# **REGRESYON**

# **SAYISAL YAKLAŞIM YÖNTEMLERİ - REGRESYON**

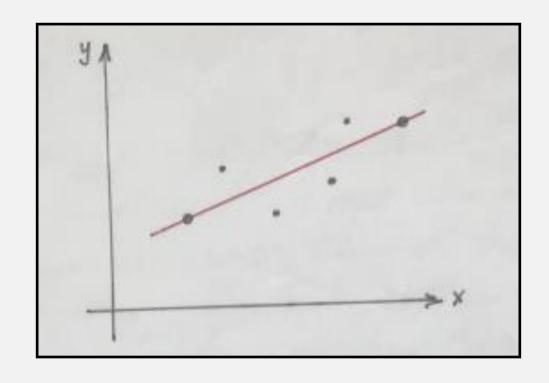
- Enterpolasyon, ayrık noktalarda değerleri bilinen bir fonksiyonun, bu noktalardan geçen bir polinom veya başka bir fonksiyon ile yaklaşık olarak hesaplanabilme işlemidir.
- Enterpolasyon işlemi sırasında polinomlar için alınan nokta sayısı, kullanılan polinomun üssünden bir fazla olmalıdır.
- ➤Çok sayıda değerin bilindiği bazı problemlerde ise, bu değerlerin tümünün kullanılması iyi bir çözüm için gereklidir.
- ➤ Bir diğer nokta ise yaklaşık olarak kullanılan enterpolasyon fonksiyonu F(x), verilen bir f(x) fonksiyonunu ancak belli bir aralıkta tanımlar. Bazı hallerde gerçek fonksiyon ile enterpolasyon fonksiyonu verilen aralık dışında birbirlerinden çok farklı olabilir.
- ➤ Enterpolasyon yapılabilmesi için çizilmiş eğri, gerçek f(x) fonksiyonunun değişimine çok yakın olmalıdır. Aksi taktirde arada bir fark meydana gelir ve yi değerleri için

  yi = F(xi) + Ei

Eşitliği geçerli olur. **Ei**, i.'inci ölçmedeki toplam hatayı gösterir. Xi 'lerin tespitinde de hata yapılmış ise çözüm gittikçe zorlaşır.

# EN KÜÇÜK KARELER YAKLAŞIMI

Fisikel elayların çoğunda, iki veya daha fazla birbirine bağlı değisken bulunur. Bir olayın deneysel sonucunun, analatik incelenmesi alayın formüle bağlanması ile mümkündür.



Zamana göre değisen bir olayda, değisik aralıklarla ölgülen zaman için n adet de flx) degeri ölgülmüs olsun. Gözlenen olayın alağrusal bir değisim göstermesi bekleniyorsa beklenen dobru denklemi; y = A + BX darak yazılabilir. Bu durumda gözlem deli XE deserin den hesaplanan y = A+Bxc degeri ile gözlemle olde edilen y6 arasın dali y6- (A+Bx6) farkı minimum placak placak sekilde bir dogru denklemi bulmak isteyelim. i' inci gözlem deki fartı di = yi - A - Bri seklinde yozabiliriz.

Ancok bu farklar (-) veya (+) olaca gina opre teorik tontinonun göstere ceği doğru en uzgun doğru Olmayabilir. Bu bakımdan fontsiyonlar yerine. tonksiyonların tareleri toplamının minimum olması sartıni saglayan fontsiyonu belirlemek geretir. Buda A ue B Latsayilarinin bulunmasi ite olur. S= \( \sum\_{i=1}^{n} \di^{2} = \di^{2} + \di^{2} + \di^{2} + \di^{2} = \sum\_{i=1}^{n} (y\_{i} - A - Bx\_{i})^{e} \) degis keni olarak degise cektir. S'nin A SI Ave B nin türevlesi alınıp sıAra esitlersek S'yi ue B'ge gore

kücük desere esitleamis oluruz.

$$\int_{a}^{\infty} \sum_{i=1}^{n} (y_i - A - Bx_i)^{\alpha}$$

$$\frac{\partial S}{\partial A} = 0 , \quad \frac{\partial S}{\partial B} = 0$$

$$\frac{\partial S}{\partial A} = \frac{\hat{\Sigma}}{i=1} 2 \left( A + Bxi - yi \right) = \sum 2A + \sum 2Bxi - \sum 2yi = 0$$

$$\frac{\partial S}{\partial B} = \frac{\hat{\Sigma}}{i=1} 2 \left( A + Bxi - yi \right) xi = \sum 2A xi + \sum 2Bxi^{2} - \sum 2xiyi = 0$$

$$\sum A + \sum B \times i - \sum yi = 0$$

$$\sum A \times i + \sum B \times i^2 - \sum xiyi = 0$$

$$\sum A \times i + \sum B \times i = \sum xi$$

$$\sum_{i=1}^{n} A \times i = \sum_{i=1}^{n} yi$$

$$A = \sum_{i=1}^{n} A \times i = \sum_{i=1}^{n} xi$$

$$A = \sum_{i=1}^{n} A \times i = \sum_{i=1}^{n} xi$$

$$A = \sum_{i=1}^{n} A \times i = \sum_{i=1}^{n} xi$$

$$A = \sum_{i=1}^{n} xi$$

$$\sum A + \sum B \times i - \sum yi = 0$$

$$\sum A \times i + \sum B \times i^2 - \sum xiyi = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} A = n.A,$$

$$\sum_{i=1}^{n} B \times i = B \sum_{i=1}^{n} xi$$

$$A = \sum_{i=1}^{n} A \times i = \sum_{i=1}^{n} yi$$

$$A = \sum_{i=1}^{n} A \times i = \sum_{i=1}^{n} xi$$

$$A = \sum_{i=1}^{n} Xi$$

$$A = \sum_{i=1}^{n} Xi = \sum_{i=1}^{n} xiyi$$

$$A = \sum_{i=1}^{n} Xi = \sum_{i=1}^{n} xiyi$$

$$\begin{bmatrix} n & \sum xi \\ \sum xi & \sum xi^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum yi \\ \sum xiyi \end{bmatrix}$$

B = 08 = 838.2 = 1.99571

D 920

$$\frac{1}{1} \frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4} \frac{1$$

DRNEK:
Asagida verilmis olan noktalardan y=ax dogrusunu
Degiriniz.

$$\frac{\partial S}{\partial a} = -2 \sum_{i=1}^{n} xi(yi - axi) = 0$$

# EN KÜÇÜK KARELERDE POLİNOM YAKLAŞIMI

Lerien noticulardan 
$$F(x) = A + Bx + Cx^2$$
 perobalti gecinel mek Istenirse. hafa kareleri toplamının min. elması iqin:

$$S = \sum_{i=1}^{n} \left[ (A + Bxi + Cxi^2) - y_i \right]^2$$

$$\frac{dS}{dS} = \sum_{i=1}^{n} 2 \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\frac{dS}{dS} = \sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\frac{dS}{dS} = \sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] \left[ x_i^2 \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^$$

$$\Delta A = \begin{bmatrix} 123 & 24 & 138 \\ 816 & 138 & 888 \\ 5700 & 888 & 6114 \end{bmatrix} = -24918 \Rightarrow A = -3$$

$$\Delta B = \begin{bmatrix} 5 & 123 & 138 \\ 24 & 816 & 888 \\ 138 & 6700 & 6114 \end{bmatrix} = 0 \Rightarrow 8 = 0$$

$$\Delta C = \begin{bmatrix} 5 & 24 & 123 \\ 24 & 138 & 816 \\ 138 & 888 & 5700 \end{bmatrix} = 8316 \Rightarrow C = 1$$

$$9 = A + BX + CX^{2}$$

$$9 = X^{2} - 3$$

EN KÜGÜK KARELER YÖNTEMINDE KULLANILACAK FONKSIYONUN SEGIMI :

1. Fark tablosunun incelenmesi uyalurulacak polino mum alerecesini verebilir.

2. Grafik Gizilir we simetri aranır. Eger y etsenine.

göre. simetri warsa,  $F(x) = \sum_{k=0}^{\infty} C_k x^{2k+2}$ 

gibi bir polinom kullanı leibilinir.

8. Verilen degerler periyodik degisiyorsa sinus veya cosinus gibi trigonometrik terimler kullanılır.

4. Logaritmik kaigit üzerine aizilen grafiki kullanılacak logaritmik veya üstel fonksiyonlar hakkında bilgi verebilir. 5. Bazen verilen degerlerden yararlanılarak cizilen grafik

parealara ayrılır ve her parçaya ayrı bir epri vy-

churulur.

#### EN KÜÇÜK KARELER YÖNTEMİ İLE DOĞRUSAL (LINEER) OLMAYAN FONKSİYONLARIN UYDURULMASI

Bazı durumlarda deneylerden elde edilen değerlere bir polinom uyduramıyorsak, fonksiyonları

$$F(x,a,b) = a * e^{bx}$$

$$F(x,a,b) = a * x^b$$

Katsayılar bakımından doğrusal olmayan başka şekillerde tanımlayabiliriz. Bu denklemlerin çözümü güç olduğundan logaritmaları alınarak lineer yapılabilir.

dogal logaritma

$$y = a.b^{\times}$$
 $eny = lna + x.lnb$ 
 $a = e^{A}$ 
 $b = e^{B}$ 
 $y = A + Bx$ 

$$y = \alpha . b^{x}$$
 $x = y = 0.09$ 
 $x^{2} = x \ln y$ 
 $x = 0.09$ 
 $x^{2} = x \ln y$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 
 $x = 0.09$ 

$$\begin{bmatrix} n & \sum x \\ \sum x & \sum_{x}^{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum y \\ \sum xy \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n & \sum x \\ \sum x & \sum x^{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum \ln y \\ \sum x \ln y \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 5 & 14 \\ 14 & 54 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 24.958 \\ 87.550 \end{bmatrix}$$

$$\Delta = 5.54 - 14^2 = 74$$

$$\Delta A = \begin{bmatrix} 24.958 & 14 \\ 87.550 & 54 \end{bmatrix} = 122.032 \qquad \Delta B = \begin{bmatrix} 5 & 24.958 \\ 14 & 87.550 \end{bmatrix} = 88.338$$

$$A = 1.649081$$
  $B = 1.1937567$   $y = 5.202 * 3.3$ 
 $a = 5.2021972$   $b = 3.2994532$ 

$$y = a \times b$$
 egrisinin geqirilmesi

 $x \quad y \quad lnx \quad lny \quad (lnx)^2 \quad lnx lny$ 

1 3 0 1.099 0 0

3 15.588 1.099 2.747 1.208 3.019

5 33.541 1.609 3.513 2.689 5.662

2.708 7.359 3.797 8.671

 $y = a \times b$ 
 $lny = b \, lnx + lna$ 
 $a = e^A \quad b = B$ 
 $y = A + BX$ 

$$\begin{bmatrix} n & \Sigma \ln x \\ \Sigma \ln x & \Sigma (\ln x)^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \Sigma \ln y \\ \Sigma \ln x \ln y \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 2.708 \\ 2.708 & 3.797 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7.359 \\ 8.671 \end{bmatrix}$$

$$\Delta = 11.391 - 7.333264 = 4.057736$$

$$\Delta A = \begin{bmatrix} 7.359 & 2.708 \\ 8.671 & 3.797 \end{bmatrix} = 4.461053$$

$$\Delta B = \begin{bmatrix} 3 & 7.859 \\ 2.708 & 8.671 \end{bmatrix} = 6.084828$$

$$A = \frac{\triangle A}{\triangle} = \frac{4.461053}{4.057736} = 1.099395$$

$$B = \frac{\triangle B}{\triangle} = \frac{6.084828}{4.057736} = 1.4995623$$

$$a = \ln A \Rightarrow 3.0023491$$
  $y \approx 3 \times 3.0023491$   $y \approx 3 \times 3.0023491$ 

$$y = a.e^{bx}$$
 egrisinin peqirilmesi

 $x$   $y$   $lny$   $x lny$   $x^2$ 

0 1 0 0 0

1 2 0.6931471 0.6931471 1

2 6 1.7917595 3.583519 4

3 2.4849066 4.2766661 5

 $y = a.e^{bx}$ 
 $lny = lna + bx$   $a = e^{A}$   $b = b$ 
 $y = A + bx$ 

$$\begin{bmatrix} n & \Sigma \times \\ \Sigma \times & \Sigma \times^{1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \Sigma \ln y \\ \Sigma \times \cdot \ln y \end{bmatrix}$$

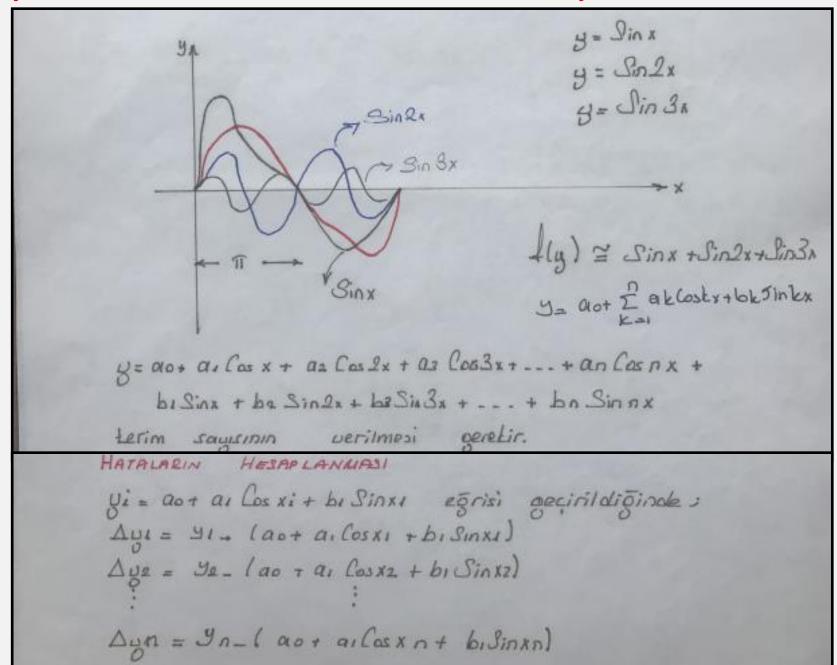
$$\begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 3 & 5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2.4849066 \\ 4.2766661 \end{bmatrix} \qquad \Delta = 6 \qquad \Delta A = -0.4054653$$

$$\Delta B = 5.3752785$$

$$A = -0.0675775$$
 $B = 0.8958797$ 
 $\alpha = e^{A} = 0.9346552$ 

9=0.9346552. C. 0.595#797×

## EN KÜÇÜK KARELER YÖNTEMİ İLE TRİGONOMETRİK FONKSİYON YAKLAŞIMI



$$\frac{\partial M}{\partial a_0} = 25 \left(a_0 + a_1 Cosxi + b_1 Sinxi - yi\right)$$

$$\frac{\partial M}{\partial a_1} = 2 \sum \left(a_0 + a_1 Cosxi + b_1 Sinxi - yi\right) Cosxi$$

$$\frac{\partial M}{\partial a_1} = 2 \sum \left(a_0 + a_1 Cosxi + b_1 Sinxi - yi\right) Sinxi$$

$$\frac{\partial M}{\partial b_1} = 2 \sum \left(a_0 + a_1 Cosxi + b_1 Sinxi - yi\right) Sinxi$$

Σασ+αιΣ Cosxi+ bιΣSinxi= Iyi
ασΣ Cosxi+ αι Σ Cosxi+ bιΣSinxi Cosxi= Σγι Cosxi
ασΣ Sinxi+ αι Σ Sinxi Cosxi+ bιΣ Sinxi
ασΣ Sinxi+ αι Σ Sinxi Cosxi+ bιΣ Sinxi
ασΣ Sinxi+ αι Σ Sinxi Cosxi+ bιΣ Sinxi

$$\begin{bmatrix}
n & I Cosxi & I Sinxi \\
I Cosxi & I Cosxi^2 & I Sinxi Cosxi \\
I Sinxi & I Sinxi Cosxi & I Sinxi^2
\end{bmatrix} \begin{bmatrix}
a_1 & I & I & I & I \\
a_1 & I & I & I & I \\
b_1 & I & I & I & I \\
I & I & I & I & I & I
\end{bmatrix}$$

```
Benzer sekilde:
F(x) = aota (Casx + az Cas2x + b1 SInx + b2 Sin2x eqrisi gegirilmek
istenirse;
              Sinxesi
Cosx = C1
Cos2x = C2 Sin2x = S2
 M= \(\Sigma(a0+a1c1+a2c2+b131+b2s2-yi)^2\)
DM = 2 I (a0+a1c1+a2c2+b1s1+b2s2-yi)
 900
DM = 2I (a0+a1c1+a2c2+b1s1+b2s2-yi)c1
dai
du = 2 I (aotaici+a2c2+bisi+b252-yi)c2
002
DM = 2 I (a0+a1c1+a2c2+b1s1+b2s2-Mi) SI
961
du = 2 I (a0+a101+a202+b151+b252-yi) 52
d 62
```

Iy: 90 ISIKI 91 = Iyicz 02 IYIS! Icess Isise Isi 62 Isi2 I Sin xi I SISZ= I SinxI Sin2xI =0 Sci= 2 Cosxi=0 I cicz = 2 Caski Cas 2x200 Is2 = I Sin 2xi Isi = I Sinxi = 0 I CISI = I COSKI SINNI =0 Icza I Cas2xi=0 I cusz = 2 Cosx 1 Sin 2x2=0 Isz = I Sin 2x1 =0 Icasi = Too Cos 2xx. Sinxx = 0 I c12 = I cosxi I casz = I cos 2x1. Sin 2x1=0 Ici = I Cosexi

# DRNEK:

$$y = a_0 + a_1 Gin X$$
 gec\_inilmesi  
 $x$   $y$   $Sin x$   $Sin X$   $Sin X$   $Sin X$   
 $0^{\circ}$  2.5  $0$   $0$   $0$   
 $20^{\circ}$  2.526  $0.342$   $0.117$   $1.206$   
 $40^{\circ}$  4.428  $0.643$   $0.413$   $2.847$   
 $60^{\circ}$  5.098  $0.866$   $0.950$   $4.415$   
 $80^{\circ}$  5.484  $0.985$   $0.970$  5.270

# DRNEK:

$$y = 00 + 01 Cos \times$$
 $x - y Cos \times Cos^2 \times U.Cos \times$ 
 $0^{\circ} - 0.400 = 1 = 0.400$ 
 $15^{\circ} - 0.332 = 0.966 = 0.933 = 0.321$ 
 $30^{\circ} - 0.132 = 0.866 = 0.750 = -0.114$ 
 $45^{\circ} = 0.186 = 0.707 = 0.500 = 0.132$ 
 $60^{\circ} = 0.600 = 0.500 = 0.250 = 0.300$ 
 $75^{\circ} = 1.082 = 0.259 = 0.067 = 0.280$ 
 $1.004 = 4.298 = 3.5 = 0.123$ 

## **ÇOKLU REGRESYON**

Temelde diger egri uydurma yoʻntemlerine benzer. Farti degislen sayısının birden foola olmasıdır. Goklu Regrasyonda aranılan kartsayıların Q= a. Dai Saz eşitlikk gösterildiği yapıda olduğunu düsünerek yöntemi uygulayalım.

$$Q = Q_0 D^{Q_1} S^{Q_2}$$

$$\log Q_1 = \log q_0 + q_1 \log D + q_2 \log S$$

$$X_1 \qquad X_2$$

 $F(x) = a_0 + a_1 x_1 + a_2 x_2 \quad \text{olduzunu kaibul edelim.}$   $S = \frac{1}{1} \left( y_0 - \left( a_0 + a_1 x_1 + a_2 x_2 \right) \right)^2 - \left[ \left( y_0^2 - 2 y_1 \left( a_0 + a_1 x_1 + a_2 x_2 \right) + a_2 x_2 \right)^2 \right)$   $\left( a_0 + a_1 x_1 + a_2 x_2 \right)^2 \right)$ 

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{21}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{21}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{21}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{21}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{21}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{21}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{21}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{11}^2) x_{11}^2 = \phi$$

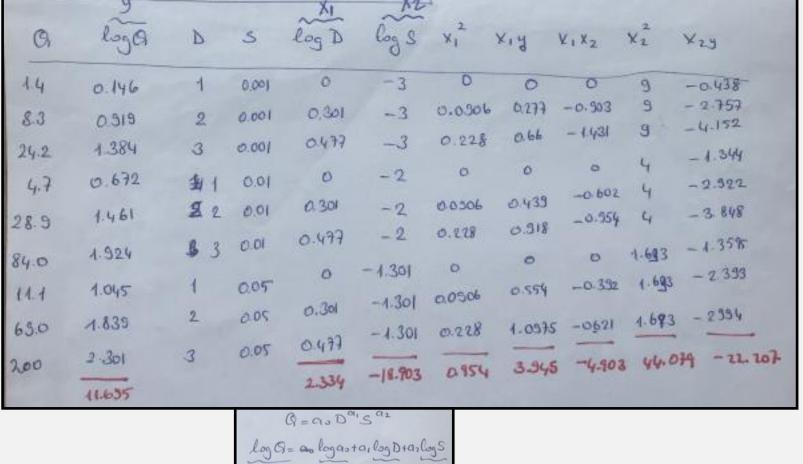
$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{11}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -2 \sum y_i^2 x_{11}^2 + 2 \sum (a_0 + a_1 x_{11}^2 + a_2 x_{11}^2) x_{11}^2 = \phi$$

$$\frac{dS}{da_0} = -$$

Buna göre  $G = a_0 D^{\alpha_1} S^{\alpha_2}$  settinde istenildigine göre G esitligin deki G G G G G belirleyiniz.

	4	1 5	1 9	,
Deney	Gap(m)	Egim	Akir (m3/sn)	Q:
1	1	0.001	1.4	log 9 = 6
2	2	0.001	8.3	9
3	3	0.001	24.2	
4	1	0.01	4.7	y= a0+
5	2	0.01	28.9	
6	3	0.01	84.0	
7	1	0.05	44-4	. O.n.
8	2	0.05	69.0	lo
9	3	0.05	2000	



90

-18.903

2.334

2.334 0.924 -4.908 
$$a_1 = 3.945$$
  $a_2 = 0.54$   $a_3 = 4.5475 + 2.62 \times 40.54 \times 20.54 \times$ 

11.631

90= 1.7475

01=2-62