

...: Большой Задачник Игр РЭШ-НГУ-ВШЭ-ЕУСПб

С. Коковин, А.Тонис, А. Савватеев и все-все-все *

6 декабря 2010 г.

Концепция. Этот задачник составляется для нужд преподавания составителей (РЭШ, НГУ, ВШЭ, Европ.Ун.СПб) из всех задач, доступных откуда-то. То есть, задачник хочется "полный" по темам, как энциклопедия, или хотя бы "большой чтоб не чувствовать недостатка в задачах всех типов. Цели задачника: 1)задачи для наших семинаров, домашних и контрольных работ, 2)задачи для самоподготовки, прежде всего для наших курсов лекций, но не только, for everybody. В том числе, могут быть задачи для домашней работы на день-два, типа реферата.

Структура: Есть разделы задачника по темам: равновесие Нэша, и др. Внутри такого раздела задачи усложняются от типовых до доказательных. Также есть тематические разделы задачника, где каждый касается некоторой *содержательной* темы (сюжета). Ибо часто разбираемый содержательный сюжет просится протянуть его по всем понятийным темам (все типы решений). Так, понятийная тема может идти "пунктиром"по содержательным разделам, и наоборот. Для гипертекстового обращения к подборкам по понятийным темам, их надо размечать условными обозначениями.

Задачи (или вопросы в задачах) будут разного уровня/назначения: 1 уровень/тип: Просто находить разные типы решений в конечных и непрерывных (по множеству стратегий) играх, выбирать подходящую концепцию по контексту, сопоставлять концепции между собой. 2 уровень/тип: Требуется выводить существование и свойства решений игры (множественность, компактность...) из условий. 3 уровень/тип: По текстовой ситуации достраивать модель, решать неполные или некорректные задачи, дополняя недоданные условия или концепции решений.

suggestions from S.Kok:

Классификация задач и ее обозначения.

0. *Имя игры и происхождение*, например, "Пираты"(Мулен), или "Печень"(РЭШ).

1. *Содержательный сюжет* игры формулируется по разделам: абстрактные, спортивные (детские) и бытовые, политические, Экономические: совершенные рынки и аукционы (включая модель обмена и вероятностные), олигополии= рынки с несовершенством конкуренции (включая вероятностные, качество и рекламу), контракты, неполные контракты.

2. *Пространство стратегий* (вроде как оценка сверху СЛОЖНОСТИ этого пространства) классифицируем так:

*Благодарность Асе Каменской за помощь в переводе и техническую.

Например, $3[2(2*3*2)-(4*3*2)]$ означает: 3(игрока), [2(слоя дерева) $(2*3*2)-(4*3*2)$ (указано максимальное число разветвлений в каждом слое для каждого игрока)].

Эту запись можно упрощать, опуская очевидное, например:

"Перекресток- $2[2(2*2)]=[2*2]$ = "Дилемма заключенных"

"Террорист- $2[1(2-2)]=[2-2]$

"Дележ пирога по Рубинштейну- $2[N*(R*R)...$

3. *Концепция решения* (понятийная тема)

Это тесно связано с информационной структурой: игры популяционные, или повторяющиеся, или с информацией о целях, и др.

Например, NForm, MM, NE, IND, Tree, SPE, Irrationality, Bluff,

- - - - -

Содержание

1	NSU Kokovin	4
1.1	Обозначения игр и определения	4
1.2	Наиболее употребительные определения	5
1.3	Задачи статических (одновременных) игр	7
1.4	Задачи последовательных игр, SPE , $INDW_\Gamma$	7
2	NES, A.Tonis, A.Savvateev	14
2.1	Развернутая и нормальная форма	14
2.2	Решение по доминированию	15
2.3	Повторяющиеся игры.	15
2.4	Коррелированные равновесия	16
2.5	Задача торга (для двух участников)	16
3	P.Ordeshook: Political games	17

1 NSU Kokovin

1.1 Обозначения игр и определения

Далее всюду

$:= \{1, \dots, m\}$ — множество участников $i = 1, \dots, m$,

$X := (X_i)_{i \in I} := \times_i X_i = (X_1 \times X_2 \times \dots \times X_m)$ — профиль допустимых множеств стратегий участников,

$u := (u_i)_{i \in I} = (u_i)_{i \in I}$ — набор (профиль) целевых функций участников (заметим: каждая целевая функция $u_i : X_i \mapsto \mathbf{R}$ зависит, вообще говоря, от всех $(x_j)_{j \in I}$).

Проиллюстрируем используемые всюду далее принципы обозначений в последовательных и одновременных играх на примере (используемом впоследствии). В частности, введем "ожидания" "дерево игры" и "таблицу выигрышей".

[“Футбол или кино” \approx “Battle of Sexes”: Luce, Raiffa, 1953]

Играют Анна (персонаж, который далее во всех обсуждаемых динамических играх ходит первым и индексируется как $i = A$) и Боб или Виктор (персонажи, которые в других играх, не как здесь, ходят *позже* Анны и, соответственно, обозначаются буквами B, V стоящими *позже* в латинском алфавите). Здесь Анна и Виктор ходят одновременно, после хода "Природы сформировавшей у них какие-то "ожидания" (beliefs) о поведении партнера. Они не имеют возможности переговариваться (возможно, это период ухаживания ДО знакомства), и каждый выбирает, пойти ли вечером на футбол или в кино. Они предпочли бы пойти куда-нибудь вместе, что отражено в *таблице выигрышей* на Рис. 1. А именно, совместное попадание в кино ($(x_A, x_V) = (c_A, c_V) = (cinema_A, cinema_V)$) дало бы вектор удовлетворения или выигрышей равный $(u_A(c_A, c_V), u_V(c_A, c_V)) = (3, 2)$, а совместное попадание на футбол ($football_A, football_V$) дает выигрыши $(u_A(f_A, f_V), u_V(f_A, f_V)) = (1, 4)$.

Рис. 1: Пример обозначений в играх. Игра “Футбол или кино” (“Battle of Sexes”). Приносим извинения за английские надписи на рисунках (они вынуждены и используемыми программными средствами и латынью в обозначениях переменных).

В овалах "дерева игры" отмечены участники принимающие решения в этой позиции, на стрелках - переменные, выбранные участниками. В каждой клетке "таблицы выигрышей" соответствующей одному из 4-х возможных исходов игры, помещен сначала субъективный выигрыш строчного игрока – Анны (измеренный в некоторых единицах полезности), затем - выигрыш столбцового игрока - Виктора. Стрелки отражают последовательность ходов, в данном случае - то, что игроки вынуждены принять решения одновременно, не зная выбора другого, а только имея какие-то “ожидания” (beliefs) об этом выборе, предопределенные природой (случаем).

Далее, как и здесь, мы будем большими буквами обозначать участников (или множества), малыми латинскими буквами – переменные стратегий, стараясь сохранять преемственность:

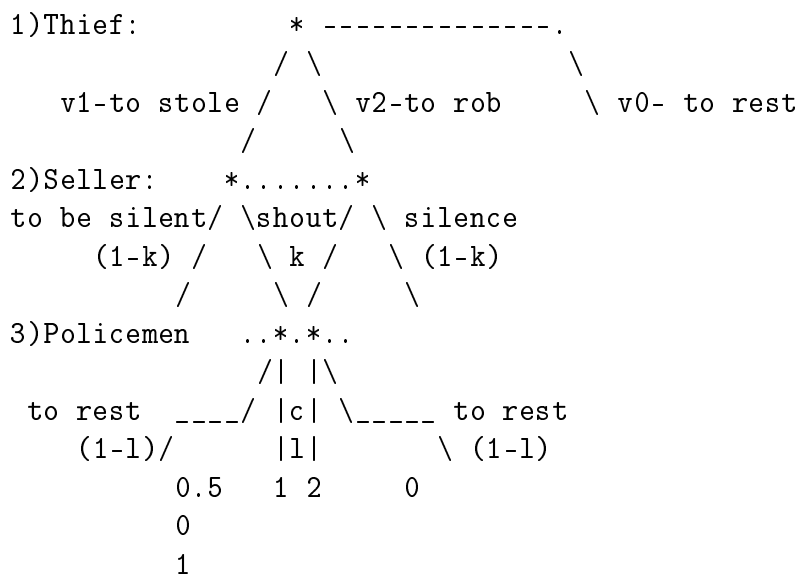
какая переменная кому принадлежит. Греческие буквы используются для ожиданий или вероятностей, в данном случае β_V - это вектор ожиданий об Анне и о себе (ожидания о себе нетривиальны, только если рациональность неполная), а индекс указывает – чье это ожидание. Нечетные цифры выигрышей во многих наших примерах соответствуют первому игроку, четные - второму.

В данном случае, для предсказания исхода можно использовать простейшую концепцию решения – *решение с заданными заранее ожиданиями ходов*, известными откуда-то нам – предсказывающему наблюдателю, причем ожидания участников могут не быть “согласованными”. В частности, если оба ожидают от партнера выбор “футбол”, то есть ожидания о партнере имеют значения $\nu_A = \text{footb}_V$, $\alpha_V = \text{footb}_A$, тогда рациональный выбор каждого - присоединиться к выбору партнера, и исходом будет счастливая (более счастливая для Виктора) встреча на футболе: $x_A = \text{footb}_A$, $x_V = \text{footb}_V$. Аналогично, совпадающие гипотезы о кино привели бы к счастливой (особенно для Анны) встрече в кино, а несовпадающие гипотезы – к развлечениям порознь.

Задачи из НГУ:

1.2 Задачи последовательных игр, SPE , $INDW_T$

[“Вор на базаре”]



На рисунке представлена игра с несовершенной информацией о ходах: второй и третий игроки не способны различать, какой ход сделан первым. Подразумевается популяция трех ролей: Воров, Торговок, Полисменов. Базарный вор может или отдыхать (быть честным), или воровать просто, или воровать с оружием. Торговка может кричать или молчать, когда у нее с лотка тянут товар. Полисмен может или бежать на крик и ловить, или лениться (отдыхать). Записанные на рисунке выигрыши берут за точку отсчета (0,0,0) вариант, когда Вор отдыхает, и остальные - тоже. Когда

торговка что-то теряет, ей неприятно, но неприятно вдвойне, если она еще и кричит при этом зря (еще, она побаивается кричать, когда вор вооружен, а не кричать о безоружном считает стыдным, это отражает выигрыш -2 в этом варианте). Если же ее врага-вора поймают - она довольна. О Полисмене, предполагается, что он любит премии за поимку воров, но не любит риска с вооруженными, хотя справится и с таким. О Воре - что он больше отсидит, если пойман с оружием.

Будем рассматривать смешанные стратегии игроков ($\sigma_{thief} \in [0, 1]^3, \sigma_{seller} \in [0, 1]^2, \sigma_{police} \in [0, 1]^2$) как вероятности, с которыми эти ходы в среднем встречаются на описанном базаре. Разыскивая равновесие (то есть стабильное поведение каждого типа), предположим, что ОЖИДАНИЯ всех игроков (предполагаемые вероятности ходов партнеров), а именно: ожидания вора, ожидания торговли, ожидания полисмена — соответствуют наблюдаемым частотам делаемых ходов. Но этого мало, поскольку нужно еще и вне пути игры задать так называемые ВЕРЫ, то есть ожидаемые вероятности нахождения в том или ином узле информационного множества, если игра вдруг, каким-нибудь чудом, туда попадет. Скажем, если все Воры обычно отдыхают, то Торговке, а еще более - Полисмену, все же любопытно знать, с ножом ли тот, кто стащил у нее вещь с лотка, если это случится. Это и есть их (Торговки и Полисмена) априорные, не проверенные жизнью, веры, которые между собой могут не совпадать. Например, Торговка может предполагать частоты верхнего и нижнего узлов графа типа (0.2, 0.8), а Полисмен - (0.9, 0.1), и каждый объявлять свою (возможно, ненаблюдаемую, но известную партнерам) стратегию, исходя из этих априорных вер.

Совершенное Байесовское равновесие (РВЕ, называемое также слабым секвенциальным равновесием) в игре n лиц есть набор (σ, μ) смешанных пошаговых (поведенческих) стратегий $\sigma = (\sigma_1, \dots, \sigma_n) \in \Delta X$ и вер $\mu = (\mu_1, \dots, \mu_n) \in \Delta M$ всех игроков,¹ таких что

- 1) стратегии σ являются секвенциально-рациональными (то есть итеративно недоминируемыми строго на графе), при данных верах μ ;
- 2) веры μ слабо (только на пути игры) согласованы с наблюдаемым стратегиям σ , в смысле Байесовского правила условных вероятностей.²

Проверим, может ли быть решением (Отдыхать, [Кричать, Ловить]) (в квадратных скобках, как обычно, ходы вне пути игры) хоть при каких-либо верах. Заметим, что стратегия торговли КРИЧАТЬ лучше противоположной при ее ожидании от Полисмена хода "Ловить". Полисмен же может продолжать объявлять (только на словах, пока Вор не ворует) стратегию Ловить, только если он верит, что если уж Вор сворует, то без оружия. Если же с вероятностью более 2/5 он верит в противоположное, то отступит от Ловить. Иначе, проверяемое решение может оставаться SBE (а также SPE, NE) при вере более 3/5 в безоружность, и при любых верах Торговки, возможно и отличающихся от вер Полисмена!

Анализируя эту игру, можно найти, что в ней есть и другие Совершенные Байесовские равновесия, но несовпадение вер торговли и Полисмена в становится невозможным, если Вор хоть иногда ворует: определение РВЕ не позволяет несоответствие вер практике *на пути игры*.

1. Множество вероятностных пошаговых стратегий ΔX есть смешанное расширение чистых стратегий - ходов X . Ожидания любого игрока о себе считаем равными его стратегии: $\mu_{ii} = \sigma_i$.

2. В частности, если все ходы из некоторого узла оканчиваются в одном (последующем) информационном множестве, то веры в нем должны совпадать с вероятностями ходов: $\mu_h = \sigma_{h-1}$.

Упражнение.

Задачи из ВШЭ (...):

From Alex Debelov : во ВШЭ дали Тигр zadacha:

AD 1. Take-or-leave game - \$ 100 дележ. А предлагает, В решает. Согласен - получает долю, нет - оба с 0. Какое решение - Subgame Perfect NE? Strictly speaking, only (100,0) is a Subgame Perfect NE. Indeed, B has no reason to switch to another 0, as well as A does not switch from 100. Any other partition can be improved for A and B agree. (Why you ask easy questions?) However, more realistically is to suppose, that A prefer to be sure that B strictly prefers taking his share than refusing. Then A can get as much as \$ 99.99, leaving B with 0.01 only (or \$ 1 if it is the smallest portion of money available). This may be formulated in the concept of "epsilon-Bayesian NE but not in "Trembling hand". Even more realistically is to expect (50,50), I have told you, but this is captured by another model. AD > 2. А предлагает предмет В. А знает ценность предмета, В - нет. В AD > думает, что предмет стоит 0 с вероятностью p и 3 с $(1-p)$. Это он стоит для игрока А, видимо! AD > Оба знают, что AD > оценка В равна оценке А плюс 4 (вот это меня несколько ставит в AD > тупик). И меня тоже. Лучше бы узнать у друзей ясную интерпретацию задания, но одна из возможных такая. Предмет приносит игроку А полезность (3) с вероятностью $(1-p)$, и (0) с вероятностью p , то есть, от него хочется избавиться. А у Бори ожидаемая полезность $p \cdot 4 + (1-p) \cdot 7$. Скажем, есть у Анны старый диван, который то ли треснет в первый день, то ли долго простоит, и Анна знает качество, и хотела бы, чтобы Боб его вывез. Если она объявит цену около 0 (вывози даром) - это знак, что диван плохой, и он не купит. (ситуация типа Акерлова). Можно предложить цену $p \cdot 4 + (1-p) \cdot 7$, тогда возможно SPE, когда он купит, при вероятности $P: p \cdot 4 + (1-p) \cdot 7 \geq 3$. Но искать-то, судя по тексту, надо SPBayesianE (популяция игроков типа Ань и игроков типа Борь). Оно тоже будет в этой точке, и является типа pooling. (Действительно, все Ани готовы отдавать по этой цене, и все Бори готовы брать диван, хотя и с ожидаемым выигрышем 0). А повысить цену нельзя, Бори откажутся. Нету out-of-equilibrium beliefs, так что это действительно SPBayesianE. А разделяющее (когда хорошие Ани не продают по 3 или другой \leq ожидаемой, а плохие продают) есть при $p \cdot 4 + (1-p) \cdot 7 \leq 3$, но не при большей цене. Ведь если бы Бори брали по цене 7, то плохие Ани тоже начали бы косить под хороших, и оно бы разрушилось. Любопытно, что при разных beliefs Борь (о том, что, скажем, доля=0.5 хороших Ань выходит на рынок) и пограничной цене равной $3 = (0.5 + p \cdot 0.5) \cdot 4 + (1-p) \cdot 0.5 \cdot 7$ можно тоже конструировать равновесия... Некоторые из них будут с out-of-equilibrium beliefs, тогда это всего лишь SPE, но не SPBayesianE. То есть, оно случилось бы 1 раз, а завтра разрушилось бы в повторяемой игре.

AD А предлагает один раз - Take-or-leave game.

AD а) Описать игру и возможные стратегии А и В.

AD б) Существует ли разделяющее равновесие, в к-м всегда происходит обмен по цене, равной оценке предмета игроком В?

AD в) Существует ли pooling равновесие? Если да, то что можно сказать об

AD out-of-equilibrium beliefs?

2 P.Ordeshook: Political games

Задачи из книги P.Ordeshook по политическим играм

стр. 2

Вместо обзора литературы по политической теории, мы сосредоточимся на тех идеях, которые дают ключ к теоретическому пониманию некоторых специфических политических процессов. В частности, мы подойдем к исследованию ответов на следующие вопросы:

1. Как должны две главные партии в системе выборов по правилу большинства отвечать на угрозу входа третьей партии?
2. Почему процедура правила большинства в американских выборах приводит, в сущности, к конкуренции только между двумя главными партиями?
3. Является ли редкость смены партии у власти обязательно симптомом чего-то неправильного в демократии?
4. Должны ли партии всегда предпочитать как можно большее число мест в законодательном органе?
5. Создает ли плохая информированность избирателей неизбежное смещение поведения, выгодное для тех, кто имеет нужную информацию относительно правительственной политики?

стр 3

6. Могут ли результаты взаимодействия людей оказаться иррациональными, даже если каждый человек в обществе удовлетворяет почти любому определению рационального?
7. Почему Конгресс часто посвящает больше времени и усилий обсуждению процедур, чем обсуждению фактического законодательства на своих заседаниях?
8. Всегда ли предпочтения, продемонстрированные законодателями при голосовании, являются хорошим отражением предпочтений их электората, даже среди законодателей, стремящихся только к переизбранию?
9. Какие виды законодательства имеют тенденцию стимулировать законодателей торговать голосами при решении вопросов в конгрессе?
10. Ведет ли система комитетов в Конгрессе к результатам, которые закономерно отличаются от результатов, которые преобладали бы, если бы Конгресс обсудил каждый в отдельности вопрос в целом?
11. Почему налоговая реформа является особенно проблематичной темой для рассмотрения в Конгрессе, особенно в год выборов?
12. Почему одни и те же конгрессмены так часто переизбираются в Конгресс, несмотря на тот факт, что Конгресс как учреждение мало уважается обществом?
13. Должны ли мы рассматривать конфликты между президентом и членами Конгресса просто как столкновения личностей, или существует объяснение, основанное на факте, что президенты и члены Конгресса избираются различными способами?
14. Помимо общего недоверия избирателей, какие теоретические и логические обоснования существуют для представительной демократии, завещанной нам Отцами-

основателями Конституции США, в частности, для двухпалатной законодательной власти?

15. Почему правительство регулирует тарифы такси и дальних перевозок, в то время как подобное регулирование терпит неудачу в случае регулирования цен на автомобили и большинство других главных товаров?

16. Часто утверждается, что "группы влияния с особыми интересами" покупают политических деятелей и политику управления, но как насчет точки зрения, что в ходе избирательной кампании политики вымогают взносы из заинтересованных групп?

17. Когда выгоднее принять решение прежде других, а когда выгоднее повременить?

стр 56

1. Пусть свободная конкуренция преобладает в отрасли промышленности, состоящей из двух фирм, каждая из которых продает по 20 миллионов единиц изделий с общей прибылью \$1/единицу. Но если они тайно сговорятся, чтобы установить цену повыше, то каждый продаст по 15 миллионов единиц с прибылью по два доллара за каждую. Если же одна фирма отступится от договора и продаст свой товар по более низкой цене, она выручит \$35 миллионов, в то время как другая фирма не продаст ничего. Прежде чем каждая фирма установит цену (что они делают одновременно), Сенатор Гилли Боб предлагает заключить соглашение о патентовании, по которому каждый платит налог \$.20/ на единицу, и производит изделие по фиксированным картелем ценам - явно, чтобы застраховаться от "разрушительной конкуренции которая могла бы "оставить трудолюбивых Американцев безработными." Создайте развернутую форму этой ситуации, где каждая фирма должна сначала одобрить или не одобрить соглашение о патентовании, которое действует, только если обе фирмы соглашаются на это.

2. Допустим, имеются три штата (1, 2, и 3) равного размера, и подсчет голосов происходит сначала в 1 штате, затем во 2, а затем в 3, и что победитель на выборах должен собрать большинство (два) штатов. Выведите развернутую форму игры, представляющую решение одного гражданина в государстве 3, который должен решить, голосовать ли и за кого из двух кандидатов. Допустим, этот человек рассматривает решения всех других избирателей и результаты голосования в других государствах как случайные. (Допустим, что связи между государствами нет.)

стр 57

3. Выведите развернутую форму повестки дня "А против В, победитель против С" для законодательного органа из трех людей, в котором законодатель 3 наблюдает выбор 1-го, но в котором ни один законодатель не наблюдает ни за какими другими выборами.

4. Допустим, игроки 1 и 2 последовательно выбирают из двух вариантов ходов двоичных решений, сначала 1, затем 2, затем 1, затем 2, и т.д, и предположите, что все решения наблюдаются обоими людьми. Изобразите минимальную развернутую далеко идущую форму игры, которая позволит Вам представить ситуацию, в которой 1 имеет совершенную память, но 2 может вспомнить только свои последние два шага и последний ход 1-го.

5. Бюрократ отдела защиты наблюдает за двумя взаимосвязанными программами X и Y. Превышение недавней стоимости заставляет его "хоронить" эти издержки

с учетом одной из этих программ. Два агента из ведомства учета правительства, за которым Вы наблюдаете, будут в конце года делать обзор его записей. Каждый агент может быть назначен ответственным за: (А) ревизию записей персонала обеих программ; (В) ревизию описей обеих программ; (С) ревизию расходов поставщиков частей для обеих программ. Если один из ваших агентов обнаруживает превышение, Вы получаете + 10, в противном случае, Вы получаете -10, в то время как соответствующая плата для бюрократа - -10 и + 10. Вероятность, что индивидуальный ревизор обнаружит превышение, дана в центре его ревизии, и программа, в которой превышение "похоронено" следующая:

	X	Y
A	.5	.2
B	.3	.6
C	.1	.8

Допустим, Вы можете распределять двух своих ревизоров, как Вам угодно и что в противном случае ревизоры действуют независимо, изобразите эту ситуацию в развернутой форме.

стр 58

7. Допустим, трое людей (1, 2, и 3) должны выбрать одного кандидата из списка А, В, С и D. Допустим, все люди наблюдают все предшествующие выборы, выведите развернутую форму процедуры, в которой сначала 1-ый удаляет кандидата, затем 2, и затем 3, и в которой кандидат, который остается, избран.

8. Допустим, что до того, как сделать выбор, бросается жребий, чтобы определить, какая из двух следующих стратегических форм описывает выигрыши Ваши и Вашего противника, (первый номер в каждой ячейке обозначает Ваш выигрыш – выбор из строки - в то время как второй номер обозначает выигрыш Вашего противника):

	b_1	b_2		b_1	b_2
a_1	9,5	1, -3		3,0	9, -2
a_2	3,7	4,6		9,9	3,8

а. Допустим, никто не наблюдает за результатом жребия и Вы оба должны выбрать одновременно, изобразите развернутую форму ситуации.

б. Изобразите развернутую форму, допускающую, что Вы можете тайно заплатить три доллара, чтобы узнать результат жребия.

9. Изобразите следующую ситуацию в развернутой форме: Вы ищете среди множества используемых учебников книгу, которая наиболее близко соответствует новому тексту. Однако, Вы не знаете ни как выглядит "наилучший" текст, ни его состояния, и поскольку время дорого, Вы думаете, что неблагоприятно планировать просмотреть всю грудку с самого начала, чтобы найти наиболее подходящую книгу. Таким образом, Вы просматриваете каждую книгу один раз, пока не находите текст, который является "приемлемым". Чтобы сделать эту задачу решаемой, допустим, что есть только три текста и что где-то от нуля до трех из них являются приемлемыми.

10. Допустим, что ценность некоторого объекта $= x_1 + x_2$, где и x_1 и x_2 - произвольные переменные, которые могут принимать значения 0 или 1. Допустим, один человек наблюдает x_1 , но не x_2 , в то время как второй человек наблюдает x_2 , но не x_1 . Изобразите в развернутой форме аукцион, в котором люди 1 и 2, после наблюдения

за x_1 и x_2 , соответственно, предлагают цену 5 или 1.5 за объект, предоставляя свои предложения на рассмотрение в запечатанных конвертах. Допустим, что человек, предоставляющий на рассмотрение самое высокое предложение, получает объект, но должен заплатить цену, которую он предлагал, и учтите также, что в случае равенства ставок победителя определяет жребий.

стр 59

11. Конгрессмен Порк представляет район со значительной долей промышленности электроники, которая находится в стадии резкого экономического спада из-за иностранной конкуренции. Соответственно, он предоставляет запрос на федеральную субсидию на \$100 миллиардов для бытовой электроники, но он знает, что несколько членов комитета во главе с Конгресссвумен Пэм Соник противостоят его запросу. Закон будет обсужден на следующей неделе, и Порк может предложить один из двух аргументов в свою пользу: (1) Соединенные Штаты нуждаются в технологии бытовой электроники для возможного преобразования в военных целях, в этом случае \$50 миллиардов были бы использованы. Однако, если Соник ожидает этот аргумент, она может найти экспертов извне, которые засвидетельствуют, что такая технология не соответствует потребностям защиты, опровергая аргумент Порка и отвергнув запрос. (2) Порк мог бы подчеркнуть рабочие места, которые федеральная субсидия обеспечит в избирательных округах большинства членов комитета. В этом случае, он мог бы получить \$40 миллиардов. Контраргумент Соник, упомянутый выше, не имел бы никакого эффекта, но Пэм Соник могла бы организовать акцию протеста (собрать подписи) против запроса. В этом случае, комитет пошел бы на компромисс на \$25 миллиардов. Однако, акция протеста не имела бы никакого эффекта, если военный аргумент Порка будет неоспорим, так как комитет понимает, что деньги не играют роли, когда дело касается национальной безопасности. Изобразите эту ситуацию в стратегической форме, приписывая правдоподобные выигрыши (полезности) исходов и для Порка, и для Соник.

12. Что касается законодательного примера повышения платы в разделе 1.6, изобразите развернутые и стратегические формы для каждого из следующих обстоятельств:

- а. Законодатель С, а не В, наблюдает выбор А.
- б. Законодатель В, а не С, наблюдает выбор А.
- с. Законодатель С, а не А, наблюдает выбор В.

стр 90

1. Вы член комитета из трех человек, которые должны выбрать один вариант из списка (А,В,С,Д). Допустим, у комитета есть следующие предпочтения (упорядоченные от лучших к худшим):

Вы:	А	В	С	Д
член 2:	Д	С	А	В
член 3:	С	В	Д	А

Какую из следующих процедур Вы бы предпочли видеть выполненной, если Вы полагаете, что два других члена комитета были хитры: (1) повестка дня, которая сначала ставит В против С, победителя против А, победителя против Д. (2) повестка дня, которая сначала ставит С против А, победителя против Д, и победителя против В; (3) повестка дня, которая сначала ставит В против Д, победителя против С, победителя

против А; или (4), Вам все равно, кто выбран.

стр 91

2. Допустим, предпочтения комитета из пяти членов следующие:

1	2	3	4	5
А	В	С	С	В
В	С	А	А	С
С	А	В	В	А

Каков будет результат повестки дня (А.В.С), если только избиратель 2 стратегический? Если избиратель 2 может обучить по крайней мере одного другого человека быть хитрым, кого должен он обучить, допустив, что избиратель 1 слишком тупой, чтобы понять, что от него требуется?

3. Допустим, большинство в законодательном органе предпочитает В. Если Вы противопоставлены А, и если за А и В должны проголосовать сначала, независимо от поправок, и если каждый избиратель - хитрый, какой вариант Вы бы предпочли представлять: С или D? С создает большинство циклов по правилу "А предпочитается В, который предпочитается С, который предпочитается А" в то время как D наносит поражение и А, и В. Ваши предпочтения: "В предпочитается D, который предпочитается С, который предпочитается А. "

4. Вы - помощник депутата, советующий главе комитета, который собирается выбрать между выдвижением законопроекта А или В из комитета. Если А выбран, он наверняка проиграет варианту статус кво Q, если В выбран, он будет редактироваться в ходе голосования (возникнет вариант С), и Вы сможете предложить альтернативу D. Допустим, оставшиеся члены законодательного органа поделятся на три одинаковые группы со следующими предпочтениями:

группа 1: В D A C Q
 группа 2: C Q A D B
 группа 3: Q B C A D

Вы - член второй группы. Допустим, законодательный орган голосует, используя следующую повестку дня: "заменитель против поправки, победитель против закона, победитель против статуса кво." Вы уверены, что при сложившемся положении дел, каждый, кроме Вас, проголосует искренне. Допустим, что долларовое значение для Вас каждого варианта: С = \$2,000, Q = \$1,500, А = -\$500, D = \$0, и В = -\$3,000. Какова верхняя граница суммы, которую Вы желали бы залатить, чтобы иметь кого-то для обучения законодательного органа, чтобы Вы, как и все, голосовали изошренно?

стр 92

5. Законодательный орган из трех членов рассматривает четыре варианта, где каждый вариант воздействует на количество денег, собирающихся в районе законодателя. Пусть выигрыши (в тысячах) каждого района по каждому варианту будут таковы:

	район1	район2	район3
А(статус кво)	300	0	-400
В(закон комиссии)	500	-600	0
С(возможно редактируемый)	0	800	-900
Д(возможно редактируемый)	-900	400	450

Варианты А и В выдвинуты как предложения, и Вы должны решить, предложить ли редактируемый закон. Если Вы предлагаете С - повестка дня будет С против В, победитель против А; если Вы предлагаете D - повестка дня будет D против В, победитель против А. D и С также предложены, повестка дня будет - D против С, победитель против В, победитель против А.

а. Допустим, Вы - представитель района 2. Какую из поправок должны Вы предложить, \$800 000 - которую заплатит Ваш район или \$400 000, которую заплатит D?

б. Допустим, Вы - председатель (и диктатор) релевантной законодательной подкомиссии, и Вы можете отправить от своей подкомиссии В, С или D как закон, который законодательный орган должен рассмотреть. Но Вы также уверены, что любые варианты, в которых Вы потерпите неудачу, будут представлены в собрании как поправки. Таким образом,

Если Вы отправляете В, повестка дня будет "С против D, победитель против В, победитель против А".

Если Вы отправляете С, повестка дня будет - "В против D, победитель против С, победитель против А. "

Если Вы отправляете D, повестка дня будет - "С против В, победитель против D, победитель против А. "

Что бы Вы выбрали как свой закон, если бы Вы были представителем из района 2?

с. Учитывая часть (b), если подкомиссией используется правило большинства, чтобы выбрать к докладу В, С или D, что получится?

стр 93

6. Вы - игрок 1, и Ваш противник - игрок 2, имеете по три лошади. Пусть скорости ваших лошадей будут обозначены a_1, a_2 , и a_3 , и пусть скорости лошадей вашего противника будут b_1, b_2 и b_3 . Пусть их скорости будут следующими: $b_1 > a_1 > b_2 > a_2 > b_3 > a_3$. Пусть три гонки должны пройти последовательно, и каждый из Вас должен решить, какую лошадь ввести в каждую гонку (ни одна лошадь не может участвовать в гонках дважды). Хотя Вам позволяют решить, какую лошадь вводить после того, как предыдущая гонка закончена. Вы и игрок 2 должны одновременно выбрать лошадь для первой гонки, но Ваш противник выбирает первым (и Вы наблюдаете этот выбор) для второй гонки. Человек, который выигрывает две или больше гонки, выигрывает долю капитала в предприятии \$1000. Однако, так как заранее известно, что Ваши лошади в среднем медленнее, Вам платят \$250, чтобы Вы участвовали. Изобразите развернутую форму ситуации и выведите равновесную стратегию. Существует ли однозначный конечный результат?

Страница 133

7. Выведите развернутую форму, соответствующую следующему описанию, и найдите равновесные стратегии: "Есть два черных ящика. Игрок 1 прячет жемчуг в одном из них: затем Игрок 2, не зная, в каком ящике находится жемчуг, смотрит в одном из них. Если жемчуг находится в ящике 1, и он смотрит там, он видит это с половинной вероятностью. Если жемчуг находится в ящике 2, и он смотрит туда, он видит это с половинной вероятностью. Если он смотрит в неправильном ящике, он не видит ничего (и даже не сообщается, что ящик пустой). Выигрыш - пять игроку 2 и минус

пять – игроку 1, если 2 находит жемчуг; иначе нет никакого выигрыша.

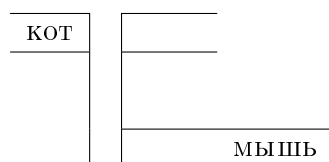
8. Рассмотрите следующий сценарий: Игрок А имеет \$7,200, игрок В имеет \$5,000, и игрок С имеет \$3,601. У них есть возможность сделать ставку один раз, оставаясь в игре. Допустим, нет преимуществ быть вторым против третьего, и игрок с наибольшей суммой денег выигрывает, и сумма денег выдается наличными. Каждый игрок должен решить, ставить ли ему все или ничего. До ставок (которые они должны сделать одновременно), бросают жребий, чтобы определить, какое "состояние мира" произойдет: в состоянии 1 - А и В выигрывают, но С проигрывает; в состоянии 2 - А проигрывает, но выигрывает С. Допустим, игрок ставит "все" и выигрывает, его благосостояние удвоено. Если он проигрывает, его благосостояние - ноль. Если игрок не делает ставок, его благосостояние не изменяется. Игрок с наибольшим благосостоянием выигрывает в конце игры. Выведите развернутую форму этой ситуации и покажите, что каждый игрок делает в равновесии.

9. "Кот" и "мышь" каждый стартуют в противоположных углах простого лабиринта, показанного ниже. Обоим животным требуется пять секунд для того, чтобы пересечь один сегмент, но проходы достаточно узки, и ни одно животное не может развернуться в лабиринте. Если кот съедает мышь, его выигрыш - +1, а мыши - -1; и наоборот. После двадцати секунд мышь, если жива, будет спасена из лабиринта.

а. Допустим, стратегия - это цельный план, относительно того, куда поворачивать (налево, направо, прямо вперед) в каждом стечении обстоятельств в лабиринте, обладает ли эта игра равновесием в чистых стратегиях, допуская, что ни кот, ни мышь не могут видеть другого, пересекающего лабиринт (пока конечно, еще не "слишком поздно")?

б. Изменится ли Ваш ответ, если мышь будет спасена только после тридцати секунд?

с. Изменится ли Ваш ответ на часть (а), если и кот и мышь могут наблюдать, что делает другой каждые 5 секунд? Если да, то как и почему?



стр 134

10. До того как начать игру, бросается жребий, чтобы определить, в какую из следующих двух игр будут играть:

9,5	1,-3	3,0	9,-2
3,7	4,6	9,9	3,8

Если ни один из игроков не знает результата жребия, сколько хотел бы 1 (Мистер Строка) заплатить, чтобы узнать результат жребия (учтите, что вся выигранные игры - в терминах долларов и что полезность и деньги являются эквивалентными) и какая цена за эту информацию будет безразлична для 2?

11. Вы - член комитета, который должен выбрать между А и В. Сейчас положение дел таково, что В наносит поражение А, но Вы ненавидите В, поэтому Вы предлагаете альтернативу, С, который будет голосовать против В, затем победитель будет выставлен против А. Вы надеетесь, что С победит В, но проиграет А. Хотя результат зависит от Ваших аргументов за С и аргументов Вашего противника. Социальное упорядочение будет определено этими аргументами. Ваше предпочтение - $A > C > B$, и

предпочтение Вашего противника - $B > C > A$. Вы (Мистер Строка) и Ваш противник (Мистер Столбец) каждый имеете по два альтернативных аргумента, и они выдают следующий профиль предпочтений по правилу большинства:

	Аргумент1	Аргумент2
Аргумент1	$B > C > A$ (переходный)	$C > A > B > C$ (круг)
Аргумент2	$C > B > A > C$ (круг)	$C > B > A$ (переходный)

Если Вы должны выбрать каждый аргумент, не зная что выберет Ваш противник, и если каждый хитер, какой результат возобладает?

стр 135

12. Допустим, два политических кандидата имеют по две стратегии, как показано в таблице ниже, и допустим, что кандидат 1 получает специфический электорат от четырех возможных объединенных выборов стратегий, как обозначено. Если цель обоих кандидатов максимизировать вероятность своей победы на выборах, какое будет, если это вообще возможно, равновесие в этой игре? Как это равновесие изменится, если оба кандидата пытаются максимизировать свои ожидаемые электораты?

$p(0) = 5/8$	$p(8) = 1/2$
$p(400) = 1/8$	$p(0) = 1/8$
$p(800) = 2/8$	$p(-80) = 3/8$

$p(-400) = 1/2$	$p(0) = 3/4$
$p(400) = 1/2$	$p(-75) = 1/8$
	$p(-125) = 1/8$

13. Что касается нашего обсуждения Рисунка 3.10 ??? и посредничества, покажите, что если оба игрока полностью информированы относительно совета посредника, данного другому игроку, то роль посредника, как координатора стратегии, исчезает.

14. Рассмотрите следующую ложную "теорему" и найдите контрпримеры с нулевой и ненулевой суммой. "Если в игре с двумя игроками нет никакого равновесия в чистых стратегиях, в ней есть единственное равновесие в смешанных стратегиях."

15. Игроки 1 и 2, действуя одновременно, должны оба сначала выбрать, играть ли L или R, если они оба играют L, то затем они играют игру A (см. ниже)

(все выигрыши даются в долларах); в другом случае, бросается жребий, чтобы определить, играть ли в игру B или C. (Результат жребия показывается сразу.) До того, как они сделают выбор, игрок 1 (Мистер Строка) может предложить 2 любых суммы денег за право сделать еще один выбор из R или L. Определите, какую сумму, если вообще хоть какую-то, игрок 1 должен предложить 2, также как цену игры игрокам 1 и 2.

0,4	0,2	1,3	2,1	1,4	6,1
4,2	1,1	4,3	3,2	5,1	0,4
A		B		C	

стр 136

16. Помните игру из начальной школы, которая называлась "бросить на пальцах"? Один из игроков выигрывает при "четном" а другой - при "нечетном". На счет "три" каждый из них одновременно выбрасывает в воздух один или два пальца. Если общее количество пальцев четно, то "четный" выигрывает, в то время как если сумма нечетна, то выигрывает "нечетный". Предположите, что выигрыш – плюс один для

победителя и минус один для проигравшего.

а. Покажите развернутую и стратегическую формы для этой игры.

б. Покажите, что эта игра не имеет никакой чистой стратегии.

с. Докажите, что в равновесии обязательно "действовать случайно".

д. Предположите, что правила игры изменены так, чтобы на счет три человек еще мог колебаться. Если оба колеблются, каждый получает выигрыш 2, в то время как, если колеблется только один, тот игрок проигрывает 1, а противник получает 0. Каким будет результат?

стр. 137

17. Рассмотрите две следующие игры:

10,4	4,0	14,14	4,16
8,2	8,6	10,2	0,20

а. Если бросается жребий, чтобы определить, в какую из игр будут играть, каково будет равновесие Нэша в ситуации, где ни один из игроков не знает результата бросания жребия, и игроки выбирают свои стратегии одновременно?

б. Создайте ситуацию (а) в развернутой форме.

с. Если в ситуации (а) один из игроков может заплатить тому, кто бросает жребий (бросающий жребий не участвует в игре), чтобы открыть результат жребия обоим игрокам прежде, чем они выберут свои стратегии, какой игрок (строчный или столбцовый) будет больше хотеть заплатить за эту информацию?

д. Предположите, что вместо жребия и одновременных шагов одному из игроков позволяет выбрать игру, в которую будут играть, и что после раскрытия жребия другому игроку, игроки выбирают свои стратегии последовательно, первым Мистер Столбец, затем Мистер Строка. Найдите равновесие Нэша для следующих четырех игр, которые эти условия допускают:

i. Мистер Строка выбирает игру и ходит первым.

ii. Мистер Строка выбирает игру, и Мистер Столбец ходит первым.

iii. Мистер Столбец выбирает игру, и Мистер Строка ходит первым.

iv. Мистер Столбец выбирает игру и ходит первым.

18. В игре с двумя игроками следующие пары действий ведут к следующим результатам:

(Игрок 1 Действие, Игрок 2 Действие) \rightarrow (Полезность 1, 2 Полезность)

(L,L) (3,6)

(R,R) (1,5)

(C,C) (6,8)

(L,R) (9,6)

(R,L) (9,9)

(L,C) (6,1)

(C,L) (2,2)

(R,C) (4,4)

(C,R) (4,3)

- а. Каков результат этой игры, если 1 ходит первым, и 2 видит его ход, а затем делает свой ход?
- б. Каков результат, если 2 ходит первым, и 1 видит его ход, а затем делает свой ход?
- с. Каков результат, если каждый игрок должен сделать ход прежде, чем он узнает ход другого игрока?

стр 190

1. Допустим, два кандидата в президенты, которые максимизируют свою возможность победы на выборах, должны решить, как распределить три дня между шестью штатами. Тот, кто посвящает штату больше всего времени, завоевывает поддержку этого штата, а тот, кто получает больше всего голосов – побеждает на выборах.

Количество голосов у штатов следующее: 27, 27, 24, 18, 2 и 2. Учтите, что все ситуации равенства голосов разрешаются жребием, и что транспорт не позволяет поделить день между двумя штатами.

- а. Имеет ли соответствующая игра выборов с двумя кандидатами равновесие Нэша в чистых стратегиях?
- б. Изменится ли Ваш ответ, если три самых больших штата имеют одинаковый избирательный вес?
- с. Изменится ли Ваш ответ на часть (а), если дни можно поделить между штатами?
- д. Изменится ли Ваш ответ на часть (а), если кандидаты имеют четыре дня для распределения?
- е. Как Вы думаете, какую долю времени получили бы самые маленькие штаты при различных обстоятельствах, описанных выше? Почему?
- ф. Как изменятся Ваши ответы на (а-е), если кандидаты максимизируют ожидаемые электораты ?

2. Предположим, что шесть избирателей: 1, 2, 3, 4, 5 и 6, озабоченные одной и той же проблемой, имеют наиболее предпочитаемые варианты, упорядоченные также как их номера-метки (то есть, 1 больше всего предпочитает самую левую позицию, а 6 – самую правую), и у которых есть однопиковые предпочтения по этой проблеме. Также, предположите, что используется взвешенное голосование, и что избиратель i имеет i голосов. Если два максимизирующих электората кандидата могут принять любую из шести позиций по проблеме как свою избирательную платформу и если все условия для Теоремы Медианного Избирателя удовлетворены, идеальную отметку какого избирателя примут они как свою избирательную платформу?

3. В дополнение к выбору стратегии на действительной прямой предположите, что кандидаты могут также пробовать маскировать свои позиции, представляя себя в виде лотереи - как распределения вероятности на допустимом пространстве стратегий. Предположите, что два параметра - среднее значение и дисперсия - характеризуют стратегию кандидата (когда эта стратегия соответствует функции нормального распределения), и что полезность избирателя i для позиции будет равна $u_i(x) = -(x_i - x)^2$. Опишите равновесие выбора с двумя кандидатами, если применяются все другие условия Теоремы Медианного Избирателя.

4. Примените Теорему Медианного Избирателя, чтобы решить следующие вопросы, используя эти данные:

голосующий	идеальная точка	кандидат	обещанное	мать
A	1	???	3	A
B	2		5	B
C	3		7	C
D	4		9	D
E	5		9	E
F	7			
G	9			
H	11			
J	13			

а. Допустим, Вам нравится побеждать и только один из кандидатов, перечисленных выше, конкурирует с Вами, кем из вышеупомянутых кандидатов Вы бы хотели быть?

б. Предположим, пять избирателей - фактически матери кандидатов, которые, если есть возможность, голосуют за своих детей, независимо от того, как это влияет на их полезности. Кроме этого исключения, допустим, все условия Теоремы Медианного Избирателя соблюдаются. Если учесть вышеупомянутые материнские отношения, как изменится Ваш ответ?

5. Рассмотрите избирательный округ из двадцати пяти избирателей, который распределен по пяти районам (A, B, C, D, E). В каждом районе живут по пять избирателей, и каждый избиратель идентифицирован его районом (например, каждый a живет в A) и его идеальной отметкой на стратегии $X = [1, 9]$. Предположите, что идеальные точки избирателей следующие:

$x = 1$	$x = 2$	$x = 3$	$x = 4$	$x = 5$	$x = 6$	$x = 7$	$x = 8$	$x = 9$
b	b	b	a	a	a	a	a	d
e	c	c	b	b	c	c	d	d
e	c	e	d	d	e			
				e				

У всех избирателей есть однопиковые предпочтения. Избирательный округ выбирает стратегию на X , используя следующую процедуру: сначала, используя правило большинства, избиратели внутри каждого района выбирают законодателя из двух возможных кандидатов, где эти кандидаты конкурируют, выбирая позиции на X . Потом пять законодателей, выбранные в пяти округах, вынуждены голосовать за стратегию, которую они защищали при избрании и предлагать ее законодательному органу, где они встречаются и должны решить правилом большинства, какова будет общественная политика.

а. Скажите, какая стратегия будет выбрана, учитывая, что все законодатели являются хитрыми и выбирают повестку дня из набора возможных двоичных повесток, и объясните почему.

б. Как Ваш ответ на (а) изменится, если штаты A и D и избиратели в них исключены?

с. Как Ваш ответ на (а) изменится, если штаты C и E и избиратели в них исключены?

6. Рассмотрите избирательный округ из девяти избирателей, в котором идеальная точка избирателя i по проблеме равняется i . Допустим, делается выбор из двух кандидатов, и все условия, необходимые для Медианного Избирателя, соблюдаются, за

исключением того, что кандидат 1 должен выбрать идеальную точку избирателя 3, как свою установленную стратегию. Кандидат 2 не имеет никаких ограничений.

а. Кто выиграет выборы?

б. Ниже - четыре возможных описания результата. Решите, какие из следующих утверждений являются истинными:

i. Идеальная точка Медианного Избирателя должна быть результатом.

ii. Идеальная точка Медианного Избирателя не может быть результатом, но идеальная точка другого избирателя может.

iii. Идеальная точка Медианного Избирателя не может быть результатом, и идеальная точка любого другого избирателя также не может.

iv. Идеальная точка или Медианного Избирателя или другого избирателя может быть результатом.

7. Предположим, что избирательный округ состоит из пяти голосующих со следующими предпочтениями относительно трех платформ (А, В, или С), которые каждый из двух кандидатов может выдвинуть:

голосующие 1 и 2 $A \succ B \succ C$

голосующий 3 $A \succ C \succ B$

голосующие 4 и 5 $C \succ B \succ A$

стр. 193

Предположим, каждый избиратель, после того, как каждый кандидат (одновременно) выбирает свою платформу, голосует за предпочтенного им кандидата с вероятностью p и за его противника с вероятностью $1 - p$, $p > 1/2$. Если избирателю безразлично, то $p = 1/2$. Каков исход (А, В, или С) если оба кандидата максимизируют свои ожидаемые электораты?

8. Рассмотрите следующую игру из двадцати девяти игроков, где два игрока (1 и 2) – кандидаты, а другие игроки, (3,4,...,29), являются избирателями. Кандидаты конкурируют за руководство ведомством (учреждением), выдвигая одну из четырех возможных стратегий учреждения (А,В,С,Д) принимать на работу избирателей, которые голосуют за них (еще до принятия на работу: можно считать, что избиратели уже работают в ведомстве, а А,В,С,Д - стратегии увольнения). Исход выборов будет зависеть от того, кто из двух кандидатов завербует больше избирателей. В первой стадии игры два кандидата одновременно выбирают одну из четырех стратегий избирательной кампании. Некоторые комбинации выдвинутых программ стратегии учреждения (ВВ, СС, ДВ) кандидаты могут обсудить, и выбирают, участвовать ли в дебатах. Кандидаты выбирают стратегии дебатов одновременно, но после этого они узнают и стратегию кампании противника. Ниже - таблица, которая показывает результаты различных комбинаций стратегий кампании. Значения ячейки представляют число избирателей, завербованных кандидатом 1 (Мистер Строка). Тогда 27 минус значение ячейки равняется числу избирателей, завербованных кандидатом 2 (Мистер Столбец).

Строка / Столбец:	A	B, B2	C, C2	D
A	15	3	21	7
B (B2= с дебатами)	9	12 27	5	13
C (C2= с дебатами)	17	0 15	24 17	23
D (D2= с дебатами)	11	12 13	14 18	11

стр 194

После кампании, победитель выборов определяется по правилу большинства.

Таким образом, кандидат, который принимает на работу больше людей, выигрывает выборы.

а. Какой кандидат выиграет выборы?

б. Если законы кампании изменены так, что стратегию D нельзя выбрать, какой кандидат выиграет выборы?

с. Предположите, что Вы наняты кандидатом, который ожидает частично потерять (а), чтобы предложить ряд районов и избирательного правила, которое гарантирует различный избирательный результат (после того, как новички завербованы). Вы не ограничены в числе районов, которые Вы можете использовать, или в том, как Вы можете распределять сторонников кандидатов 1 и 2 внутри и между районами; однако в каждом районе должно быть одинаковое число избирателей.

9. Законодательный орган из девяти членов, использующий правило большинства, стоит перед бюджетом, который позволяет ему пройти две из трех предложенных программ (A,B,C). Законодательный орган имеет следующие предпочтения (оцениваемые от более до менее привилегированных):

Законодатель								
1	2	3	4	5	6	7	8	9
В	А	В	А	С	С	В	А	С
С	В	А	С	А	В	А	С	В
А	С	С	В	В	А	С	В	А

Вы возглавляете законодательный орган и Вы - 1 законодатель. Процедура голосования следующая:

Сначала проголосуйте, сохранить ли вариант В или наложить на него вето. Если на В накладывают вето, голосование кончается, и варианты А и С выполняются. Если В сохраняется, то проголосуйте, сохранить ли вариант С или наложить на него вето. Если на С накладывают вето, голосование кончается, и варианты А и В выполняются. Если С сохраняется, то проголосуйте, сохранить ли вариант А или наложить на него вето. Если накладывают вето - голосование кончается, и варианты В и С выполнены. Если сохраняется, один член законодательного органа должен выбрать, на какой из вариантов нужно наложить вето.

а. Должны ли Вы, как председатель, сами наложить это вето, или предоставить это 4-му законодателю?

б. Учитывая, что законодатель 4 решает, накладывать ли вето, создайте список по вышепоказанному типу, в котором В и С тем не менее проходятся.

10. В избирательном округе из семи людей, все результаты выборов зависят от позиций кандидата на одной размерности стратегии, и идеальной отметке избирателя i на этой размерности, соответствует x_i , который равняется i . Все функции полезности избирателя имеют форму $u_i = |W - x_i|^2$, где W - позиция стратегии побеждающего кандидата, и x_i - идеальная отметка избирателя i . В этом избирательном округе имеются две политических стороны. Избиратели 1, 2, и 7 находятся в партии X. Избиратели 4, 5, и 6 находятся в партии Y. Избиратель 3 не находится ни в одной из партий. Имеются четыре возможных кандидата - X1, X2, Y1, и Y2. Партия X использует правило большинства чтобы назначить X1 или X2. Партия Y использует правило большинства чтобы назначить Y1 или Y2. Затем все избиратели выбирают среди двух назначенных кандидатов, чтобы определить W , позицию стратегии побеждающего кандидата. Учтите, что все предположения, необходимые для Теоремы Медианного Избирателя проводятся в случае, если они находятся в противоречии с утверждением вопроса. Используйте концепцию равновесия Нэша, чтобы найти возможные расположения W в следующих двух ситуациях:

а. Избиратели неоперативны при назначении кандидата.

б. Избиратели оперативны при назначении кандидата.

11. Допустим, четыре человека имеют следующие оценки (выигрыши) по трем вариантам A, B и C:

человек	A	B	C
1	30	0	50
2	45	65	0
3	10	20	45
4	50	35	0

Допустим, что каждый человек должен сообщить оценку для каждого варианта и что выбранный вариант является вариантом с самой высокой суммированной оценкой. Допустим также, что налоги собраны как описано в Разделе 4.5. ???

а. Сколько вмененного налога будет оплачено каждым человеком?

б. Допустим, люди 2 и 3 могут нанимать агента, который будет координировать их ответы (сообщенные оценки), включая ложные. Стоит ли им нанимать такого человека, если взнос будет не слишком большим?

(11?) Вы управляете "Объединенным Смоуком" и должны решить, согласиться или нет встретиться с президентом "Акмэ Сладж" чтобы Вы оба могли установить цены на Ваши одинаковые изделия. В этом случае, обе Ваши корпорации получают по \$220 миллионов. Однако Вы оба понимаете, что эта ситуация - дилемма Заключенных: по рыночным ценам каждый из Вас получил бы по \$90 миллионов, в то время как если только один отказывается от соглашения, его корпорация получает \$300 миллионов, а другая корпорация ничего не получает. Будучи конкурирующими предпринимателями с МВА, ни один из Вас не доверяет другому, чтобы заключить хоть какое-нибудь соглашение. Дополнительная опасность - то, что федеральные антимонопольные исследователи (с вероятностью .4) могут обнаружить Ваше соглашение, опровергнуть цены, установленные по соглашению, и наложить штраф на \$50 миллионов на каж-

дого. Конгрессмен И. М. Тупой, однако, предлагает предложить законодательство, которое сделает картель законным и осуществимый в суде, и это обеспечит картелю защиту; но он требует некоторую помощь в следующих выборах, скажем, по \$50 миллионов с каждой фирмы. Проблема в том, что он хочет деньги вперед, до выборов законодательного органа, и он может обещать только возможность 50 на 50, что предложенное законодательство пройдет. Допустим, что Вы примете самое лучшее решение сложившейся ситуации, какова будет ожидаемая прибыль Вашей фирмы?

17. Три студента 1, 2 и 3, записались на курс Политической Теории, и инструктор объявил заранее, что он наградит одного А, одного С, и одного F (никаких недифференцированных зачетов в этой четверти). Домашняя работа не имеет значения на заключительных экзаменах, и студенты получили по 55, 65, и 70 баллов соответственно на своем полугодовом экзамене. Каждый студент связывает вознаграждение 2, 1 и -1, соответственно с получением А, С или F, и каждый знает, что, если они учатся, прикладывая максимум усилий, они получают 80 на заключительном экзамене, а умеренные или малые усилия дадут результат 40. Предположите, что, *ceteris paribus*, каждый студент предпочитает прикладывать настолько мало усилий, насколько возможно, но считает, что стоит немного поучить, чтобы получить оценку повыше. (???) Заключительная оценка студента включает его относительное положение, которое определено суммой полугодовых и годовых оценок на экзаменах.

стр 198

а. Допустим, что все три студента должны решить, учиться ли им, обладая информацией о действиях, принимаемых любым другим студентом, или не обладая. Изобразите ситуацию в стратегической форме с оценками, обозначающими результаты в каждой ячейке.

б. Является ли заключительный результат решающим?

с. Допустим, студенты 1 и 2 могут наблюдать действие 3-го заранее. Изменит ли это их решение и заключительный результат?

18. Допустим, идеальные точки избирателя распределены однородно на интервале $[0,1]$ и что, если это особо не отмечено, все условия Теореме Медианного Избирателя исполняются. Допустим, три кандидата 1, 2 и 3 должны выбрать свои позиции в $[0,1]$ последовательно, сначала 1, затем 2, затем 3.

а. Докажите, (без чрезмерного формализма, даже если это требует срезки нескольких углов) что равновесие соответствует выделенному в последнем примере отделения 4.3, где кандидаты 1 и 2 выбирают свои позиции одновременно. ???

б. Почему Вы думаете, что эти ответы одинаковы?

19. Два фермера должны совместно использовать систему орошения, которую они используют, чередуя свой доступ к ней день за днем. Фермер, чья сейчас очередь извлекать воду, должен в определенный день решить, взять ли ему выделенную часть (с прибылью 0 себе и стоимостью 0 другому фермеру) или взять больше выделенной части (с прибылью В рассматриваемому фермеру и стоимостью С другому фермеру). Однако фермер, который должен сидеть праздно в течение дня, может выбрать посмотреть на действия соперника за сумму К. Если чрезмерное извлечение обнаружено, фермера уполномочивают оштрафовать обидчика на сумму F, которая может сохраняться как компенсация за любой экономический ущерб.

а. Допустим, что все значения параметров выше нуля, и рассматривая только один

день, какие значения параметров будут являться чистым равновесием стратегии, в которой фермер пристально изучается с уверенностью?

стр 199

б. Допустим, что не имеется никакого чистого равновесия стратегии, что является смешанным равновесием стратегии?

с. Допустим, что один из фермеров должен быть выбран наугад, чтобы использовать систему орошения, и что параметры установлены так, что (берите больше чем выделенную часть, осмотрите ???) есть чистое равновесие стратегии. Можем ли мы поднять цену F так, чтобы фермеры предпочли, чтобы не было никакого чистого равновесия стратегии, а чтоб они жили со старыми значениями параметров?

20. Два лоббиста 1 и 2, каждый ищет законодательство, которое было бы диаметрально противопоставленным законодательству, разыскиваемому другим. Так как мы не можем рассматривать это законодательство как действующее "в интересах общества,"они должны решить, когда жертвовать деньги кампании законодателя как средства на войну. (Допустим, законодатели "обойдутся дешево,"так что размер вклада может игнорироваться при вычислении вознаграждения лоббиста.) Законодатель не видит никакой угрозы переизбрания и предполагает преобразовать эти средства на войну в персональный пенсионный фонд. Но в мире научной фантастики этой проблемы, предположите, что закон не одобряет никаких подобных действий и как следствие, ни один лоббист не посмеет сделать второе предложение, если получит отказ на первое. Точный характер поведения законодателя, однако, неизвестен, так что оба лоббиста отражают следующую модель: Если лоббисты нарушают во времена t_1 и t_2 ($0 < t_1, t_2 < 1$), соответственно, и если $t_i < t_j$, то вероятность, что вклад приведет законодателя к поддержке $i - t_1$. Если законодатель не нарушает на вклад i в это время, он или поддерживает законодательство, разыскиваемое j с вероятностью t_j , или он не поддерживает никого с вероятностью $1 - t_j$. Тогда существует возможность, что законодатель никогда не нарушит ??? и что ни один лоббист не получит, чего хочет. Допустим, что вознаграждение лоббиста ни из одного законодательства эквивалентно четной возможности, что один или другой лоббист получает свой путь.

а. Если лоббист i ($i = 1$ или 2) делает первое перемещение, выбирая $t_i < t_j$, лоббист j узнает этот факт в то время и также узнает ответ законодателя на предложение i . Допустим, что стратегия - это время, за которое делается предложение, имеет ли тогда эта ситуация чистое равновесие стратегии, и если так, то что это?

б. Как изменится ситуация, если предложение и отказ от него (но не его принятие) не может пронаблюдать конкурирующий лоббист?

стр. 252

3. В случаях неудачных хирургических операций(когда пациент умирает) существует возможность 50 на 50, что Доктора Яна Компетентного не сочтут виновным. Зная об этом, родственники его последней жертвы просили о компенсации - \$1,000,000. Если Компетентный (который аннулировал страховой полис, но который, как акционер в локальной ассоциации сбережений и ссуд, довольно богат, отказывается платить, родственники могут обратиться в суд (или забыть об этом). Когда-то в суде предположили, что то, что произошло, было справедливо. (Это упражнение не касается компетентности адвокатов). Если Компетентный невинен, (и только он знает это наверняка), он не теряет ничего, а родственники теряют \$1,000,000 (судебные издержки

остаются тем, чем они являются). С другой стороны, если он проигрывает, то он теряет \$3000,000, а родственники жертвы извлекают выгоду \$2,000,000 (адвокаты снова берут свою долю).

а. Изобразите развернутые и стратегические формы этой ситуации.

б. Определите равновесие игры.

с. Интерпретируйте это равновесие.

4. Страна 1 тайно предложила стране 2 план разоружения, которое касается новой системы оружия, разработанной 2. Однако эта система эффективна только на семьдесят процентов, даже если 2 твердо знает возможности системы. Страна 2 может игнорировать предложение 1 и продолжить состязание в оружии; и наоборот, она может публично сделать такое же предложение, в то время как тогда страна 1 должна "клюнуть или сорваться с крючка формально принимая предложение 2. Скажите, что Вы рассматриваете как приемлемые вознаграждения результатам, изобразите развернутые и стратегические формы этой ситуации, и найдите любое равновесие с чистой стратегией. Интерпретируйте это равновесие, если оно существует.

5. Создайте стратегическую форму нашего анализа повесток дня с тремя допустимыми типами предпочтения в Разделе 5.5???, учтите, что комитет состоит из трех избирателей. Сравните Ваш ответ с предлагаемым в тексте, и покажите, что он не противоречит ему.

6. Рассмотрите следующий последовательный список (повестку дня): Варианты А и В сначала соединены. Если А выигрывает, это - результат; но если выигрывает В, то В ставится против С, и победитель этого голосования - заключительный результат. Допустим, что только эти три типа предпочтения возможны (оцененные от первого предпочтения к последнему):

t_1	А	В	С
t_2	В	А	С
t_3	С	В	А

стр. 253

а. Допустим, что человек имеет предпочтения типа t_i с вероятностью p_i , которые являются общепринятой истиной, и что человек знает свои предпочтения, покажите, что выбор победителя Кондорсе соответствует равновесию.

б. Является ли это равновесие уникальным?

с. Изменяются ли Ваши ответы на части (а) и (б), если мы добавим четвертый тип предпочтения, "В предпочитается С, предпочитается А"?

7. Профессор просит, чтобы ТА дал следующую лекцию, и подготовка лекции выполняется только за день перед выступлением. Зная, что ТА читает лекции, посещаемость будет 100 %, но класс не знает типа ТА, который может быть двух сортов. Если ТА – тип Ответственный, он извлечет значительную пользу из эффективной подготовки своей лекции в его Ведомстве. Но если ТА - тип Серфингист, он предпочел бы готовить свою лекцию на пляже, где он работает не так эффективно, но со значительно большим удовольствием. Существуют три состояния мира, каждое известно ТА: (1) ТА - тип Ответственный, (2) ТА сначала выбирает свое расположение, затем бросается жребий, чтобы определить его тип; и (3) ТА - тип Серфингист. Класс не наблюдает состояние мира, но у него есть более веский вероятности убеждений,

что истинное состояние мира может быть:

состояния мира "1" происходит с вероятностью .5.

состояния мира "2" происходит с вероятностью .2.

состояния мира "3" происходит с вероятностью .3.

Использование priors и действия ТА (класс наблюдает, где ТА готовит свою лекцию), класс выбирает "Бездействовать" или "быть Активным" на уроке. По описанию ниже, класс сопоставляет две альтернативных стратегических формы, в зависимости от типа ТА: Если ТА - тип О, то

вставка таблицы

В то время как, если ТА - тип С, то

	Офис	Пляж
Бодрствует	10,10	-10,0
Спит	-1,2	8,3

стр 254

	Офис	Пляж
Бодрствует	10, -2	-10,1
Спит	-1, -10	8,5

а. Изобразите развернутую форму этой ситуации.

б. Определите чистые стратегии, доступные каждому игроку.

с. Определите, какие из следующих четырех комбинаций стратегий являются равновесием Байеса-Нэша:

? пары стратегий Стратегия для ТА

1 Если состояние а или б, выберите "Офис но если состояние с - Пляж Стра

2 ??? Если

3

4

8. Рассмотрите следующую игру с двумя людьми, игру с нулевой суммой. Случай сначала выбирает тип 1-го игрока. Игрок 1 знает свой тип и выбирает "Да" или "НЕТ". После того, как игрок 1 выбрал, игрок 2 выбирает "Да" или "НЕТ". Игрок 2, чей тип – общее знание, не наблюдает типа первого игрока, но наблюдает его выбор "Да" или "НЕТ". Выигрыши игрока определяются следующей таблице:

стр 255

1-й тип	1-й выбор	2-й выбор	3-й выбор
L	Y	Y	1
L	Y	N	2
L	N	Y	4
L	N	N	3
C	Y	Y	3
C	Y	N	7
C	N	Y	9
C	N	N	7
R	Y	Y	3
R	Y	N	4
R	N	Y	2
R	N	N	1

а. Изобразите развернутую форму этой игры.

б. Определите чистые стратегии, доступные каждому человеку.

с. Изобразите стратегическую форму ситуации.

б. Дайте пример равновесия Байеса. Используйте правило Байеса, чтоб подтвердить свой пример.

с. Найдите решение для игры, если второй знает тип первого, когда выбирает.

9. Воспроизведите наш анализ Игры Сороконожки, учитывая, что вероятность или нелогичность каждого игрока скорее .3 чем .03.

10. В грядущих выборах по реформе тарифа страхования, общеизвестно, что Ваш голос - решающий. Вы не уверены относительно тождества спонсора реформы, но уверены (и правильно), что есть возможность 7-из-10, что эта реформа "за"страхование (СЛУЖБА ИММИГРАЦИИ И НАТУРАЛИЗАЦИИ) и как следствие, это поднимет Ваши тарифы страхования (сделает Вас беднее). Имеется возможность 3-из-10, что реформа является (консоль) "за"потребителя, эта реформа сохранит Ваши тарифы страхования на их изначальном уровне. Активный участник кампании знает, какого типа эта реформа - страхования или потребителя, (в любом случае, ему платят только если билль проходит) и он должен решить, идти ли к Вашей фирме, чтобы сообщить, чтобы Вы голосовали за билль, или нет. (Активный участник кампании выбирает "Фирма"или "НЕТ.") В день выборов Вы должны решить, голосовать ли "За"или "Против"реформы. Выигрыши определены следующим образом: активному участнику кампании стоит \$5 придти к Вашей фирме: активному участнику кампании платят \$15, если реформа проходит и \$0, если реформа терпит неудачу. Если тип страхования проходит или тип потребителя проигрывает, Ваши тарифы повышаются - Вы теряете \$10. Если реформа типа потребителя проигрывает или реформа типа страхования проходит, Ваши тарифы остаются теми же самыми - Вы получаете \$0.

стр 256

а. Выведите развернутую форму игры.

б. Определите чистые стратегии, доступные каждому игроку.

с. Изобразите стратегическую форму ситуации.

с. Какие из следующих пяти пар стратегий являются равновесием Байеса?

ИЗОБРАЖЕНИЕ ???

стр 257

1. Политическая философия - авторитарная или демократическая? Президент Балски из Нижней Слобовии никому не известен, включая своего главного конкурента, Многопьющего. Люди учитывают, что Балски ценит демократические принципы с вероятностью q , $.5 < q < 1$. В поисках поддержки (покровительства) членов НОКР (Нации, объединенные для Капиталистического Развития), Балски обещал позволить национальные выборы для президента - выборы, которые могут идти любым путем с равной вероятностью, если Многопьющий выставляется против него. Теперь Балски должен решить, использовать ли недавнее этническое волнение как оправдание нарушению своего слова. Если он изменяет своему слову, он сохраняет свою позицию, но его жена может не ожидать приглашения делать покупки на Катании Родео на следующей встрече на высшем уровне, в то время как Многопьющий получит международное сочувствие и сможет появиться на Ночной линии. Если Балски сдержит слово, Многопьющий должен решить, оспаривать ли его. Неоспариваемый Балски побеждает тонким(слабым) полем в неоспариваемых выборах. Если Многопьющий оспаривает и проигрывает, он выглядит как кто-то, кто не может нанести поражение, являющееся обязательным, кто регулировал его страну при безработице 40% и -20% ВВП тариф роста. Оценка этого результата зависит также от блокирования Балски демократией, так как проигрыш выборов исторически считается "очень плохим делом" в Нижней Слобовии. Многопьющий твердо придерживается демократических принципов, но такой проигрыш для людей подобных Балски - сокрушительный психологический удар, который ведет к его полутставке как вспомогательного руководителя Крапски Устройства подачи и Экрана (растения) Двери. Тогда у нас есть следующие результаты:

01: Балски отменяет 1-е выборы.

02: Балски позволяет выборы, но Многопьющий отказывается конкурировать.

03: Балски позволяет выборы, а Многопьющий выступает против него, но проигрывает.

04: Балски позволяет выборы; Многопьющий выступает против него, но побеждает.

В терминах всемирной передовой твердой валюты – Долларах Диснея - допустим оценки, основываясь на философии Балски, - следующим образом (с вознаграждениями Балски и Многопьющего соответственно и учтите, как всегда было в таких случаях в Нижней Слобовии, что Доллары Диснея и полезность образуют дугу эквивалентно):

	Авторитарный	Демократ
01	(-1,1)	(-1,1)
02	(0,0)	(0,0)
03	(2,-6)	(2,0)
04	(-2,4)	(-8,4)

а. Изобразите эту ситуацию в развернутой и стратегической формах.

б. Опишите стратегии равновесия игроков как функцию q .

стр 316

5. Рассмотрите следующую систему правила большинства среди двадцати семи изби-

рателей: имеются три области, каждая разделена на три района. От каждого района по три избирателя. Представители (компьютеры, которые не учитываются в подсчете голосов) на региональном и районном уровнях. Представители на районном уровне получают (в любой паре вариантов) предпочтения большинства избирателей в своих районах, а региональные представители получают предпочтения большинства представителей в своих областях. Результат стратегии выбирается голосами большинства региональных представителей.

а. Каково минимальное число избирателей, которые могут формировать решающую коалицию (т.е. Будут ли их привилегированные позиции стратегии результатом)? Приведите пример, чтобы проиллюстрировать Ваш ответ.

б. Как Ваш ответ на (а) изменится, если представителей уровня районов нет?

с. Допустим, что все предпочтения одиночно достигли максимума над одиночной выдачей(проблемой), зависит ли заключительный результат от существования представителей уровня района? Почему?

6. Рассмотрите симметрическую игру из шести людей, где значения коалиций C , $v(C)$, даны

$v(C) = ???$

Где $|C|$ обозначает число членов C . Учитывая, что то, что коалиция заслуживает, бесконечно делится среди ее членов, имеет ли эта игра ядро?

7. В экономике, общее представление полезности для двух предметов потребления - функция вставка формулы , где и вставка формулы и и положительные константы. Допустим, что двое людей заключают сделку по распределению десяти единиц каждого из товаров, где оба товара бесконечно делимы. Пусть $\alpha = 2$ для обоих людей, и допустим, что начальные вклады обоих товаров 1 человека - 2 и 7, соответственно, так, чтобы начальные вклады обоих товаров 2 человека были 8 и 3, соответственно. Каково ядро в этой игре с двумя людьми?

стр 317

8. Используя пространственные позиций стратегии в проблеме 4, определите, имеет ли коалиция $\{1,3,4\}$ устойчивое предложение коалиции в заключающей сделке. (Подсказка: Допустим, что игроки 1, 4 и 3 экспериментально соглашаются на предложение, которое является Парето оптимальным для них и приблизительно на полпути между 1 и 4 идеальным. Допустим, объект 1 выступает против 3 с предложением, которое является Парето оптимальным для $\{1,2,5\}$, проверьте, может ли 3 закончить с любой коалицией, которая исключает 1 и с предложением, которое дает 3 столько же, сколько 3 получает от первоначального предложения с $\{1,3,4\}$.

9. Допустим, три здания, каждое с большим находящимся перед передней стороной окном, стоят в треугольнике так, что человек, сидящий в любой фирме, может видеть одну пятую собственного сада, весь сад фирмы слева, и ни одного сада, принадлежащего фирме справа. Допустим, что каждый местный владелец обеспечен одним мешком удобрения и обязан в соответствии с законом использовать его (пригородные ценности остаются тем, что они есть). Мешок удобрения, распределенный по одному саду, улучшает этот сад так, что человек, видящий сад целиком, наслаждается пользой пяти единиц полезности, человек, видящий сад только на одну пятую наслаждается одной единицей полезности, а человек, не видящий сада не получает полезности вообще. Допустим, что местные владельцы могут объединиться, чтобы

распределить свои удобрения, и что люди не могут удобрять сад другого без разрешения. Допустим также, что, если сад удобрить двумя мешками, он будет в два раза красивее.

а. Имеет ли игра ядро?

б. Как изменится Ваш ответ, если предположить, что коалиция двух людей может согласиться на действие до действий игрока? (Подсказка: Допустим, что коалиция позволяет исключенному игроку распределить удобрение наилучшим образом для действий коалиции.)

10. Для примера в Рисунке 6.8 определите, влияет ли порядок голосования на устойчивый результат. То есть рассмотрите возможность, которую комитет утверждает сначала на 1 выдаче(проблеме), затем на 2 выдаче(проблеме).

11. Допустим, существует пробел стратегии с двумя размерными, учтите, что никакие два члена комитета не используют одну и ту же идеальную отметку совместно, и что все контуры безразличия - круги. Используя область определения ядра в терминах Парето оптимальных полисов для выигрывающих коалиций, какие общие значения можете Вы вывести относительно распределения идеальных пунктов(точек) по правилу большинства в пространственных играх с ядрами?

стр. 318

12. Набросайте доказательство утверждения, что ядро большинства игр по голосованию, будучи связанным с любой выигрывающей коалицией, является конкурирующим решением. Также, набросайте доказательство утверждения, что основная-простая V-последовательность в сотрудничестве с соответствующими минимальными выигрывающими коалициями, тоже является конкурирующим решением.

13. Допустим, трое людей 1, 2 и 3 должны использовать правило большинства, чтобы выбрать правило, чтоб поделить \$1,000 между собой, и учтите, что только два правила доступны: (1) сделка заключается лицом к лицу, и люди 1 и 2 имеют по два голоса, а 3 человек имеет один голос, и (2) процедура, посредством которой 1 делает предложение, по которому он получает \$500, а 2 и 3 делят оставшиеся \$500 на части по \$250 (т.е. 2 получает \$500 или \$250 или \$0). Если предложение принимается 2 или 3, оно выполняется. Если оно отклоняется, 3 может сделать подобное предложение (т.е. \$500 для 2 человека, а люди 1 и 3 получают оставшиеся части по \$250). Если оно отклоняется, выполняется деление(333, 333, 333). Каким будет заключительный результат?

14. Опишите V-последовательность и конкурирующее решение для следующей игры, где торгуют голосами (исключая лотереи, разрешая поражению каждого закона стоить ноль каждому законодателю, и учитывая, что вознаграждения по законам отделимы):

Законодатель	A	B	C	D	E	F
1	3	3	2	-4	-4	2
2	2	-4	-4	2	3	3
3	-4	2	3	3	2	-4

15. Рассмотрите предпочтения следующего комитета из четырех человек по трем законам A, B и C:

L ₁	L ₃	L ₅	L ₇	U ₁
A	B	C	A	2
B	C	A	B	1
C	A	B	C	0

стр 319

Допустим, что комитет может пройти один и только один из трех законов. закон, чтобы пройти, должен получить по крайней мере две трети голосов. Голосование - тяжелое так, что голос L1 считается один раз, L7 - считается семь раз и так далее. Стратегические законодатели голосуют одновременно, и голосуют только за один закон, и могут общаться и формировать совместные(кооперативные) соглашения. Законодатель получает вознаграждение 2 если наиболее для него предпочтительная альтернатива проходит, 1, если вторая наиболее для него предпочтительная альтернатива проходит, и 0 в остальных случаях. Полезность - передаваемая и бесконечно делимая. Все совместные(кооперативные) соглашения – бесплатны и осуществимы.

- a. Какой из биллей пройдет, если вообще пройдет хоть один?
- b. Если голос L1 считается три раза вместо одного, как изменится Ваш ответ на часть (a)?

16. Бикамерализм (законодательный орган с двумя палатами) принят, чтобы стимулировать стабильность. Рассмотрите пространственную ситуацию с тремя законодателями в каждой из двух палат, и учтите, что все предпочтения даны простым расстоянием Евклида. Контур Безразличия - круги.

- a. Используя правило большинства, приведите пример с двумя выдачами, в которых не имеется никакого ядра внутри каждой палаты, но имеется полное ядро, если любое движение, чтобы опрокинуть статус кво, наносит поражение этому в каждой палате.
- b. Могут ли Парето неэффективные результаты быть поддержанными как равновесие при таком расположении?
- c. Может ли быть какое-либо обстоятельство, при котором статус-кво является ядром при Бикамерализме, но не является ядром, если две палаты объединены?

17. В следующей игре с двумя участниками в стратегической форме игра заканчивается с назначенными выигрышами, если игроки выбирают что угодно, но не (a_2, b_1) . Однако, если они выбирают (a_2, b_1) , они должны играть еще раз. Определите значение продолжения для (a_2, b_1) , которое позволит Вам решить игру.

	b_1	b_2
a_1	продолжение	2,5
a_2	5,5	0,6

Список литературы

- [1] David M. Kreps. 1990. A Course in Microeconomic Theory.- Princeton University Press, Princeton.
- [2] Peter C. Ordeshook. 1992. A Political Theory Primer.- Routledge, N.-Y., London.
- [3] R.B.Myerson. 1991. Game Theory (Analysis of Conflict).- Harvard U.P., Cambridge, London.
- [4] Fudenberg, Drew & Jean Tirole. 1991. Game Theory.- MIT Press.

- [5] Eric Rasmusen. 1989. Games and Information (An Introduction to Game Theory).- Blackwell. Cambridge MA, Oxford UK.
- [6] Jean Tirole. 1988. The Theory of Industrial Organization.- MIT Press. Cambridge, Massachusets.
- [7] Andrew Heywood. 1997. Politics.- London, Macmillan.
- [8] . J.-E.Lane & S.Ersson. 1994. Comparative politics.- Cambridge, Blackwell.
- [9] Э.Мулен. 1985. Теория игр (с примерами из математической экономики).- М., Мир.
- [10] Э.Мулен. 1995?. Кооперативное принятие решений: аксиомы и проблемы.- М., Мир.
- [11] Н.Varian "Microec.Analysis"
- [12] В.Бусыгин, С.Коковин, Е.Желободько, А.Цыплаков. 1999. "Микроэкономический анализ несовершенных рынков".- TEMPUS (TACIS), NSU, Новосибирск.
- [13] В.Бусыгин, С.Коковин, А.Цыплаков. 1996. "Методы микроэкономического анализа: фиаско рынка".- TEMPUS (TACIS), NSU, Новосибирск.

1) Рекомендуемая студентам литература:

- 1. J. Tirole. 1988. Industrial organization.- MIT Press. Cambridge, Massachusets. (Ж.Тируль. Теория отраслевых рынков.- М.Экономика, 1999.) (Глава 11).
- 2. В.Бусыгин, С.Коковин, Е.Желободько, А.Цыплаков. 1999. "Микроэкономический анализ несовершенных рынков".- TEMPUS (TACIS), NSU, Новосибирск. (Глава 1).
- 3. В.Бусыгин, С.Коковин, А.Цыплаков. 1996. "Методы микроэкономического анализа" - TEMPUS (TACIS), NSU, Новосибирск. (Глава 1).
- 4. D.M. Kreps. 1990. A Course in Microeconomic Theory.- Princeton University Press, Princeton. (Part III, Chapters 11-15)
- 5. Peter C. Ordeshook. 1992. A Political Theory Primer.- Routledge, N.-Y., London.
- 6. Andrew Heywood. 1997. Politics .- London, Macmillan.
- 7. R.B.Myerson. 1991. Game Theory (Analysis of Conflict).- Harvard U.P., Cambridge, London.
- 8. Fudenberg, Drew and Jean Tirole. 1991. Game theory.- MIT Press. Cambridge, Massachusets.
- 9. J.-E.Lane and S.Ersson. 1994. Comparative politics.- Cambridge, Blackwell.

2) Дополнительная литература используемая в курсе:

- 9. Э.Мулен. 1985. Теория игр, с примерами из мат. экономики.- пер. с англ. Москва, Мир.
- 10. Э.Мулен. 1991. Кооперативное принятие решений: аксиомы и модели.- пер. с англ. Москва, Мир.
- 11. Э.Экланд. 1985. Математическая экономика.- пер. с англ. Москва, Мир.
- 12. В.Маракулин. 2001. Равновесный анализ математических моделей экономики с не-стандартными ценами (Теория игр - часть 3).- Новосибирск НГУ.
- 13. Р.Льюс, Э.Райфа. 1971.// Игры и решения.- пер. с англ. Москва, Мир. //

14. Р. Оуен. 1971// Теория игр.- пер. с англ. Москва, Наука. //

15. Дж.фон Нейман, О.Моргенштерн. 1970. Теория игр и экономическое поведение.- пер. с англ. Москва, Наука.

3) Источники задач и упражнений, используемые в курсе:

Книги: J.Tirole 1988, D.M. Kreps 1990, Э.Мулен. 1985, 1991, P.C.Ordeshook 1992. Подборки задач университетов (из Интернета и личных контактов): Harward, Central European University (Budapest), New Economic School (Moscow).