## 全國高級中等學校 106 學年度工業類科學生技藝競賽電腦軟體設計

#### 壹、試卷說明:

- 1. 請將寫好之程式原始檔依題號命名資料夾存檔,第一題取姓名\_Q1,第二題取姓名\_Q2,依序命名存檔,並存於 C 碟之資料夾"姓名 Contest"中。
- 2. 競賽時間 4 小時。
- 3 將程式及編譯成執行檔儲存在 C 碟之資料夾姓名\_Contest。

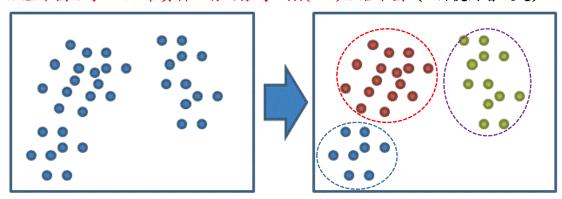
貳、評分說明:本試卷共六題,每題配分不一。

- 1. 每題評分只有對與錯兩種,對則給滿分,錯則不給分(即以零分計算)。
- 2. 每解答完一題上傳(程式及執行檔),評審人員將針對該題進行測試,若解題正確則回應正確,若解題 錯誤則扣該題一分至該題零分為止,答錯之題目可繼續作答。

### 試題 1: 資料分群(17分)

說明:當有大量資料,想將資料量大大地縮小時,有很多方法,其中之一是聚類法或分群法。基本上就是 將有相似的特徵分在同一群,也就是照著物以類聚的方式在進行分群,最後以各群(類)的重心作為代表。

如左下圖給予 N=36 筆資料,將之分為 k 類(k=3)如右下圖 (k 由使用者設定)



此聚類法的目標是使下列公式 Mean Squared Error (MSE)達到最小化

$$MSE = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{k} \sum_{x_i \in S_i} (x_j - \mu_i)^2$$

所有各群資料點  $x_j$  到其對應群重心  $μ_i$  的距離總合是最小的,也就是要找到最佳的群重心  $μ_i$  及  $x_j$ 所屬的群來符合上面的要求( $S_i$ 為第 i 群)。演算法如下:

SO:產生 N 筆資料,設定要將資料分類為 k 群及重複疊代的次數 Q;初值 P=0

S1: 從N筆資料中隨機選取的k筆資料當作初始群重心µ1~µk

S2: While (P<0) Do

S3: 將每一筆資料 $x_j$ 分別與各個群重心 $\mu_j$ 分別計算其歐式距離,比較每筆資料和那一個群重心距離最短,就分配該筆資料至距離最短的那一群。例如每筆資料有兩個值 $x_j=(x_{j1}, x_{j2})$ ,群重心 $\mu_i=(\mu_{i1}, \mu_{i2})$ ,歐式距離為:  $d(x_j,\mu_i) = \sqrt{(x_{j1}-\mu_{i1})^2 + (x_{j2}-\mu_{i2})^2}$ 

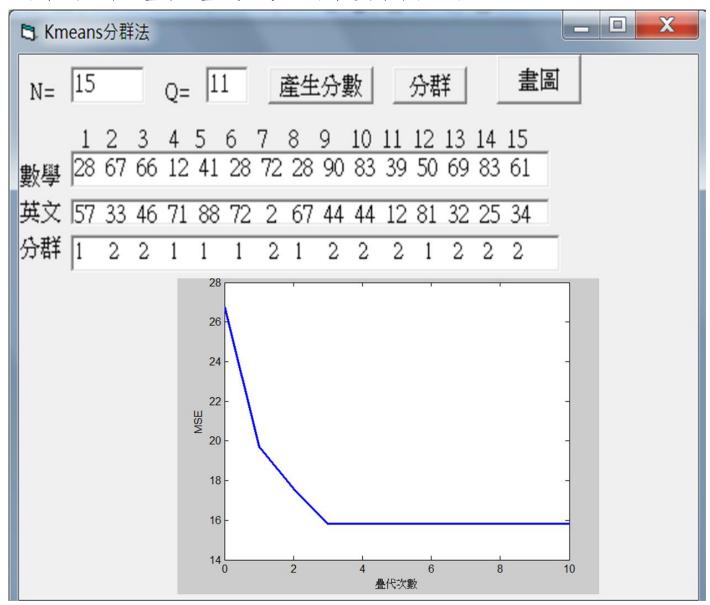
S4: 利用得到的分群結果重新計算中心點(分別對每個群裡的資料,重新計算平均值 μ<sub>i</sub>作為新的重心) S5:計算第P次MSE

$$MSE = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{k} \sum_{x_j \in Si} \left[ \left( x_{j1} - \mu_{i1} \right)^2 + \left( x_{j2} - \mu_{i2} \right)^2 \right]$$

S5: P=P+1; S6: end while

為了簡化起見,設一班學生人數N可有15至30人,依每人的資料為數學和英文兩科成績,按上述演算法將全班分為兩群。數學和英文兩科成績可藉由隨機產生,分數介於0到100之間,可設定Q介於11到20之間。請設計一程式輸入學生人數N及疊代的次數Q,隨機產生N個數學和英文兩科成績,分群結束後列出各個學生分群結果及最後畫出每次重複疊代的MSE值如下圖。

例子:如下圖輸入 N=15, Q=11,按下"產生分數鍵"隨機產生數學和英文兩科成績;接著按下"分群鍵"可列出分群結果;再按"畫圖"可畫出第  $0\sim Q-1$  次分群後所得到的 MSE 值。



試題 2: 簡易依序循環之排程 (Round-Robin Scheduling) 程式(17分)

說明:在分時作業系統中,排程程式會設定一個時間配額 (time quantum),然後依序輪流執行就緒狀態中的每個行程 (process)。如果執行中的行程在未用完時間配額前,就完成了工作,就會自動交還 CPU 的執行權,給下一個行程執行;如果執行的行程用完了時間配額,卻還沒完成工作,還是得交出 CPU 的執行權,改由下一個行程使用。如此循環執行每個就緒狀態中的行程,直到所有行程結束為止。例如有 3 個正在等待被執行的行程,各個行程所需 CPU 執行時間如圖 2-1 所示。

行程(process)	所需CPU執行時間(burst time)
P1	21
P2	3
Р3	9

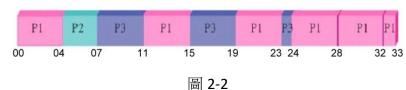


 圖 2-1
 圖 2-2

 ■ 選取 系統管理員: 命令提示字元
 —

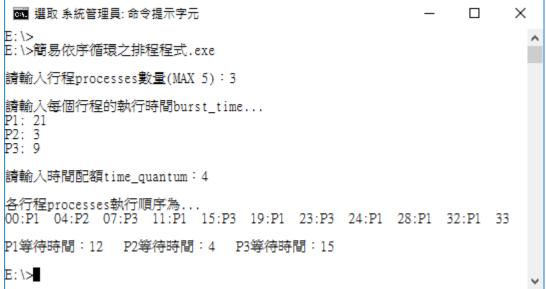


圖 2-3

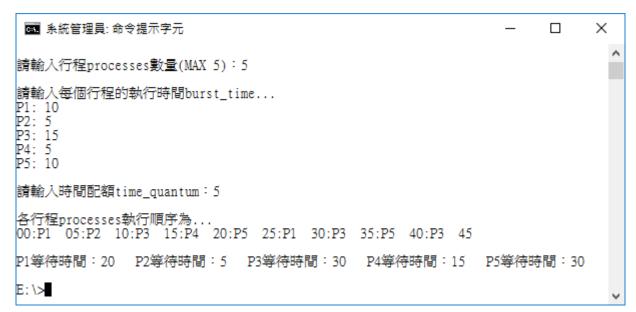
若時間配額為 4 時間單位,且成為就緒狀態的先後順序為 P1、P2、P3 (但幾乎同時到達),P1 行程是第一個在時間 00 被執行,如圖 2-2 所示。P1 行程用完 4 時間單位的時間配額後,雖還未完成工作,但 CPU 執行權仍會被強制交由 P2 行程;P2 行程在時間 04 被執行只需 3 時間單位即完成工作,因此還沒有用完時間配額,就結束了行程;接著,排程程式將 CPU 執行權交給下一個行程,P3 行程在時間 07 被執行 ... 依此類推,直到所有行程完成工作為止,如圖 2-3 所示。

P1、P2、P3 等待時間分別為 12(=3+4+4+1)、4、15(=4+3+4+4)時間單位。

#### 目標:

**1.** 請寫一支程式如圖 2-3、圖 2-4 所示。在圖 2-4 中,輸入行程 processes 數量為 5, 每個行程的執行時間 burst\_time,分別為 10、5、15、5、10, 接著輸入時間配額 time quantum 為 5,

您寫的程式可以將所有行程 processes 執行順序及等待時間顯示出來,如圖 2-4 所示。



**2.** 若輸入的行程 processes 數量大於 5,則您寫的程式需重新要求輸入行程 processes 數量,如圖 2-5 所示。

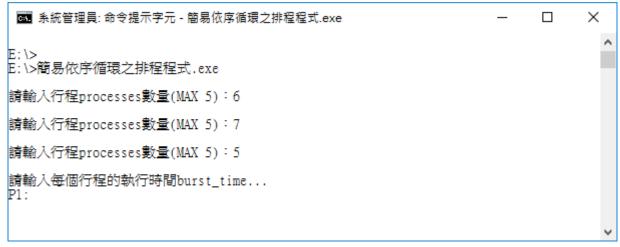
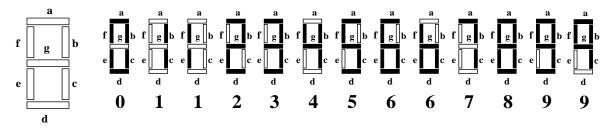


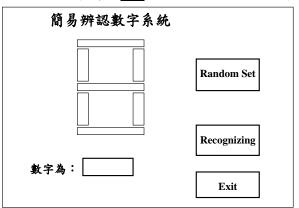
圖 2-5

# 試題 3:辨認數字系統(Recognized Number System) (17分)

說明:(一)已知一個七段顯示器能呈現各種樣式,辨認數字系統能辨認它的顯示樣式為<u>非數字</u>或為如下圖所示數字0至9之一,其中數字1、6與9各有兩種顯示樣式。



(二)請設計如下圖所示之「簡易辨認數字系統」,每當滑鼠左鍵點一下 Random Set 鍵,該系統的中間七段顯示器之各段會隨意產生 ON(亮)或 OFF(不亮)而呈現一種樣式,同時系統啟動自動辨認,如果此顯示樣式(假設為 6)為數字 0至 9之一,則辨認數字為:<u>6</u>;否則自動辨認數字為:<u>非數字</u>。

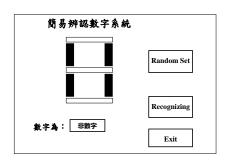


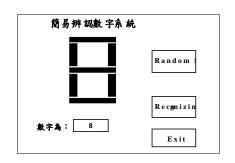
(三)該系統還具有手工對七段顯示器隨意設定各段 ON (亮)或 OFF (不亮)而改變其顯示樣式,即每當使用滑鼠左鍵對任一段點一下,如此段原為 ON 則更改為 OFF,原為 OFF 則更改為 ON。進一步,每當滑鼠點一下 Recognizing 鍵,則系統自動辨認目前顯示樣式之數字為: 3 (假設樣式為 3)或 非數字。

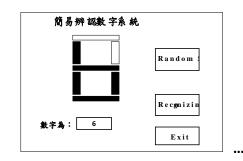
(四) 上述可重複操作,直至以滑鼠左鍵點一下 Exit 鍵,則離開該系統。

#### 範例1

每當滑鼠點一下該系統之 Random Set 鍵,則七段顯示器隨意產生一個樣式,且系統自動辨認此顯示樣式之數字為:非數字或 8 (假設樣式為8)或 6 (假設樣式為6)。

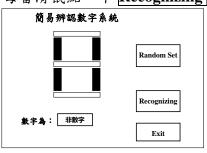


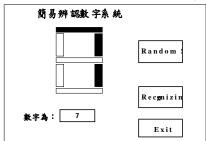




## 範例 2

已知系統對七段顯示器隨意產生一個樣式如左下圖,並以手工使用滑鼠左鍵對七段修改為如右下圖之樣式(假設為7),接著每當滑鼠點一下Recognizing鍵,則系統自動辨認目前顯示樣式之數字為: 7。





### 試題 4:小明的機器人(17分)

說明:小明想要設計一自動左右轉的機器人,此機器人可以接受輸入命令,然後得到輸出指令:向左和向右。為了達到此目的,小明事先收集一些輸入命令和輸出指令對資料,來訓練機器人,等訓練完畢後,機器人可以接受輸入命令,自行判斷得到輸出指令,要向左還是向右。為了達到上述目的,小明利用下列式子來讓機器人學習:

$$f = \langle w, x \rangle = w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_n x_n = \sum_{j=1}^n w_j x_j$$
 (1)

其中 $x=(x_1,x_2,...,x_n)$ 是n個輸入命令, $w=(w_1,w_2,...,w_n)$ 分別是n個輸入命令 $x=(x_1,x_2,...,x_n)$ 的權重。f是公式(1)計算得到的數值,為了得到機器人的兩種輸出指令o:1代表向左,-1代表向右,利用下列式子,來將式子(1)計算得到的數值轉為兩種輸出指令。

$$o = sign(f) = \begin{cases} 1 & \text{if } f \ge 0 \\ -1 & \text{if } f < 0 \end{cases}$$
 (2)

sign 是符號判斷函數,當f是正數時,o為1,當f是負數時,o為-1。

從式子(1)可知,只要權重  $W = (W_1, W_2,..., W_n)$ 知道,機器人就可以利用式子(1)和(2),來決定要向左還是要向右的命令。為了學習權重  $W = (W_1, W_2,..., W_n)$ ,每次訓練後,利用下面式子來進行權重更新:

$$w = w + \eta(y - sign(f))x \tag{3}$$

其中符號η是學習率。為了完成上述訓練工作,小明用以下方法來達成:

Step 1. 收集 K 筆訓練用的輸入命令和輸出指令對資料 $(x^1, y^1),...,(x^k, y^k)$ ,其中 $(x^1,...,x^k)$ 為輸入命令, $(y^1,...,y^k)$ 為輸出指令。

Step 2. 學習率初始為 $\eta > 0$ ,初始權重 w,初始累積錯誤 E=0,k=1(即從第一筆資料開始訓練)。

Step 3. 開始訓練: 輸入命令是  $x^k$ ,帶入公式(1),此時的 f 為  $f^k = \langle w^{k-1}, x^k \rangle$ ,再利用公式(2),可以求輸出指令  $o(x^k) = \text{sign}(f^k) = \text{sign}(\langle w^{k-1}, x^k \rangle)$ 

Step 4. 更新權重: 
$$w^k = w^{k-1} + \eta(y^k - sign(< w^{k-1}, x^k >))x^k$$
 (4)

Step 5. 利用下面公式來計算累積錯誤  $E = E + 0.5 * ||y^k - o(x^k)||^2$ 

Step 6. 當還有訓練的輸入命令和輸出指令對時,繼續下一筆資料對的訓練,即當 k < K 時,k = k + 1,回到 Step 3 繼續訓練。否則跳到 Step 7。

Step 7. 訓練週期結束。當累積錯誤 E=0,就結束訓練。若是累積錯誤 E>0,就 E=0,k=1,跳到 Step 3,啟動新的訓練週期。

## 範例:

假設收集3筆訓練用的輸入命令和輸出指令資料對如下:

筆	輸入命令X	輸出指令y
1	$x^1 = (1, 0, 1)$	$y^1 = -1$
2	$x^2 = (0, -1, -1)$	$y^2 = 1$
3	$x^3 = (-1, -0.5, -1)$	$y^3 = 1$

每一筆輸入x有3個命令,初始學習率 $\eta$ =0.1,初始權重w<sup>0</sup>=(1,-1,0),依照上述訓練方法,其過程如下:

1. 第一筆訓練的輸入命令為  $x^1 = (1, 0, 1)$ ,其輸出指令為  $y^1 = -1$ ,帶入公式(1),此時的 f 為  $f^1 = \langle w^0, x^1 \rangle = (1)^*(1) + (-1)^*(0) + (0)^*(1) = 1$ ,再利用公式(2),

求輸出指令  $o(x^2) = sign(f^2) = sign(1) = 1$ ,此結果不等於  $y^2 = -1$ ,要用公式(4)來更新權重:

$$w^{1} = w^{0} + 0.1(-1 - (1))x^{1} = w^{0} - 0.2x^{1} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} - 0.2 \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 0.2 \\ 0 \\ 0.2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 - 0.2 \\ -1 - 0 \\ 0 - 0.2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.8 \\ -1 \\ -0.2 \end{pmatrix}$$

累積錯誤  $E = E + 0.5 * ||y^1 - o(x^1)||^2 = 0 + 0.5 * ||-1 - (1)||^2 = 0 + 0.5 * ||-2||^2 = 0.5 * 4 = 2$ 。

- 2. 第二筆訓練的輸入命令為  $x^2 = (0, -1, -1)$ ,其輸出指令為  $y^2 = 1$ ,帶入公式(1),此時 f 為  $f^2 = \langle w^1, x^2 \rangle = (0.8)*(0) + (-1)*(-1) + (-0.2)*(-1) = 1.2$ ,再利用公式(2), 求輸出  $o(x^2) = \text{sign}(f^2) = \text{sign}(1.2) = 1$ ,此結果等於  $y^2 = 1$ ,所以權重不用更新,即  $w^2 = w^1$ 。 累積錯誤  $E = E + 0.5 * || v^2 o(x^2) ||^2 = 2 + 0.5 * || 1 1 ||^2 = 2$ 。
- 3. 第三筆訓練的輸入命令為  $x^3$  = (-1, -0.5, -1),其輸出指令為  $y^3$  = 1,帶入公式(1),此時 f 為  $f^3$  =  $< w^2$ ,  $x^3 > = (0.8)*(-1) + (-1)*(-0.5) + (-0.2)*(-1) = -0.1$ ,再利用公式(2), 求輸出  $o(x^3)$  =  $sign(f^3)$  = sign(-0.1) = -1,此結果不等於  $y^3$  = 1,要用公式(4)來更新權重:  $w^3 = w^2 + 0.1(1 (-1))x^3$

$$= w^{2} + 0.2x^{3} = \begin{pmatrix} 0.8 \\ -1 \\ -0.2 \end{pmatrix} + 0.2 \begin{pmatrix} -1 \\ -0.5 \\ -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.8 \\ -1 \\ -0.2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -0.2 \\ -0.1 \\ -0.2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.8 - 0.2 \\ -1 - 0.1 \\ -0.2 - 0.2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.6 \\ -1.1 \\ -0.4 \end{pmatrix}$$

累積錯誤  $E = E + 0.5 * ||y^3 - o(x^3)||^2 = 2 + 0.5 * ||1 - (-1)||^2 = 2 + 0.5 * ||2||^2 = 2 + 0.5 * 4 = 4$ 。

4. 累積錯誤 *E* > 0, *E* = 0, *k* = 1, 跳到 Step 3, 啟動新的訓練週期。

第一筆訓練的輸入命令為  $x^1$  = (1, 0, 1),其輸出指令為  $y^1$  = -1,带入公式(1),此時 f 為  $f^1$  =  $< w^3, x^1> = 0.6*(1) + (-1.1)*(0) + (-0.4)*(1) = 0.2,再利用公式(2),$ 

求輸出  $o(x^1) = \text{sign}(f^2) = \text{sign}(0.2) = 1$ ,此結果不等於  $y^1 = -1$ ,要用公式(4)來更新權重:  $w^4 = w^3 + 0.1(-1 - (1))x^1$ 

$$= w^{3} - 0.2x^{1} = \begin{pmatrix} 0.6 \\ -1.1 \\ -0.4 \end{pmatrix} - 0.2 \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.6 \\ -1.1 \\ -0.4 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 0.2 \\ 0 \\ 0.2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.6 - 0.2 \\ -1.1 - 0 \\ -0.4 - 0.2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.4 \\ -1.1 \\ -0.6 \end{pmatrix}$$

累積錯誤  $E=E+0.5*||y^1-o(x^1)||^2=0+0.5*||-1-(1)||^2=0+0.5*||-2||^2=0.5*4=2$ 。

- 5. 第二筆訓練的輸入命令為  $x^2 = (0, -1, -1)$ ,其輸出指令為  $y^2 = 1$ ,帶入公式(1),此時 f 為  $f^2 = \langle w^4, x^2 \rangle = 0.4*(0) + (-1.1)*(-1) + (-0.6)*(-1) = 1.7$ ,再利用公式(2), 求輸出  $o(x^2) = \text{sign}(f^2) = \text{sign}(1.7) = 1$ ,此結果等於  $y^2 = 1$ ,權重不用更新,即  $w^5 = w^4$ 。 累積錯誤  $E = E + 0.5* ||y^2 o(x^2)||^2 = 2 + 0.5* ||1 1||^2 = 2$ 。
- 6. 第三筆訓練的輸入命令為  $x^3$  = (-1, -0.5, -1),其輸出指令為  $y^3$  = 1,帶入公式(1),此時 f 為  $f^3$  =  $< w^5$ ,  $x^3> = 0.4*(-1) + (-1.1)*(-0.5) + (-0.6)*(-1) = 0.75,再利用公式(2), 求輸出 <math>o(x^3)$  =  $sign(f^3)$  = sign(0.75) = 1,此結果等於  $y^3$  = 1,權重不用更新,即  $w^6$  =  $w^5$  。 累積錯誤  $E = E + 0.5* ||y^3 o(x^3)||^2 = 2 + 0.5* ||1 1||^2 = 2$ 。
- 7. 累積錯誤 E > 0,E = 0,k = 1,跳到 Step 3,啟動新的訓練週期。  $< w^6, x^1 >= (0.4)*(1) + (-1.1)*(0) + (-0.6)*(1) = -0.2 < 0$ ,即 sign(-0.2) = -1 =  $y^1 = -1$ ,E = 0。  $< w^6, x^2 >= (0.4)*(0) + (-1.1)*(-1) + (-0.6)*(-1) = 1.7 > 0$ ,即 sign(1.7) =  $1 = y^2 = 1$ ,E = 0。  $< w^6, x^3 >= (0.4)*(-1) + (-1.1)*(-0.5) + (-0.6)*(-1) = 0.75 > 0$ ,即 sign(0.75) =  $1 = y^3 = 1$ ,E = 0。 累積錯誤 E = 0,結束訓練,最後得到的權重為  $w^6 = (0.4, -1.1, -0.6)$ 。
- 8. 再來利用訓練得到的權重,來測試新的輸入命令  $x^4 = (1,1,1)$ ,帶入公式(1),此時的 f 為  $f^4 = \langle w^6, x^4 \rangle = (0.4)*(1) + (-1.1)*(1) + (-0.6)*(1) = -1.3,再利用公式(2), 求輸出 <math>o(x^4) = \text{sign}(f^4) = \text{sign}(-1.3) = -1$ ,輸出指令為-1,即機器人要向右。

#### 程式功能:

請利用上述說明和範例,寫一個程式,能完成以下功能要求:

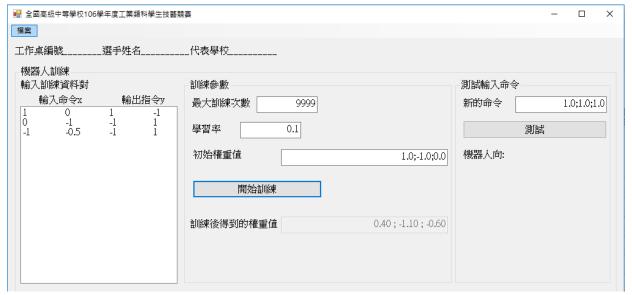
- (1) 能讓使用者選擇輸入訓練資料對檔案並顯示出來。
- (2) 能讓使用者輸入<訓練參數>並按<開始訓練>,顯示正確的訓練後權重值。
- (3) 能讓使用者輸入<測試輸入命令>並按<測試>,顯示正確的輸出指令。

#### 程式執行範例:

(1)使用者選擇輸入訓練資料對檔案並顯示出來。此檔案有3筆資料。每一筆都有3個輸入命令和1個輸出指令。



(2)使用者輸入<訓練參數>並按<開始訓練>,顯示正確的訓練後權重值(0.40; -1.10; -0.60)。



(3)使用者輸入<測試輸入命令>並按<測試>,可以顯示正確的輸出指令:機器人向:-1(右)。



若妳(你)的程式都完成上述功能和要求,才可以要求檢查功能。

# 試題5:交易價格預測的程式設計(16分)

- 說明:一、有自由交易活動,就會留下交易資料。當數筆交易價產生之後,後續的交易價如何發展?常常是引起人們興趣的話題。對於價格走勢的預測已有很多研究的發表,而在日常的應用,也可以 Microsoft Excel 來做預測的處理,例如:有15筆交易價序列28,30,29,32,30,28,29,33,34,35,34,35,34,32,33,35,34,则短期預測以十天(28,30,29,32,30,28,29,33,34,35)的預測線如圖5-1的虛線所示。由預測線的角度(或直線的斜率)即可表示預測價格可能的發展。
- 二、然而交易價是多變的,隨著交易價的改變,預測線的角度(或直線的斜率)也會跟著調整,因此,我們需要將這些預測加以**程式化**,在此採用**簡單線性迴歸**,其公式為 $Y_t = a + bx$ ,式中 x 是自變數,是選定的任何 x 值; $Y_t$  是因變數,對於選定的 x 值,相應變數 Y 的平均估計值,即第 t 預測周期的預測值;a、b 是迴歸係數。

<u>相關係數</u> r 是一個在 0 和正負 1 之間的係數,為了簡化問題,<u>在此暫時不計</u>,只用一條直線 y=a+bx 來描述預測變數隨日期的變動趨勢。



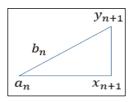


圖 5-1 以 10 天交易價的預測線

圖 5-2 預測**次日**的 $y_{n+1}$ 

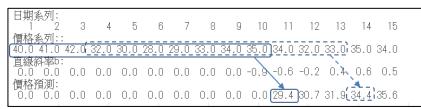


圖 5-3 一系列預測值計算的結果

三、對於已交易價序列,利用**最小平方法原理**計算以 // 為週期的值,求出它們的 a、b 值,

平均值:

$$\overline{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$$

$$\overline{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_i$$

■迴歸係

數:

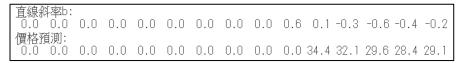
$$b = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x}) (y_i - \overline{y})}{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2}$$
$$a = \overline{y} - b\overline{x}$$

其中x代表日期序列,以自然數表示,例如:1,2,3,4,5;y代表已交易價序列。我們只要求出各 a、b 值,經由直線 y=a+bx,即可由已交易價序列計算出預測次日( $x_{n+1}$ )的 $y_{n+1}$ 之變動趨勢,亦即  $y_{n+1}=a_n+b_nx_{n+1}$ ,如圖 5-2 所示,其中 $a_n$ 、 $b_n$ 為某日之迴歸係數, $x_{n+1}$ 為某日之次日, $y_{n+1}$ 為某日之次日的交易價。在此,假設週期n為 10,則一系列預測值的計算結果如圖 5-3 所示。

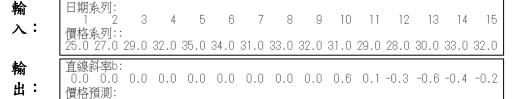
# 輸入格式:

日期系列:													
1 2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
價格系列::													
25.0 27.0 2	29.U	32.0	35.0	34.0	31.0	33.0	32.0	31.0	29.0	28.0	30.0	33.0	32.0

### 輸出格式:



#### 操作範例1:



Ô.Õ.Õ.Õ.O 0.O 0.O 0.O 0.O 0.O 0.O 0.O 34.4 32.1 29.6 28.4 29.1

# 操作範例 2:

輸	日期系列:	3	4			7	0	0	10	1.1	10	10	1.4	15
		3	4	5	6	/	8	9	10	11	12	13	14	15
λ:	價格系列: 40.0 41.0		32.0	30.0	28.0	29.0	33.0	34.0	35.0	34.0	32.0	33.0	35.0	34.0
輸 出:	直線斜率b: 0.0 0.0 價格預測: 0.0 0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	-0.9	-0.6 29.4	-0.2 30.7		0.6	

### 題目 6: n! 程式設計(16 分)

- 1. 說明:輸入的每一行測試資料有1個整數 n(2<=n<=100)
  - A. 對每一個輸入 n, 第一行輸出 n!的值。例如: 8! = 40320。
  - B. 對每一個輸入 n,第二行輸出 n!的每個位數的總和。這個數一定小於  $2^{31}$ -1。例如:8! = 40320,每個位數的總和為 4+0+3+2+0=9。
  - C. 對每一個輸入 n, 第三行輸出最多可以用多少整數相乘 (1 除外) 來表達 n!。換言之,也就是質因數分解後的指數相加總和。

例如: $8! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 = 2 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 7 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 2^7 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 7$ ,可以很清楚的觀察到最多可以用 11 個整數(1 除外)相乘來產生 8!。

- 2. 輸入說明:輸入含有多組測試資料。每組測試資料為1個整數n(2<=n<=100)。請參考範例:
- 3. 範例輸入

8

12

20

100

4. 輸出說明

對每組測試資料輸出3行。

第一行輸出 n!的值。

第二行輸出 n!的每個位數的總和。

第三行輸出最多可以用多少個整數 (1 除外) 相乘來產生 n!。換言之,也就是質因數分解後的指數相加總和。

5. 範例輸出

40320

9

11

479001600

27

19

2432902008176640000

54

36

 $93326215443944152681699238856266700490715968264381621468592963895217599993229915608941463\\9761565182862536979208272237582511852109168640000000000000000000000000$ 

648

239

- 6. 評分標準
- A. 介面不拘,可以輸入測資並輸出結果即可。
- B. 參考測資有四組,隱藏測資有多組,所有測資皆正確,才有分數。