



В конце лекции я написал формулу:

$$Q(\theta, \theta_{old}) = \sum_{i=1}^n P(z_i = 1 | x, \theta_{old}) \left( -\frac{1}{2} \ln(2\pi\sigma_1^2) - \frac{1}{2} \frac{(x_i - \mu_1)^2}{\sigma_1^2} \right) + \\ (1 - P(z_i = 1 | x, \theta_{old})) \left( -\frac{1}{2} \ln(2\pi\sigma_2^2) - \frac{1}{2} \frac{(x_i - \mu_2)^2}{\sigma_2^2} \right) \quad (1)$$

Это неверно! Снимаем лапшу с ушей!

Так как нам нужен логарифм от совместной плотности в ожидании  $E(\ln p(x, z|\theta) | x, \theta_{old})$ , то нужно добавить  $\ln P(z_i = 1|\theta)$  и  $\ln(1 - P(z_i = 1|\theta))$ . Плотность домножается, поэтому логарифм прибавляем.

$$Q(\theta, \theta_{old}) = \sum_{i=1}^n P(z_i = 1 | x, \theta_{old}) \left( -\frac{1}{2} \ln(2\pi\sigma_1^2) - \frac{1}{2} \frac{(x_i - \mu_1)^2}{\sigma_1^2} + \ln p_1 \right) + \\ (1 - P(z_i = 1 | x, \theta_{old})) \left( -\frac{1}{2} \ln(2\pi\sigma_2^2) - \frac{1}{2} \frac{(x_i - \mu_2)^2}{\sigma_2^2} + \ln(1 - p_1) \right) \quad (2)$$

В результате оптимальные  $\mu_1^{new}, \mu_2^{new}, \sigma_{1,new}^2, \sigma_{2,new}^2$  не меняются! Это меня и смутило, я ожидал, что при ошибке в формуле поменяются оптимумы.

А вот оптимальное  $p_1^{new}$  оказывается результатом честной оптимизации, а не эвристики, как я сказал.