# Alogorithm(알고리즘)

어떠한 문제를 해결하기 위한 일련의 절차를 공식화한 형태로 표현한 것.

프로그래밍에서 알고리즘은 input 값을 통해 output 값을 얻기 위한 계산 과정으로 문제를 해결할 때, 정확하고 효율적으로 결과값을 얻기 위해서 알고리즘이 필요하다.

### 알고리즘의 조건

- 입력 : 외부에서 제공되는 자료가 0개 이상 존재한다.

- 출력 : 적어도 2개 이상의 서로 다른 결과를 내어야 한다. (모든 입력에 하나의 출력이 나오면 안 된다.)

- 명확성 : 수행 과정은 명확하고 모호하지 않은 명령어로 구성되어야 한다.

- 유한성 : 유한 번의 명령어를 수행 후 유한 시간 내에 종료한다.

- 효율성 : 모든 과정은 명백하게 실행 가능(검증 가능)한 것이어야 한다.

### 좋은 알고리즘의 기준

- 정확성 : 적당한 입력에 대해서 유한 시간내에 올바른 답을 산출하는가를 판단.

- 작업량 : 전체 알고리즘에서 수행되는 가장 중요한 연산들만으로 작업량을 측정. 해결하고자 하는 문제의 중요 연산이 여러 개인 경우에는 각각의 중요 연산들의 합으로 간주하거나 중요 연산들에 가중치를 두어 계산

- 기억 장소 사용량 : 수행에 필요한 저장 공간

- 최적성 : 그 알고리즘보다 더 적은 연산을 수행하는 알고리즘은 없는가? 최적이란 가장 '잘 알려진' 이 아니라 '가장 좋은'의 의미이다

복잡도 (점근 표기법 : Big-O Notation) : 알고리즘이 소모하는 소요 시간과 메모리 사용량 등의 자원이다. 전자를 시간 복잡도, 후자를 공간 복잡도라 한다.

	빅오 표기법	내용
Better	O(1)	입력 자료의 수에 관계없이 일정한 실행 시간을 가짐
	O(log N)	입력 자료의 크기가 N일경우 log2N 번만큼의 수행시간을 가짐
	O(N)	입력 자료의 크기가 N일경우 N 번만큼의 수행시간을 가짐
	O(N log N)	입력 자료의 크기가 N일경우 N*(log2N) 번만큼의 수행시간을 가짐
	O(N2)	입력 자료의 크기가 N일경우 N2 번만큼의 수행시간을 가짐
	O(N3)	입력 자료의 크기가 N일경우 N3 번만큼의 수행시간을 가짐
	O(2n)	입력 자료의 크기가 N일경우 2N 번만큼의 수행시간을 가짐
	O(n!)	입력 자료의 크기가 N일경우 n*(n-1)*(n-2) * 1(n!) 번만큼의 수행시간을 가짐

**알고리즘 문제를 풀기 전에 알아두면 좋은 기본적인 개념**들이 있어요. 여기 몇 가지 중요한 주제를 소개할께요.

1) 복잡도 분석(Complexity Analysis): 시간 복잡도와 공간 복잡도를 이해하는 것은 알고리즘의 효율성을 평가하는 데 필수적입니다. 이를 통해 알고리즘이 얼마나 빠르고 효율적인지를 알 수 있어요.

복잡도 분석을 이해하기 위해 매우 기본적인 예시로 선형 탐색(Linear Search) 알고리즘을 자바로 구현해보겠습니다. 선형 탐색은 배열의 각 요소를 차례대로 검사하여 원하는 값을 찾는 가장 간단한 검색 방법입니다. 이 알고리즘의 시간 복잡도를 통해 복잡도 분석의 기본을 이해할 수 있습니다.

```
public class LinearSearch {
    // 선형 탐색 메소드
    public static int linearSearch(int[] arr, int key) {
        for(int i = 0; i < arr.length; i++) {
             if(arr[i] == key) {
                 return i; // 키가 발견된 인덱스 반환
             }
        }
        return -1; // 키가 배열에 없으면 -1 반환
    }
    public static void main(String[] args) {
        int[] arr = {3, 45, 1, 2, 34}; // 검색할 배열
        int key = 2; // 찾고자 하는 값
        int result = linearSearch(arr, key);
        if(result == -1) {
             System.out.println(key + " is not found in the array.");
             System.out.println(key + " is found at index " + result + ".");
        }
    }
 Problems @ Javadoc   □ Declaration  □ Console ×
 <terminated> Test1LinearSearch [Java Application] C:\work\ec
 2 is found at index 3.
```

### 복잡도 분석:

시간 복잡도(Time Complexity): 이 알고리즘의 시간 복잡도는 O(n)입니다. 여기서 n은 배열의 길이입니다. 왜냐하면 최악의 경우 배열의 모든 요소를 검사해야 하기 때문입니다. 원하는 값이 배열의 마지막에 있거나 아예 없는 경우가 최악의 경우에 해당합니다.

공간 복잡도(Space Complexity): 이 알고리즘의 공간 복잡도는 O(1)입니다. 입력 크기와 상관없이, 알고리즘 실행을 위해 필요한 메모리 공간이 일정하기 때문입니다. 여기서는 i 변수와 key 변수에만 공간이 할당되며, 이는 입력 크기에 의존하지 않습니다.

복잡도 분석은 알고리즘이 얼마나 효율적인지를 평가하는 데 필수적인 도구입니다. 시간 복잡도는 알고리즘이얼마나 빠른지를, 공간 복잡도는 얼마나 많은 메모리를 사용하는지를 나타냅니다. 복잡도가 높을수록 알고리즘은 느리거나 더 많은 메모리를 필요로 합니다. 따라서, 가능한 한 복잡도를 낮추는 것이 중요합니다.

```
자바로 작성된 선형 탐색 알고리즘을 파이썬으로 변환해보겠습니다.
def linear search(arr, key):
   for i in range(len(arr)):
      if arr[i] == key:
         return i # 키가 발견된 인덱스 반환
   return -1 # 키가 배열에 없으면 -1 반환
# 검색할 배열과 키
arr = [3, 45, 1, 2, 34]
key = 2
# 선형 탐색 함수 호출
result = linear_search(arr, key)
if result == -1:
   print(f"{key} is not found in the array.")
else:
   print(f"{key} is found at index {result}.")
이 코드도 자바 예제와 마찬가지로 시간 복잡도는 O(n), 공간 복잡도는 O(1)입니다. 파이썬에서는 for i in
range(len(arr)): 구문을 통해 배열을 순회합니다. 배열의 각 요소를 key와 비교하여 일치하는 경우 해당 인덱스
를 반환합니다. 배열 전체에서 key를 찾지 못한 경우 -1을 반환하여 key가 배열에 없음을 나타냅니다.
2) 기본 자료구조(Data Structures): 배열, 스택, 큐, 연결 리스트, 해시 테이블, 힙, 그래프와 같은 기본 자료구
조를 알고 있어야 합니다. 각 자료구조의 동작 원리, 장단점을 이해하고 언제 사용해야 하는지 알아야 해요.
기본 자료구조 중 하나인 스택(Stack)을 이해하기 위한 간단한 자바 소스코드를 작성하고 설명해 드리겠습니
다. 스택은 후입선출(LIFO, Last In First Out) 방식으로 데이터를 관리하는 선형 자료구조입니다. 이는 마지막에
추가된 요소가 가장 먼저 제거되는 방식을 의미합니다. 기본적인 스택 연산에는 push(요소 추가), pop(최상단
요소 제거 및 반환), peek(최상단 요소 반환, 제거하지 않음), isEmpty(스택이 비어 있는지 확인)가 있습니다.
class Stack {
   private int maxSize;
   private int[] stackArray;
   private int top;
   // 스택 생성자
   public Stack(int size) {
```

```
maxSize = size;
        stackArray = new int[maxSize];
        top = -1; // 스택이 비어 있음을 나타냄
   }
   // 스택에 요소 추가
    public void push(int value) {
        if(top < maxSize - 1) { // 스택 오버플로우 체크
            stackArray[++top] = value;
        } else {
            System.out.println("Stack is full.");
        }
   }
   // 스택의 최상단 요소 제거 및 반환
   public int pop() {
        if(!isEmpty()) { // 스택이 비어 있지 않으면
            return stackArray[top--];
        } else {
            System.out.println("Stack is empty.");
            return -1;
        }
   }
   // 스택의 최상단 요소 반환, 제거하지 않음
   public int peek() {
        if(!isEmpty()) {
            return stackArray[top];
        } else {
            System.out.println("Stack is empty.");
            return -1;
       }
   }
   // 스택이 비어 있는지 확인
   public boolean isEmpty() {
        return (top == -1);
   }
public class Main {
    public static void main(String[] args) {
```

```
Stack myStack = new Stack(5); // 크기가 5인 스택 생성
      // 스택에 요소 추가
      myStack.push(1);
      myStack.push(2);
      myStack.push(3);
      // 최상단 요소 확인
      System.out.println("Peek: " + myStack.peek());
      // 스택 요소 제거 및 반환
      while(!myStack.isEmpty()) {
         System.out.println("Pop: " + myStack.pop());
      }
   }
 🥋 Problems 🏿 @ Javadoc 📵 Declaration 📮 Console 🗶
<terminated> Test2Stack [Java Application] C:\work\eclipse\
Peek: 3
Pop: 3
Pop: 2
Pop: 1
이 코드에서는 스택의 기본 연산들을 구현합니다. push 메소드를 통해 새로운 요소를 스택에 추가하고, pop
메소드를 사용하여 최상단 요소를 제거하며 반환합니다. peek 메소드는 스택의 최상단 요소를 반환하지만 제
거하지는 않습니다. isEmpty 메소드는 스택이 비어 있는지를 확인합니다.
스택은 깊이 우선 탐색(DFS), 문법 분석, 역추적 알고리즘 등 다양한 컴퓨터 과학 문제를 해결하는 데 유용하
게 사용됩니다. 이 예제를 통해 스택의 작동 방식과 스택을 사용할 때의 기본적인 패턴을 이해할 수 있습니다.
파이썬에서는 클래스를 사용하여 스택을 구현할 수 있으며, 파이썬의 리스트(list) 기능을 활용하면 스택의 기
본적인 연산을 매우 간단하게 구현할 수 있습니다. 아래는 자바로 구현된 스택 예제를 파이썬으로 변환한 것
입니다.
class Stack:
   def __init__(self, size):
      self.maxSize = size
      self.stack = []
   def push(self, value):
      if len(self.stack) < self.maxSize: # 스택 오버플로우 체크
         self.stack.append(value)
      else:
         print("Stack is full.")
```

```
def pop(self):
      if not self.is_empty():
         return self.stack.pop()
      else:
         print("Stack is empty.")
         return None
   def peek(self):
      if not self.is_empty():
         return self.stack[-1]
      else:
         print("Stack is empty.")
         return None
   def is_empty(self):
      return len(self.stack) == 0
# 스택 사용 예시
if __name__ == "__main__":
   my_stack = Stack(5) # 크기가 5인 스택 생성
   # 스택에 요소 추가
   my_stack.push(1)
   my_stack.push(2)
   my_stack.push(3)
   # 최상단 요소 확인
   print("Peek:", my_stack.peek())
   # 스택 요소 제거 및 반환
   while not my_stack.is_empty():
      print("Pop:", my_stack.pop())
이 파이썬 코드는 자바 예제와 같은 기능을 수행합니다:
_init_ 메소드는 스택 객체를 초기화합니다. 파이썬 리스트를 사용하여 스택을 구현합니다.
push 메소드는 스택에 새 요소를 추가합니다. 스택의 최대 크기를 초과하지 않는 한 요소를 추가할 수 있습니
다. pop 메소드는 스택에서 최상단 요소를 제거하고 반환합니다. 스택이 비어 있지 않은 경우에만 작동합니다.
peek 메소드는 스택의 최상단 요소를 반환하지만, 제거하지는 않습니다. 스택이 비어 있을 경우 None을 반환
합니다. is_empty 메소드는 스택이 비어 있는지 확인합니다.
파이썬의 동적 배열 구현을 사용하기 때문에, 스택의 최대 크기를 관리하는 것은 선택 사항입니다. 파이썬의
리스트는 필요에 따라 동적으로 크기가 조정되기 때문에, 실제로는 maxSize 제한 없이 스택을 구현할 수도 있
```

3) 정렬 알고리즘(Sorting Algorithms): 버블 정렬, 선택 정렬, 삽입 정렬, 병합 정렬, 퀵 정렬 등 기본적인 정렬 알고리즘을 알고 있어야 합니다. 이들은 데이터를 정렬하는 기본적인 방법을 제공합니다.

정렬 알고리즘 중에서 가장 기본적인 선택 정렬(Selection Sort) 알고리즘을 자바로 구현해 보겠습니다. 선택 정렬은 배열을 정렬하는 방법 중 하나로, 배열 전체에서 최소값을 찾아 맨 앞에 위치한 값과 바꾸는 과정을 반복하여 전체 배열을 정렬합니다. 이 방식은 매우 직관적이지만, 큰 데이터셋에 대해서는 비효율적일 수 있습니다.

```
public class SelectionSort {
    // 선택 정렬을 수행하는 메소드
    public static void selectionSort(int[] arr) {
        for (int i = 0; i < arr.length - 1; i++) {
            // 현재 순서에서 가장 작은 값을 찾기 위한 인덱스
            int minIndex = i:
            for (int j = i + 1; j < arr.length; j++) {
                // 더 작은 값이 발견되면, minIndex를 갱신
                if (arr[j] < arr[minIndex]) {</pre>
                    minIndex = j;
                }
            }
            // 가장 작은 값이 현재 순서의 값과 다를 경우 서로 위치를 교환
            if (minIndex != i) {
                int temp = arr[i];
                arr[i] = arr[minIndex];
                arr[minIndex] = temp;
            }
        }
    }
    // 배열을 출력하는 메소드
    public static void printArray(int[] arr) {
        for (int value : arr) {
            System.out.print(value + " ");
        }
        System.out.println();
    }
    public static void main(String[] args) {
        int[] arr = {64, 25, 12, 22, 11}; // 정렬할 배열
        System.out.println("Original array:");
        printArray(arr);
```

```
selectionSort(arr); // 선택 정렬 수행

System.out.println("Sorted array:");
printArray(arr);
}

Problems @ Javadoc 및 Declaration 및 Console ×
<terminated> Test3SelectionSort [Java Application] C:\(\frac{1}{2}\)work\(\frac{1}{2}\)
Original array:
64 25 12 22 11
Sorted array:
11 12 22 25 64
```

## 복잡도 분석:

# 사용 예시

시간 복잡도(Time Complexity): 선택 정렬의 시간 복잡도는 O(n^2)입니다. 여기서 n은 배열의 길이입니다. 이는 각 원소에 대해 나머지 원소와 비교가 이루어지기 때문에, 원소의 수가 증가할수록 수행 시간이 제곱에 비례하여 증가한다는 것을 의미합니다.

공간 복잡도(Space Complexity): 선택 정렬의 공간 복잡도는 O(1)입니다. 이는 정렬을 위해 추가적인 저장 공간이 필요하지 않으며, 몇 개의 변수만 사용하기 때문입니다.

선택 정렬은 구현이 간단하고 추가 메모리 사용이 거의 없는 장점이 있지만, 큰 데이터셋에 대해서는 매우 비효율적입니다. 데이터의 양이 많아질수록 O(n^2)의 시간 복잡도로 인해 성능이 크게 저하됩니다. 따라서, 실제응용 프로그램에서는 더 효율적인 정렬 알고리즘(예: 퀵 정렬, 병합 정렬)이 종종 사용됩니다

선택 정렬(Selection Sort) 알고리즘을 파이썬으로 구현한 코드를 제공하겠습니다.

```
def selection_sort(arr):
    n = len(arr)
    for i in range(n):
        # 현재 순서에서 가장 작은 값의 인덱스 찾기
        min_index = i
        for j in range(i+1, n):
            if arr[j] < arr[min_index]:
                 min_index = j

# 현재 순서의 값과 찾은 최솟값을 교환
            arr[i], arr[min_index] = arr[min_index], arr[i]

def print_array(arr):
    for value in arr:
        print(value, end=' ')
    print()
```

```
if __name__ == "__main__":
    arr = [64, 25, 12, 22, 11] # 정렬할 배열
    print("Original array:")
    print_array(arr)

selection_sort(arr) # 선택 정렬 수행

print("Sorted array:")
    print_array(arr)
```

이 파이썬 코드는 자바 코드와 같이 배열을 순회하면서 각 단계에서 최소값을 찾고, 그 값을 현재 위치의 값과 교환합니다. 이 과정을 배열의 모든 요소에 대해 반복하여 배열을 오름차순으로 정렬합니다.

#### 복잡도 분석:

시간 복잡도(Time Complexity): 선택 정렬의 시간 복잡도는 O(n^2)입니다. 이는 배열의 모든 요소를 순회하며 각 요소에 대해 나머지 요소와 비교를 수행하기 때문입니다.

공간 복잡도(Space Complexity): 선택 정렬의 공간 복잡도는 O(1)입니다. 정렬을 수행하는 동안 원래의 배열 내에서 요소의 위치만 변경되며, 추가적인 저장 공간이 필요하지 않습니다.

선택 정렬은 구현이 단순하고, 추가적인 메모리를 거의 사용하지 않는다는 장점이 있지만, 대규모 데이터셋에 대해서는 비효율적인 정렬 방법입니다. 따라서, 더 큰 데이터셋에 대해 더 나은 성능을 제공하는 정렬 알고리 즘을 고려하는 것이 좋습니다.

4) 재귀(Recursion): 재귀적 사고 방식은 많은 알고리즘 문제를 해결하는 데 중요합니다. 기본적인 재귀 알고리즘부터 시작하여 분할 정복 같은 더 복잡한 개념으로 넘어갈 수 있어요.

재귀(Recursion)는 함수가 자기 자신을 호출하여 문제를 해결하는 방식입니다. 재귀를 사용하여 간단한 예제로 팩토리얼을 구하는 알고리즘을 자바로 구현해 보겠습니다. 팩토리얼은 주어진 숫자 n에 대해 n \* (n-1) \* (n-2) \* ... \* 1을 계산하는 연산으로, n!로 표현됩니다. 팩토리얼은 재귀적으로 정의할 수 있으며, 이는 n! = n \* (n-1)! 로 표현됩니다. 여기서 기본 경우(base case)는 0! = 1입니다.

```
public class Factorial {

// 팩토리얼을 재귀적으로 계산하는 메소드
public static int factorial(int n) {

// 기본 경우: 0! = 1

if (n == 0) {

return 1;

}

// 재귀적으로 (n-1)!을 계산하여 n과 곱함
else {

return n * factorial(n-1);

}

}
```

```
public static void main(String[] args) {
    int number = 5; // 팩토리얼을 계산할 숫자
    int result = factorial(number);
    System.out.println(number + "! = " + result);
    }
}

Problems @ Javadoc 및 Declaration 및 Console ×
<terminated> Test4Factorial [Java Application] C:\(\psi\)work\(\psi\)eclip

5! = 120
```

복잡도 분석과 재귀의 이해:

시간 복잡도(Time Complexity): 이 알고리즘의 시간 복잡도는 O(n)입니다. n이 0에 도달할 때까지 각 단계에서한 번의 연산(곱셈)을 수행하기 때문입니다.

공간 복잡도(Space Complexity): 공간 복잡도는 O(n)입니다. 이는 재귀의 깊이가 n이 될 때까지 각 함수 호출 마다 스택에 공간을 차지하기 때문입니다.

재귀를 사용할 때는 항상 기본 경우(base case)를 정의해야 합니다. 기본 경우는 재귀 호출이 더 이상 수행되지 않고, 함수가 자기 자신을 호출하지 않는 조건을 말합니다. 이 예제에서 기본 경우는 n == 0일 때입니다. 재귀 함수는 이 기본 경우에 도달하면 더 이상 자기 자신을 호출하지 않고, 재귀 호출의 연쇄가 종료됩니다.

재귀는 간결하고 이해하기 쉬운 코드를 작성할 수 있게 해주지만, 불필요한 메모리 사용이나 스택 오버플로우의 위험을 초래할 수 있습니다. 따라서, 재귀적 해결 방법이 적절한 문제인지와 재귀 호출의 깊이가 안전한 범위 내에 있는지를 고려해야 합니다.

파이썬에서 팩토리얼 함수를 재귀적으로 구현하는 것은 매우 간단합니다.

```
def factorial(n):
# 기본 경우: 0! = 1
if n == 0:
return 1
# 재귀적으로 (n-1)!을 계산하여 n과 곱함
else:
return n * factorial(n-1)

# 팩토리얼을 계산할 숫자
number = 5
result = factorial(number)
print(f"{number}! = {result}")
복잡도 분석과 재귀의 이해:
```

시간 복잡도(Time Complexity): 이 알고리즘의 시간 복잡도는 O(n)입니다. 각 함수 호출마다 한 번의 곱셈 연산을 수행하고, n이 0에 도달할 때까지 이 과정을 반복하기 때문입니다.

공간 복잡도(Space Complexity): 공간 복잡도도 O(n)입니다. 재귀 호출은 호출 스택에 각 함수의 컨텍스트를 저장해야 하므로, n의 크기에 비례하는 추가 메모리가 필요합니다.

재귀 함수를 사용할 때는 항상 탈출 조건(여기서는 기본 경우)을 명확하게 정의해야 합니다. 이는 재귀 호출이무한히 반복되지 않도록 하기 위함입니다. 파이썬에서 재귀를 사용할 때는 함수 호출 스택의 한계를 고려해야 하며, 필요하다면 최대 재귀 깊이를 조정할 수 있는 sys.setrecursionlimit() 함수를 사용할 수 있습니다. 그러나 대부분의 경우, 재귀 깊이가 이 한계에 도달하지 않도록 알고리즘을 설계하는 것이 좋습니다.

5) **탐색 알고리즘(Search Algorithms):** 선형 탐색, 이진 탐색 등의 탐색 알고리즘을 이해해야 합니다. 이는 데이터 집합에서 원하는 값을 찾는 방법을 제공합니다.

탐색 알고리즘 중에서 가장 기본적이고 간단한 이진 탐색(Binary Search) 알고리즘을 자바로 구현해 보겠습니다. 이진 탐색은 정렬된 배열에서 특정 요소를 효율적으로 찾는 방법입니다. 이 방법은 배열의 중간 요소를 확인한 후, 찾고자 하는 값이 중간 값보다 큰지 작은지에 따라 검색 범위를 반으로 줄여가며 탐색을 계속합니다. 이진 탐색의 시간 복잡도는 O(log n)으로, 매우 큰 데이터셋에서도 빠른 탐색 속도를 제공합니다.

```
public class BinarySearch {
    // 이진 탐색 메소드
    public static int binarySearch(int[] arr, int target) {
        int left = 0;
        int right = arr.length - 1;
        while (left <= right) {
            int mid = left + (right - left) / 2;
            // 찾고자 하는 값이 중간 값보다 작은 경우
            if (target < arr[mid]) {</pre>
                right = mid - 1;
            // 찾고자 하는 값이 중간 값보다 큰 경우
            else if (target > arr[mid]) {
                left = mid + 1;
            // 중간 값이 찾고자 하는 값과 일치하는 경우
            else {
                return mid; // 탐색 성공
            }
        }
        return -1; // 탐색 실패
    }
    public static void main(String[] args) {
        int[] arr = {2, 5, 6, 8, 9, 10}; // 정렬된 배열
        int target = 5; // 찾고자 하는 값
        int result = binarySearch(arr, target);
```

```
if (result == -1) {
         System.out.println("Element not found.");
      } else {
         System.out.println("Element found at index: " + result);
   }
}
🥋 Problems @ Javadoc 📵 Declaration 📮 Console 🗴
<terminated> Test5BinarySearch [Java Application] C:₩work₩€
Element found at index: 3
복잡도 분석:
시간 복잡도(Time Complexity): 이진 탐색의 시간 복잡도는 O(log n)입니다. 탐색 범위를 반으로 줄이며 탐색을
계속하기 때문에, 데이터셋의 크기가 커져도 탐색 시간이 로그 스케일로만 증가합니다.
공간 복잡도(Space Complexity): 이 예제에서 구현한 이진 탐색의 공간 복잡도는 O(1)입니다. 고정된 수의 변
수만 사용하고, 입력 크기와 관계없이 추가적인 메모리를 사용하지 않기 때문입니다.
이진 탐색은 배열이 정렬되어 있을 때만 사용할 수 있습니다. 정렬되지 않은 데이터셋에 대해서는 선형 탐색
과 같은 다른 탐색 방법을 사용해야 합니다. 이진 탐색은 매우 효율적인 탐색 방법이기 때문에, 대규모 데이터
처리에 자주 사용됩니다.
이진 탐색(Binary Search) 알고리즘을 파이썬으로 구현한 코드입니다.
def binary_search(arr, target):
   left, right = 0, len(arr) - 1
   while left <= right:
      mid = (left + right) // 2
      # 찾고자 하는 값이 중간 값보다 작은 경우
      if target < arr[mid]:
         right = mid - 1
```

```
arr = [2, 5, 6, 8, 9, 10] # 정렬된 배열
target = 5 # 찾고자 하는 값

result = binary_search(arr, target)
if result == -1:
    print("Element not found.")
else:
    print("Element found at index:", result)
```

6) 동적 프로그래밍(Dynamic Programming): 복잡한 문제를 더 작은 하위 문제로 나누고, 각 하위 문제의 해답을 저장(메모이제이션)하여 전체 문제의 해답을 구하는 기법입니다.

동적 프로그래밍(Dynamic Programming, DP)은 복잡한 문제를 더 작은 하위 문제로 나누어 해결하고, 그 결과를 저장하여 중복 계산을 피하는 방법입니다. 동적 프로그래밍의 클래식한 예로 피보나치 수열(Fibonacci sequence)을 계산하는 알고리즘을 들 수 있습니다. 피보나치 수열은 각 숫자가 바로 앞의 두 숫자의 합인 수열로, 0번째와 1번째 숫자를 0, 1로 시작합니다. 이 수열의 n번째 숫자를 구하는 문제를 동적 프로그래밍으로 풀 수 있습니다.

동적 프로그래밍을 이용해 피보나치 수열의 n번째 수를 계산하는 자바 코드는 다음과 같습니다. 여기서는 하향식 접근 방식(top-down approach)인 메모이제이션(Memoization)을 사용합니다.

```
public class Fibonacci {
   // 메모이제이션을 위한 배열 선언
   private static long[] memo;
   // 피보나치 수열 계산 메소드
   public static long fib(int n) {
       if (n <= 1) {
          return n;
       // 결과가 이미 계산되어 있다면, 저장된 값을 반환
       if (memo[n] != -1) {
          return memo[n];
       }
       // 결과가 계산되지 않았다면, 계산하여 저장
       memo[n] = fib(n-1) + fib(n-2);
       return memo[n];
   }
   public static void main(String[] args) {
       int n = 50; // 계산하고자 하는 피보나치 수열의 인덱스
       memo = new long[n+1];
       // 메모이제이션 배열 초기화
       for(int i = 0; i < memo.length; i++) {
```

```
memo[i] = -1;
}

System.out.println(n + "번째 피보나치 수: " + fib(n));
}

Problems @ Javadoc 및 Declaration 및 Console ×
<terminated> Test6Fibonacci [Java Application] C:\text{#work}\text{#ecli}

50번째 피보나치 수: 12586269025
```

### 복잡도 분석 및 설명:

시간 복잡도(Time Complexity): 이 접근 방식으로 피보나치 수열의 n번째 요소를 계산하는 시간 복잡도는 O(n)입니다. 각 숫자에 대한 계산은 한 번만 수행되며, 계산 결과는 메모이제이션 배열에 저장되어 있기 때문에, 후속 호출은 저장된 값을 반환합니다. 공간 복잡도(Space Complexity): 공간 복잡도는 O(n)입니다. n+1 크기의 배열을 사용하여 각 숫자의 피보나치 값을 저장하기 때문입니다.

이 코드는 메모이제이션을 사용하여 동적 프로그래밍의 핵심 개념 중 하나인 중복 계산을 피하는 방법을 보여줍니다. 각 숫자에 대한 피보나치 값을 한 번만 계산하고, 그 결과를 배열에 저장합니다. 이후 동일한 숫자에 대한 피보나치 값을 요구할 때는 배열에서 바로 값을 읽어 반환함으로써 계산 시간을 대폭 줄입니다. 동적 프로그래밍은 이처럼 중복 계산을 피하고, 계산 과정을 최적화하여 복잡한 문제를 효율적으로 해결할 수 있게 해줍니다.

동적 프로그래밍을 이용하여 피보나치 수열의 n번째 수를 계산하는 파이썬 코드는 다음과 같습니다.

```
def fib(n, memo={}):
# 기본 경우 처리
if n <= 1:
return n
# 메모이제이션이 되어 있는 경우, 저장된 값을 사용
if n not in memo:
memo[n] = fib(n-1, memo) + fib(n-2, memo)
return memo[n]

n = 50 # 계산하고자 하는 피보나치 수열의 인덱스
print(f"{n}번째 피보나치 수: {fib(n)}")
```

#### 복잡도 분석 및 설명:

시간 복잡도(Time Complexity): 이 접근 방식은 O(n)입니다. 메모이제이션을 사용함으로써 각 숫자에 대한 피보나치 값을 한 번만 계산하고, 이후에는 저장된 값을 재사용합니다. 따라서, 함수의 호출 횟수가 크게 줄어듭니다.

공간 복잡도(Space Complexity): 공간 복잡도도 O(n)입니다. 메모이제이션을 위해 최대 n개의 피보나치 수를 저장하는데 사용되는 공간 때문입니다.

이 코드는 파이썬의 딕셔너리를 사용하여 이미 계산된 피보나치 수의 값을 저장합니다. 딕셔너리는 키-값 쌍으로 데이터를 저장하므로, 특정 n에 대한 피보나치 수를 빠르게 조회할 수 있습니다. 이 방식은 메모이제이

션을 활용하여 중복 계산을 방지하고, 전체적인 계산 시간을 줄이는 효과적인 방법입니다. 동적 프로그래밍은 이러한 방식으로 문제를 분할하여 각 하위 문제의 결과를 저장하고 재사용함으로써 복잡한 문제를 효율적으로 해결할 수 있습니다.

7) 그래프 이론(Graph Theory): 그래프의 기본 개념(노드, 엣지, 경로 등)과 그래프를 탐색하는 알고리즘(깊이 우선 탐색, 너비 우선 탐색 등)을 알아야 합니다.

그래프 이론에서 기본적이면서 중요한 알고리즘 중 하나는 너비 우선 탐색(Breadth-First Search, BFS)입니다. BFS는 그래프의 모든 노드를 체계적으로 탐색하는 방법으로, 특정 노드에서 시작해 그 노드와 가까운 노드부 터 차례대로 탐색해 나가는 방식입니다. 이 알고리즘은 그래프의 모든 연결 요소를 방문하거나, 두 노드 사이 의 최단 경로를 찾는 데 사용될 수 있습니다. 간단한 BFS 예제를 자바로 구현해 보겠습니다. 이 예제에서는 그래프를 인접 리스트로 표현하고, BFS를 사용 하여 그래프를 탐색합니다. import java.util.\*; public class BFSExample { // 그래프를 인접 리스트로 표현 private Map<Integer, List<Integer>> graph = new HashMap<>(); // 그래프에 노드 추가 public void addEdge(int source, int destination) { graph.computeIfAbsent(source, k -> new ArrayList<>()).add(destination); graph.computeIfAbsent(destination, k -> new ArrayList<>()).add(source); } // BFS 알고리즘 구현 public void bfs(int startNode) { Queue < Integer > queue = new LinkedList < > (); Set < Integer > visited = new HashSet < > (); queue.add(startNode); visited.add(startNode); while (!queue.isEmpty()) { int current = queue.poll(); System.out.println("Visited: " + current); // 현재 노드에 연결된 모든 노드를 탐색 for (int neighbor : graph.getOrDefault(current, Collections.emptyList())) { if (!visited.contains(neighbor)) { visited.add(neighbor); queue.add(neighbor);

```
}
         }
    public static void main(String[] args) {
         BFSExample bfsExample = new BFSExample();
         // 그래프 구성
         bfsExample.addEdge(0, 1);
         bfsExample.addEdge(0, 2);
         bfsExample.addEdge(1, 2);
         bfsExample.addEdge(2, 0);
         bfsExample.addEdge(2, 3);
         bfsExample.addEdge(3, 3);
         // 너비 우선 탐색 시작
         System.out.println("Breadth-First Search starting from node 2:");
         bfsExample.bfs(2);
    }
 🥋 Problems @ Javadoc 📵 Declaration 📮 Console 🗴
 <terminated> Test7BFSExample [Java Application] C:\work\eclipse\plugins\organtlefton] c:\work\eclipse\plugins\text{plugins}
 Breadth-First Search starting from node 2:
 Visited: 2
 Visited: 0
 Visited: 1
 Visited: 3
알고리즘 설명:
```

그래프 표현: 이 예제에서는 HashMap을 사용하여 각 노드와 그 노드에 직접 연결된 노드의 리스트(인접 리스트)를 저장합니다.

BFS 탐색: BFS는 Queue를 사용하여 구현합니다. 시작 노드를 큐에 추가하고, 큐가 비어 있지 않는 동안 큐에서 노드를 하나씩 꺼내어 그 노드의 이웃을 탐색합니다. 이웃 노드 중 방문하지 않은 노드를 방문 목록에 추가하고 큐에 삽입합니다. 이 과정을 큐가 빌 때까지 반복합니다.

방문 관리: visited 세트를 사용하여 이미 방문한 노드를 기록함으로써 같은 노드를 여러 번 방문하는 것을 방지합니다.

# 복잡도 분석:

시간 복잡도(Time Complexity): BFS의 시간 복잡도는 O(V + E)입니다, 여기서 V는 노드의 수, E는 간선의 수입니다. 모든 노드와 간선은 최대 한 번씩 방문합니다.

너비 우선 탐색(Breadth-First Search, BFS) 알고리즘을 파이썬으로 구현한 코드는 다음과 같습니다. 이 구현에서도 그래프는 인접 리스트로 표현되며, 파이썬의 리스트와 딕셔너리를 사용하여 간결하게 표현됩니다.

```
from collections import deque
class BFSExample:
    def __init__(self):
        self.graph = {}
    # 그래프에 노드 추가
    def add_edge(self, source, destination):
        if source not in self.graph:
            self.graph[source] = []
        if destination not in self.graph:
            self.graph[destination] = []
        self.graph[source].append(destination)
        self.graph[destination].append(source)
    # BFS 알고리즘 구현
    def bfs(self, start node):
        visited = set() # 방문한 노드를 기록
        queue = deque([start_node]) # BFS를 위한 큐
        visited.add(start_node)
        while queue:
            current = queue.popleft()
            print(f"Visited: {current}")
            # 현재 노드에 연결된 모든 노드를 방문
            for neighbor in self.graph.get(current, []):
                if neighbor not in visited:
                    visited.add(neighbor)
                    queue.append(neighbor)
# 사용 예시
if __name__ == "__main__":
    bfs_example = BFSExample()
    # 그래프 구성
    bfs_example.add_edge(0, 1)
    bfs_example.add_edge(0, 2)
    bfs_example.add_edge(1, 2)
    bfs_example.add_edge(2, 0)
    bfs_example.add_edge(2, 3)
```

bfs\_example.add\_edge(3, 3)

# 너비 우선 탐색 시작 print("Breadth-First Search starting from node 2:") bfs example.bfs(2)

#### 알고리즘 설명:

그래프 표현: 이 구현에서는 그래프를 딕셔너리로 표현합니다. 딕셔너리의 키는 노드를 나타내고, 값은 해당 노드에 직접 연결된 노드의 리스트입니다.

BFS 탐색: deque를 사용하여 큐를 구현하고, 시작 노드부터 탐색을 시작합니다. 큐에서 노드를 하나씩 꺼내어 해당 노드의 이웃 노드를 확인하고, 방문하지 않은 이웃은 방문 목록에 추가한 후 큐에 삽입합니다. 이 과정을 큐가 빌 때까지 반복합니다.

방문 관리: 방문한 노드는 visited 세트에 저장하여, 같은 노드를 여러 번 방문하지 않도록 합니다.

#### 복잡도 분석:

시간 복잡도(Time Complexity): 이 알고리즘의 시간 복잡도는 O(V + E)입니다, 여기서 V는 노드의 수, E는 간선의 수입니다. 모든 노드와 간선은 최대 한 번씩 방문됩니다.

공간 복잡도(Space Complexity): 공간 복잡도는 O(V)입니다, 여기서 V는 노드의 수입니다. 최악의 경우 큐에모든 노드가 저장될 수 있습니다.

이러한 개념들을 숙지하고 나면, 다양한 유형의 문제를 풀어보면서 실력을 키울 수 있어요. 알고리즘 문제를 푸는 연습을 할 때는, 문제를 이해하고, 문제를 해결하기 위한 알고리즘을 생각해보고, 코드로 구현해보는 과정을 반복하는 것이 중요해요. 그리고 각 단계에서 어려움이 있다면, 그 부분을 중점적으로 공부하면 좋습니다.