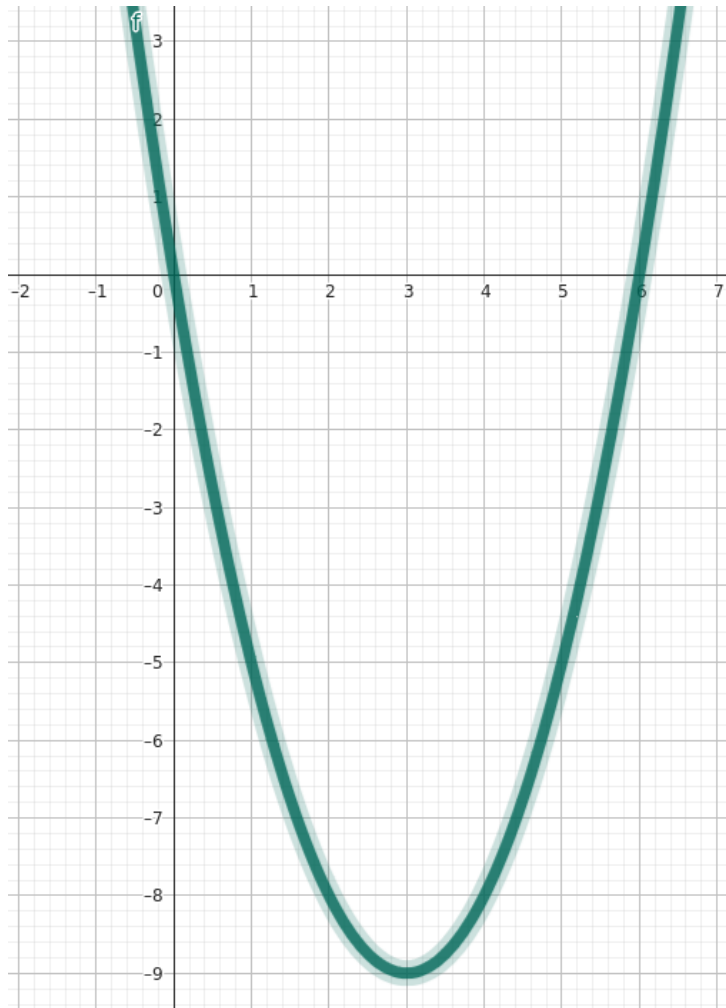


# Monotonie

In welchen Bereich ist die Steigung des Funktionsgraphen positive?

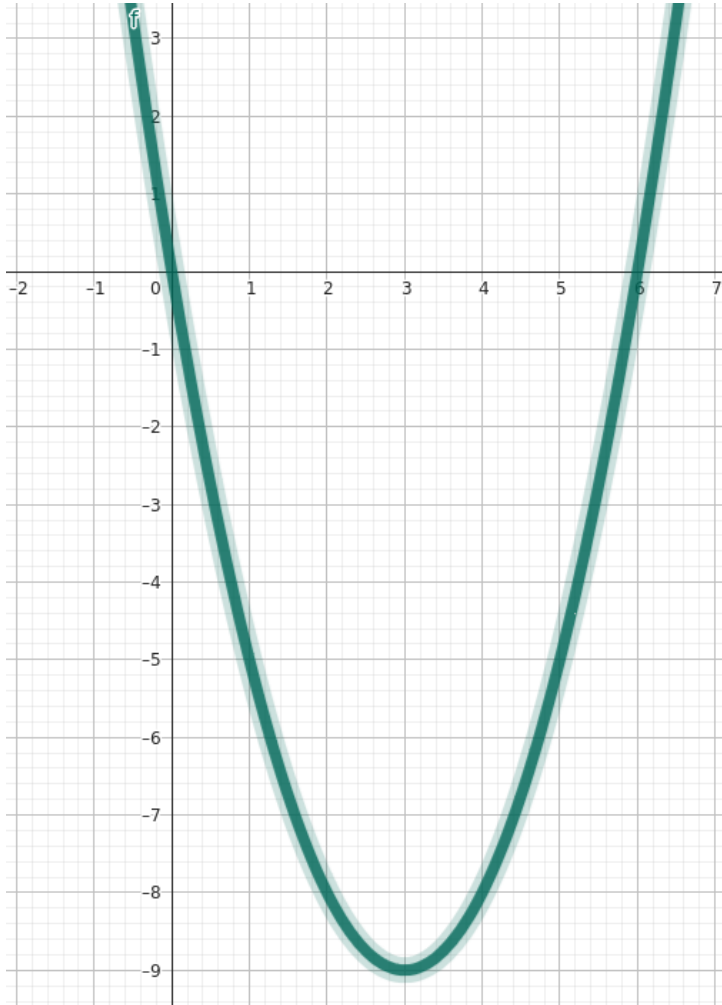


# Monotonie

In welchen Bereich ist die Steigung des Funktionsgraphen positive?

$$f'(x) > 0 \text{ für alle } x > 3$$

Im Intervall  $x > 3$   $f$  ist **streng monoton zunehmend**



Untersuchen Sie die Funktion  $f$  mithilfe der ersten Ableitung auf Monotonie

i)  $f(x) = 3x + 2$     ii)  $f(x) = -x^2 + 3$     iii)  $f(x) = x^4 - 2x^2$

Beispiel:  $f(x) = 4x + x^2$

$$f'(x) = 4 + 2x$$

$$f'(x) > 0 \text{ f\"ur } x > -2 \quad \rightarrow \text{ **Streng monoton zunehmend im Intervall } x > -2**$$

$$f'(x) < 0 \text{ f\"ur } x < -2 \quad \rightarrow \text{ **Streng monoton abnehmend im Intervall } x < -2**$$

Untersuchen Sie die Funktion  $f$  mithilfe der ersten Ableitung auf Monotonie

i)  $f(x) = 3x + 2$       ii)  $f(x) = -x^2 + 3$       iii)  $f(x) = x^4 - 2x^2$

## ZP Teil 2

- Taschenrechner + Formelsammlung
- 75 Minuten
- 2 mal 24 Punkte = 48 Punkte

1 Aufgabe rein-mathematisch

1 Textaufgabe

Für jede Aufgabe ca. 35 Minuten

### Aufgabe 3:

Gegeben ist die Funktion  $f$  mit der Gleichung

$$f(x) = x^3 - 6 \cdot x^2 + 9 \cdot x, \quad x \in \mathbb{R}.$$

Der Graph von  $f$  ist in der *Abbildung 1* dargestellt.

a) (1) Weisen Sie nach, dass gilt:

$$x \cdot (x-3)^2 = x^3 - 6 \cdot x^2 + 9 \cdot x.$$

(2) Für die Gleichung der Funktion  $f$  gibt es also die beiden folgenden Darstellungsmöglichkeiten:

$$D1: f(x) = x^3 - 6 \cdot x^2 + 9 \cdot x, \quad x \in \mathbb{R}.$$

$$D2: f(x) = x \cdot (x-3)^2, \quad x \in \mathbb{R}.$$

Nennen Sie zu jeder der beiden Darstellungsmöglichkeiten D1 bzw. D2 jeweils einen Vorteil bei der Untersuchung von Eigenschaften der Funktion  $f$ .

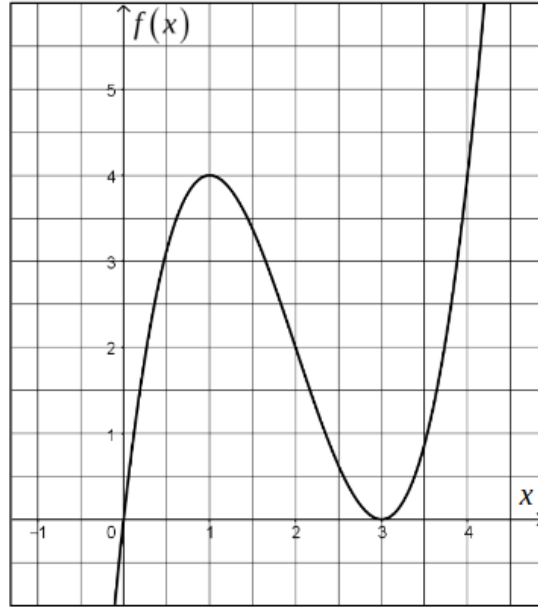


Abbildung 1

(2 + 2 Punkte)

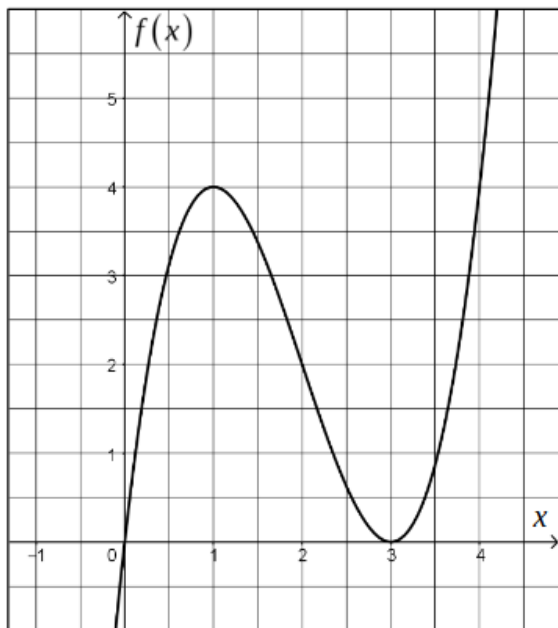


Abbildung 1

$$f(x) = x^3 - 6 \cdot x^2 + 9 \cdot x, x \in \mathbb{R}.$$

- b) Untersuchen Sie rechnerisch die Funktion  $f$  auf lokale Extremstellen und ermitteln Sie rechnerisch die Art der lokalen Extremstellen und die Koordinaten der lokalen Extrempunkte des Graphen von  $f$ .

(8 Punkte)

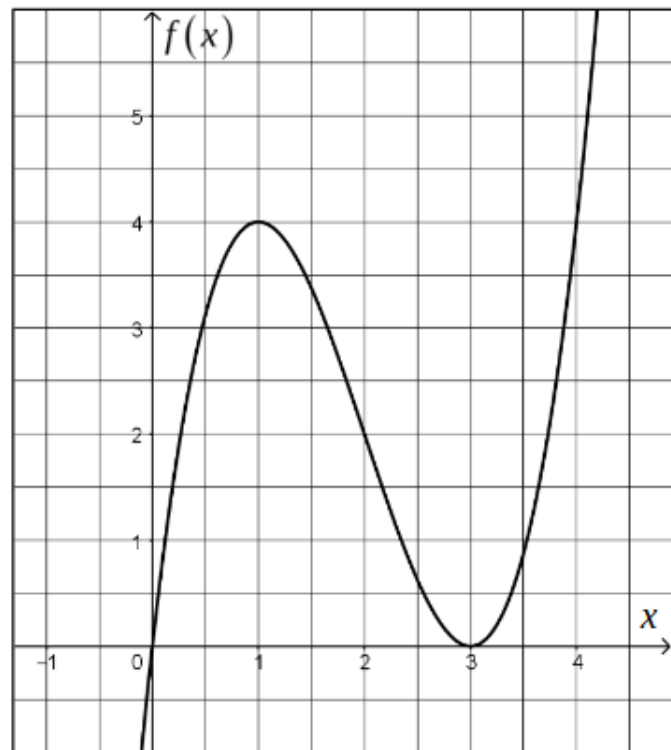


Abbildung 1

- c) (1) Zeichnen Sie die Sekante  $s$  durch die Punkte  $P(1|4)$  und  $Q(3,5|0,875)$  in die Abbildung 1 ein und ermitteln Sie rechnerisch eine Gleichung von  $s$ .
- (2) Berechnen Sie den Steigungswinkel  $\alpha$  von  $s$ .

(5 + 2 Punkte)



d) Betrachtet wird jetzt die Ableitungsfunktion  $f'$  mit  $f'(x) = 3 \cdot x^2 - 12 \cdot x + 9$ .

(1) Zeichnen Sie den Graphen von  $f'$  in die Abbildung 2 ein.

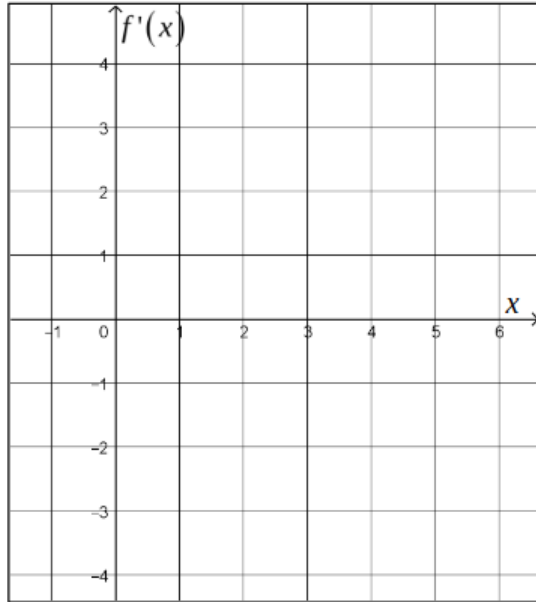


Abbildung 2

(2) Gegeben ist außerdem die Ableitungsfunktion  $g'$  mit  $g'(x) = f'(x) + 4$ .

Entscheiden Sie begründet, ob der Graph einer möglichen Ausgangsfunktion  $g$  mindestens einen lokalen Extrempunkt besitzt.

(3 + 2 Punkte)

# Hausaufgaben für 02.06

- Seite 98 Aufgaben 3, 4