CELA CLOCHE, MAIS POURQUOI?

CHRISTOPHE BAL

Document, avec son source $L^{A}T_{E}X$, disponible sur la page https://github.com/bc-writing/drafts.

Mentions « légales »

Ce document est mis à disposition selon les termes de la licence Creative Commons "Attribution – Pas d'utilisation commerciale – Partage dans les mêmes conditions 4.0 International".



Le raisonnement suivant pose problème. Pourquoi?

Nous souhaitons résoudre dans \mathbb{R} l'équation $x^3 + x^2 + x = 0$.

- Il est évident que x=0 convient. Nous allons donc nous concentrer sur le cas où $x\neq 0$.
- En divisant par x, nous obtenons $x^2 + x + 1 = 0$, d'où $x^2 + x = -1$.
- L'usage de $x^2+x=-1$ dans $x^3+x^2+x=0$ donne $x^3-1=0$, c'est-à-dire $x^3=1$, d'où x=1.
- \bullet L'usage de x=1 dans $x^3+x^2+x=0$ donne $3=0\,.$ Aïe!

Date: 12 Avr. 2024.

1