# **Data Types**

Dr. Nguyen Hua Phung

HCMC University of Technology, Viet Nam

09, 2014

### **Outline**

Scalar Types
Built-in Types
User-Defined Ordinal Types

Composite Types

Array Types
String Types
Record Types
Union Types
Set Types
Pointer and Reference Types
Recursive Type

3 Type Checking

### Introduction

# A data type is

a homogeneous collection of values and a set of operations which manipulate these values Uses of type system:

Conceptual organization
Error detection

Implementation

## Type System

A type system consists of:

The set of predefined types

The mechanisms to define a new type

The mechanisms for the control of types:

Type equivalence

Type compatibility

Type inference

The specification which type constraints are statically or dynamically checked

### **Scalar Types**

# Scalar Types are

atomic không thể chia nhỏ được nữa, thao tác như thực thể hoàn chỉnh used to compose another types sometimes supported directly by hardware booleans, characters, integers, floating-point, fixed-point, complex, void, enumerations, intervals,...

▶ Skip Scalar Types

### Integer

Languages may support several sizes of integer kiểu nguyên
Java's signed integer sizes: byte, short, int, long với kích
thước khác
Some languages include unsigned integers
nhau
Supported directly by hardware: a string of bits
To represent negative numbers: two's complement

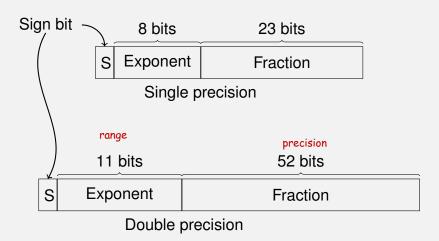
```
bù 2 (Biểu diễn số âm):
Lấy giá trị tuyệt đối của số âm và chuyển nó sang hệ nhị phân.
Đảo ngược tất cả các bit (0 thành 1, 1 thành 0). Cái này gọi là "one's
complement" (bù một).
Công 1 vào kết quả vừa đảo ngược. Cái này là "two's complement" (bù hai).
```

## **Floating-Point**

sấp xỉ

Model real numbers, but only as approximations
Languages for scientific use support at least two
floating-point types (e.g., float and double)
Precision and range
float và double: Khác nhau ở tính chính xác và
range
IEEE Floating-Point Standard 754

```
Ví du: convert -126 qua chuỗi 8 bits:
Converse 126 into binary form: 01111110 (make sure that there are 8 bits)
Converse it into one's complement: 10000001 (0->1 and 1->0)
Converse it into two's complement 10000010 (plus 1, keep 8 bits)
```



```
-25.45
The sign bit is 1 (vì số âm).
The sequence of bits of integral part (25) is 11001 (5 bits).
Để tìm sequence of bits của fractional part (.45), mình làm như sau:
0.45 * 2 = 0.9 (0)
0.9 * 2 = 1.8 (1)
0.8 * 2 = 1.6 (1)
0.6 * 2 = 1.2 (1)
0.2 * 2 = 0.4 (0)
0.4 * 2 = 0.8 (0)
0.8 * 2 = 1.6 (1)
0.6 * 2 = 1.2 (1)
0.2 * 2 = 0.4 (0)
0.4 * 2 = 0.8 (0)
0.8 * 2 = 1.6 (1)
0.6 * 2 = 1.2 (1)
0.2 * 2 = 0.4 (0)
0.4 * 2 = 0.8 (0)
0.8 * 2 = 1.6 (1)
0.6 * 2 = 1.2 (1)
0.2 * 2 = 0.4 (0)
0.4 * 2 = 0.8 (0)
0.8 * 2 = 1.6 (1)
0.6 * 2 = 1.2 (1)
0.2 * 2 = 0.4 (0)
0.4 * 2 = 0.8 (0)
0.8 * 2 = 1.6 (1)
The sequence of bits of fractional part (.45) is 01110011001100110011001 (23 bits).
The binary form of the above number is 11001,01110011001100110011001...
The standardized binary form of the above number is 1,100101110011001100110011001... * 2 ^ 4,
The exponent is 4. Trong single precision, mình cần bias exponent bằng cách công thêm 127. Vậy exponent sẽ là 4 + 127 = 131.
Đổi 131 ra binary:
131 chia 2 dư 1
65 chin 2 dut1
32 chin 2 dit 0
16 chin 2 dir 0
8 chia 2 dư 0
4 chia 2 dư 0
2 chin 2 dit 0
1 chia 2 dư 1
Doc ngườc lại ta được 10000011 (8 bits).
The sequence of bits of the exponent part is 10000011 (8 bits).
The sequence of bits of the above number is 1 10000011 10010111001100110011001 (32 bits).
```

#### **Decimal**

kiểu decimal được sử dụng khi độ chính xác là ưu tiên hàng đầu, đặc biệt là trong các ứng dụng liên quan đến tiền tệ. Nó đảm bảo rằng các phép tính luôn chính xác, nhưng đổi lại là phạm vi biểu diễn số nhỏ hơn và tốn nhiều bộ nhớ hơn.

For business applications (money)

Essential to COBOL

C#offers a decimal data type

Store a fixed number of decimal digits

Advantage: accuracy

Disadvantage: limited range, wastes memory

Dành cho ứng dụng kinh doanh (tiền tệ):

Trong các ứng dụng tài chính, độ chính xác là cực kỳ quan trọng. Ví dụ, khi tính toán tiền tệ, bạn không thể chấp nhận sai số nhỏ nhất.

Kiểu decimal được thiết kế để lưu trữ số thập phân một cách chính xác, không bị sai số làm tròn như kiểu float hoặc double.

Quan trọng trong COBOL:

COBOL là một ngôn ngữ lập trình cổ điển, được sử dụng rộng rãi trong các hệ thống tài chính lớn.

COBOL có hỗ trợ mạnh mẽ cho kiểu decimal, vì vậy nó rất phù hợp cho các ứng dụng xử lý tiền tệ.

C# cung cấp kiểu dữ liệu decimal:

Các ngỗn ngữ lập trình hiện đại như C# cũng cung cấp kiểu decimal để đáp ứng nhu cầu của các ứng dụng tài chính.

Ưu điểm: Độ chính xác:

Decimal lưu trữ số thập phân một cách chính xác, không bị sai số làm tròn. Điều này đảm bảo rằng các phép tính tiền tệ luôn chính xác. Nhươc điểm:

Phạm vi giới hạn: Decimal có phạm vị biểu diễn số nhỏ hơn so với float hoặc double.

Tốn bộ nhớ: Decimal thường tốn nhiều bộ nhớ hơn so với float hoặc double

### **Boolean**

Simplest of all

Range of values: two elements, one for "true" and one for "false"

Could be implemented as bits, but often as bytes

### Character

Stored as numeric codings

Most commonly used coding: ASCII 8bits

An alternative, 16-bit coding: Unicode

Includes characters from most natural languages

Originally used in Java

C# and JavaScript also support Unicode

## **User-Defined Ordinal Types**

# Kiểu dữ liệu có thứ tự do người dùng định nghĩa

Kiểu dữ liêu thứ tư là gì?

Đơn giản là kiểu dữ liệu mà các giá trị có thể có của nó có thể dễ dàng liên hệ với tập hợp các số nguyên dương (1, 2, 3,...). Nghĩa là mày có thể đánh số thứ tự cho từng giá trị một cách tự nhiên.

Ví du trong Java:

int (integer - số nguyên):Các số nguyên như 1, 2, 3, -5, 0,... đều có thứ tự và có thể liên hệ với số nguyên dương (ví dụ: có thể coi số nguyên dương là chính nó, số 0 có thể coi là một điểm bắt đầu, số âm có thể liên hệ một cách gián tiếp).

char (character - ký ty): Mỗi ký tự (ví dụ: 'a', 'b', 'A', '\$', '9') đều có một mã số tường ứng (thường là theo bảng mã ASCII hoặc Unicode). Vì có mã số nên chúng ta có thể sắp xếp và đánh thứ tự cho các ký tự. Ví dụ, 'a' có mã 97, 'b' có mã 98, nên 'a' đứng trước 'b'.

boolean (logic - đúng/sai): Kiểu boolean chỉ có hai giá trị là true (đúng) và false (sai). Chúng ta có thể dễ dàng gán cho false giá trị O và true giá trị 1 ( hoặc ngược lại). Như vậy, nó cũng có thể liên hệ với tập hợp số nguyên dương (hoặc số nguyên không âm).

An ordinal type is one in which the range of possible values can be easily associated with the set of positive integers

Examples of primitive ordinal types in Java

integer

char

boolean

# Enumeration Types - Kiểu Liệt Kê

days myDay = Mon, yourDay = Tue;

Kiểu liệt kê là một kiểu dữ liệu đặc biệt mà tất cả các giá trị có thể có của nó đã được định nghĩa sẵn và được đặt tên như là các hằng số (named constants). Ví dụ trong C#: enum days (Mon, Tue, Wed, Thu, Fri, Sat, Sun);

All possible values, which are named constants, are provided in the definition

C# example enum days {Mon, Tue, Wed, Thu, Fri, Sat, Sun}; days myDay = Mon, yourDay = Tue; Design issues:

Is an enumeration constant allowed to appear in more than one type definition?

Are enumeration values coerced to integer?

Are any other types coerced to an enumeration type?

kiểu liệt kê: Is an enumeration constant allowed to appear in more than one type definition? (Một hằng số liệt kê

Đây là những câu hỏi mà những người thiết kế ngôn ngữ lập trình phải cân nhắc khi tạo ra tính nặng

Các vấn đề thiết kế (Design issues):

ra lỗi nếu không cẩn thân.

có được phép xuất hiện trong định nghĩa của nhiều kiểu liệt kê khác nhau không?)
Ví du: Mày có thể có enum colors {Red, Green, Blue}; và enum trafficLights {Red, Yellow, Green};

Trong trường hợp này, hằng số Red và Green xuất hiện trong cả hai định nghĩa. Một số ngôn ngữ cho phép điều này, một số thì không. Nếu cho phép, cần phải có cách để phân biệt hằng số Red nào đang được nhắc đến (của colors hay trafficLights).

Are enumeration values coerced to integer? (Các giá trị liệt kê có được tự động chuyển đổi thành số nguyên không?) ví dụ: days tomorrow = monday + 1

Trong nhiều ngôn ngữ, các giá trị liệt kê thường được gán một giá trị số nguyên ngầm định (thường bắt đầu từ 0). Ví dụ, trong C#, Mon có thể là 0, Tue là 1, và cứ thế tiếp tục. Việc có cho phép tự động chuyển đổi từ giá trị liệt kê sang số nguyên hay không là một quyết định thiết kế. Nếu có, nó có thể hữu ích trong một số trường hợp (ví dụ, để sử dụng trong mảng hoặc so sánh), nhưng cũng có thể gây

Are any other types coerced to an enumeration type? (Có kiểu dữ liệu nào khác được tự động chuyển

dổi thành kiểu liệt kê không?) ví dụ: int dayNumber = (int)monday

Câu hỏi này ngược lại với câu trên. Liệu có trường hợp nào một giá trị của kiểu dữ liệu khác (ví dụ, một số nguyên) có thể tự động được coi như là một giá trị của kiểu liệt kê hay không? Điều này thường ít phổ biến hơn việc chuyển đổi từ liệt kê sang số nguyên, vì nó có thể dẫn đến các giá trị không hợp lệ cho kiểu liệt kê. Ví dụ, nếu kiểu days chỉ có giá trị từ Mon đến Sun, thì việc tự động chuyển một số nguyên 10 thành một giá trị của kiểu days sẽ không có ý nghĩa.

# **Enumeration Type (2)**

Readability (Tính dễ đọc):

no need to code a color as a number (không cần mã hóa màu sắc bằng số): Thay vì phải dùng các con số khó nhớ để biểu diễn màu sắc (ví dụ: 1 là đỏ, 2 là xanh), mày có thể dùng các tên có ý nghĩa như Red, Green, Blue trong một kiểu liệt kê colors. Code sẽ để đọc và dễ hiểu hơn rất nhiều. **Readability** 

no need to code a color as a number

# Reliability

operations (don't allow colors to be added) No enumeration variable can be assigned a value outside its defined range ví du: const day = "hello" => sai Better support for enumeration than C++: enumeration type variables are not coerced into integer types không thể so sánh days[0] và month[0]

Implemented as integers

liệt kê, ngôn ngữ lập trình thường sẽ hạn chế các phép toán không có nghĩa. Ví dụ, mày không thể thực hiện phép cộng giữa hai giá trị của kiểu colors (ví dụ: Red + Green không có nghĩa). Điều này giúp tránh được những lỗi logic không đáng có.

No enumeration variable can be assigned a value outside its defined range (Không biến liết kê nào có

thể được gán một giá trị nằm ngoài phạm vi đã định nghĩa): Khi mày khai báo một biến có kiểu liệt kê days, mày chỉ có thể gán cho nó các giá trị đã được định nghĩa trong enum days (ví dụ: Mon, Tue, ..., Sun ). Mày không thể gán cho nó một giá trị lung tung khác (ví du: một số 10 hay một chuỗi "Hello"). Điều

operations (don't allow colors to be added) (các phép toán - không cho phép công màu sắc): Với kiểu

Reliability (Tính tin cây):

này giúp đảm bảo tính hợp lệ của dữ liệu.

Better support for enumeration than C++ (Hỗ trợ kiểu liệt kê tốt hơn C++): enumeration type variables are not coerced into integer types (các biến kiểu liệt kê không bị ép kiểu ngầm định sang kiểu số nguyên): Trong C++, các biến kiểu liệt kê thường có thể được sử dụng một cách tư do như là các số nguyên. Điều này có thể dẫn đến những lỗi khó phát hiên. Ví du, mày có thể vô tình

so sánh một giá trị của kiểu colors với một giá trị của kiểu days mà trình biên dịch không báo lỗi. Các ngôn ngữ hiện đại hơn (như C# mà ví dụ ở slide trước đã dùng) thường có sự kiểm tra kiểu chặt chế hơn,

không cho phép ép kiểu ngầm định như vậy, giúp code an toàn hơn. Implemented as integers (Được triển khai như là số nguyên): Mặc dù kiểu liệt kê mang lại nhiều lợi ích về mặt đọc hiểu và độ tin cậy, nhưng ở mức độ bên dưới (khi

chương trình chạy), các giá trị liệt kê thường được biểu diễn bằng các số nguyên. Ví dụ, Mon có thể được gán giá trị 0, Tue là 1, và cứ thế tiếp tục. Việc này giúp cho việc lưu trữ và xử lý các giá trị liệt kê được hiêu quả hơn về mặt bô nhớ và tốc đô. Tuy nhiên, lập trình viên thường không cần quan tâm đến chi

tiết triển khai này mà chỉ cần làm việc với các tên hằng số đã được định nghĩa.

# Subrange Type - Kiểu con

Kiểu Dữ Liệu Con là gì?

Nó là một dãy các giá trị liên tục và có thứ tự nằm trong một kiểu dữ liệu thứ tự (ordinal type) đã có sẵn.

an ordered contiguous subsequence of an ordinal type

type pos = 0 .. MAXINT;

Subrange types behave as their parent types; can be used as *for* variables and array indices *type sv = array[1 .. 50] of string;* 

Subrange types are the parent types with code inserted (by the compiler) to restrict assignments to subrange variables

Ví dụ 1: type pos = 0 .. MAXINT; Khi đó: pos bao gồm tất cả số nguyên từ 0 → MAXINT, nên nó là môt subrange của integer

Hành vi của kiểu dữ liệu con:

Subrange types behave as their parent types; can be used as for variables and array indices (Kiểu dữ liệu con hoạt động giống như kiểu dữ liệu cha của chúng; có thể được sử dụng làm biến và chỉ số mảng): Điều này có nghĩa là mày có thể khai báo biến có kiểu pos và sử dụng nó như một biến kiểu integer thông thường (nhưng giá trị của nó sẽ bị giới hạn trong khoảng từ 0 đến MAXINT). Tương tự, mày cũng có thể dùng một subrange để định nghĩa kích thước của một mảng.

#### Ví dụ 2:

type sv = array[1..50] of string; Trong ví du này, 1..50 là môt subrange của kiểu số nguyên. Nó được sử dụng để đinh nghĩa chỉ số của

mảng sv. Mảng sv sẽ có 50 phần tử, với chỉ số chạy từ 1 đến 50.

### Cách triển khai:

Subrange types are the parent types with code inserted (by the compiler) to restrict assignments to subrange variables (Kiểu dữ liệu con thực chất là kiểu dữ liệu cha với đoạn code được chèn vào (bởi trình biên dịch) để giới hạn việc gán giá trị cho các biến thuộc kiểu dữ liệu con): Về cơ bản, khi mày định nghĩa một subrange type, trình biên dịch sẽ "ghi nhớ" cái giới hạn đó. Khi mày cố gắng gán một giá trị cho một biến có kiểu subrange, trình biên dịch sẽ tự động chèn thêm code để kiểm tra xem giá trị đó có nằm trong pham vị cho phép hay không. Nếu không, nó sẽ báo lỗi (thường là lỗi runtime).

Nghĩa là nó vẫn là thằng cha nhưng bị giới hạn, khi gán một kiểu subrange ở ngoài tầm của nó, compiler sẽ check xem nó có ở trong range hợp lệ không, nếu không -> lỗi runtime

# Composite Types - Kiểu dữ liệu phức hợp

Đơn giản là một kiểu dữ liệu mà một đối tượng (object) thuộc kiểu đó chứa nhiều thành phần (components) bên trong. Mày có thể truy cập từng thành phần này một cách riêng lẻ.

An object in composite type contains many components which can be accessed individually component's type may be the same (homogeneous) or different (heterogeneous)

the number of components may be fixed or changed there may be operations on structured-type object or its components

there may be component insertion/removal operations

there may be creation/destruction operations

component's type may be the same (homogeneous) or different (heterogeneous) (kiểu dữ liệu của thành phần có thể giống nhau (đồng nhất) hoặc khác nhau (dị biệt)): Nghĩa là, một kiểu dữ liệu phức

hợp có thể chứa các thành phần có cùng kiểu dữ liệu (ví dụ, một mảng toàn số nguyên) hoặc các thành phần có kiểu dữ liệu khác nhau (ví dụ, một đối tượng chứa tên là chuỗi, tuổi là số nguyên, và địa chỉ là một đối tượng khác).
the number of components may be fixed or changed (số lượng thành phần có thể cố định hoặc thay đổi ): Có những kiểu phức hợp mà số lượng thành phần được xác định ngay từ đầu và không thay đổi (ví dụ, một bản ghi (record) với các trường cố định). Cũng có những kiểu phức hợp mà số lượng thành phần có thể tăng hoặc giảm trong quá trình chạy chương trình (ví dụ, một danh sách liên kết hoặc một mảng động).

## Các thao tác:

Các thành phần bên trong:

there may be operations on structured-type object or its components (có thể có các thao tác trên đối tượng kiểu cấu trúc hoặc trên các thành phần của nó): Mày có thể thực hiện các thao tác trên toàn bộ đối tượng phức hợp (ví dụ, gán một đối tượng cho một đối tượng khác) hoặc trên từng thành phần riêng lẻ (ví dụ, truy cập vào một phần tử cụ thể trong mảng).

there may be component insertion/removal operations (có thể có các thao tác thêm/xóa thành phần):

Đối với các kiểu phức hợp mà số lượng thành phần có thể thay đổi, thường sẽ có các thao tác để thêm một thành phần mới hoặc xóa một thành phần hiện có.

there may be creation/destruction operations (có thể có các thao tác tạo/hủy đối tượng): Giống như bất kỳ kiểu dữ liệu nào khác, các đối tượng thuộc kiểu phức hợp cũng cần được tạo ra (cấp phát bộ nhớ)

bất kỳ kiểu dữ liệu nào khác, các đối tượng thuộc kiểu phức hợp cũng cần được tạo ra (cấp phát bộ nhớ) và hủy bỏ (giải phóng bộ nhớ) khi không còn sử dụng nữa. Mảng (Array): Chứa nhiều phần tử có cùng kiểu dữ liêu (homogeneous), số lương thường cố định (static array) hoặc có thể thay đổi (dynamic array).

một vài ví du về kiểu dữ liêu phức hợp trong lập trình:

heterogeneous), số lương thường cố định.

Danh sách liên kết (Linked List): Chứa các node, mỗi node có thể chứa dữ liêu và một

Bản ghi/Struct/Object: Chứa nhiều thành phần có thể có kiểu dữ liêu khác nhau (

con trỏ đến node tiếp theo. Số lương node có thể thay đổi.

Tập hợp (Set): Chứa một tập các phần tử duy nhất (thường là cùng kiểu dữ liêu), số

lương có thể thay đổi.

Từ điển/Map/Hash Table: Chứa các cặp khóa-giá trị, các khóa thường có cùng kiểu dữ liêu, còn giá tri có thể khác. Số lương cặp khóa-giá tri có thể thay đổi.

## **Array Types**

một tập hợp các phần tử dữ liệu mà tất cả các phần tử này phải có cùng kiểu dữ liệu (homogeneous).

Collection of homogeneous data elements

Each element is identified by its position relative to the first element and referenced using subscript expression

 $array\_name (index expression list) \rightarrow an element$ 

What type are legal for subscripts?

Pascal, Ada: any ordinal type (integer, boolean, char, enumeration)

Others: subrange of integers

Are subscripting expressions range checked?

Most contemporary languages do not specify range checking but Java, ML, C#

Unusual case: Perl



tử, người ta thường dùng một biểu thức chỉ số (subscript expression). Cú pháp truy câp: array\_name (index expression list) → an element Ví du, nếu mày có một mảng tên là my Array, để lấy phần tử ở vi trí thứ 3 (thường chỉ số bắt đầu từ 0),

Mỗi phần tử trong mảng được xác đinh bởi vi trí của nó so với phần tử đầu tiên. Để truy cập một phần

Kiểu dữ liệu nào được phép dùng làm chỉ số? Đây là chỗ các ngôn ngữ lập trình có thể khác nhau:

mày có thể viết kiểu như my Array[2] (trong nhiều ngôn ngữ). Cái [2] chính là index expression.

Truy câp phần tử:

Pascal, Ada: Cho phép dùng bất kỳ kiểu dữ liêu thứ tư nào (ordinal type) làm chỉ số. Ví dụ, mày có thể dùng số nguyên, boolean, ký tự, hoặc thâm chí là kiểu liệt kê. Các ngôn ngữ khác: Thường chỉ cho phép dùng một subrange của kiểu số nguyên làm chỉ số. Ví dụ, chỉ

số có thể chay từ 0 đến n-1, hoặc từ 1 đến n. Biểu thức chỉ số có được kiểm tra pham vi không?

Đây là một vấn đề quan trong liên quan đến tính an toàn của chương trình:

Hầu hết các ngôn ngữ hiện đại không quy định việc kiểm tra phạm vi: Điều này có nghĩa là nếu mày cố

gắng truy cập một phần tử nằm ngoài phạm vi chỉ số hợp lệ của mảng (ví dụ, một mảng có 10 phần tử nhưng mày lại cố gắng truy cập phần tử thứ 15), thì ngôn ngữ đó có thể không phát hiện ra lỗi này tại thời gian chay. Điều này có thể dẫn đến những hành vi không mong muốn hoặc thâm chí là crash chương trình.

Java, ML, C#: Đây là những ngoại lê. Các ngôn ngữ này thường có cơ chế kiểm tra pham vi chỉ số tại thời gian chạy. Nếu mày cố gắng truy cập một chỉ số không hợp lệ, nó sẽ quăng ra một ngoại lệ ( exception) để báo cho mày biết.

Trường hợp đặc biệt: Perl: Perl có cách xử lý mảng khá linh hoạt và có thể tự đông điều chỉnh kích thước mảng khi mày cố gắng truy cập một chỉ số nằm ngoài phạm vi hiện tại.

# **Subscript Binding and Array Categories**

```
Static
static int x[10];
Fixed Stack-dynamic
int x[10]; //inside a function
Stack-dynamic
cin »n:
int x[n];
Fixed Heap-dynamic
int[] x = new int[10]:
Heap-dynamic
cin »n:
int[] x = new int[n];
```

## **Array Initialization**

Some language allow initialization at the time of storage allocation

```
C, C++, Java, C# example int list [] = {4, 5, 7, 83}
Character strings in C and C++ char name [] = "freddie";
Arrays of strings in C and C++ char *names [] = {"Bob", "Jake", "Joe"};
Java initialization of String objects
String[] names = {"Bob", "Jake", "Joe"};
```

## **Rectangular and Jagged Arrays**

C, C++, Java, C#: jagged arrays myArray[3][7]

Fortran, Ada, C#: rectangular array myArray[3,7]

rectangular

Các hàng có kích thước cố định cùng chiều dài, tao thành hình chữ nhất. Truy câp: myArrray[3, 7]

jagged

giống như một mảng mà mỗi phần tử của nó lại là một mảng khác, và mấy cái mảng con bên trong đó có thể có đô dài khác nhau (nên mới gọi là "răng cưa").

Truy cập: myArray[3][7]

### Slices

Slices là gì?

Đơn giản là một phần (substructure) của một mảng. Nó không phải là một bản sao dữ liệu mới, mà chỉ là một cách để tham chiếu (referencing mechanism) đến một đoạn các phần tử trong mảng gốc thôi.

Khi nào thì Slices hữu ích?

Slices đặc biệt hữu dụng trong các ngôn ngữ mà cho phép mày thực hiện các phép toán trên cả mảng hoặc trên các phần của mảng một cách dễ dàng. A slice is some substructure of an array; nothing

A slice is some substructure of an array; nothing more than a referencing mechanism

Slices are only useful in languages that have array operations

E.g. Python vector = [2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16] mat = [[1, 2, 3],[4, 5, 6],[7, 8, 9]] vector[3:6], mat[1], mat[0][0:2]

vector[3:6]: Cái này sẽ tạo ra một "lát cắt" của mảng vector, bao gồm các phần tử từ chi số 3 (là số 8) đến chỉ số 5 (là số 12). Chỉ số kết thúc (6) không được bao gồm. Vậy kết quả của vector[3: 6] sẽ là [8, 10, 12].

# Implementation of Arrays

Hàm Truy Câp (Access Function):

Cái hàm này giống như một cái bản đồ chỉ đường cho máy tính biết chính xác cái phần tử mà mày muốn lấy trong mảng nó nằm ở đâu trong bộ nhớ. Nó nhận cái chỉ số (subscript expression) mà mày đưa vào và trả về cái địa chỉ (address) thực tế của ô nhớ chứa cái phần tử đó.

Mång Môt Chiều (Single-dimensioned):

Mảng một chiều thì dễ hình dung nhất. Nó giống như một hàng dài các ô nhớ nằm cạnh nhau, mỗi ô chứa một phần tử của mảng. Công thức tính đia chỉ:

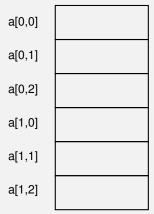
address(list[k]) = address(list[lower\_bound]) + ((k - lower\_bound) \* element\_size)

Access function maps subscript expressions to an address in the array

Single-dimensioned: list of adjacent memory cells

Access function for single-dimensioned arrays: address(list[k]) = address(list[lower\_bound]) + ((k-lower\_bound) \* element\_size)

## **Accessing Two-dimensional Arrays**



Row-major order used in most languages

a[0,0]	
a[1,0]	
a[2,0]	
a[0,1]	
a[1,1]	
a[2,1]	

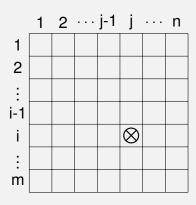
Column-major order used in Fortran

### **Accessing Two-dimensional Arrays**

số lương phần tử nằm trong tất cả các hàng trước hàng muốn đến Row-major order: Location (a[i,j]) =  $\alpha$  + (((i - row\_lb) \* n) + (j - col\_lb)) \* E

vi trí tương đối của côt muốn đến trong hàng

where  $\alpha$  is address of a row lb.col lb] and E is element size



trong mång a. a: Đây là địa chỉ bô nhớ bắt đầu của toàn bô mảng a. Nó chính là địa chỉ của phần tử đầu tiên trong mảng, thường là ở hàng có chỉ số row\_lb (lower bound của hàng) và côt có chỉ số col\_lb (lower bound của côt).

Location (a[i,i]): Đây là địa chỉ bô nhớ của phần tử mà mày muốn tìm, nó nằm ở hàng thứ i và côt thứ j

i - row\_lb: Cái này tính ra số hàng mà mày cần "bỏ qua" để đến được hàng thứ i. Ví dụ, nếu hàng bắt đầu từ chỉ số 0 và mày muốn đến hàng 2, thì mày cần bỏ qua 2 hàng (hàng 0 và hàng 1). n: Đây là số lương cột trong mỗi hàng của mảng. Trong row-major order, các phần tử của cùng một hàng sẽ nằm liên tiếp nhau trong bộ nhớ.

(i - row\_lb) \* n: Cái này tính ra số lương phần tử nằm trong tất cả các hàng trước hàng mà mày muốn đến. Ví du, nếu mày muốn đến hàng 2 và mỗi hàng có 5 cột, thì sẽ có (2 - 0) \* 5 = 10 phần tử nằm ở hàng 0 và hàng 1. j - col\_lb: Cái này tính ra vị trí tương đối của côt mà mày muốn đến trong hàng hiên tai (hàng thứ i). Ví dụ, nếu cột bắt đầu từ chỉ số 0 và mày muốn đến cột 3, thì nó sẽ cách cột đầu tiên 3 vị trí.

((i - row\_lb) \* n) + (j - col\_lb): Cái này là tổng số phần tử nằm trước phần tử a[i,j] trong bô nhớ. Nó bao gồm tất cả các phần tử ở các hàng trước và tất cả các phần tử ở các côt trước trong hàng hiện tại E: Đây là kích thước của mỗi phần tử trong mảng (tính bằng byte). Ví du, nếu mảng chứa các số nguyên (mỗi số 4 byte), thì E sẽ là 4.

(((i - row\_lb) \* n) + (j - col\_lb)) \* E: Cái này tính ra tổng khoảng cách (tính bằng byte) từ đia chỉ bắt

đầu của mảng (a) đến địa chỉ của phần tử a[i,i]. Cuối cùng, mày cộng cái địa chỉ bắt đầu (a) với cái tổng khoảng cách vừa tính được, là sẽ ra địa chỉ bô nhớ chính xác của phần tử a[i,j].

Given the following array declaration:

int x[5][7]; //the lower bound is 0

Assume that the size of an int element is 4, the elements of the array are allocated in row-major order and the starting address of the array is 1000, what is the address of the element x[3][4]?

The address of the element x[3][4] is

Location (a[i,j]) = 
$$\alpha$$
 + (((i - row\_lb) \* n) + (j - col\_lb)) \* E

$$1000 + (((3-0)*7 + (4-0))*4$$
  
= 1100

#### Mảng 3 chiều:

Với mảng 3 chiều x[D][R][C] (D là số lớp/khối, R là số hàng, C là số cột), địa chỉ của phần tử x[i][j][k] (với index bắt đầu từ 0) trong bộ nhớ theo thứ tự hàng (row-major order) sẽ là:

$$\texttt{dia\_chi}(x[i][j][k]) = \texttt{dia\_chi\_bắt\_dãu}(x) + (i * R * C + j * C + k) * kích\_thước\_phần\_tử$$

Given the following array declaration:

int x[4][6][5]; // the lower bound is 0

Assume that the size of. an int element is 4, the elements of an array are allocated in row-major order, and the starting address of the variable x is 1000, what is the address of the element x[2][4][3]?

the address of the element x[2][4][3] is

1000 + (2 \* 6 \* 5 + 4 \* 5 + 3) \* 4 = 1332

## **Compile-time Descriptors**

(bộ mô tả tại thời điểm biên dịch)

Array

Element type
Index type thường là số nguyên
Index lower bound
Index upper bound
Address
Địa chỉ bộ nhớ nơi mắng bắt đầu được lưu trữ.

Single dimensional array

Multidimensional array Element type Index type Number of dimensions Index range 1
Pham vi chỉ số cho chiều thứ nhất (từ chỉ số bắt đầu đến chỉ số kết thúc) Index range n Address

Multi-dimensional array

Đối với mảng một chiều (Single dimensional array):

Trình biên dich sẽ lưu trữ mấy thông tin sau:

Array: Để biết đây là một mảng.

Element type: Kiểu dữ liệu của các phần tử trong mảng (ví dụ: số nguyên, số thực, ký tự,...).

Index type: Kiểu dữ liệu của chỉ số dùng để truy cập các phần tử (thường là số nguyên). Index lower bound: Chỉ số bắt đầu của mảng (ví dụ: có ngôn ngữ bắt đầu từ 0, có ngôn ngữ bắt đầu từ 1

Index upper bound: Chỉ số kết thúc của mảng. Address: Địa chỉ bộ nhớ nơi mảng bắt đầu được lưu trữ.

Đối với mảng đa chiều (Multidimensional array):

Nó cũng tương tư, nhưng có thêm thông tin về số chiều và pham vi chỉ số cho từng chiều:

Multidimensional array: Để biết đây là mảng đa chiều. Element type: Kiểu dữ liêu của các phần tử.

Index type: Kiểu dữ liêu của chỉ số cho mỗi chiều.

Number of dimensions: Số lượng chiều của mảng (ví dụ: 2 chiều, 3 chiều,...).

Index range 1: Phạm vi chỉ số cho chiều thứ nhất (từ chỉ số bắt đầu đến chỉ số kết thúc).

... (và tương tự cho các chiều khác)

Index range n: Pham vi chỉ số cho chiều thứ n.

Address: Địa chỉ bộ nhớ bắt đầu của mảng.

## Associative Arrays - Mång kết hợp

Đây là một kiểu tập hợp dữ liệu (collection) mà nó không quan tâm đến thứ tự của các phần tử (unordered). Điểm đặc biệt là mỗi phần tử trong mảng kết hợp được xác định và truy cập thông qua một giá trị khác, gọi là key (khóa), thay vì chỉ số số nguyên như mảng bình thường. Số lượng keys sẽ bằng với số lượng phần tử dữ liệu.

An associative array is an unordered collection of

An associative array is an unordered collection of data elements that are indexed by an equal number of values called *keys* 

For example,

dt = [("name","John");("age","28");("address","1 John st.")]

 $dt["name"] \Rightarrow "John"$ 

dt["address"]  $\Rightarrow$  "1 John st."

User defined keys must be stored Similar to Map in Scala

User defined keys must be stored (Các khóa do người dùng định nghĩa phải được lưu trữ): Vì mày tư đặt ra các khóa (ví dụ: "name", "age"), nên hệ thống cần có cách để lưu trữ và quản lý các khóa này cùng với các giá trị tương ứng.

Design issues: What is the form of references to elements

What is the form of references to elements (Hình thức tham chiếu đến các phần tử là gì)? Câu hỗi này đề cập đến cú pháp mà may dùng để truy cập các phần tử trong associative array. Ví dụ, trong ví dụ trên, người ta dùng cú pháp dt["name"]. Các ngôn ngữ khác nhau có thể có cú pháp khác nhau để truy cập các phần tử bằng khác.

## **String Types**

Môt dãy các ký tử (sequence of characters)

## Values are sequences of characters

Design issues: Một số ngôn ngữ coi chuỗi là một kiểu dữ liệu cơ bản, giống như số nguyên hay số thực. Số khác lại coi nó như là một mảng các ký tự, nhưng có thêm một số tính năng đặc biệt.

Is it a primitive type or just a special kind of array? Should the length of strings be static or dynamic?

## Typical operations

Đô dài của chuỗi nên cố định hay thay đổi được?

Assignment

Comparison (=, >, etc.)

Concatenation

Substring reference

Pattern matching (regular expression)

Assignment (Gán): Gán một chuỗi cho một biến.

▶ Skip String Type

Comparison (=, >, etc.) (So sánh): So sánh hai chuỗi với nhau (bằng nhau, lớn hơn, nhỏ hơn,...). Concatenation (Nối chuỗi): Ghép hai hay nhiều chuỗi lại thành một chuỗi lớn hơn. Substring reference (Tham chiếu chuỗi con): Lấy ra một phần của chuỗi (ví du: từ ký tư thứ 3 đến

ký tư thứ 7).

Pattern matching (regular expression) (So khớp mẫu - biểu thức chính quy): Tìm kiếm một mẫu nhất định trong chuỗi.

String Length (Đô dài chuỗi): Lấy đô dài của chuỗi.

## **String Length Options**

Static (Cổ định): Đô dài của chuỗi được xác định ngay tại thời điểm biên dịch và không thể thay đổi sau đó. Thường dùng "compile-time descriptor" để lưu thông tin về chuỗi (ví du: địa chỉ bắt đầu và đô dài cố định).

**Static**: String length is fixed at compiling time Python, Java String class compile-time descriptor

Độ dài của chuỗi có thể thay đổi trong quá trình chạy chương trình, nhưng không được vượt quá một giới hạn nhất định.

Thường dùng "run-time descriptor" để lưu thông tin (ví dụ: địa chỉ bắt đầu, độ đài hiện tại, và dung lượng tối đa). **Limited Dynamic:** String length may be changed but less than a limit

C. C++

Đô dài của chuỗi có thể t**KU Bồ TiM Gai Classor i pho t**ạy chương trình, không có giới hạn nào cả (ngoài giới hạn bộ nhớ). Cơ chế: Thường dùng "run-time descriptor" và đôi khi có thể dùng cấu trúc dữ liệu phức tạp hơn như linked list để quản lý chuỗi dài **Dynamic:** String length may be changed without any

limit

Perl, JavaScript run-time descriptor; linked list

Ada supports all three string length options

## **Descriptor**

Static string
String length
Address

Compile-time descriptor for static length strings

Limited dynamic string

Maximum length

Current length

Address

Run-time descriptor for limited dynamic length strings

#### **Record Types**

Một bản ghi (record) là một tập hợp các phần tử dữ liệu di biệt (heterogeneous aggregate), nghĩa là các phần tử bên trong nó có thể có kiểu dữ liêu khác nhau. Mỗi phần tử riêng lẻ được xác định bằng một tên (name).

#### A record:

heterogeneous aggregate of data elements individual elements are identified by names

Popular in most languages, OO languages use objects as records Design issues:

Kiểu bản ghi rất phổ biến trong hầu hết các ngôn ngữ lập trình. Trong các ngôn ngữ hướng đối tương (OO), người ta thường dùng đối tương (objects) theo cách tương tư như bản ghi để lưu trữ dữ liêu.

What is the syntactic form of references to the field? Are elliptical references allowed

Các vấn đề thiết kế (Design issues):

What is the syntactic form of references to the field? (Cú pháp để tham chiếu đến một trường (field) là gì?): Ví du, mày dùng dấu chấm (.) hay một ký hiệu nào khác để truy cập vào một thành phần bên trong bản ghi?

Are elliptical references allowed (Có cho phép tham chiếu rút gon không?): Ví du, nếu có các bản ghi lồng nhau, mày có cần phải viết đầy đủ đường dẫn để đến một trường bên trong hay có thể bỏ bớt một vài tên nếu nó không gây nhằm lẫn?

#### **Definition of Records in Ada**

```
Record structures are indicated in an orthogonal way
type Emp Name Type is record
       First: String (1..20):
                                              Emp Name Type: Để lưu trữ tên nhân viên, gồm tên đầu (
                                              First), tên đêm (Mid), và tên cuối (Last), mỗi cái là một
       Mid: String (1..10);
                                              chuỗi có đô dài tối đa.
                                              Emp Rec Type: Để lưu trữ thông tin về một nhận viên, bạo
      Last: String (1..20):
                                              gồm tên (sử dụng kiểu Emp_Name_Type vừa định nghĩa) và
                                              mức lương theo giờ (Hourly Rate).
end record:
                                              Say đó, nó khai báo một biến Emp Rec có kiểy Emp Rec
type Emp Rec Type is record
                                              Type.
       Emp Name: Emp Name Type;
       Hourly Rate: Float:
end record:
Emp Rec: Emp Rec Type;
```

#### References to Records

Notation:

Dot-notation (Ký hiệu dấu chấm): Đây là cách phổ biến nhất, giống như trong nhiều ngôn ngữ khác. Ví dụ: Emp\_Rec.Emp\_Name.Mid để truy cập vào tên đệm của nhân viên trong bản dhi Emp\_Rec.

Dot-notation: Emp\_Rec.Emp\_Name.Mid

Keyword-based:

Mid OF Emp\_Name OF Emp\_Rec

#### Format:

Fully qualified references: include all record names Elliptical references: may leave out some record names as long as reference is unambiguous Mid, Mid OF Emp\_Name, Mid OF Emp\_Rec

Ada còn cho phép dùng từ khóa OF. Ví dụ: Mid OF Emp\_Name OF Emp\_Rec. Cách này có thể giúp code dễ đọc hơn trong một số trường hợp.

## **Operations in Records**

Assignment is very common if the types are identical Ada allows record comparison
Ada records can be initialized with aggregate literals
COBOL provides MOVE CORRESPONDING
Copies fields which have the same name

Assignment (Gán): Rất phổ biến, thường được cho phép nếu hai bản ghi có cùng kiểu. Comparison (So sánh): Ada cho phép so sánh trực tiếp hai bản ghi với nhau (nếu các kiểu dữ liệu bên trong hỗ trợ so sánh).

Initialization (Khởi tạo): Ada cho phép khởi tạo bản ghi bằng cách cung cấp các giá trị cho từng trường một cách tường minh (aggregate literals).

COBOL's MOVE CORRESPONDING: Đây là một thao tác đặc biệt có trong ngôn ngữ COBOL. Nó sẽ tự động sao chép các trường có cùng tên giữa hai bản ghi (ngay cả khi chúng có thể nằm ở các vị trí khác nhau trong định nghĩa của hai bản ghi).

#### **Evaluation**

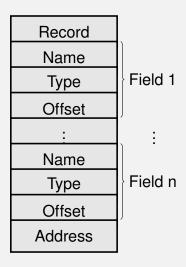
# Straight forward and safe design Comparison of arrays and records

1		
Arrays	Records	
homogenous	heterogeneous	
elements are pro-	elements are pro-	
cessed in the same	cessed in different	
way	way	
dynamic subscripting	static subscripting	

Đồng nhất vs. Dị biệt: Mảng giống như một dãy các ngăn tủ, mỗi ngăn chứa cùng một loại đồ (ví dụ, toàn là sách). Bản ghi giống như một cái hồ sơ nhân viên, có thể chứa tên (chuỗi), tuổi (số nguyên), địa chỉ (chuỗi),... mỗi thông tin có một kiểu khác nhau. Cách xử lý: Khi làm việc với mảng, mày thường duyệt qua từng phần tử và thực hiện cùng một thao tác (ví dụ, tăng giá trị của tất cả các phần tử lên 1). Với bản ghi, mày thường truy cập và xử lý từng trường riêng lễ theo mục đích của nó (ví dụ, in ra tên nhân viên, tính lương dựa trên mức lương theo giờ).

Chỉ số động vs. Tính: Với mảng, mày có thể dùng một biến để chỉ định phần tử muốn truy cập (ví dụ, myArray[i], giá trị của i có thể thay đổi khi chương trình chạy). Với bản ghi, mày thường dùng tên cố định của trường để truy cập (ví dụ, employee.name, employee.age). Cái tên trường đó thường đã được xác định tại thời điểm viết code (tĩnh).

## Implementation of Record Type



## **Data Alignment**

Căn chỉnh: Lý do chính là để tăng tốc độ truy cập dữ liệu. CPU thường truy cập bộ nhớ theo các khối có kích thước nhất định (ví dụ: 4 byte, 8 byte). Nếu dữ liệu không được canh chỉnh đúng cách, CPU có thể phải thực hiện nhiều lần truy cập bộ nhớ để lấy một biến, làm chậm chương trình.

## b-byte aligned

A b-byte aligned object has an address that is a multiple of b bytes.

b-byte aligned (canh chỉnh theo b byte): Nghĩa là một đối tượng (ví dụ một biến) có địa chỉ bộ nhớ là một bội số của b byte.

## **Example**

- A char (one byte) will be 1-byte aligned.
- A short (two bytes) will be 2-byte aligned.
- A int (four bytes) will be 4-byte aligned.
- A long (four bytes) will be 4-byte aligned.
- 3 A float (four bytes) will be 4-byte aligned.

LÂY KÍCH THƯỚC CỦA THẮNG LỚN NHẤT

## **Data structure Padding**

## **Padding**

#### when a structure member is

- followed by a member with a larger alignment requirement, or
- at the end of the structure to make the structure size be multiple of the biggest member size.

Data structure Padding (Đệm Dữ Liệu Cấu Trúc):

```
struct MyStruct {
                                  Padding (Đêm): Là viêc trình biên dịch (compiler) tư động chèn thêm các khoảng
                                 trống (byte "rác") vào giữa các thành viên của một cấu trúc (struct) hoặc ở cuối
        char data1:
                                 cấu trúc
        int data2:
                                  Khi nào thì cần paddina?
        char data3:
                                  Khi một thành viên có yêu cầu canh chỉnh lớn hơn đứng sau một thành viên có yêu
                                 cầu canh chỉnh nhỏ hơn. Trình biên dịch sẽ chèn padding để đảm bảo thành viên
        short data4:
                                 sau bắt đầu ở một địa chỉ thỏa mãn yêu cầu canh chỉnh của nó.
        char data5:
                                 Ở cuối cấu trúc để làm cho kích thước của toàn bộ cấu trúc là một bội số của kích
                                  thước của thành viên lớn nhất trong cấu trúc. Điều này giúp cho việc tạo mảng các
                                 cấu trúc được hiệu quả hơn.
What is the size of the above struct?
```

Để tính kích thước, mình phải xem xét yêu cầu canh chỉnh của từng thành viên và padding cần thiết:

char data1: Kích thước 1 byte, canh chỉnh 1 byte. int data2: Kích thước 4 byte, canh chỉnh 4 byte. Để data2 bắt đầu ở địa chỉ là bôi số của 4, cần thêm 3 byte padding sau data1. char data3: Kích thước 1 byte, canh chỉnh 1 byte.

short data4: Kích thước 2 byte, canh chỉnh 2 byte. Để data4 bắt đầu ở địa chỉ là bôi số của 2, cần thêm 1 byte padding sau data3. char data5: Kích thước 1 byte, canh chỉnh 1 byte.

Tổng kích thước hiện tại là: 1 (data1) + 3 (padding) + 4 (data2) + 1 (data3) + 1 (

padding) + 2 (data4) + 1 (data5) = 13 byte.

## Union Types - Kiểu Hợp Nhất

```
A union is a type whose variables are allowed to
       store different type values at different times during
      execution Kiểu hợp nhất là một kiểu dữ liệu mà biến của nó có thể lưu trữ các giá trị thuộc các kiểu liệu khác nhau tại các thời điểm khác nhau trong quá trình chạy chương trình.
type Shape is (Circle, Triangle, Rectangle); liệt kê định nghĩa các hình dạng có thể có.
type Colors is (Red, Green, Blue); liệt kê định nghĩa các màu sắc có thể có.
type Figure (Form: Shape) is record
                                                       Đây là định nghĩa của kiểu hợp nhất Figure. Cái (Form:
                                                        Shape) này gọi là discriminant (bộ phân biệt), nó cho biết
       Filled: Boolean:
                                                        hình dang hiện tại của Figure.
                                                                   Đây là phần quan trong của union. Tùy
       Color: Colors:
                                                                   thuộc vào giá tri của Form, bản ghi
       case Form is
                                                                   Figure sẽ có các trường khác nhau:
                                                                   Nếu Form là Circle, nó sẽ có thêm
              when Circle => Diameter: Float:
                                                                   trường Diameter (đường kính).
                                                                   Nếu Form là Triangle, nó sẽ có thêm các
              when Triangle =>
                                                                   trường Leftside, Rightside (đô dài hai
                                                                   canh), và Angle (góc).
                     Leftside, Rightside: Integer;
                                                                   Nếu Form là Rectanale, nó sẽ có thêm
                     Angle: Float;
                                                                   các trường Side1 và Side2 (đô dài hai
                                                                   canh).
              when Rectangle => Side1, Side2: Integer;
```

end record;

end case:

▶ Skip Union Type

```
Given the following record declaration in Ada:
                          1 enumeration
type Shape is (Circle, Triangle, Rectangle);
type Colors is (Red, Green, Blue); 1 enumeration
type Figure (Form: Shape) is record 2
Filled: Boolean:
Color: Colors: 2
case Form is
 when Circle => Diameter: Float:
 when Triangle =>
  Leftside, Rightside: Integer: 2+2
  Angle: Float; 4
 when Rectangle => Side1, Side2: Integer;
end case:
end record:
Assume that the size of Boolean, enumeration, Integer, and Float are 1, 2, 2 and 4, respectively. What is
the size of an object in type Figure without padding?
The size of an object in type Figure without padding is
13
```

Given the following declaration of a set:

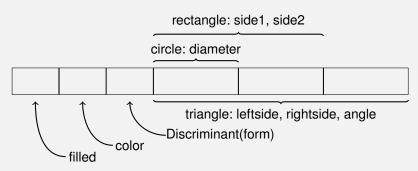
```
x: set of 10..73;
```

Assume that an object in set type is implemented by a bit chain, what is the size of x in byte?

The size of x is 64 bits = 8 bytes. bytes

## Ada Union Type Illustrated

Kiểu hợp nhất cho phép mày tiết kiệm bộ nhớ bằng cách sử dụng cùng một vùng nhớ để lưu trữ các dữ liệu có kiểu khác nhau tại những thời điểm khác nhau. Tuy nhiên, việc sử dụng union cần cẩn thận để tránh các lỗi liên quan đến kiểu dữ liệu. Discriminated unions là một cách tiếp cận an toàn hơn so với free unions vì chúng cung cấp cơ chế kiểm tra kiểu.



## **Design issues**

Should type checking be required? (Có nên yêu cầu kiểm tra kiểu không?): Đây là một câu hỏi quan trọng. Nếu không có kiểm tra kiểu, mày có thể truy cập vào một trường không phù hợp với kiểu dữ liệu hiện tại được lưu trữ trong union, dẫn đến lỗi khó lường.

## Should type checking be required?

Discriminated vs. Free Union

Fortran, C, and C++ provide union constructs in which there is no language support for type checking; the union in these languages is called **free union** Type checking of unions require that each union include a type indicator called a **discriminant**Supported by Ada

#### Should unions be embedded in records?

Discriminated vs. Free Union (Union có phân biệt vs. Union tự do):

Free Union: Như trong Fortran, C, và C++, không có sự hỗ trợ ngôn ngữ nào cho việc kiểm tra kiểu. Trình lập trình phải tự biết kiểu dữ liệu nào đang được lưu trữ trong union. Điều này rất dễ gây ra lỗi.

Discriminated Union: Như trong Ada (và nhiều ngôn ngữ hiện đại khác), mỗi union bao gồm một bộ chỉ thị kiểu (type indicator) gọi là discriminant. Cái discriminant này cho biết kiểu dữ liệu hiện tại đang được lưu trữ trong union, cho phép ngôn ngữ thực hiên kiểm tra kiểu.

Should unions be embedded in records? (Có nên nhúng union vào trong bản ghi không?): Câu trả lời thường là có, đặc biệt là đối với discriminated unions. Việc nhúng union vào trong một bản ghi cùng với một trường discriminant giúp quản lý kiểu dữ liệu được lưu trữ một cách an toàn và có cấu trúc hơn.

#### **Example**

Cái union này có hai thành viên:

int data: Một biến kiểu số nguyên.

char bt[2]: Một mảng gồm 2 ký tự (byte).

Điểm mấu chốt của union là tất cả các thành viên của nó chia sẻ cùng một vùng nhớ. Điều này có nghĩa là khi mày gán giá trị cho x.data, thì giá trị đó cũng sẽ ảnh hưởng đến x.bt (và ngược lại). Kích thước của union sẽ bằng kích thước của thành viên lớn nhất của nó. Trong trường hợp này, giả sử int chiếm 2 byte (dù thông thường là 4 byte), thì cả data và mảng bt sẽ cùng chiếm 2 byte trong bộ nhớ.

Giá trị 0x7A12 này trong hệ thập phân tường ứng với 31250. Nếu ta coi nó là một số nguyên 2 byte, thi byte thấp (least significant byte) là 0x12 (tường đường 18 trong hệ thập phân) và byte cao (most significant byte) là 0x7A (tường đường 122 trong hệ thập phân).

Bây giờ, vì x.bt là một mảng 2 ký tự (byte) và nó dùng chung vùng nhớ với x.data, nên mỗi phần tử của mảng bt sẽ tương ứng với một byte của x.data. Thông thường trên các hệ thống little-endian (byte thấp được lưu trữ ở địa chỉ thấp hơn), thì:

x.bt[0] sẽ chứa byte thấp của x.data, tức là 0x12, có giá trị là 18 trong hệ thập phân. x.bt[1] sẽ chứa byte cao của x.data, tức là 0x7A, có giá trị là 122 trong hệ thập phân.

data: Nếu mày muốn coi cái hộp này chứa một con số nguyên (kiểu int). bt: Nếu mày muốn coi cái hộp này chứa hai ký tự (kiểu char). Thực ra là hai byte liên tiếp nhau.

Cùng một chỗ: Cái union x này giống như là mày có một cái hộp. Hai cách gọi: Mày có thể gọi cái hộp này bằng hai tên khác nhau:

Gán giá trị: Khi mày gán giá trị 0x7A12 cho x.data, thì mày đang bỏ cái giá trị đó vào cái hộp. Cái giá trị 0x7A12 này là một con số (trong hệ thập lục phân).

Xem kiểu ký tự: Bây giờ, mày lại muốn "nhìn" vào cái hộp đó nhưng theo kiểu hai ký tự. Thì cái mảng bt sẽ giúp mày làm điều đó. Nó sẽ chia cái nội dung (giá trị 0x7A12) trong cái hộp ra thành hai phần, mỗi phần là một byte (vì char là 1 byte).

Thứ tự byte: Cái hình nó vẽ x.bt[0] ở bên trái và x.bt[1] ở bên phải, tương ứng với cách người ta thường biểu diễn byte thấp (ít quan trọng hơn) và byte cao (quan trọng hơn) của một số nguyên.

Ox12 là byte thấp (nằm ở địa chỉ thấp hơn trọng bô nhớ, tương ứng với x.bt[0]). Giá trị thấp

phân của 0x12 là 18. 0x7A là byte cao (nằm ở địa chỉ cao hơn trong bộ nhớ, tường ứng với x.bt[1]). Giá trị thập

phân của 0×7A là 122. In ra: Khi mày dùng cout để in ×.bt[0], nó sẽ lấy cái byte đầu tiên (byte thấp) trong cái hộp đó ra và in giá tri thâp phân của nó là 18. Tường tư, cout « ×.bt[1] sẽ lấy cái byte thứ hai (

byte cao) và in ra 122.

Cái union cho phép mày sử dụng cùng một vùng nhớ để lưu trữ các kiểu dữ liệu khác nhau. Trong ví dụ này, mày bỏ một số nguyên vào, rồi mày lại "nhìn" vào từng byte của cái số nguyên đó như là các ký tư riêng biệt. Quan trong là phải nhớ là khi mày gán giá trị cho một thành viên của union, thì giá

tri của các thành viên khác cũng sẽ bi ảnh hưởng vì chúng dùng chung bô nhớ.

#### **Evaluation of Unions**

cái ví dụ này cho thấy cách mà một union cho phép mày "nhìn" vào cùng một vùng nhớ dưới các dạng kiểu dữ liệu khác nhau. Ở đây, mày gán một giá trị số nguyên cho x.data, nhưng sau đó mày lại có thể truy cập từng byte của số nguyên đó thông qua mảng ký tự x.bt. Điều này rất hữu ích trong một số trường hợp, ví dụ như khi mày muốn thao tác trực tiếp với các byte của một kiểu dữ liệu lớn hơn. Tuy nhiên, mày phải tự quản lý kiểu dữ liệu nào đang được lưu trữ trong union để tránh đọc dữ liệu một cách sai lệch.

# Potentially unsafe construct in some languages Do not allow type checking Java and C# do not support unions Reflective of growing concerns for safety in programming language

Potentially unsafe construct in some languages (Có khả năng là một cấu trúc không an toàn trong một số ngôn ngữ): Đúng vậy, như mình đã thấy ở ví dụ C++, việc sử dụng union có thể hơi nguy hiểm nếu không cẩn thận.

Do not allow type checking (Không cho phép kiểm tra kiểu): Trong các ngôn ngữ như C và C++, trình biên dịch thường không kiểm tra xem mày đang truy cập vào union với kiểu dữ liệu nào. Nếu mày lưu một kiểu dữ liệu vào union nhưng lại cố gắng đọc nó ra với một kiểu dữ liệu khác, thì có thể sẽ nhận được kết quả không mong muốn hoặc thậm chí là crash chương trình.

Java and C# do not support unions (Java và C# không hỗ trợ unions): Hai ngôn ngữ lập trình phổ biến và hiện đại này đã quyết định không đưa unions vào ngôn ngữ của họ.

Reflective of growing concerns for safety in programming language (Phân ánh mối quan tâm ngày cảng tăng về tính an toàn trong ngôn ngữ lập trình): Việc Java và C# bỏ qua unions cho thấy rằng các nhà thiết kế ngôn ngữ ngày càng chú trong đến việc ngặn chặn các lỗi có thể xảy ra do việc sử dụng không an toàn các cấu trúc như unions. Họ thà hy sinh một chút tính linh hoạt để đối lấy sự an toàn và ôn định cho chương trình.

#### **Set Types**

Nó dùng để biểu diễn cái khái niệm tập hợp trong toán học. Một tập hợp là một bộ sưu tập các phần tử duy nhất (không có phần tử nào trùng lặp) và không có thứ tự cụ thể.

```
x: set of 1..10;
y: set of char;
```

x: set of 1..10;: Đây là một tập hợp các số nguyên từ 1 đến 10. Ví dụ, nó có thể chứa các số {1, 3, 5, 7, 9} hoặc {2, 4, 6, 8, 10} hoặc tất cả các số từ 1 đến 10. Quan trọng là mỗi số chỉ xuất hiên một lần.

y: set of char;: Đây là một tập hợp các ký tự. Ví dụ, nó có thể chứa {'a', 'b', 'c'} hoặc {'\$', '#', '@'}.

#### represent the concept of set

has operators: membership, union, intersection, different,...

## implemented by bit chain or hash table.

membership (thuộc về): Kiểm tra xem một phần tử có nằm trong tập hợp hay không (ví dụ: "5 có thuộc tập hợp x không"). union (hợp): Tạo một tập hợp mới chứa tất cả các phần tử từ cả hai tập hợp (loại bỏ các phần tử trùng lặp). Ví dụ, hợp của {1, 2, 3} và {3, 4, 5} là {1, 2, 3,

4,5).
intersection (giao): Tạo một tập hợp mới chỉ chứa các phần tử chung của cả hai tập hợp. Ví dụ, giao của (1, 2, 3) và (3, 4, 5) là (3).
difference (hiệu): Tạo một tập hợp mới chứa các phần tử chúng của cả hai tập hợp. Ví dụ, giao của (1, 2, 3) và (3, 4, 5) là (3).

3, 4, 5} là (1, 2). bit chain (chuỗi bit): Cách này thường hiệu quả khi các phận tử của tập hợp thuộc một kiểu dữ liệu thứ tự có phạm vi nhỏ (ví dụ, tập hợp các số từ

1 đến 10). Mỗi bit trong chuỗi bit sẽ tương ứng với một phần tử có thể có. Nếu bit đó là 1, nghĩa là phần tử đó có trong tập hợp, ngược lại nếu là 0 thì không.

hash table (bảng băm): Cách này linh hoạt hơn và có thể xử lý các tập hợp có số lượng phần tử lớn hơn hoặc các phần tử không thuộc kiểu dữ liệu thứ tư có pham vi nhỏ. Mỗi phần tử trong tập hợp sẽ được băm (hashed) để xác đinh vi trí của nó trong bảng băm.

## **Pointer Types**

Kiểu Con Trỏ là gì?

int \*ptr;: Đây là cách khai báo một biến con trỏ tên là ptr, nó sẽ trỏ đến một vùng nhớ chứa một giá tri kiểu int.

Biến con trỏ có thể chứa các giá trị là địa chỉ bộ nhớ và một giá trị đặc biệt là nil (thường có nghĩa là con trỏ không trỏ đến đâu cả). INT \*ptr;

A pointer type variable has a range of values that consists of memory addresses and a special value,

Provide the power of indirect addressing (Cung cấp khả năng định địa chỉ gián tiếp

Provide the power of indirect addressing (Cung câp khá năng định địa chí gián ti ): Thay vì trực tiếp làm việc với một biến, mày có thể làm việc với địa chỉ của nó

Provide the power of indirect addressing

Provide a way to manage dynamic memory

A pointer can be used to access a location in the area where storage is dynamically created (usually called a

heap)

Provide a way to manage dynamic memory (Cung cấp cách quản lý bộ nhớ động): Con trỏ cho phép mày cấp phát và thu hồi bộ nhớ trong quá trình chạy chương trình (ở vùng nhớ gọi là heap).

► Skip Pointer Type

nil

# Pointer Operations

```
Có hai thao tác cơ bản:
Assignment (Gán): Gán một địa chỉ bộ nhớ cho biến con trỏ:
int *p, *q;
p = q; // Bây giờ p trỏ đến cùng địa chỉ mà q đang trỏ đến
```

Two fundamental operations: assignment and dereferencing

Assignment is used to set a pointer variable's value to some useful address

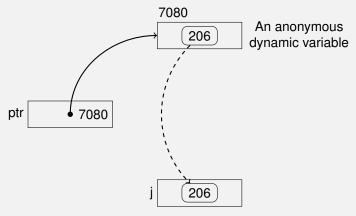
Dereferencing yields the value stored at the location represented by the pointer's value

Dereferencing can be explicit or implicit C++ uses an explicit operation via \* j = \*ptr sets j to the value located at ptr

Dereferencing (Giải tham chiếu): Lấy giá trị được lưu trữ tại địa chỉ mà con trỏ đang trỏ đến. Trong C++, người ta dùng dấu \* để giải tham chiếu.

## **Pointer Deferencing Illustrated**

Biến ptr đang giữ địa chỉ 7080, và tại địa chỉ đó có giá trị là 206. Khi mày viết j = \*ptr;, thì giá trị của j sẽ là 206.



The deferencing operation j = \*ptr

#### **Problems with Pointers**

Dangling pointers (Con trẻ lờ lửng - nguy hiểm): Xảy ra khi con trẻ trẻ đến một vùng nhớ đã được giải phóng (de-allocated). Lúc này, con trẻ trở nên vô nghĩa và việc truy cập nó có thể gây ra lỗi.

Lost heap-dynamic variable (Biến động trên heap bị mất - garbage): Xảy ra khi một vùng nhớ động đã được cấp phát nhưng không còn con trỏ nào trỏ đến nó nữa. Vùng nhớ này không thể được sử dụng lại và gây lăng phí bộ nhớ (gọi là "rác").

## Dangling pointers (dangerous)

A pointer points to a heap-dynamic variable that has been de-allocated

## Lost heap-dynamic variable

An allocated heap-dynamic variable that is no longer accessible to the user program (often called *garbage*)

#### Pointers in C and C++

Rất linh hoạt nhưng phải sử dụng cẩn thận. Con trỏ có thể trỏ đến bất kỳ biến nào, bất kể khi nào nó được cấp phát. Được dùng để quản lý bộ nhớ động và định địa chỉ.

```
int *ptr;
int count, init;
...
ptr = &init; // Gán địa chỉ của biến init cho con trỏ ptr (dấu & là "address-of operator")
count = *ptr; // Giải tham chiếu ptr để lấy giá trị (10) và gán cho count
```

Extremely flexible but must be used with care

Pointers can point at any variable regardless of when it was allocated

Used for dynamic storage management and addressing

#### Pointers in C and C++

Trong C/C++, mày có thể thực hiện một số phép toán số học trên con trỏ (thường dùng khi làm việc với mảng):

## Pointer arithmetic is possible

```
int list[10];
int *ptr = list; // Con tro ptr tro dén phần tử đầu tiên của mảng list
*(ptr + 1) // Truy cập phần tử thứ hai của mảng (tương đương list[1])
*(ptr + index) // Truy cập phần tử ở vị trí index (tương đương list[index
])
ptr[index] // Đây là cách viết gọn của *(ptr + index)
```

void \*: Một kiểu con trỏ đặc biệt có thể trỏ đến bất kỳ kiểu dữ liệu nào. Tuy nhiên, mày không thể trực tiếp giải tham chiếu void \* mà cần phải ép kiểu nó về kiểu con trỏ cu thể trước.

Trong C/C++, khi con trỏ trỏ đến một bản ghi (struct), mày có thể truy cập các thành viên của bản ghi theo hai cách:

Explicit: (\*p).name (dùng dấu ngoặc để đảm bảo giải tham chiếu p trước khi truy cập thành viên name).

Implicit: p->name (cách viết gọn và thường dùng hơn).

Pointer points to a record in C/C

++ Explicit: (\*p).name Implicit: p -> name

Management of heap use explicit

allocation C: function malloc

C++: new and delete operators

Trong C, dùng hàm malloc để cấp phát bộ nhớ động và hàm free để giải phóng.

Trong C++, dùng toán tử new để cấp phát và delete (hoặc delete cho mảng) để giải phóng.

## **Design Issues of Pointers**

```
Phạm vi (scope) và thời gian tồn tại (lifetime) của biến con trỏ là gì?
Thời gian tồn tại của biến động trên heap là bao lâu?
Con trỏ có bị giới hạn về kiểu dữ liệu mà nó có thể trỏ đến không?
Con trỏ được dùng để quản lý bộ nhớ động, định địa chỉ gián tiếp, hay cả hai?
Ngôn ngữ nên hỗ trợ kiểu con trỏ, kiểu tham chiếu (reference types), hay cả hai?
What are the scope of and lifetime of a pointer variable?
```

What is the lifetime of a heap-dynamic variable?

Are pointers restricted as to the type of value to which they can point?

Are pointers used for dynamic storage management, indirect addressing, or both?

Should the language support pointer types, reference types, or both?

## **Reference Types**

```
int A;
int &rA = A;
int &rA = A;
A = 1;

cout << rA << endl; // In ra 1 (vì rA dang tham chiếu đến A)

rA++;

cout << A << endl // In ra 2 (vì việc tặng rA cũng làm tặng giá trị của A)
```

Pointers refer to an address, references refer to object or value (Con trẻ tham chiếu đến một địa chỉ, tham chiếu tham chiếu đến đối tượng hoặc giá trị).

C++ includes a special kind of pointer type called a reference type that is used primarily for formal parameters

Java extends C++'s reference variables and allows them to replace pointers entirely

C# includes both the references of Java and the pointers of C++

Đặc điểm	Kiểu Tham Chiếu ( & )	Con Trở ( * )
Khai báo	int &rA = A;	int *pA = &A
Truy cập giá trị	rA	*pA
Tăng giá trị	rA++	(*pA)++ hoặc pA++ (tăng địa chỉ)
Gán lại tham chiếu	Không (cannot reseated)	pA = &B (có thể trỏ đến biến khác)
Giá trị null	Không (cannot be null)	pA = nullptr; <b>(có</b> thể là null)
Khởi tạo	Phải khởi tạo khi khai báo (cannot be uninitialized)	Không bắt buộc ( int *pA; )

#### References vs. Pointers in C++

Reference Type	Pointer
int A;	int A;
int & rA = A;	int* pA = &A
$rA \Rightarrow A$	*pA ⇒ A
N/A	pA++
cannot reseated	pA = &B
cannot be null	pA = null
cannot be uninitialized	int* pA

#### **Evaluation of Pointers**

Dangling pointers and garbage are big problems (Con trỏ lờ lửng và rác là những vấn đề lớn): Như đã nói ở slide trước, đây là những nguy cơ tiềm ẩn khi sử dụng con trẻ.

Pointers are like goto's - they widen the range of cells that can be accessed by a variable (Con trỏ giống như lệnh goto - chúng mở rộng phạm vi các ô nhớ mà một biến có thể truy cập): Điều này có nghĩa là con trỏ có thể làm cho code trở nên khó hiểu và khó bảo trì hơn nếu không được quản lý tốt.

- Dangling pointers and garbage are big problems
  Pointers are like goto's—they widen the range of cells
  that can be accessed by a variable
- Essential in some kinds of programming applications, e.g. device drivers
- Using references provide some of the flexibility and capabilities of pointers, without the hazards

Essential in some kinds of programming applications, e.g. device drivers (Thiết yếu trong một số loại ứng dụng lập trình, ví dụ như trình điều khiển thiết bị): Trong một số trường hợp, việc thao tác trực tiếp với bộ nhớ thông qua con trỏ là cần thiết.

Using references provide some of the flexibility and capabilities of pointers, without the hazards (Sử dụng tham chiếu cung cấp một số tính linh hoạt và khả năng của con trỏ, mà không có những rủi ro): Tham chiếu an toàn hơn con trỏ vì chúng luôn trỏ đến một đối tượng hợp lệ sau khi được khởi tạo và không thể bị "lạc lối" như con trỏ lờ lửng.

## **Representations of Pointers**

Biểu Diễn của Con Trỏ (Representations of Pointers):

Hầu hết các máy tính sử dụng một giá trị duy nhất (địa chỉ bộ nhớ). Vi xử lý Intel sử dụng segment và offset để định địa chỉ.

Most computers use single values Intel microprocessors use segment and offset

## **Dangling Pointer Problem**

Tombstone: extra heap cell that is a pointer to the heap-dynamic variable

The actual pointer variable points only at tombstones When heap-dynamic variable de-allocated, tombstone remains but set to nil Costly in time and space

Locks-and-keys: Pointer values are represented as (key, address) pairs

Heap-dynamic variables are represented as variable plus cell for integer lock value

When heap-dynamic variable allocated, lock value is created and placed in lock cell and key cell of pointer Giải Pháp 1: Tombstone (Bia Mộ): Thêm một bước trung gian: Thay vì con trỏ trỏ thẳng đến vùng nhớ động (trên heap), người ta tạo ra một cái "bia mộ" (tombstone). Cái bia mô này là một ô nhớ đặc biệt trên heap, và nó chứa địa chỉ thực sự của cái vùng nhớ động mà mày

Con trỏ chỉ trỏ vào bia mô: Cái biến con trỏ của mày bây giờ chỉ lưu đia chỉ của cái bia mô thôi, chứ không trực tiếp lưu

địa chỉ của dữ liêu thật. Khi vùng nhớ bị giải phóng: Khi cái vùng nhớ đông mà mày dùng xong rồi và được giải phóng, thì cái bia mô vẫn còn đó,

nhưng địa chỉ mà nó trỏ tới sẽ được đặt thành một giá trị đặc biệt, thường là nil (giống như số điện thoại cũ bị hủy). Kiểm tra qua bia mô: Khi con trỏ của mày cố gắng truy cập dữ liêu, nó sẽ đi qua cái bia mô trước. Nếu đia chỉ trong bia mô là nil, hệ thống sẽ biết là vùng nhớ đó không còn hợp lê nữa và có thể báo lỗi.

Ưu điểm: Có thể phát hiện ra con trỏ lợ lưng. Nhươc điểm: Tốn thêm bô nhớ để lưu trữ các bia mộ và tốn thêm thời gian để truy cập gián tiếp qua bia mộ.

Giải Pháp 2: Locks-and-keys (Khóa và Chìa Khóa):

muốn dùng.

Cái này thì giống như là bảo mật hơn một chút:

Mỗi vùng nhớ có một cái khóa: Khi một vùng nhớ động được cấp phát trên heap, nó sẽ được gắn một cái "khóa" (lock) là một giá trị số nguyên.

Con trỏ giữ chìa khóa: Khi mày tao một con trỏ trỏ đến vùng nhớ đó, con trỏ sẽ được cấp một cái "chìa khóa" (key) có

giá tri tương ứng với cái khóa của vùng nhớ. Con trỏ sẽ lưu cả cái chìa khóa này và địa chỉ của vùng nhớ. Kiểm tra khi truy cập: Mỗi khi con trỗ muốn truy cập vào vùng nhớ, hệ thống sẽ kiểm tra xem cái chìa khóa mà con trỏ đang giữ có khớp với cái khóa của vùng nhớ đó hay không.

Khi vùng nhớ bị giải phóng: Khi vùng nhớ bị giải phóng, cái khóa của nó có thể bị thay đổi hoặc hủy bỏ. Những con trỏ vẫn còn giữ cái chìa khóa cũ sẽ không thể truy cập hợp lê vào vùng nhớ đó nữa.

Ưu điểm: Cũng giúp phát hiện con trỏ lơ lửng. Nhược điểm: Cần thêm bộ nhớ để lưu trữ giá trị khóa cho mỗi vùng nhớ và cần thêm thời gian để kiểm tra khóa mỗi khi

truy cập.

### **Recursive Type**

Kiểu đệ quy là một kiểu dữ liệu mà định nghĩa của nó có chứa một (tham chiếu đến) giá trị của chính nó.

A value of a *recursive type* can contain a (reference to) value of the same type.

#### **Example on Ocaml**

```
nghĩa là một nút của cây chứa một ký từ và hai cây con (trái và phải
                        ), mà mỗi cây con này cũng có thể là một char_btree hoặc là Null (
type char btree = để chỉ nút lá hoặc cây rỗng).
         Tree of char * char btree * char btree
         Null
Tree ('A', Tree ('B', Tree ('C', Null, Null),
                         Tree ('D',
                                     Tree ('E', Null, Null),
                                     Null)),
            Tree ('F', Null, Null))
type 'a btree = Tree of 'a * 'a btree * 'a btree
                     Null
Tree (4, Tree (3, Null, Null), Tree (6, Null, Null))
```

# **Type Expression: Motivation Example**

x là một mảng 10 phần tử, mỗi phần tử là một bản ghi. Bản ghi này lại chứa một mảng số nguyên a, một bản ghi b (chứa số thực c và mảng số thực d), và một chuỗi d. Để mô tả chính xác kiểu dữ liệu phức tạp như vậy, người ta cần đến các biểu thức kiểu.

```
x: array [1..10] of record
a: array [5..10] of integer;
    b: record
        c: real;
        d: array[1..3] of real;
    end;
    d: string[3];
end;
```

Hàm foo định nghĩa là def foo(x, f) = f(f(x))

Mình suy luân kiểu của nó như sau:

foo là một hàm, nên kiểu của nó sẽ có dạng input\_type -> output\_type. foo nhận hai tham số là x và f. Vậy input\_type sẽ là kiểu của x kết hợp với kiểu của f. Mình sẽ dùng \* để biểu thi kết hợp này.

Giả sử kiểu của x là T (theo yêu cầu đề bài).

Trong phần thân hàm, có biểu thức f(x). Vì x có kiểu T, và f được gọi với x, nên f phải là một hàm nhân vào một đối số có kiểu T.

Tiếp theo, có biểu thức f(f(x)). Kết quả của f(x) lại được truyền vào f. Điều này có nghĩa là kiểu trả về của f(x) phải giống với kiểu đầu vào của f (là T). Vậy, f là một hàm nhận vào T và trả về T, tức là kiểu của f là  $T \to T$ .

Cuối cùng, kết quả của f(f(x)) sẽ là kiểu trả về của hàm foo. Vì f có kiểu  $T \to T$ , và f(x) có kiểu T, thì f(f(x)) cũng sẽ có kiểu T. Vây, kiểu của hàm foo là:

(kiểu của × \* kiểu của f) -> kiểu trả về

 $(T * (T \rightarrow T)) \rightarrow T$ 

### **Type Expressions**

Biểu thức kiểu là một cách hình thức để mô tả một kiểu dữ liệu. Nó được xây dựng từ các thành phần cơ bản theo một số quy tắc:

A **basic type** is a type expression.

boolean, char, integer, float, void, subrange.

A **type name** is a type expression.

A **type constructor** applied to type expressions is a type expression. Including:

Arrays: array(I,T) where I: index type, T:element type

Products: T1  $\times$  T2

Records: record((name1  $\times$  T1)  $\times$  (name2  $\times$  T2)  $\times ...$ )

Pointers: pointer(T) Functions:  $T1 \rightarrow T2$ 

A **type variable** is a type expression.

Biểu thức kiểu là một cách chính xác và hình thức để mô tả các kiểu dữ liệu, từ đơn giản đến phức tạp.

Type Expressions (Biểu Thức Kiểu): Biểu thức kiểu là một cách hình thức để mộ tả một kiểu dữ liêu. Nó được xây dựng từ các thành phần

A basic type is a type expression (Kiểu cơ bản là một biểu thức kiểu): Ví dụ: boolean, char, integer,

cơ bản theo một số quy tắc:

float, void, subrange. A type name is a type expression (Tên kiểu là một biểu thức kiểu): Ví dụ, nếu mày định nghĩa typedef int siso;, thì siso cũng là một biểu thức kiểu. A type constructor applied to type expressions is a type expression (Môt bô xây dựng kiểu áp dụng

cho các biểu thức kiểu là một biểu thức kiểu): Cái này hơi trừu tượng, nhưng ý là mày có thể dùng các "bộ xây dựng" để tạo ra các kiểu phức tạp hơn từ các kiểu đơn giản: Arrays: array(I, T) trong đó I là kiểu chỉ số và T là kiểu phần tử. Ví du: int t[10]; có thể được biểu

diễn là array(0..9, int).
Products: T1 × T2 (thường dùng để biểu diễn tuples hoặc danh sách tham số của hàm). Ví dụ: một hàm nhận vào một số nguyên và một số thực có thể có kiểu là int × float. Records: record((name1 × T1) × (name2 × T2) × ...) Ví du: struct { int a; int b; } có thể được biểu diễn

là record((a × int) × (b × int)). Pointers: pointer(T) trong đó T là kiểu dữ liệu mà con trỏ trỏ đến. Ví dụ: int \*p có thể được biểu diễn là pointer(int).

Functions: T1  $\rightarrow$  T2 trong đó T1 là kiểu của tham số và T2 là kiểu trả về. Ví dụ: int foo(int a, float b) có thể có kiểu là (int  $\times$  float)  $\rightarrow$  int.

A type variable is a type expression (Một biến kiểu là một biểu thức kiểu): Thường dùng trong các ngôn ngữ hỗ trợ generic programming (lập trình đa hình). Ví dụ, trong template <class T> struct vd {
To This late the same of the same o

Ta; Tb[3]; };, Tlà một biến kiểu. Kiểu của struct vd có thể được biểu diễn là record((a × T) × (b × array(0...2, T))).

## **Example**

```
\begin{split} & \text{int} \Rightarrow \text{int} \\ & \text{typedef int siso;} \Rightarrow \text{siso} \\ & \text{int t[10];} \Rightarrow \text{array(0..9,int)} \\ & \text{int foo(int a,float b)} \Rightarrow (\text{int} \times \text{float)} \rightarrow \text{int} \\ & \text{struct int a;int b} \Rightarrow \text{record((a} \times \text{int)} \times (b \times \text{int))} \\ & \text{int *p} \Rightarrow \text{pointer(int)} \\ & \text{template <class T> struct vd T a; T b[3];} \\ & \Rightarrow \text{record((a} \times \text{T}) \times (b \times \text{array(0..2,T)))} \end{split}
```

#### Type Checking

Definition (Đinh nghĩa): Là quá trình đảm bảo rằng chường trình tuân thủ các quy tắc của hê thống kiểu dữ liêu. Nói đơn giản là kiểm tra xem mày có đang dùng dữ liêu đúng kiểu ở đúng chỗ không.

#### **Definition**

**Type checking** is the activity of ensuring that a program respects the rules imposed by the type system

Static type checking is performed in compiling time. It is often applied for static type binding

languages. Được thực hiện trong quá trình biên dịch (compile time). Thường được áp dụng cho các ngôn ngữ có liên kết kiểu tĩnh (static type binding), ví du như C++, Java.

Dynamic type checking is performed in running

time. It is often applied for Duyc thực hiện trong quá trình chay chương trình (running time). Thường được áp dụng cho các ngôn ngữ có liên kết kiểu động (

dynamic type binding languages dynamic type binding), ví du như Python, JavaScript. dome features in static type binding language that cannot be type checked during compiling time.

Một số tính năng trong ngôn ngữ liên kết kiểu tĩnh không thể kiểm tra kiểu trong quá trình biên dich. (Ví du: downcasting trong OOP có thể cần kiểm tra ở runtime).

# Type Inference - Suy Luận Kiểu Dữ Liệu

Definition (Định nghĩa): Là khả năng của trình biên dịch tự động suy ra kiểu dữ liệu của một thành phần chương trình (ví dụ: biến, hàm) mà không cần lập trình viên phải khai báo rõ ràng.

#### **Definition**

Type inference is the ability of a compiler to deduce type information of program unit.

### **Example on Scala**

def add(x:Int) = x + 1 Trong ví dụ này, Scala có thể tự động suy ra rằng kiểu trả về của hàm add là Int vì nó nhận một Int và cộng thêm 1 (kết quả chắc chắn là Int).

Return type of function add is inferred to be Int

# Mechanism

- Assign type (built-in or variable type)to leaf nodes in AST. Gán kiểu (kiểu sẵn có hoặc biến kiểu) cho các nút lá trong cây cú pháp trừu tượng (AST).
- Generate type constraints in each internal node in AST.
   Tao các ràng buôc kiểu ở mỗi nút bên trong của AST.
- Presolve these type constraints

  Giải quyết các ràng buộc kiểu này để xác định kiểu cuối cùna.

# Type Equivalence - Tương Đương Kiểu Dữ Liệu

an operand of one type can be substituted for one of

```
the other type without coercion.
                                                              Type Equivalence (Tương Đương
                                                              Kiểu Dữ Liêu): Cái này có nghĩa là
                                                              hai kiểu dữ liêu phải hoàn toàn
Two approaches:
                                                              giống nhau. Giống như hai giọt
      Equivalence by name: same type name nuớc vậy đó. Nếu hai kiểu tương
                                                              đương, thì mày có thể dùng kiểu
                                                              này ở bất kỳ chỗ nào mà kiểu kia
      type Celsius = Float;
                                                              được dùng mà không cần phải làm
                                                              gì thêm. Ví du, nếu mày định nghĩa
      type Fahrenheit = Float;
                                                              type MyInt is Integer; thì MyInt
                                                              và Integer là tương đượng.
      Structural equivalence: same structure
```

```
type A = record
  field1: integer;
  field2: real;
end
type B = record
  field1: integer;
  field2: real;
end
```

# Static Type Checking for Structural Equivalence

```
Hàm sequiv này là một ví dụ về cách kiểm tra xem hai kiểu dữ liêu s và t có tương
đường về mặt cấu trúc hay không. Nó nhân vào hai kiểu (được biểu diễn dưới dang
Type) và trả về true nếu chúng tương đường, false nếu không. Nó hoạt động như sau:
function sequiv (Type s, Type t): boolean
begin
     if (s and t are the same basic type) then
          return true;
    else if (s = array(s1, s2)) and t = array(t1, t2) then
          return sequiv(s1,t1) and sequiv(s2,t2);
    else if (s = s1 \times s2 \text{ and } t = t1 \times t2) then
           return sequiv(s1,t1) and sequiv(s2,t2);
    else if (s = pointer(s1)) and t = pointer(t1)) then
           return sequiv(s1,t1);
    else if (s = s1 \rightarrow s2 and t = t1 \rightarrow t2) then
           return sequiv(s1,t1);
    else
            return false:
```

Cái hàm sequiv này là một ví dụ về cách kiểm tra xem hai kiểu dữ liệu s và t có tương đương về mặt cấu trúc hay không. Nó nhận vào hai kiểu (được biểu diễn dưới dạng Type) và trả về true nếu chúng tương đương, false nếu không. Nó hoạt động như sau:

bản (ví dụ: cả hai đều là integer, hoặc cả hai đều là boolean), thì chúng tương đương. else if (s = array (s1, s2) and t = array (†1, †2) then return sequiv (s1, †1) and sequiv (s2, †2);: Nếu s là một mảng có kiểu phần tử là s1 và kiểu chỉ số là s2, và t cũng là một mảng có kiểu phần tử là †1 và kiểu

chỉ số là t2, thì s và t tương đương nếu kiểu phần tử s1 tương đương với t1 và kiểu chỉ số s2 tương đương

else if (s = s1 × s2 and t = t1 × t2) then return sequiv (s1, t1) and sequiv (s2, t2) ;: Nếu s là một " product" (thường đại diện cho một tuple hoặc danh sách tham số) của kiểu s1 và s2, và t cũng là một product của kiểu t1 và t2, thì s và t tương đương nếu s1 tương đương với t1 và s2 tương đương với t2.

với t2. Nó gọi lai chính nó (sequiv) để kiểm tra sự tương đương của các kiểu bên trong.

if (s and t are the same basic type) then return true;: Nếu cả s và t đều là cùng một kiểu dữ liêu cơ

else if (s = pointer (s1) and t = pointer (t1)) then return sequiv (s1, t1);: Nếu s là một con trỏ trỏ đến kiểu s1, và t là một con trỏ trỏ đến kiểu t1, thì s và t tương đương nếu kiểu mà chúng trỏ đến (s1 và t1) tương đương. else if (s = s1  $\rightarrow$  s2 and t = t1  $\rightarrow$  t2) then return sequiv (s1, t1);: (Lưu ý: Có vẻ như có một lỗi nhỏ ở đây, nó nên là return sequiv (s1, t1) and sequiv (s2, t2); giống như trường hợp array và product) Nếu s là một hàm có kiểu tham số là s1 và kiểu trả về là s2, và t là một hàm có kiểu tham số là t1 và kiểu trả về là t2, thì s và t tương đương nếu kiểu tham số s1 tương đương với t1 và kiểu trả về s2 tương đương với t2. else return false;: Nếu không có trường hợp nào ở trên đúng, thì hai kiểu s và t không tương đương về cấu trúc.

Nói tóm lại, hàm này so sánh cấu trúc của hai biểu thức kiểu một cách đệ quy để xem chúng có giống nhau hay không. Nếu chúng có cùng "hình dang" và các thành phần bên trong cũng tương đương, thì

chúng được coi là tương đương về cấu trúc.

# Type Compatibility

Definition (Định nghĩa): Kiểu T được gọi là tương thích với kiểu S nếu một giá trị thuộc kiểu T được phép sử dụng ở bất kỳ chỗ nào mà một giá trị thuộc kiểu S có thể được dùng. Nói nôm na là mày có thể "nhét" một giá trị kiểu T vào chỗ cần một giá trị kiểu S mà không gây ra lỗi ( hoặc ít nhất là không gây ra lỗi nghiêm trong).

Example (Ví du): int (số nguyên) và float (số thực) thường là tương thích với nhau. Ví dụ, mày có thể gán một giá trị int cho một biến float.

#### Definition

Type T is compatible with type S if a value of type T is permitted in any context where a value of type S is admissible

Example, int and float

A type T is compatible with type S when:

T is equivalence to S

Values of T form a subset of values of S

All operations on S are permitted on T

Values of T correspond in a canonical fashion to values of S. (int and float)

Values of T can transform to some values of S.

A type T is compatible with type S when (Kiểu T tương thích với kiểu S khi):

T is equivalence to S (T tương đương với S): Nếu kiểu T và kiểu S là cùng một kiểu. Cái này thì rõ ràng rồi, cùng kiểu thì chắc chắn là dùng được ở mọi chỗ của nhau. Values of T form a subset of values of S (Các giá tri của T là một tập con của các giá tri của S): Ví du,

một kiểu subrange (ví du, số từ 1 đến 10) có thể tường thích với kiểu số nguyên lớn hơn (ví du, số nguyên từ 1 đến 100). Tất cả các giá tri trong subrange cũng đều là giá tri hợp lê trong kiểu lớn hơn. All operations on S are permitted on T (Tất cả các phép toán trên S đều được phép thực hiện trên T):

Nếu kiểu S có một số phép toán nhất định, và kiểu T cũng hỗ trở tất cả các phép toán đó (hoặc có thể được sử dụng một cách an toàn với các phép toán đó), thì T có thể tương thích với S. Values of T correspond in a canonical fashion to values of S. (int and float) (Các giá trị của T tương

ứng một cách chính tắc với các giá tri của S. (ví dụ: int và float)): Có một cách chuyển đổi tự nhiên và rõ ràng giữa các giá tri của hai kiểu. Ví dụ, một số nguyên có thể được biểu diễn một cách tư nhiên dưới dang số thực (có thể có phần thập phân là 0).

Values of T can transform to some values of S (Các giá tri của T có thể chuyển đổi thành một số giá tri của S): Có thể có một quy tắc chuyển đối (ngầm định hoặc tường minh) để biến một giá trị kiểu T

thành một giá tri kiểu S.

Type Compatibility (Tính Tương Thích Kiểu Dữ Liêu): Cái này thì rông hơn. Nó có nghĩa là một giá trị của kiểu này có thể được sử dụng ở một chỗ mà người ta mong đơi một kiểu khác. Nhưng hai kiểu này không nhất thiết phải giống nhau hoàn toàn. Có thể cần có một sự chuyển đổi ngầm định (coercion) hoặc một quy tắc nào đó để giá trị của kiểu này "vừa vặn" với chỗ cần kiểu kia.

# Type Conversion - Chuyển Đổi Kiểu Dữ Liệu

Definition (Định nghĩa): Là quá trình chuyển đổi một giá trị từ kiểu dữ liệu này sang kiểu dữ liệu khác.

Implicit conversion - coercion (Chuyển đổi ngầm định - ép kiểu tự động): Trình biên dịch tự động thực hiện việc chuyển đổi (ví dụ: khi gán một int cho một biến float).

Explicit conversion - cast (Chuyển đổi tường minh - ép kiểu): Lập trình viên phải chỉ định rõ ràng việc chuyển đổi (ví dụ: dùng (int) myFloat trong C++).

#### **Definition**

Type conversion is conversing a value of this type to a value of another type

Implicit conversion - coercion Explicit conversion - cast

#### Polymorphism

Polymorphism (Tính Đa Hình):

Definition (Định nghĩa):

Monomorphic: Bất kỳ đối tượng ngôn ngữ nào cũng có một kiểu duy nhất.

Polymorphic: Cùng một đối tượng có thể có nhiều hơn một kiểu.

#### **Definition**

- Monomorphic: any language object has a unique type
- Polymorphic: the same object can have more than one type

Example, +:  $int \times int \rightarrow int$  or  $float \times float \rightarrow float$ 

# Kind of Polymorphism

- Ad hoc polymorphism Overloading
- Universal Polymorphism
  - Parametric polymorphism (swap(T& x,T& y))
  - Subtyping polymorphism (in OOP)

Ad hoc polymorphism - Overloading (Đa hình ad hoc - Nạp chồng): Cùng một tên (ví dụ: tên hàm) có thể có nhiều đinh nghĩa khác nhau dựa trên kiểu của các tham số. Universal Polymorphism (Da hình phổ quát):

Parametric polymorphism (Đa hình tham số): Cho phép định nghĩa các hàm hoặc kiểu dữ liêu có thể làm việc với nhiều kiểu dữ liêu khác nhau mà không cần biết trước kiểu cu thể (ví du:

dùng templates trong C++ hoặc generics trong Java/C#). Cái ví du về hàm swap là một ví du

thể tham chiếu đến một đối tường của kiểu con. Cái ví dụ về Polygon, Rectangle, và Triangle

Subtyping polymorphism (Đa hình kiểu con - trong OOP): Cho phép một biến của kiểu cha có

là một ví dụ.

## **Example of Parametric Polymorphism**

```
template < typename T>
void swap (T& x, T& y){
    T tmp = x;
    x = y;
    y = tmp;
}
int a = 5, b = 3;
swap(a,b);
cout << a << " " << b << endl;</pre>
```

## **Example of Subtyping Polymorphism**

```
class Polygon
    public:
       virtual float getArea() = 0;
class Rectangle: public Polygon
    public:
       float getArea()
           return height * width;
    private:
       float height, width;
class Triangle: public Polygon
    public:
       float getArea()
          float p = (a + b + c) / 2:
          return sqrt(p*(p-a)*(p-b)*(p-c));
    private:
       float a,b,c;
Shape *s;
s = (...) ? new Rectangle (3,4): new Triangle (3,4,5);
s->getArea():
```

#### **Example on Scala**

```
abstract class Stack[A]
  def push(x: A): Stack[A] =
             new NonEmptyStack[A](x, this)
 def is Empty: Boolean
 def top: A
  def pop: Stack[A]
class EmptyStack[A] extends Stack[A]
 def isEmpty = true
  def top = error("EmptyStack.top")
  def pop = error("EmptyStack.pop")
class NonEmptyStack[A](elem:A, rest:Stack[A])
                                  extends Stack[A]
 def isEmpty = false
  def top = elem
  def pop = rest
val x = new EmptyStack[Int]
val y = x.push(1).push(2)
println(y.pop.top)
```

#### **Example on Scala**

```
def isPrefix[A](p: Stack[A], s: Stack[A]): Boolean = {
   p.isEmpty ||
   p.top == s.top && isPrefix[A](p.pop, s.pop)
}
```

### Summary [1]

Type system is mainly used to error detection
Primitive type
Structure type
Type checking

Type system is mainly used to error detection (Hệ thống kiểu dữ liệu chủ yếu được dùng để phát hiện lỗi): Đúng vậy, mục đích chính của hệ thống kiểu dữ liệu là giúp tìm ra các lỗi liên quan đến việc sử dụng sai kiểu dữ liệu trong chương trình ngay từ giai đoan biên dịch hoặc runtime.

Primitive type (Kiểu nguyên thủy): Các kiểu dữ liệu cơ bản như số nguyên, số thực, ký tư, boolean.

Structure type (Kiểu cấu trúc): Các kiểu dữ liệu phức tạp hơn được xây dựng từ các kiểu khác, ví dụ như mảng, bản ghi, union, tập hợp, con trỏ, tham chiếu.

Type checking (Kiểm tra kiểu dữ liệu): Quá trình đảm bảo chường trình tuân thủ các quy tắc của hệ thống kiểu.

#### References



Maurizio Gabbrielli and Simone Martini, Programming Languages: Principles and Paradigms, Chapter 8, Springer, 2010.