Квантовые вычисления КЛШ-2018

## Содержание

1	Посади дерево!	2
2	К чёрту условности!	2
3	Не комплексуй без комплексных чисел	2
4	У нас много комплексов	2
5	Ноль без палочки	2
6	Сферическая блоха. Ой, сфера Блоха	2
7	Вентиль Адамара	2
8	Возможные действия	2
9	Алгоритм Дойча	2
10	Два кубита — два весёлых друга	2
11	Действия на паре кубитов	3
12	Алгоритм Гровера: 2 кубита	3
13	Алгоритм Гровера: 3 кубита	3
14	Алгоритм Саймона: 2 кубита	3
15	Решения	3

Квантовые вычисления КЛШ-2018

- 1. Посади дерево!
- 2. К чёрту условности!
- 3. Не комплексуй без комплексных чисел
  - 4. У нас много комплексов
    - 5. Ноль без палочки



- 6. Сферическая блоха. Ой, сфера Блоха
  - 7. Вентиль Адамара

Вентиль Адамара.

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( |0\rangle\langle 0| + |0\rangle\langle 1| + |1\rangle\langle 0| - |1\rangle\langle 1| \right)$$

- 8. Возможные действия
  - 9. Алгоритм Дойча
- 10. Два кубита два весёлых друга
- **10.1** Алиса посылает Бобу пару кубитов в состоянии<sup>1</sup>

$$\frac{1}{\sqrt{2}}|00\rangle + \frac{1}{2}|10\rangle + \frac{1}{2}|11\rangle$$

- 1. Если Боб измерит сразу оба кубита, то каковы будут вероятности каждого состояния?
- 2. Боб решил измерить только первый кубит. Каковы вероятности измерить  $|0\rangle$  и  $|1\rangle$ ? В каких состояниях при этом окажется второй кубит?

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Конечно, это состояние кубитов, а не Алисы!

3. Боб решил измерить только второй кубит. Каковы вероятности измерить  $|0\rangle$  и  $|1\rangle$ ? В каких состояниях при этом окажется первый кубит?

## 11. Действия на паре кубитов

11.1 Что получит Алиса, если применит действие  $H^{\otimes 2}$  к паре кубит

$$\frac{1}{\sqrt{2}}\ket{00} + \frac{1}{\sqrt{2}}\ket{11}$$

- 11.2 Приведи пример действия A на паре кубит, которое невозможно представить в виде тензорного произведения действий. То есть невозможно придумать такие однокубитные действия B и C, что  $A=B\otimes C$ .
  - 12. Алгоритм Гровера: 2 кубита
  - 13. Алгоритм Гровера: 3 кубита
  - 14. Алгоритм Саймона: 2 кубита

## 15. Решения

10.1.

11.1.

**11.2**. Например,  $CNOT = |00\rangle\langle 00| + |01\rangle\langle 01| + |10\rangle\langle 11| + |11\rangle\langle 10|$ .