Шпаргалка.

1. Уравнение Эйлера-Пуассона

$$F_y - \frac{d}{dt}F_{y'} + \frac{d^2}{dt^2}F_{y''} + \dots + (-1)^n \frac{d^n}{dt^n}F_{y^{(n)}} = 0$$

- 2. Для автономной системы $v[y]=\int_a^b F(y,y')\,dt \to extr$ уравнение Эйлера приводится к виду $y'F_{y'}-F=const.$
- 3. Условие трансверсальности

$$[F - y'F_{u'}]_{t=T} \cdot \Delta T + [F_{u'}]_{t=T} \cdot \Delta y_T = 0$$

4. Условие трансверсальности для задачи Больца

$$\begin{cases} F_{y'}|_{t_0} = G_{y(t_0)} \\ F_{y'}|_{t_1} = -G_{y(t_1)} \end{cases}$$

- 5. Решение линейных дифференциальных уравнений
 - (a) Общее решение однородного уравнения $y^{(n)} + \ldots + a_1 y' + a_0 y = 0$
 - і. Вещественный корень λ кратности k: $e^{\lambda t}$, $te^{\lambda t}$, $t^2e^{\lambda t}$, ..., $t^{k-1}e^{\lambda t}$
 - іі. Пара комплексных корней $\lambda = a \pm bi$ кратности k: $e^{at}\cos(bt), te^{at}\cos(bt), t^2e^{at}\cos(bt), \dots, t^{k-1}e^{at}\cos(bt)$ $e^{at}\sin(bt), te^{at}\sin(bt), t^2e^{at}\sin(bt), \dots, t^{k-1}e^{at}\sin(bt)$
 - (b) Частное решение неоднородного уравнения $y^{(n)} + \ldots + a_1 y' + a_0 y = f(t)$
 - і. Если $f(t)=e^{at}P_n(t),$ то найдётся решение $y_0(t)=t^ke^{at}R_n(t),$ где k кратность корня a
 - іі. Если $f(t) = e^{at}(P_n(t)\cos(bt) + Q_n(t)\sin(bt))$, то найдётся решение $y_0(t) = t^k e^{at}(R_n(t)\cos(bt) + S_n(t)\sin(bt))$, где k кратность корня a + bi