

够像团 增长/增长率

• • • • •

【关键】基准量

某人去年年收入5万,今年年收入6万,明年年收入7万

增长量: 1万

增长率:增加的数额与原来数额之间的比例关系

增长率 =
$$\frac{\mathbf{新} - \mathbf{原}}{\mathbf{\wp}} \times \mathbf{100}\%$$

態愛团 增长/增长率

• • • •

【关键】基准量 "比"字后为基准量 原数值为基准量

由2增长至4,增长率为? $\frac{4-2}{2} \times 100\% = 100\%$,即增长100%

由2减小至1, 增长率为? $\frac{1-2}{2} \times 100\% = -50\%$, 即下降50%

x比2多10% x相对于2增长了10% $x = 2 + 2 \times 10\% = 2.2$

x比2少10% x相对于2减少了10% $x = 2 - 2 \times 10\% = 1.8$

a是b的两倍 $\Leftrightarrow a = 2b \Leftrightarrow a$ 比b多一倍



够受创 增长/增长率 已知基准量求变化后的量,形式为 "乘" 已知变化后的量求基准量,形式为 "除"

"比"字后为基准量

原数值为基准量

原价为100元,降价后为80元,则降价百分比为?

$$\frac{80-100}{100} \times 100\% = -20\%, \ \ \text{T} = \frac{80-100}{80} \times 100\% = -25\%$$

够多团 增长/增长率

【模拟题】A企业的职工人数今年比前年增加了20%. ()

- (1) A企业的职工人数去年比前年减少了20%;
- (2) A企业的职工人数今年比去年增加了50%.



继续用	增长	/增长率
-----	----	------

【**真题2011.01.05**】 2007年,某市的全年研究与试验发展(R&D)经费支出300亿元,比2006年增长20%, 该市的GDP为10000亿元,比2006年增长10%,2006年,该市的R&D经费支出占当年GDP的()) A. 1.75% B. 2% D.2.75% C.2.5% E.3%

够学团 增长/增长率

【模拟题】某面粉厂有甲、乙两个仓库,今年甲仓库的存货比去年存货多 $\frac{4}{5}$,乙仓库的存货比去年 y_{10}^{1} .若今年甲、乙两仓库的存货之比为4:1,则今年的总存货比去年().

- A. 增加40%
- B. 减少40%
- C. 增加50% D. 减少50%
- E. 增加150%



⑱嗲៧ 增长/增长率・多次増减

*m*先增加10%,再增加10%

先增加10%: 此时基准为 $_m$, 增加后的值为 $_m$ (1 + 10%) = 1.1m

再增加10%: 此时基准为 1.1m , 增加后的值为 $1.1m \times (1 + 10\%) = 1.21m$

以前一次变化后的量为新的基准量——最终表现形式为连乘

【真题2017.01】某品牌电冰箱连续两次降价10%后的售价是降价前的().

A. 80%

B. 81% C. 82%

D. 83% E. 85%

⑱嗲៧ 增长/增长率・多次増减

*m*先增加10%,再减少10%

先增加10%: 此时基准为 $_m$, 增加后的值为 $_m(1+10\%)=1.1m$

再减少10%: 此时基准为 1.1m , 减少后的值为1.1m(1-10%)=0.99m < m

*m*先减少10%,再增加10%

先减少10%: 此时基准为 m , 增加后的值为m(1-10%)=0.9m

再增加10%: 此时基准为 0.9m , 减少后的值为 0.9m(1+10%)=0.99m

先增再减 = 先减再增 < 原数值



【真题2020.01	】某产品去年涨值	介10%,今年涨价2	0%,则该产品这两年涨价().	
A.15%	B.16%	C.30%	D.32% 乘>加 E.33%	
			''	

寒寒 増长/増长率・"平均" 与増长

【模拟题】某散装商品以大包装和小包装两种规格售出,买大包装比买小包装划算.()

- (1) 大包装比小包装重重25%, 小包装比大包装售价低20%.
- (2) 小包装比大包装轻20%, 大包装比小包装售价高20%.



够 愛 谢 增长/增长率 · "平均" 与增长

• • • • •

【模拟题】某企业今年上半年人均利税比去年同期增长了50%. ()

- (1) 某企业今年上半年利税额比去年同期增加了40%,而员工人数比去年同期减少了20%
- (2) 某企业今年上半年利税额比去年同期减少了10%, 且员工人数比去年同期减少了40%.

態 愛 聞 增长/增长率 · "平均" 与增长

• • • • •

【**真题2018.23**】如果甲公司的年终奖总额增加25%,乙公司的年终奖总额减少10%,两者相等,则能确定两公司的员工人数之比.() 给定一个等式

- (1) 甲公司的人均年终奖与乙公司的相同.
- (2) 两公司的员工人数之比与两公司的年终奖总额之比相等.



【关键】基准量

"比"字后为基准量 原数值为基准量

【多次增减】以前一次变化后的量为新的基准量,表现形式为:连乘

【抽象问题具体化】全比例问题特值法

够受团 利润/利润率 已知任两项,可得第三项。

60元买进一件产品,售价100元,促销时打八折.

成本 (进价) 售价 利润

售价 = 成本 + 利润 = 成本 × (1 + 利润率)

利润 = 售价 - 成本 = 成本 × 利润率

利润率 =
$$\frac{$$
利润}{成本} × 100% = $\frac{$ 售价 - 成本}{成本} × 100% "成本的"



	2】某商品的成本为240	元,若按该商品杨	价的8折出售,利润]率是15%,则该商品
的标价为() A. 276元	B.331元	C.345元	D.360元	E.400元
	,5	,5		

(聚)(学)(图)	利润	/刮润率
	かり カエレ	/ // // // // // // // // // // // // /

• • • • •

【**真题2010.01.02**】某商品的成本为240元,若按该商品标价的8折出售,利润率是15%,则该商品的标价为().

A. 276元

B.331元

C.345元

D.360元

E.400元

【真题拓展】某商品的标价为240元,若按该商品标价的8折出售,利润率是15%,

则该商品的成本为_____元.



• • • • •	J润/利润率 商品的进价为96元,	若按照标价的80%	%出售,仍可获利:	15%,则这件商品按照标价
出售的利润率为				
A. 25.2%	B. 34.64%	C. 38.87%	D. 41.33%	E. 43.75%

懸雾圍	利润/利润率
-----	--------

• • • • •

【模拟题】某种产品去年的利润率为21%,今年由于原料涨价,成本增加了10%,如果今年的售价保持不变,则今年的利润率为().

A.10%

B. 11%

C. 12%

D. 13%

E. 14%



够多团 利润/利润率 已知任两项,可得第三项。

「利润」

60元买进5件产品,单价100元,促销时打八折.

成本 (进价)

「售价」

售价 = 成本 + 利润 = 成本 \times (1 + 利润率)

利润 = 售价 - 成本 = 成本 × 利润率

利润率 =
$$\frac{$$
利润 $}{$ 成本 $} \times 100\% = \frac{$ 售价 $}{$ 成本 $} \times 100\%$

够学团 利润/利润率

进价的

【模拟题】某件商品的进价为120元,以前按照25%的利润率定价,则每天售出50件;现在按照20%的利润率 定价,每天的销量会增加一倍,则现在每天多盈利()元.

A. 800

B. 900

C. 1050

D. 1100

E. 1250



	润/利润率•	总体和部分图	污		
			商品以480元一件卖出	3,已知甲商品赚了20%	,
乙商品亏了20%	,则商店盈亏结果	为()			
A.不亏不赚	B.亏了50元	C.赚了50元	D.赚了40元	E.亏了40元	

够学团	利润/利润率•	总体和部分盈亏
-----	---------	---------

00000

【模拟题】商品甲以250元销售,每件获利25%,商品乙以270元销售,每件亏损10%,某店售出了4件商品甲和2件商品乙,则总体的销售利润率为()

A. 6%

B. 8%

C. 10%

D. 12%

E. 14%



懲③団 利润/利润率・总体和部分盈亏

• • • • •

【模拟题】某商店购进十二生肖玩具1000个,运输途中破损一些,未破损的玩具卖完后,利润率为50%,破损玩具降价处理,亏损了10%,最后结算商店的总率润率为39.2%,则商店卖出的未破损玩具个数为()

A.600

B.750

C.800

D.820

E.900

够**ያ**团 利润/利润率·总结

• • • • •

「成本(进价)」

「售价」

「利润」

| 利润率 |

已知任两项,可得第三项.

售价 = 成本 + 利润 = 成本 \times (1 + 利润率)

利润 = 售价 - 成本 = 成本 × 利润率

利润率 =
$$\frac{$$
利润 $}{$ 成本 $} \times 100\% = \frac{$ 售价 - 成本 $}{$ 成本 $} \times 100\%$ "成本的"

总体利润率 =
$$\frac{$$
总销售额 $-$ 总成本 \times 100%



態学团 浓度问题

• • • • •

浓度:某物质在总量中所占的比例.

浓度 =
$$\frac{\overline{\alpha}}{\overline{\alpha}} \times 100\% = \frac{\underline{\text{th}}}{\underline{\text{th}}} \times 100\% = \frac{\underline{\text{th}}}{\underline{\text{th}}} \times 100\%$$

溶液 = 溶质 + 溶剂 盐水 = 盐 + 水 酒精溶液 = 纯酒精 + 水

$$\frac{$$
溶质 $}{$ 溶质 + 溶剂 \times 100% $=$ $\frac{$ 盐 $}{$ 盐 + $$\times$ 100% $=$ $\frac{$ 纯酒精 $}{$ 4.20%$

设有a>b>0,对于分数 $\frac{b}{a}$,分子分母同加正数c,分数值怎样变化?

糖水不等式

够多团 浓度问题

• • • • •

浓度:某物质在总量中所占的比例.

$$\frac{$$
溶质 $}{$ 溶质 $+$ 溶剂 \times $100\% = \frac{$ 盐 $}{$ 盐 $+$ \cancel{N} \times $100\% = \frac{$ 纯酒精 $}{$ 纯酒精 $+$ \cancel{N} \times $100\% = \frac{$

浓度为30%的盐水溶液50克,其中含水多少克?

$$水 = 50 - 15 = 35g$$

$$7K = 50 \times (1 - 30\%) = 35g$$

浓度变化本质上是溶质(盐、酒精)或者溶剂(水)改变而带来的比例的改变.



够**ঔ团** 浓度问题·不同浓度溶液混合

• • • •

【真题2016.20】将2升甲酒精和1升乙酒精混合得到丙酒精,则能确定甲、乙两种酒精的浓度.()

- (1) 1升甲酒精和5升乙酒精混合后的浓度是丙酒精浓度的合倍.
- (2) 1升甲酒精和2升乙酒精混合后的浓度是丙酒精浓度的3倍.

懸愛团 浓度问题

• • • • •

浓度:某物质在总量中所占的比例.

$$\frac{$$
溶质 $}{$ 溶质 + 溶剂 \times 100% $=$ $\frac{$ 盐 $}{$ 盐 + $$\times$ 100% $=$ $\frac{$ 纯酒精 $}{$ 4.$

浓度变化本质上是溶质(盐、酒精)或者溶剂(水)改变而带来的比例的改变.

破题方向: 寻找调配前后不变的量, 以不变的量建立等量关系

- 1. 加水或者蒸发——溶质不变
- 2. 仅加溶质——溶剂不变
- 3. 两种不同浓度溶液混合——混合前后溶液总质量,溶剂总质量,溶质总质量不变



够 ② 团 浓度问题•主要套路

• • • • •

【套路一】单一改变: 盐水中只加/减水, 或者只加盐

水变盐不变/盐变水不变

【套路二】倒出后加满水

水和酒精同时改变

原浓度 $\times \frac{$ 总体积V - 第一次倒出 V_1 $\times \frac{$ 总体积V - 第二次倒出 V_2 $}$ = 最终浓度

【套路三】不同浓度溶液混合

混合前后水和盐总量不变

懸ぽ団 浓度问题・単一改变

• • • • •

【**真题2011.10.02**】含盐12.5%的盐水40干克蒸发掉部分水分后变成了含盐20%的盐水,蒸发掉的水分重量为()干克.

A. 19

B. 18

C. 17

D. 16

E. 15



寒 愛園 浓度问题・单一改变	
••••	
【模拟题】烧杯中盛有一定浓度的溶液若干,加入一定量的水后,浓度变为15%,第二次	次加
入等量的水后浓度变为12%,如果第三次再加入等量的水,浓度会变为 ().	

A. 6%

B. 7%

C. 8%

D. 9%

E. 10%

够 含团 浓度问题·单一改变

• • • • •

【模拟题】烧杯中盛有一定浓度的溶液若干,加入一定量的水后,浓度变为15%,第二次加入等量的水后浓度变为12%,如果第三次再加入等量的水,浓度会变为().

A. 6%

B. 7%

C. 8%

D. 9%

E. 10%



郷 ② 団 浓度问题・单一改变

• • • • •

【模拟题】烧杯中盛有一定浓度的溶液若干,加入一定量的水后,浓度变为15%,第二次加入等量的水后浓度变为12%,如果第三次再加入等量的水,浓度会变为().

A. 6%

B. 7%

C. 8%

D. 9%

E. 10%

够 ② 团 浓度问题 • 倒出后加满水

• • • • •

容积为1/的容器内装满纯酒精,第一次倒出1/1,后注满水搅匀;第二次倒出1/2后再注满水搅匀.

	倒出溶液	倒出酒精	剩下酒精	溶液浓度
第一次	V_1	V_1	$V - V_1$	$\frac{V-V_1}{V}$
第二次	V_2	$\frac{V - V_1}{V} \times V_2$	$\frac{V - V_1}{V} \times (V - V_2)$	$\frac{(V-V_1)}{V} \times \frac{(V-V_2)}{V}$

原浓度
$$\times$$
 $\frac{$ 总体积 $V-$ 第一次倒出 V_1 \times $\frac{$ 总体积 $V-$ 第二次倒出 V_2 $}{$ 总体积 V $}=$ 最终浓度



够学团 浓度问题•倒出后加满水

• • • • •

【**真题2014.01.06**】某容器中装满了浓度为90%的酒精,倒出1升后用水将容器注满,搅拌均匀后又倒出1升,再用水将容器注满,已知此时的酒精浓度为40%,则该容器的容积是()

A. 2.5升

B. 3升

C. 3.5升

D. 4升

E. 4.5升

• • • • •

【套路三】不同浓度溶液混合 破题方向: 寻找调配前后不变的量,以不变的量建立等量关系

混合前浓溶液的质量为m,浓度为a;稀溶液的质量为n,浓度为b,混合溶液浓度为c.

混合溶液浓度c一定在浓溶液浓度 α 和稀溶液浓b度之间.

混合前溶液总质量 = 混合后溶液总质量 = 浓溶液质量 + 稀溶液质量

混合前溶质总质量 = 混合后溶质总质量

am + bn = c(m + n)



够 ③ 团 浓度问题·不同浓度溶液混合

• • • • •

【**真题2021.12**】现有甲、乙两种浓度酒精,已知用10升甲酒精和12升乙酒精可以配成浓度为70%的酒精,用20升甲酒精和8升乙酒精可以配成浓度为80%的酒精,则甲酒精的浓度为().

A.72%

B. 80%

C. 84%

D. 88%

E. 91%

够 ③ ② ② 浓度问题·不同浓度溶液混合

00000

【套路三】不同浓度溶液混合

混合前浓盐水的质量为m,浓度为a,稀盐水的质量为n,浓度为b,混合后盐水浓度为c.

混合前盐水总质量 = 混合后盐水总质量 = 浓盐水质量 + 稀盐水质量

混合前盐总质量 = 混合后盐总质量

$$am + bn = c(m+n) = cm + cn$$

公式法

(a-c)m=(c-b)n 浓度差越大,需要溶液越少



銀灣角	浓度问题	• 不同浓度溶液	友混合
(05人) 净人(以)			型形 🗖

【模拟题】现有两种不同浓度的酒精溶液,甲酒精浓度为24%,乙酒精浓度为10%,若要配成 浓度为20%的溶液,应将甲、乙两种溶液按照 () 的比例混合.

A. 2:1

B. 3:1

C. 4:1 D. 5:2

E. 5:3

⑱嗲螂 浓度问题・不同浓度溶液混合

【模拟题】现有两种不同浓度的酒精溶液,甲酒精浓度为24%,乙酒精浓度为10%,若要配成 浓度为20%的溶液,应将甲、乙两种溶液按照()的比例混合.

A. 2:1

B. 3:1

C. 4:1

D. 5:2

E. 5:3



⑱嗲囫 浓度问题・不同浓度溶液混合

【真题2008.01.08】若用浓度为30%和20%的甲乙两种食盐溶液配成浓度为24%的食盐溶液500克,

则甲乙两种溶液各取(

A.180克 320克 B.185克 315克 C.190克 310克 D.195克 305克 E.200克 300克

必必め 浓度问题・总结

破题方向: 寻找调配前后不变的量, 以不变的量建立等量关系

【套路一】单一改变: 盐水中只加/减水, 或者只加盐(水变盐不变/盐变水不变)

【套路二】倒出后加满水(水和酒精同时改变)

【套路三】不同浓度溶液混合(混合前后溶质总量和溶液总量不变)三推一

混合前浓溶液的质量为m,浓度为a,稀溶液的质量为n,浓度为b,混合溶液浓度为c.



懸愛团 工程问题

• • • • •

工程问题有关工作总量、工作时间和工作效率之间的关系的问题

修一条跑道,每天修25米,4天修完,跑道长度为多少?

修一条100米长的跑道,4天可以修完,每天修多少米?

修一条100米长的跑道,每天修25米,几天可以修完?

工作效率 单位时间内 (小时/日/月等) 完成的工作量 日工作效率 每天完成的工作量

三项间有固定关系(已知两项可代入关系式确定第三项) ⇒ 二推一

继续团 工程问题

• • • • •

修一条跑道,4天可以修完,每天修总长度的几分之几?

修一条跑道,每天修总长度的 $\frac{1}{4}$,几天可以修完?

工作效率 单位时间内 (小时/日/月等) 完成工作总量的几分之一.

抽象的工作总量: 设为1

两项间有固定关系(互为倒数) ⇒ 一推一



• • • • •

合作工作:效率相加 效率改变:分段计算

一项工程,甲队独做需要12天完成,甲队每天完成这项工程的

一项工程,乙队独做需要36天完成,乙队每天完成这项工程的

两队先后工作: 甲做了m天, 乙做了n天, 刚好做完, 则可能的搭配方案有?

郷 ② 団 工程问题・常见场景标志词汇

• • • • •

单独: 甲单独完成需要12天 $= \frac{1}{12}$

合作: 甲乙合作完成, 需要10天 10(甲 + 乙) = 1 甲 + 乙 = $\frac{1}{10}$

先后: 甲先做5天, 乙后做8天, 刚好完成 5甲+8乙=1

先一起,后单独:甲乙先一起做4天,之后交给乙单独完成,共需要12天 4(甲+乙)+8乙=1

变速: 甲先做4天, 之后增加效率做了5天, 恰好完成. 4甲 + 5甲' = 1

先一起,后单独,只完成一部分:甲乙先一起做4天,之后乙做了5天,恰好完成了总量的 $\frac{2}{3}$.

 $4(\mathbb{P}+\mathbb{Z})+5\mathbb{Z}=\frac{2}{3}$



	<u> </u>	_
(銀(今(日))	应用题	[2013.01.04]

• • • • •

【**真题2012.10.17**】一项工作,甲、乙、丙三人各自独立完成需要的天数分别为3、4、6,则丁独立完成该项工作需要4天时间.()

- (1) 甲、乙、丙、丁四人共同完成该项工作需要1天时间.
- (2) 甲、乙、丙三人各做1天,剩余部分由丁独立完成.

懸愛团 比与比例

• • • • •

【模拟题】一项任务,甲、乙、丙三人合作比甲单独完成少18天,比乙单独完成少3天,且是丙单独完成所需时间的一半,则甲、乙、丙三人合作需要()天完成.

A. 2

B. 3

C. $\frac{5}{2}$

D. 4

E. 5



继续用	比与	比例
-----	----	----

• • • • •

【模拟题】一项任务,甲、乙、丙三人合作比甲单独完成少18天,比乙单独完成少3天,且是丙单独完成所需时间的一半,则甲、乙、丙三人合作需要()天完成.

A. 2

B. 3

C. $\frac{5}{2}$

D. 4

E. 5

寒寒团 工程问题

• • • • •

【模拟题】某项工作交给甲需要6天完成,交给乙需要5天完成,交给丙需要9天完成,现交由甲、乙、丙三人依次轮流工作,则完成这项工作至少需要()天(不足一天按一天算).

A. 5

B. 6

C. 7

D. 8

E. 9



寒雾团 工程问题

0000

【**真题2019.01**】某车间计划10天完成一项任务,工作了3天后因故停工2天,若要按原计划完成任务,则工作效率需要提高().

A. 20%

B. 30%

C. 40%

D. 50%

E. 60%

懲③団 工程问题・牛吃草/给排水

• • • • •

有人曾编过这样一道题: 牧场上有一片青草,每天都生长得一样快.这片青草供给10头牛吃,可以吃22天,或者供给16头牛吃,可以吃10天,期间一直有草生长.如果供给15头牛吃,可以吃多少天?



牛顿



懲③団 工程问题・牛吃草/给排水

• • • • •

英国著名的物理学家牛顿曾编过这样一道题: 牧场上有一片青草,每天都生长得一样快.这片青草供给10头牛吃,可以吃22天,或者供给16头牛吃,可以吃10天,期间一直有草生长.如果供给15头牛吃,可以吃多少天?



牛顿

⑱嗲兌 工程问题・牛吃草/给排水

• • • • •

英国著名的物理学家牛顿曾编过这样一道题: 牧场上有一片青草, 每天都生长得一样快.这片青草供给10头牛吃, 可以吃22天, 或者供给16头牛吃, 可以吃10天, 期间一直有草生长.

(拓展2) 要保证草永远都吃不完, 至多放_____头牛?



懲愛団 工程问题・牛吃草/给排水

【模拟题】一艘轮船发生漏水事故,发现时已漏进水600桶,且每分钟还将漏进24桶水,则甲、 乙两台抽水机,可以在50分钟内把水排完.()

- (1) 甲机每分钟排水22桶, 乙机每分钟排水14桶
- (2) 甲机每分钟排水20桶, 乙机每分钟排水18桶

懲③団 工程问题・工费问题

00000

【**真题2019.11**】某单位要铺设草坪,若甲、乙两公司合作需6天完成,工时费共2.4万元.若甲公司单独做4天后由乙公司接着做9天完成,工时费共计2.35万元.若由甲公司单独完成该项目,则工时费共计()万元.

A.2.25

B.2.35

C.2.4

D.2.45

E.2.5



够多团 工程问题·总结

• • • • •

具体量的工作效率 单位时间内 (小时/日/月等) 完成的工作量 二推一

抽象的工作效率 单位时间内 (小时/日/月等) 完成工作总量的几分之一. 一推一

合作工作:效率相加 效率改变:分段计算

牛吃草/给排水问题

工费问题 总费用 = 工作天数×日工费