Моделирование аукционов. Догонялка.

- 1. Можно решать задачи в любом порядке.
- 2. При подозрении на опечатку спрашивайте в блоге!
- 3. Насколько подробно все расписывать решай сам исходя из конкретной ситуации. Очевидно, что в примере 1+2+3=? ответ можно написать сразу, а взятие интеграла $\int x^5 \cos(x) dx$ требует каких-то промежуточных записей.
- 4. Паниковать при решении догонялки строжайше запрещено!
- 5. Для каждой задачи обязательно нужно спрогнозировать свою оценку. Не надо скромничать, лучше попытаться объективно оценить свое решение. За неверное оценивание баллы снижаться не будут, а верное оценивание даст возможность чему-то научиться. Опыт показывает, что оценка своих собственных решений позволяет резко улучшить их качество. Прогноз своей оценки пишем в табличку!
- 6. Не забудь подписать свою работу. Пожалуйста!
- 7. Срок сдачи догонялки: 12 мая, четверг.

Имя:

Отчество:

Фамилия:

Группа:

	Задача 1	Задача 2	Задача 3	Задача 4	Задача 5	Итого
Прогноз оценки						
Оценка (от 0 до 5)						

1. Кнопка «Buy now!»

Два игрока торгуются за товар на кнопочном аукционе с возможностью немедленной покупки товара. Ценности $X_i = V_i$ независимы и равномерны на [0;1]. Каждый игрок знает свою ценность X_i . Продавец дает игрокам возможность купить товар немедленно по фиксированной цене a. Подробнее. В начале аукциона текущая цена равна нулю и оба игрока жмут на свои кнопки. Текущая цена растет с течением времени. Кто первый отпустил свою кнопку, тот проиграл. В этот момент аукцион заканчивается и победитель получает товар по текущей цене. Но в любой момент пока аукцион не закончился, любой игрок может сказать: «Покупаю по цене a». В этом случае ему достается товар по цене a и аукцион заканчивается.

- (а) Что является стратегией игрока на этом аукционе?
- (b) Применима ли в данном случае теорема об одинаковой доходности?
- (с) Найдите равновесие Нэша
- 2. Есть шесть покупателей. У продавца две чудо-швабры. Каждый покупатель хочет только одну чудо-швабру. Продавец решил продавать эти две чудо швабры путем двух последовательных аукционов первой цены, на каждом из которых будет выставляться одна чудо-швабра. Каждый игрок знает ценность чудо-швабры для себя, $X_i = V_i$. Ценности независимы и равномерны на [0;1]. Ценности не меняются со временем. Когда проводится второй аукцион известна только ставка, которую сделал победитель первого.

- (а) Применима ли в данном случае теорема об одинаковой доходности или ее небольшая вариация?
- (b) Что является стратегией игрока в этой игре?
- (с) Найдите равновесие Нэша
- (d) Верно ли, что средние цены на обоих аукционах равны?
- (е) Какова вероятность того, что на первом аукционе цена будет больше, чем на втором?
- 3. В моделях аукциона первой и второй цены с независимыми, равномерными на [0; 1] ценностями покупателей сравните дисперсию выигрыша продавца.
- 4. Может ли цена расти с ростом предложения?

Рассмотрим кнопочный аукцион, в котором участвуют три игрока. Продавец продает две одинаковых чудо-швабры. Каждому игроку нужна только одна чудо-швабра. Ценность чудо-швабры для всех игроков одинакова и равна $V = X_1 + X_2 + X_3$. Каждый из игроков знает только свое X_i . Сигналы X_i независимы и имеют регулярное распределение F(t) на отрезке [0; 1]. Чудо-швабры по одной достаются тем игрокам, кто отпустил кнопку позже всех. При этом платят они за нее цену, на которой отпустил кнопку самый слабый игрок.

- (а) Найдите равновесие Нэша
- (b) Найдите равновесие Нэша в случае когда продается всего одна чудо-швабра
- (c) Приведите пример распределения F(t) при котором средняя цена чудо-швабры растет с увеличением предложения
- 5. Может ли цена расти с падением спроса?

Рассмотрим кнопочный аукцион, в котором могли бы участвовать три игрока. Продается одна чудо-швабра. Ценность чудо-швабры для всех игроков одинакова и равна $V = X_1 + X_2 + X_3$. Каждый из трех потенциальных игроков знает только свое X_i . Сигналы X_i независимы и имеют регулярное распределение F(t) на отрезке [0; 1]. Перед началом аукциона продавец случайным образом выбирает одного игрока и говорит: «Ты мне не нравишься, поэтому ты в аукционе не участвуешь». Оставшиеся двое участвуют в аукционе.

- (а) Найдите равновесие Нэша
- (b) Приведите пример распределения F(t) при котором средняя цена растет с падением спроса

Hint: Задача 7 из лекции 3...