## 1 Байесовские сети

## 2 Марковские цепи

1. Шахматный конь начинает в клетке A1. Каждый свой ход он выбирает равновероятно из возможных. Какова вероятность того, что через много-много ходов он окажется в клетке H8? Сколько в среднем длится путь от клетки A1 до клетки A1?

## 3 Простые байесовские задачи

1. Случайные величины  $X_i$  независимы и одинаково распределены с табличкой

$$\begin{array}{c|cccc} X & 1 & 2 & 6 \\ \hline \mathbb{P}() & \beta & 2\beta & 1 - 3\beta \end{array}$$

Известно, что  $X_1 = 1$ ,  $X_2 = 2$ ,  $X_3 = 2$ ,  $X_4 = 4$ .

- (a) Найдите оценку  $\hat{\beta}$  методом моментов
- (b) Найдите оценку  $\hat{\beta}$  методом максимального правдоподобия
- (c) Предположим, что  $\beta$  равномерно на отрезке [0;1/3]. Найдите апостериорную условную функцию плотности  $\beta$  с учётом полученных наблюдений. С какой функцией она совпадает?
- (d) Предположим, что  $\beta$  имеет функцию плотности f(t)=18t на отрезке [0;1/3]. Найдите апостериорную функцию плотности  $\beta$ .

## 4 Компьютерные

- 1. Макар-Лиманов
- 2. Своя собственная регрессия