## BROUILLON - CANDIDAT - COMPTER EN PLACE LE NOMBRE DE BITS NON NULS D'UNE ÉCRITURE BINAIRE

## CHRISTOPHE BAL

Document, avec son source  $L^{A}T_{E}X$ , disponible sur la page https://qithub.com/bc-writing/drafts.

## Mentions « légales »

Ce document est mis à disposition selon les termes de la licence Creative Commons "Attribution – Pas d'utilisation commerciale – Partage dans les mêmes conditions 4.0 International".



En informatique, il existe une méthode astucieuse pour compter le nombre de 1 dans une écriture binaire. Expliquons comment faire avec l'écriture binaire 1101.1001.0110.1111 qui contient  $16 = 2^4$  chiffres. Ci-dessous, toutes les opérations se font en base 2. Notez bien que l'on note les résultats dans une écriture binaire de taille 16 et c'est là la belle astuce du point de vue informatique.

• On additionne les chiffres voisins puis on conserve le résultat sur deux chiffres.

[1+1		0+1		1+0		0+1		0+1		1+0		1+1	1	1+1]
Γ10	1	01	1	01	1	01	I	01	I	01	ı	10	ı	10 ]

• On additionne les paires voisines puis on conserve le résultat sur quatre chiffres.

```
[10 + 01 | 01 + 01 | 01 + 01 | 10 + 10]
[ 0011 | 0010 | 0010 | 0100 ]
```

• On additionne les quadruplets voisins puis on conserve le résultat sur huit chiffres.

	0011	+	0010	0010	+	0100	]
Γ	00	00010	01	00	00011	LO	1

• On additionne les octuplets voisins puis on conserve le résultat sur seize chiffres et on s'arrête pour analyser le résultat.

[	00000101	+	00000110	]
[	0000	000000001	1011	]

• Le dernier nombre a pour valeur décimale 11 qui est exactement le nombre de 1 contenus dans 1101.1001.0110.1111.

Très joli! Non? Très bien! Mais pourquoi, ou comment cela marche-t-il? En fait c'est tout simple. Pour le voir reprenons les étapes en expliquant l'information qu'elles construisent.

• La 1<sup>re</sup> étape redonnée ci-dessous compte le nombre de 1 par paire de voisins. Il est important de noter qu'il n'y a pas de perte d'information car au maximum il y aura deux 1, or deux s'écrit 10 en base 2.

Date: 31 Mars 2019.

• La 2<sup>e</sup> étape redonnée ci-dessous compte le nombre de 1 par quadruplets de voisins sans perdre d'information car au maximum il y aura quatre 1, or 4 s'écrit 0100 en base 2.

• La 3<sup>e</sup> étape redonnée ci-dessous compte le nombre de 1 par octuplets de voisins sans perdre d'information.

[	0011	+	0010		0010	+	0100	]
Г	00	00010	1	- 1	00	00011	10	]

• La 4e étape redonnée ci-dessous compte le nombre de 1 pour 16 voisins, c'est à dire tous les chiffres, sans perdre d'information. Simple mais efficace!

[	00000101	+	00000110	]
[	0000	00000000	1011	]

Vous noterez le caractère général des explications précédentes. Ainsi il est immédiat d'étendre la méthode à toute écriture binaire contenant  $2^p$  chiffres où  $p \in \mathbb{N}^*$ .