## 1. Встреча 1

Пришло 9 школьников, 2 вожатых.

Техника решения задач и обозначения.

#### 1.1. Табличка

Составили табличку 2 на 2: сколько 10 классников и не 10 классников, сколько любят ваниальное мороженое, сколько не любят. Предположим, что один из нас (из 12), мистер или мисс X, случайно заканчивает обедать первым.

	V+	V-
10+	6	1
10-	2	3

Какова вероятность, что это будет 10-классник? Любитель ванильного? Одновременно 10-классник И любитель ванильного? 10-классник ИЛИ любитель ванильного? 10-классник ЕСЛИ любитель ванильного?

Значки  $\cap$ ,  $\cup$ , |.

### 1.2. Дерево

Красная Шапочка (КШ) выбирает тропинки наугад и равновероятно.

Сначала дорога делится на три: L, M и R. L делится на две, R делится на 3, R делится на две.

Дороги LL, LR, ML, MM, MR патрулирует Волк.

Дороги LL, LR, MR ведут в Овраг.

Дороги ML, MM, RL, RR ведут к Бабушке.

События:

- Б КШ попадёт к Бабушке
- В КШ встретит Волка

P(B)? P(B)?  $P(B \cap B)$ ? P(B|B)?

## 2. Встреча 2

Пришло два новых школьника и одна вожатая.

Начали с повторения формулы

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}.$$

Рисую два пересекающихся круга A и B на доске. Вопрос: какова вероятность попадания тряпкой в круг A, если известно, что я попал в круг B? Для наглядности кидаю тряпку.

Даже слабые школьники сказали, что условная вероятность есть отношение площадей:

$$P(A|B) = \frac{S(A \cap B)}{S(B)}.$$

Так формулу условной вероятности и мотивировали.

Далее решили 1a, 1б, 1в, 1г самостоятельно, 2a, 2в, 2б. Задачу 2б решали после 2в, так как она требует дорисовки дерева. На дом задал задачу 2г.

- 1. В городе примерно 4% такси зелёного цвета и остальные жёлтые. Свидетель путает цвет на показаниях в суде с вероятностью 10%.
  - а) Какова вероятность того, свидетель скажет, что видел зелёное такси?
  - б) Какова вероятность того, свидетель ошибётся?
  - в) Какова вероятность того, что такси было зелёным, если свидетель говорит, что оно было зелёным?
  - r) Какова вероятность того, что такси было жёлтым, если свидетель говорит, что оно было жёлтым?
- 2. У тети Маши двое детей, один старше другого. Предположим, что вероятности рождения мальчика и девочки равны и не зависят от дня недели, а пол первого и второго ребенка независимы. Для каждой из ситуаций найдите условную вероятность того, что у тёти Маши есть дети обоих полов.
  - а) Известно, что старший ребенок мальчик.
  - б) Тетя Маша наугад выбирает одного своего ребенка и посылает к тете Оле, вернуть метлу. Это оказывается мальчик.
  - в) На вопрос: «А правда ли тётя Маша, что у Вас есть хотя бы один сын?» тётя Маша ответила: «Да».
  - r) На вопрос: «А правда ли тётя Маша, что у Вас есть хотя бы один сын, родившийся в пятницу?» тётя Маша ответила: «Да».
- 3. Ты смертельно болен. Спасти тебя может только один вид целебной лягушки. Целебны у этого вида только самцы. Самцы и самки встречаются равновероятно. Ты на дороге и предельно ослаб. Слева в 100 метрах от тебя одна лягушка целебного вида, но не ясно, самец или самка. Справа в 100 метров аж две лягушки целебного вида, но тоже издалека неясно кто. От двух лягушек в твою сторону дует ветер, поэтому ты можешь их слышать.

В какую сторону стоит ползти из последних сил в каждой из ситуаций?

- а) Самцы и самки квакают одинаково, со стороны правых двух лягушек ты слышишь кваканье.
- б) Самки квакают, самцы нет, со стороны правых двух лягушек ты слышишь кваканье, но не разобрать, одной лягушки или двух.
- в) Самцы и самки квакают по разному, но одинаково часто. Ты слышишь отдельный квак одной из двух лягушек справа и это квак самки.

#### 4. Monty-Hall

Есть три закрытых двери. За двумя из них — по козе, за третьей автомобиль. Ты выбираешь одну из дверей. Допустим, ты выбрал дверь А. Ведущий шоу открывает дверь В и за ней нет автомобиля. В этот момент ведущий предлагает тебе изменить выбор двери.

Имеет ли смысл изменить выбор в каждой из трёх ситуаций?

- а) Ведущий выбирал одну из трёх дверей равновероятно.
- б) Ведущий выбирал одну из двух дверей не выбранных тобой равновероятно.
- в) Ведущий выбирал дверь без машины и не совпадающую с твоей.

## 3. Встреча 3

Состав: 13 школьников и 1 вожатая.

Настя с моей поддержкой разобрала 2г. Решили 3а, 3б, 3в.

# 4. Встреча 4

Состав: 12 школьников и 1 вожатая.

Раздал каждому по 10 кубиков. Случайная величина X — количество очков при одном броске.

Составили табличку значений X с их вероятностями из здравого смысла. Далее подбросили каждый и посчитали среднее количество очков на один бросок. Получилось около 3.6. Снова повторили опыт, тоже результат около 3.6. Снова повторили и 3.8. Каждый повтор давал нам 140 подбрасываний (я тоже бросал). Мораль: результат отдельного броска плохо предсказуем, среднее по 140 броскам хорошо предсказуемо.

Понятие математического ожидания. Интуитивно: среднее арифметическое значений случайной величины при большом количестве повторений опыта.

Посчитали математическое ожидание и получили 3.5.

Сколько в среднем нужно подбрасывать кубик до получения 6?

Провели 25 опытов, получили в среднем 5.2. Составили табличку со значениями и вероятностями этой величины. Нарисовали дерево. Среднее считали через рекуррентное соотношение. Получили 6, но с трудом. Идеально поняли идею уравнения немногие.

## 5. Встреча 5