

Sharing and Binding for General Circuits

Benedikt Lipinski
Interaktionstechnik und Design)
Hochschule Hamm Lippstadt
Lippstadt, Germany
benedikt.lipinski@stud.hshl.de

Abstract

CONTENTS

I	Introduction	1
I-A	Problemstellung	1
I-B	Logische Bausteine	1
I-B1	AND-Gatter	1
I-B2	OR-Gatter	1
I-B3	Multiplexer	1
I-B4	FPGA	1
I-C	Allocation	1
I-D	Binding	1
I-E	Sharing	2
II	Grundlegendes	2
II-A	Kompatibilitäts- und Konfliktgraphen	2
II-B	Strategien zur Architektur Optimierung	3
II-C	Resource Dominated circuits	3
III	General Circuits	4
III-A	Allgm.	4
III-B	Baugruppen	4
III-B1	Register	4
III-B2	Steuerlogik	4
III-B3	Verkabelung	4
III-B4	kontroll einheiten	4
IV	Sharing and Binding for General Circuits	4
IV-A	Unconstrained minimum - Area Binding	4
IV-B	Performance Constrained Binding	4
IV-C	Performance Directed Binding	4
V	Gleichnis,vorgestellter Algorithmen	4
VI	Ausblick	4
	References	4

I. INTRODUCTION

Durch das menschliche verlangen Problemstellungen zu gunsten schwindender Komplexität und erhöhtem Komfort zu automatisieren und zu brechen, wurden genau diese Anforderungen auf die elektrischer Schaltungen umgelegt.

A. Problemstellung

Nicht erst durch Moderne Entwicklungen, wie digitale Vernetzung mit dem Internet der dinge oder das Autonome Fahren wird die Betrachtung, Zeitliche und Finanzielle Aspekte für die entwicklung multidimensionaler Systeme notwendig. Allerdings lassen genau diese Entwicklungen, die Komplexität sprunghaft ansteigen.

B. Logische Bausteine

Realisierbar werden elektrische Verschaltungen in der Digitaltechnik erst durch den einsatz sogenannter Logikbausteine, die mit einander kombiniert ein vorher genau bestimmtes verhalten der geplanten Schaltung verursachen. Hierbei übernehmen verschiedene Bausteine verschiedene Aufgaben, die mal weniger und mal mehr kompliziertere Operationen beinhalten.

1) *AND-Gatter*: Eine der Grundoperationen, die in fast jeder schaltung zu finden ist, ist die AND zu deutsch die UND Operation. hierbei wird der eingang erst auf logisch 1 geschaltet, wenn alle eingänge dies ebenfalls sind.

x	y	Out
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

2) *OR-Gatter*: Das Ergebnis des OR-Gatters ist in dem Fall Wahr, wenn einer seiner Eingänge Wahr ist.

x	y	Out
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Simple Schaltungen lassen sich durch das gezielte aneinanderreihen von AND und OR Gattern gut realisieren, sollte aber

3) *Multiplexer*: Multiplexer werden benutzt, wenn eine Parallele Verarbeitung aus unterschiedlichsten gründen nicht möglich ist, das kann zum einen eine nicht ausreichende Verfügbarkeit an Kanälen sein, aber auch eine bewusste Entscheidung weniger Kanäle aus kosten gründen zu benutzen sein. Dieser schritt kann gewählt werden, wenn Verläufe zwar parallel laufen aber nur exklusiv ausgeführt werden, das bedeutet, dass nach einer elementaren Entscheidung nur einer der beiden Stränge ausgeführt werden kann. Beeindruckend allerdings ist, das Multiplexer trotz ihrer fortgeschrittenen eigenschaften gegenüber den Grundbausteinen, doch recht simple aus genau diesem erzeugt werden kann. So ergibt sich für einen Einfachen Multiplexer das schaltbild aus 2 AND-Gattern, Einem NOT- Gatter und einem OR- Gatter.

4) *FPGA*: Der Einsatz von diesen Grundelementen ist für das erreichen des Ziels völlig hinreichend, doch benötigt sie eine sehr hohe fläche, auf der sie Verbaut werden muss. Ein zu erreichendes Ziel ist, die Fläche auf der die schaltung realisiert werden muss zu verringern. Dies ist durch die verwendung von halbleitern und die entwicklung von Integrierten schaltkreisen auch erfolgreich gelungen, allerdings besitzen diese sogenannten IC's den nachteil, das ihre Schaltung wie die einer realisierung mit Bausteinen auch fest gebunden ist. Ein Nachteil, den FPGA (Field Programmable Gate ARRAY) Bauteile nicht besitzen, ihr Vorteil ist die Zusammensetzung aus Zusammengeschalteten Baugruppen aus Logikbausteinen, FlipFlops und derer verbindung mit Multiplexern. In FPGA's kann das Verhalten der Eingänge zu den Ausgängen über..... "Programmiert" werden.

C. Allocation

Nicht nur, aber vor allem aus Kosten und Platzgründen stehen der Entwicklung selten unbegrenzte resources zur verfügung. Aus diesem Grund kann die Betrachtung der zur verfügung stehenden resources zwingend notwendig werden. Somit ist das ergebnis der allokierung nach Teich [1], eine funktion $\alpha(r_k)$ die angibt wie viele verfügbare Bauteile es zu einer Jeweiligen Ressourcentyp gibt.

Damit würde, wenn vom Ressourcentyp Multiplizier: r_1 , Beispielsweise 1 Einheiten zur verfügung stehen die Allokierungsfunktion $\alpha(r_1) = 2$ lauten. Die Funktion der Allokation zeigt deshalb ziemlich genau welche probleme beziehungsweise zeitliche veränderungen entstehen durch die grenzen, die durch die begrenzte verfügbarkeit an Ressourcen gegeben werden. Dies kann ein nützlicher zwischenschritt sein um den überblick zu behalten, den Teich mittels eines Ressourcen graphen anschaulich darstellt. In vielen Literaturen allerdings wird dieser schritt auch in die Bindung integriert und nicht extra behandelt.

D. Binding

Im unterschied zur Allokierung wird in der Bindung schließlich festgelegt welche Resource welche operation zugeteilt bekommt, also die Zuweisung von Operationen zu bestimmten hardware Komponenten [3]. in einer Utopischen vorstellung in der Kosten und Fläche keine rolle spielen würden, könnte für jeden Rechenschritt, jede Operation, also zum beispiel für jede Multiplikation oder jeden vergleich eine eigene Komponente Benutzt werden. Leider ist diese vorstellung in der Praxis nicht durchführbar, da jedes gesparte bauteil auf eine Große stückzahl gerechnet den Kostendruck lindert. Das ist zudem auch nicht zwingend nötig, da Beispielsweise ein Vergleich nach eine Addition, welche beide durch eine ALU realisiert werden können, nicht unbedingt durch 2 verschiedene Hardware einheiten umgesetzt werden müssen, da der vergleich erst stattfinden kann wenn das ergebnis der Addition vorliegt. genannt wird dies in diesem fall ein Optimal Resource sharing oder zu Deutsch ein Optimales ausnutzen einer Resource [2].

Die Bindung bietet ein Tool, das veranschaulicht wie optimal

die vorhandene schaltung auf und mit den gegebenen Bauteilen realisiert wird. Da das engültige Ziel eine Optimale ausnutzung der vorhandenen ressourcen ist müssen nun schrittweise die benötigten Bauteile minimiert werden, dies wird erreicht indem anfangs jede Operation einem bauteil zugeordnet wird, es wird ein sogenannte dedizierte Ressource erzeugt, ein spezialfall [3, S. 150]

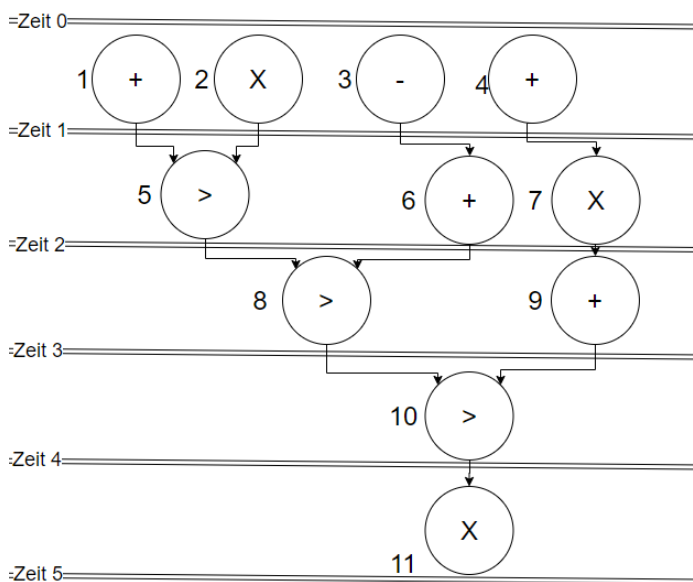


Fig. 1. Beispiel zur Bindung

Dem Bild ist zu entnehmen das in diesem beispiel für die zuordnung jeder Aufgabe zu einer Resource:11 Bauteile benötigt werden. Die sich aus 3 Multiplikationen = r_1 und aus 8 operationen für eine Arithmetisch logisch einheit r_2 ergibt.

v_i	$\beta(v_i)$	$\gamma(v_i)$
v_1	r_2	1
v_2	r_1	1
v_3	r_2	2
v_4	r_2	3
v_5	r_2	4
v_6	r_2	5
v_7	r_1	2
v_8	r_2	6
v_9	r_2	7
v_{10}	r_2	8
v_{11}	r_1	3

Da es sich, um ein recht einfach

zu überblickendes beispiel handelt, lässt sich durch einen geübten blick bereits erkennen wie eine Optimierung aussehen könnte. Im ersten Zeitslot ist abzulesen, das 3 Arithmetische operationen und eine Multiplikation durchgeführt werden, somit werden 3 ALU Einheiten und ein Multiplizierer benötigt.Im weiteren verlauf lässt sich unter anderem erkennen das in keinem weiteren zeitslot mehr als 3 ALU einheiten gebraucht werden, deswegen ist dies auch unsere minimal benötigte anzahl an Ressourcen dieses typs. Ganz genau deutlich wird dies durch eine veranschaulichung in einer tabelle.

Zeitslot	ALU	Multiplizierer
1	3	1
2	2	1
3	2	0
4	1	0
5	0	0

Aus der Tabelle kann nun abgelesen werden, das 3 Ressourcen des Typs ALU benötigt werden und 1 des Typs Multiplizierer. Übertragen auf die obere Tabelle entsteht nun folgendes Binding.

v_i	$\beta(v_i)$	$\gamma(v_i)$
v_1	r_2	1
v_2	r_1	1
v_3	r_2	2
v_4	r_2	3
v_5	r_2	1
v_6	r_2	2
v_7	r_1	1
v_8	r_2	1
v_9	r_2	2
v_{10}	r_2	1
v_{11}	r_1	1

Somit wurden in diesem beispiel 5 ALU

einheiten die einen anteil von 62,5% ausmachen eingespart. Bei den Multiplizierern wurde die benötigten Ressourcen auf $\frac{1}{3}$ reduziert.

E. Sharing

das sharing beschreibt zusammen mit dem Binding, die effektive mehrfachnutzung der Ressourcen, welches der minimierung der verwendeten hardware dient und somit zu reduzierung von Flächen und kosten problemen beiträgt. wobei das ziel des Sharing die frage nach dem Alghorismus zur optimierung ist und anschließend mit einem Binding endet. In dem Kapitel Binding wurde ein einfach im Kopf zu lösendes Beispiel gezeigt, leider bleibt es in der Realität nicht immer bei so einfach zu lösenden systemen, so dass da schnell der überblick verloren gehen kann und zudem ein system unter umständen nicht zu lösen wäre. Aus diesem grund befasst sich dass sharing mit der frage wie ein vorhandenes system effektiv optimiert werden kann.Zu den Verwendeten Algorithmen zählen unter anderem aus dem breich der Resource Dominated Circuits das Register sharing, Multiport Memory Binding und das Bus sharing and Binding und für den bereich der general circuits, sind es Unconstrained minimum - Area Binding, Performance Constrained Binding und zu letzt Performance Directed Binding.

II. GRUNDLEGENDES

A. Kompatibilitäts- und Konfliktgraphen

Als voraussetzung, um überhaupt eine sinnvolle Bindung beziehungsweise Allokierung erzeugen zu können muss sich im 1. schritt einmal mit dem eigentlichen problem befasst werden. Um das Problem darstellen zu können wird ein Graph aufgestellt, der die eigenschaften der elemente beschreibt. Dieser Schritt ermöglicht die betrachtung der einzelnen operationen mit einander und stellt auf welche mit

einander Kompatibel sind und welche ein kritisches Verhalten zu einander aufweisen.

Zwei oder mehr Operationen sind mit einander Kompatibel und können an die Gleiche Resource gebunden werden wenn sie nicht mit einander Konkurrieren und wenn sie dem gleichen Ressourcen-typen angehören [3, S.231]

Das bedeutet konkret, dass Aufgaben mit einander kompatibel sind, wenn sie nicht im gleichen Zeitslot neben einander anliegen und wenn sie des gleichen Typs sind zum Beispiel Addierer. Die Entwicklung der Graphensysteme kann grundsätzlich über 2 Ansätze erfolgen, zum einen kann ein Kompatibilitätsgraph oder Verträglichkeitsgraph entwickelt werden, dieser Graph gibt an welche Operationen verträglich zu einander sind und somit keine Probleme darstellen. Komplementär dazu lässt sich durch den Konfliktgraphen angeben welche Operationen im Konflikt zu einander stehen und eine genauere Betrachtung bedürfen.

Ein Ressourcen Verträglichkeitsgraph ist definiert durch $G_+(V, E)$ in denen die Knoten durch $V = \{v_i; i = 1, 2, \dots, n\}$ definiert werden und die Kanten durch $E = \{\{v_i, v_j\}; i, j = 1, 2, \dots, n\}$. Die Knoten stellen die Operationen an sich dar, wohingegen die Kanten die Kompatiblen Operationspaare angeben [3, S.231].

Zusammengefasst nach Teich [1, S. 181-182] lassen sich folgende Verträglichkeiten für den Kompatibilitätsgraphen aufführen:

demnach ist eine **Schwache Verträglichkeit** gegeben, wenn zwei Knoten des Graphen eines Graphen mit einander verbunden sind und des gleichen Typs angehören also zum Beispiel eine Addition und ein Vergleich, da beide durch eine Arithmetisch logische Einheit verarbeitet werden können. [?]

Ablaufplan verträglich ist ein Graph hingegen, wenn seine Knoten als erste Bedingung vom gleichen Typ sind, also wie bei der schwachen Verträglichkeit zum Beispiel aus 2 Operationen vom Typ Multiplizierer. Zum zweiten muss die Bedingung erfüllt sein, dass die Startzeit des ersten Knoten vor der des zweiten Knotens liegen muss. Das bedeutet, dass Knoten die Ablaufverträglich sind nicht in dem selben Zeitslot ausgeführt werden dürfen, andernfalls wären sie nicht Ablaufplan verträglich [?].

Als letztes definiert sich die **Starke Verträglichkeit**, durch zwei Knoten die wieder vom gleichen Typ sind und zudem von einander abhängig sind. Das bedeutet die beiden Knoten sind in einem logischen Strang durch einen Pfad im Ablaufplan mit einander verbunden. [?]

Die Graphische Umsetzung des Verträglichkeitsgraphen mit dem Beispiel aus den vorherigen Kapiteln sieht dann wie folgt aus:

Aus den vorherigen Kapiteln wissen wir bereits, dass für die Optimierung der Verschaltung nur ein Multiplizierer benötigt wird und genau das können wir in diesem Beispiel nun auch grafisch betrachten. Zu sehen ist, dass jeder Knoten mit einer Kante verbunden ist und somit sind alle Operationen mit

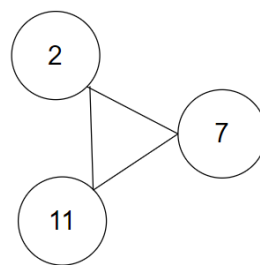


Fig. 2. Verträglichkeitsgraph Multiplizierer

einander Ablaufplan verträglich, weswegen der Einsatz von nur einem Multiplizierer nun auch optisch besser nachvollziehbar ist.

Desweiteren folgt der Verträglichkeitsgraph der ALU. Ein eindeutiges Ergebnis ist hier allerdings nicht auf den ersten Blick zu sehen, das zeigt, wie schnell selbst sehr einfache Verschaltungen, sehr komplizierte Ausmaße bekommen können. Um dieses Problem zu minimieren wird im weiteren Vorgehen mit einer Einteilung in sogenannte Cliquen gearbeitet. Diese Cliquen werden dann farblich im Verträglichkeitsgraph eingezeichnet.

Fig. 3. Verträglichkeitsgraph Arithmetisch logische Einheit mit Cliquen

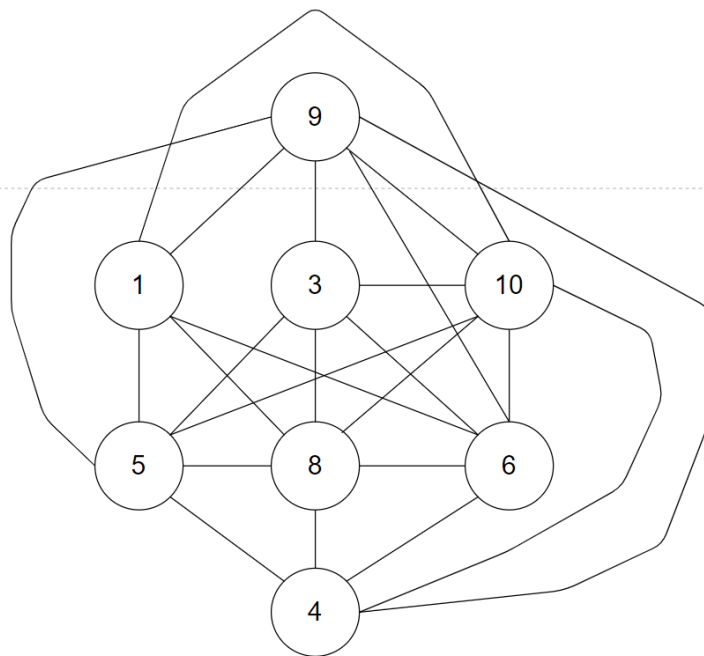


Fig. 4. Verträglichkeitsgraph Arithmetisch Logische Einheit

B. Strategien zur Architektur Optimierung

C. Resource Dominated circuits

da Probleme leider ein wenig komplizierter behandelt wird die grundlegende Optimierung mit dem Grundlagenwissen aus Konflikt und Optimum Graph

z.B. mittels register sharing -G.micheli S 156

III. GENERAL CIRCUITS

A. *Allgm.*

ganz allgemein wird jetzt auch die verzögerung durch steuerlogik und die verkabelung betrachtet, also wie man so schön sagt ein reale verschaltung

B. *Baugruppen*

- 1) *Register:*
- 2) *Steuerlogik:*
- 3) *Verkabelung:*
- 4) *kontroll einheiten:*

IV. SHARING AND BINDING FOR GENERAL CIRCUITS

A. *Unconstrained minimum - Area Binding*

B. *Performance Constrained Binding*

C. *Performance Directed Binding*

V. GLEICHNIS, VORGESTELLTER ALGORITHMEN

VI. AUSBLICK

REFERENCES

- [1] Jürgen Teich, Christian Haubelt, Digitale Hardware/Software-Systeme, Synthese und Optimierung, 2. Auflage, Springer, 2007
- [2] Dr. Walter Lange, Prof. Dr. Martin Bogdan, Entwurf und Synthese von Eingebetteten Systemen, Ein Lehrbuch, Oldenbourg Verlag München, 2013
- [3] DEMICH