

1. Формат

Публикация отдельных глав в виде номеров журнала. Или в каком-то журнале? Итоговая книга в виде сборника, как подборки квантика.

Чистые листы и карандаш внутри книги. Стираемая одна страничка, вкладыш. Ручка.

Книга как объект искусства.

Основной формат: html vs pdf? epub?

В цвете. Забота о тех, кто плохо видит.

Tufte handout.

От Димы Борзых: выпускать частями. Часть 1. Часть 2. Полная версия.

Мини-главы в виде плакатов на стену! Хорошее проектное дз. На русском и английском.

Под открытой лицензией. Тоже typst.

Публикация мини-главы в виде цветного складываемого глянцевого листа А3.

Больше классических задач из разных областей знания.

Литературная (научная) мистификация? Скрытый автор?

Сквозная художественная история-драма в задачах?

2. Название

Название. Probability with love. For the love of probabilities. Тост? За счастье теории вероятностей?

3. Идеи без разбора

Подборка книг и статей для вдохновения в доступе. Составить книг список по <https://math.stackexchange.com/>. Посмотреть список курсов ведущих университетов.

Сердечко как модификатор предельного отношения. Точка у Фихтенгольца. Шрифт с несколькими разными сердечками, похожими на нарисованные от руки.

Резюме в конце главы с определениями, формулировками теорем, обозначениями, краткими формулировками идей.

Иногда: красивые фото природы, красивые доказательства без слов. Почему? Мы их заодно популяризируем! Особенно, если они уместны к задаче! Вдруг там упоминается какое-то арифметическое свойство.

Периодическая, раз в 10 страниц, страница — отвлекалочка: фото природы, доказательства без слов, ссылки на интересные математические ресурсы: <https://math.stackexchange.com/>, Keith Conrad, <https://kconrad.math.uconn.edu/blurbs/>, Evan Chen, ... Возможно, стихотворение, ссылка на музыку для решения, мемасик, байка про математика.

Конечно, можно какие-то из этих вещей к месту делать, но есть такие, которые не совсем понятно, куда подкрепить.

Большая картинка с мелкими деталями, персонажами, и загадками?

Подробно говорить, как читается новое определение. Рассказывать, как оно пишется в латехе.

Скажем, прямо стандартный шаблон?

[сигма-алгебра, порождённая множеством A] ... тело определения ... обозначение: $\sigma(A)$
традиционные буквы: каллиграфические, F , H латех: \mathcal{H} , обычно в преамбуле вводят сокращение `\newcommand{cF}{\mathcal{F}}`.

Задачи на стыке жанров:

- звонок Си на китайском
- вставка текста на татарском в задаче
- задача про вероятность верного ответа про тест по теории вероятностей: несколько вариантов
- задача с цензурой

4. Определение вероятности

Сразу потребовать непрерывность от вероятности в определении?

Задача о злом деде Морозе. Задача о телескопической сумме, вероятностная интерпретация.

Временные определения. Например. Условное ожидание по случайной величине — функция от X , минимизирующая ожидаемый квадрат ошибки.

5. Сигма-алгебры и условное ожидание

Дать сначала определение порождённой сигма-алгебры.

Набор событий называется σ -алгеброй, порождённой событием A , если выполнены свойства:

1. Тривиальные события Ω и \emptyset принадлежат набору.
2. Событие A принадлежит набору.
3. Набор содержит любое событие B , которое можно сконструировать из счётного количества других событий набора

с помощью любых операций с множествами (объединение, пересечение, дополнение).

4. Набор является наименьшим возможным.

Пример. Найдём $\sigma(A)$.

Сигма-алгебра обозначается $\sigma(A)$. Аналогично, можно дать определение сигма-алгебры порождённой несколькими событиями.

Потом сигма-алгебра, порождённая случайной величиной.

Потом уже сказать про абстрактную сигма-алгебру.

Картинки для сигма-алгебр с объединением слипшихся неотличимых исходов чёрточками.

Закон распределения случайной величины в виде гирек на оси, с подписанными вероятностями и исходами на каждой гирьке. Сигма-алгебра задаёт объединение некоторых гирек в их центре масс. Можно ставить общую карточную масть у объединяемых гирек.

Сначала сформулировать $E(Y) = E(E(Y \mid \mathcal{C}))$, а потом сказать, что мы это свойство используем как аксиому для определения условного ожидания. Общий центр масс не изменяется при объединении некоторых гирек.

Картинка с песком на плоскости, разделённым палочками и $E(Y \mid \mathcal{C})$ по вертикали.

6. Оптимизация

Раздел по оптимизации. Правило Брусса. Задача о невесте. Задача о подружке невесты. Оптимизация стационарных стратегий с методом первого шага. Задача об истеричной певице. Условная энтропия и критерий Келли. Индексы Гиттингса.

7. Уроборос

Метод с заикливанием отрезка или колоды карт = уроборос. Картинка.

8. Разложение в сумму

Лирические отступления в сторону. Интегрирование. Сложение = телескопическая сумма. Полином по базису C_n^2 для производящей функции. Полином по базису клюшек для конечных сумм.

Картинка: Слон = туловище + уши-хвост. А можно и на три составляющих: слон = туловище + уши + хвост.

9. Мартингальный метод

Классный повод рассказать про мартингалы. Сначала ввести мартингал без сигма-алгебр. Мотивация условий теоремы Дуба через сходимости. Задача о мартышке и АБРАКАДАБРА. Сговор с мартышкой и предварительно написанное слово. Вероятности для первой последовательности — линейная система уравнений по Li, pattern... martingales.

10. Бесконечно малые

Вероятности по картинке? Вероятностные бесконечно малые? Задачи именно на них?

11. Инфинитезимальные вероятности

Глава по мотивам инфинитезимального подхода к винеровскому и пуассоновскому процессу, по Radically Elementary Probability Theory. Hackenbush, surreals, hyperreals... Сильное равновесие в теории игр.

12. Программирование

Писать ли коды? Питон ли?

13.

14. html

No tracking. Уважаем приватность! Без cookies.

Тиражируемые задачи с автопроверкой. Зерно генератора, которое можно указать для каждой задачи. И просто кнопка «далее» — даёт следующую версию задачи.

Задачи в pdf версии содержат маленький qr код на тиражируемую html задачу.

15. Max Lik в теории вероятностей

Идея Гаусса. Инвариантность и неинвариантность. Пример, когда правдоподобие несостоятельно с точками. Задача про новые виды (две версии). Задача о немецких танках.

<https://math.stackexchange.com/questions/3777463/how-to-estimate-total-number-of-different-results-for-a-stochastic-event> <https://math.stackexchange.com/questions/242607/estimate-number-of-distinct-items>

16. Аксиома выбора

Парадоксы про аксиому выбора. Равномерное распределение не существует. Варианты: в рассуждении выше ошибка, равномерное распределение не существует, не у всех множеств есть вероятность?

Парадокс с множеством не содержащим себя. Какие же есть правила построения множеств?

Вторая необходимость сигма-алгебр! Первая — информация!

17. Тесты в теории вероятностей!

Множественное тестирование. Идея ошибок первого и второго рода сразу в вероятностях!

Две идеи. Генерация данных по нулевой модели и сравнение этих результатов с нашими.

Генерация данных по нашей модели и сравнение этих результатов с типичным нулевым.

Почему в бутстрэпе берут не случайные нулевой результат, а ожидаемый? Перестановочный тест.

18. Источники

<https://disk.yandex.ru/d/Wv6fbnY3L0J1dQ> Станислав Морозов, фкн, основной поток

<https://disk.yandex.ru/d/IWrhIV8colz2sw> Дмитрий Шабанов, Алина Хузиева, фкн, пилотный поток

19. Цитаты

«Более всего крестьяне любят охотно слушать рассказы о войне, в особенности о богатырях и о путешествиях. От таких рассказов, в которых описывается о науках, нововведениях и т.д., крестьяне зевают и уходят».

АРЭМ. Ф. 7. О. 1. Д. 28. Л. 36.