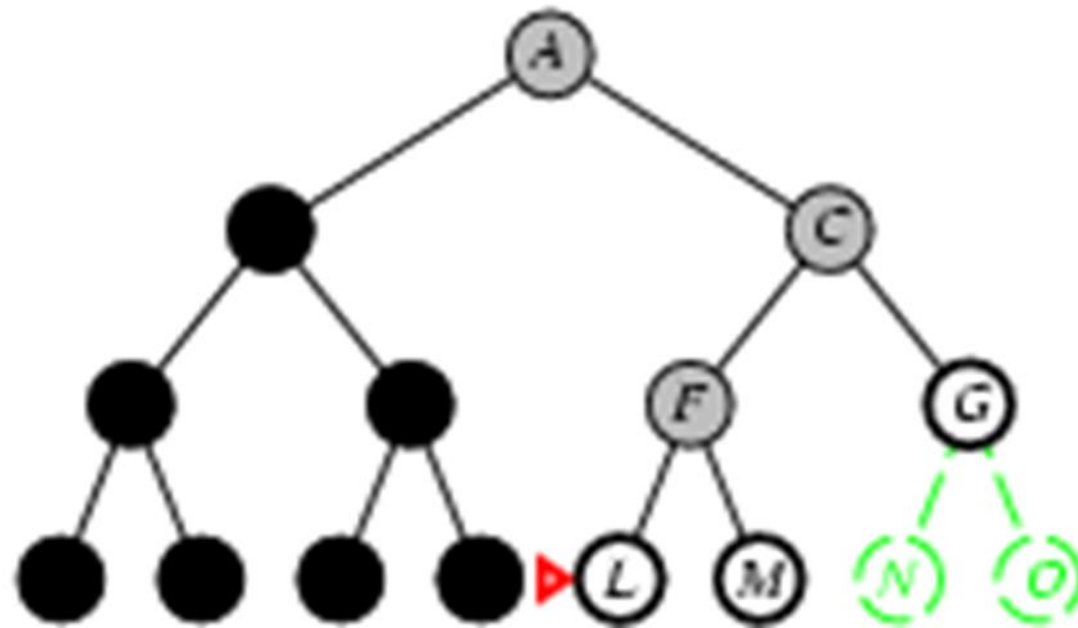
# Busca em Profundidade

---



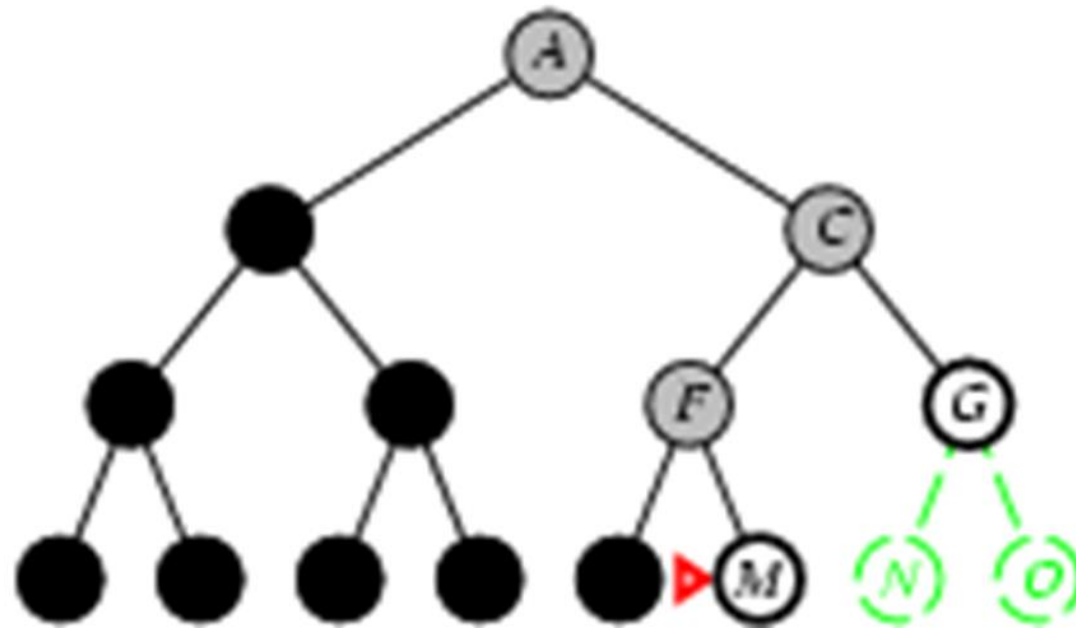
# Busca em Profundidade

---



# Busca em Profundidade

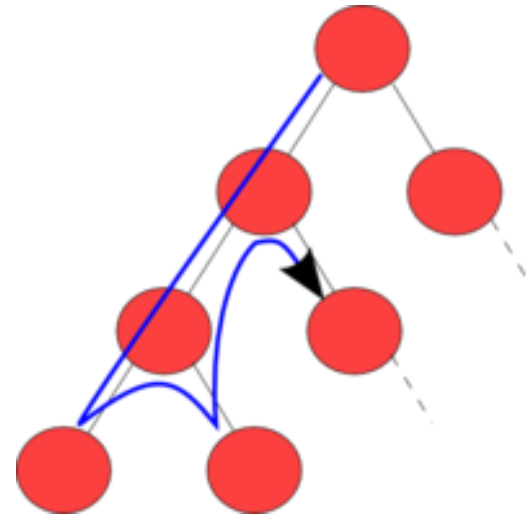
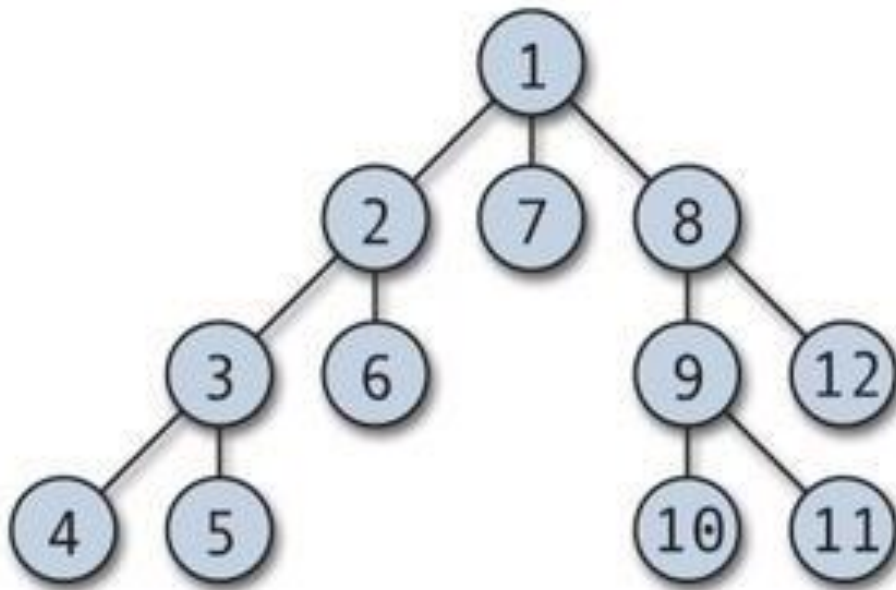
---





# Busca em Profundidade (resumo)

---



# Busca em profundidade

---

## ■ Vantagens:

- ✓ Econômico em memória.
- ✓ É necessário armazenar apenas um único caminho da raiz até um nó-folha.
- ✓ Problemas com muitas soluções: a busca em profundidade “tende” a ser melhor que a busca em largura.

## ■ Desvantagens:

- ✓ A estratégia pode forçar uma busca em um ramo que não há soluções.
- ✓ Deve ser evitada para árvores de busca com profundidades muito grandes ou infinitas.

# Busca em Profundidade Limitada

---

- Completa? Não: falha em espaços com profundidade infinita, espaços com loops. Se modificada para evitar estados repetidos é completa para espaços finitos.
- Tempo?  $O(b^m)$ : péssimo quando  $m$  é muito maior que  $d$ . Mas se há muitas soluções pode ser mais eficiente que a busca em extensão
- Espaço?  $O(bm)$ : *i.e., espaço linear!*
  - 118 kilobytes ao invés de 10 petabytes para busca com  $b=10$ ,  $d=m=12$
- Ótima? Não

# Busca em Profundidade Limitada

---

- Busca em profundidade com limite de profundidade  $l$ , isto é, nós com profundidade  $l$  não tem sucessores
- Completa? Não; a solução pode estar além do limite.
- Tempo?  $O(b^l)$
- Espaço?  $O(bl)$ : i.e., espaço linear!
- Ótima? Não

# Busca de Aprofundamento Iterativo

---

- Estratégia utilizada em conjunto com busca em profundidade para encontrar o melhor limite  $l$ 
  - ✓ Aumentar gradualmente  $l$  até encontrar um estado objetivo
- Isto ocorre quando a profundidade alcançar  $d$ 
  - ✓ (profundidade do objetivo mais raso)

# Busca de Aprofundamento Iterativo em Profundidade $L = 0$

---

Limit = 0



# Busca de Aprofundamento Iterativo em Profundidade $L = 1$

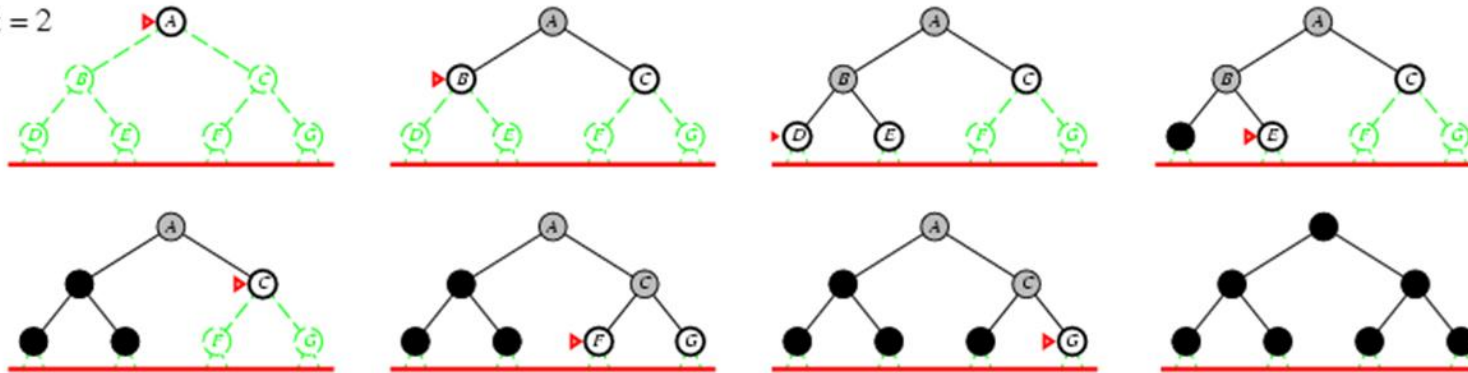
---

Limit = 1



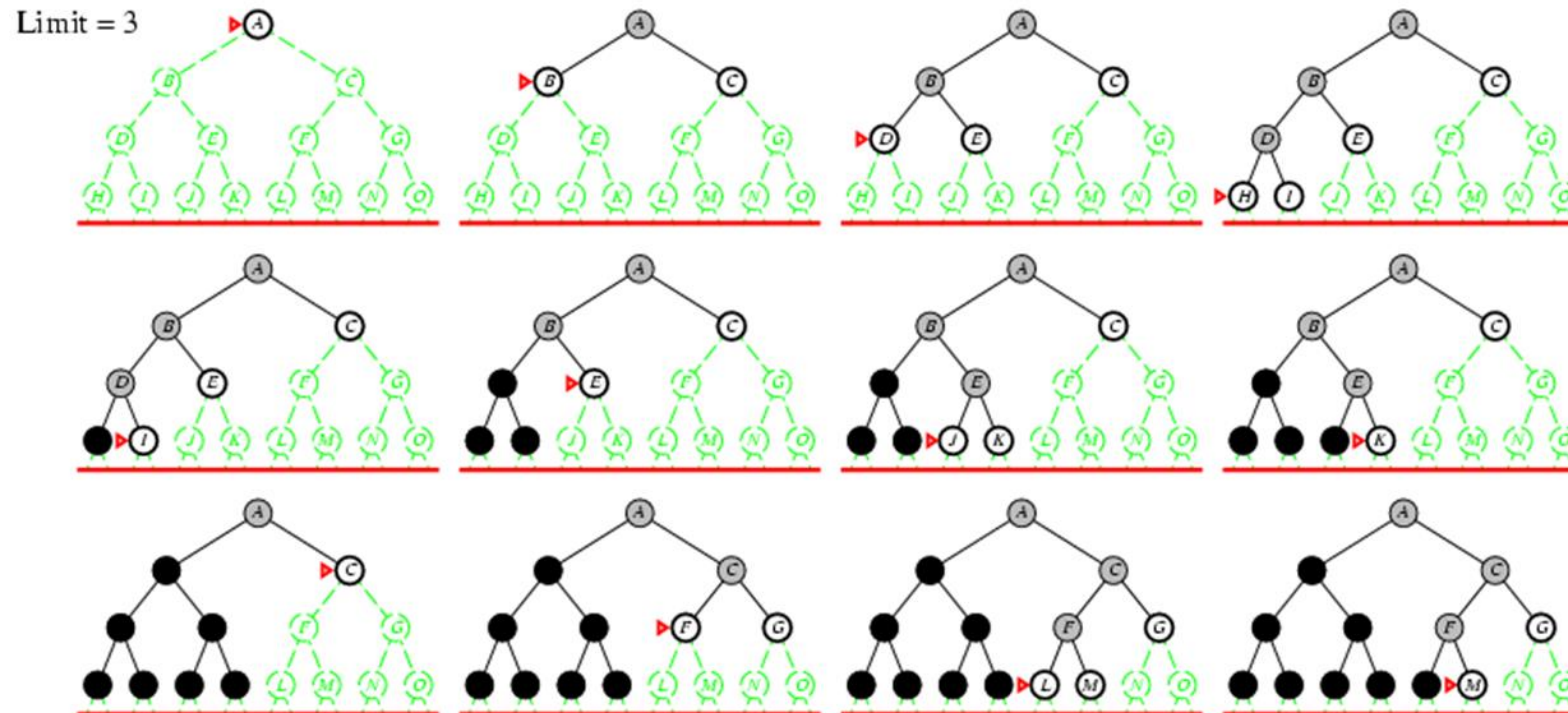
# Busca de Aprofundamento Iterativo em Profundidade $L = 2$

Limit = 2





# Busca de Aprofundamento Iterativo em Profundidade $L = 3$



# Propriedades da busca de aprofundamento iterativo

---

- Completa? Sim.
- Tempo?  $(d+1)b^0 + d b^1 + (d-1)b^2 + \dots + b^d = O(b^d)$
- Espaço?  $O(bd)$ : *i.e., espaço linear!*
- Ótima? Sim, se custo de passo = 1

# Resumo dos Algoritmos

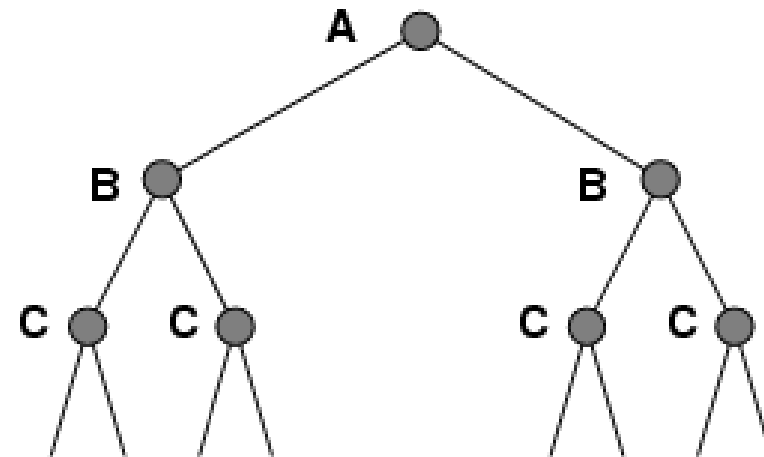
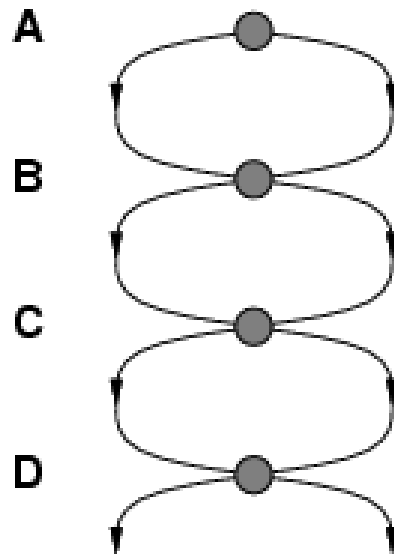
---

Criterion	Breadth-First	Uniform-Cost	Depth-First	Depth-Limited	Iterative Deepening
Complete?	Yes	Yes	No	No	Yes
Time	$O(b^{d+1})$	$O(b^{\lceil C^*/\epsilon \rceil})$	$O(b^m)$	$O(b^l)$	$O(b^d)$
Space	$O(b^{d+1})$	$O(b^{\lceil C^*/\epsilon \rceil})$	$O(bm)$	$O(bl)$	$O(bd)$
Optimal?	Yes	Yes	No	No	Yes

# Detecção de estados repetidos

---

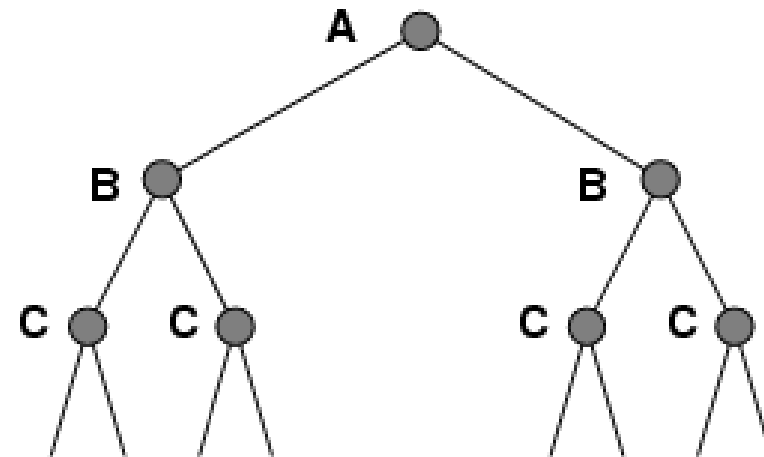
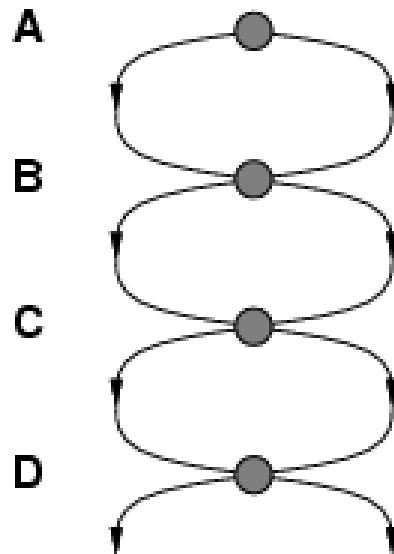
- O processo de busca pode perder tempo expandindo nós já explorados antes
  - ✓ Estados repetidos podem levar a loops infinitos
  - ✓ Estados repetidos podem transformar um problema linear em um problema exponencial



# Detecção de estados repetidos

---

- Comparar os nós prestes a serem expandidos com nós já visitados
  - ✓ Se o nó já tiver sido visitado, será descartado.
  - ✓ Lista “closed” (fechado) armazena nós já visitados.
  - ✓ A busca percorre um grafo e não uma árvore.



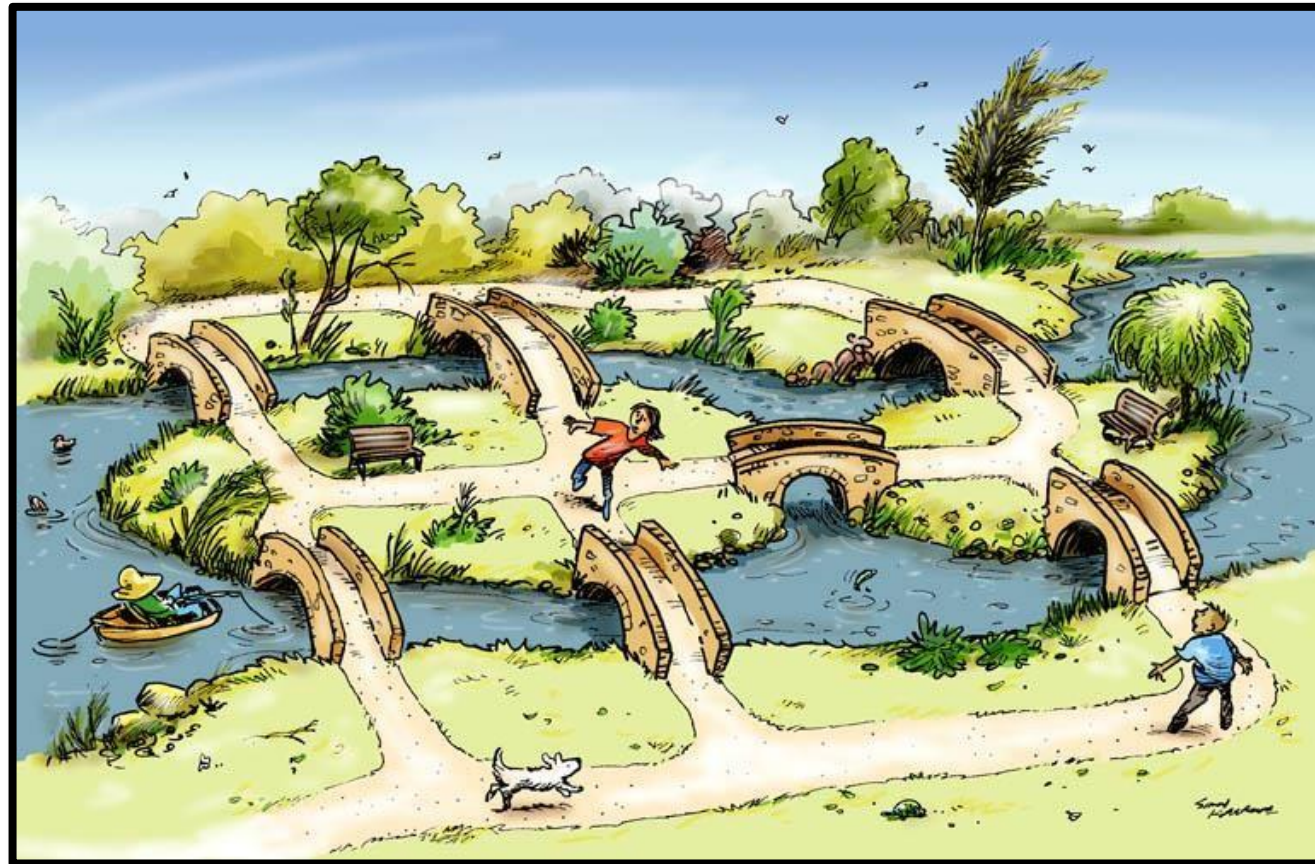
# Conclusão

---

- A formulação de problemas usualmente requer a abstração de detalhes do mundo real para que seja definido um espaço de estados que possa ser explorado através de algoritmos de busca.
- Há uma variedade de estratégias de busca sem informação (ou busca cega).
- A busca de aprofundamento iterativo usa somente espaço linear e não muito mais tempo que outros algoritmos sem informação.

# Obrigado!

---

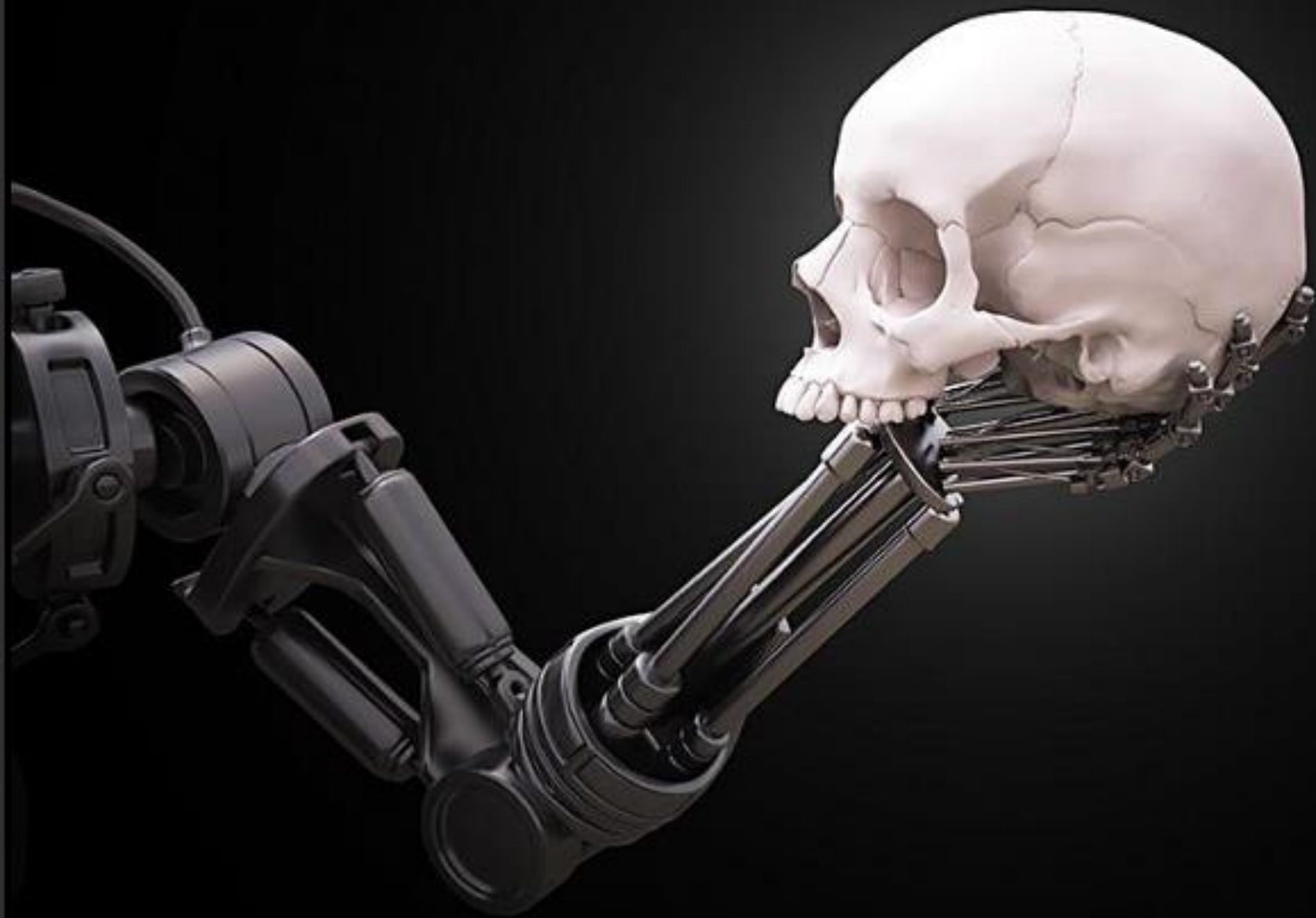




Dúvidas?

---





Até a próxima...



Apresentador

Thales Levi Azevedo Valente

E-mail:

[thales.l.a.valente@gmail.com](mailto:thales.l.a.valente@gmail.com)

# Referências

- Links referenciados nos respectivos slides.
- T.B. Borchardt . *Introdução à Inteligência Artificial*. 2024. 37 slides.  
Universidade Federal do Maranhão.
- A.O. B. Filho. *Inteligência Artificial - Introdução*. 2024. 31 slides.  
Universidade Federal do Maranhão.