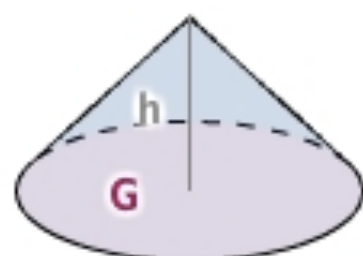
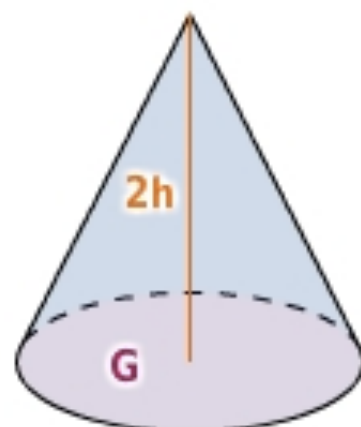


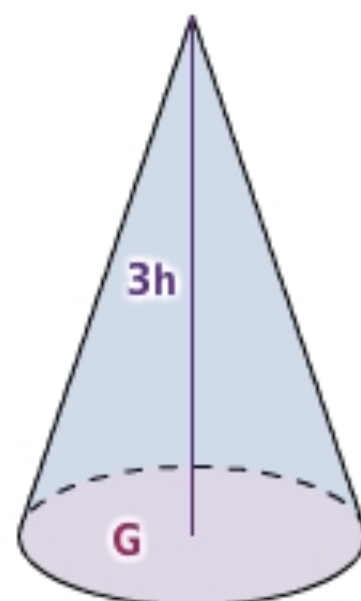
Kegel



Doppelte Höhe



Dreifache Höhe



$$V_1 = \frac{1}{3} G \cdot h$$

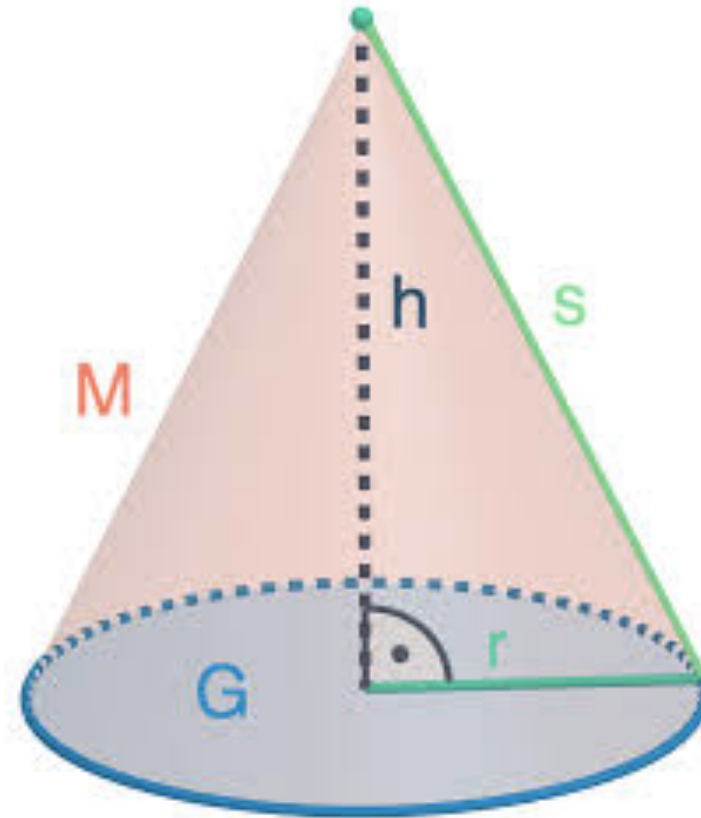
Doppeltes Volumen

$$\begin{aligned} V_2 &= \frac{1}{3} G \cdot 2h \\ &= 2 \cdot \frac{1}{3} G \cdot h \\ &= 2V_1 \end{aligned}$$

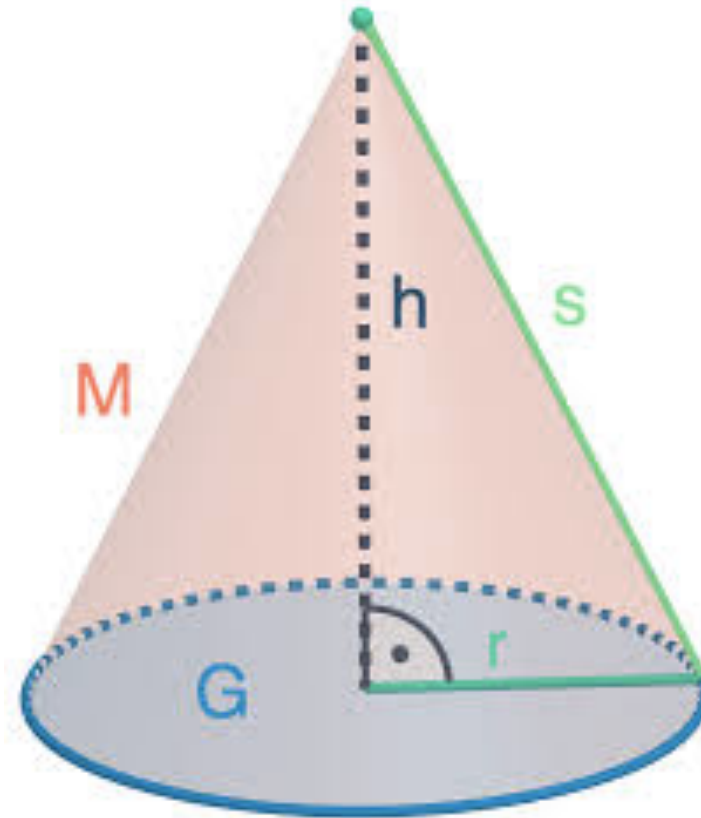
Dreifaches Volumen

$$\begin{aligned} V_3 &= \frac{1}{3} G \cdot 3h \\ &= 3 \cdot \frac{1}{3} G \cdot h \\ &= 3V_1 \end{aligned}$$

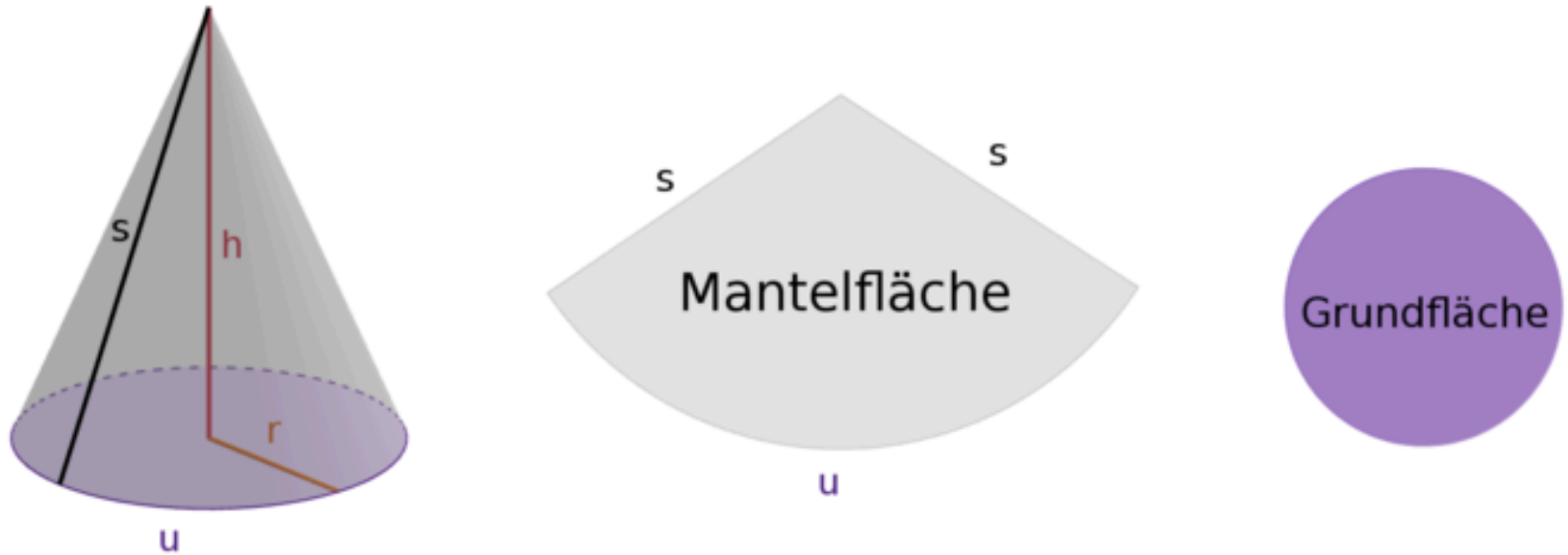
Wie  
berechnet  
man die  
Oberfläche  
des Kegels?



Wie  
berechnet  
man die  
Oberfläche  
des Kegels?



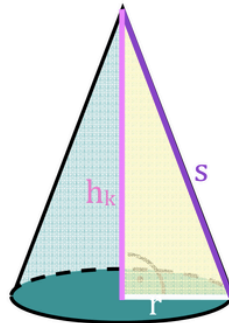
$$O = G + M$$



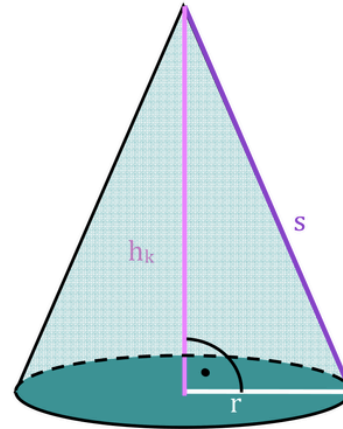
Herleitung Mantelfläche/Oberfläche:

<https://youtu.be/xZ2yF3HTr4s>

Pythagoras im rechtwinkligen  
Dreieck aus  $s$ ,  $h_k$  und  $r$ :



$$s^2 = h_k^2 + r^2$$



## Kegel

Mantelfläche:

$$M = \pi \cdot r \cdot s$$

Oberfläche:

$$O = G + M$$

$$O = \pi r^2 + \pi r s$$

Volumen:

$$V = \frac{1}{3} G \cdot h_k$$

$$V = \frac{1}{3} \pi r^2 \cdot h_k$$

Herleitung Mantelfläche:

Fläche Kreisausschnitt mit Radius  $s$ :

$$M = \pi \cdot s^2 \cdot \frac{\alpha}{360^\circ}$$

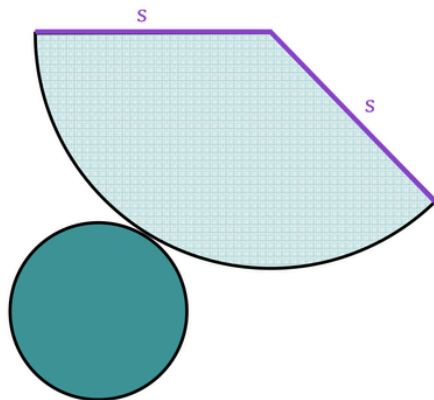
Umfang Grundfläche = Bogenlänge:

$$2\pi r = 2\pi s \cdot \frac{\alpha}{360^\circ} \quad | : 2\pi s$$

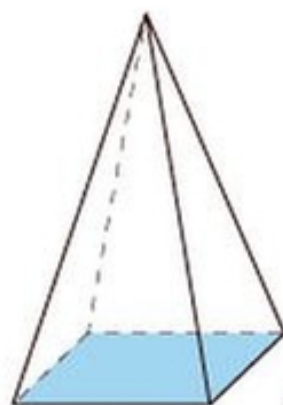
$$\frac{2\pi r}{2\pi s} = \frac{\alpha}{360^\circ} \Rightarrow \frac{r}{s} = \frac{\alpha}{360^\circ}$$

$$\Rightarrow M = \pi \cdot s^2 \cdot \frac{r}{s}$$

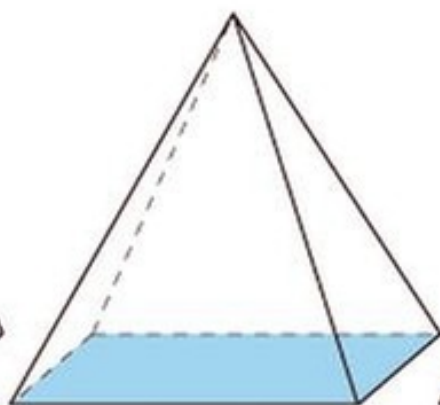
$$\Rightarrow M = \pi \cdot r \cdot s$$



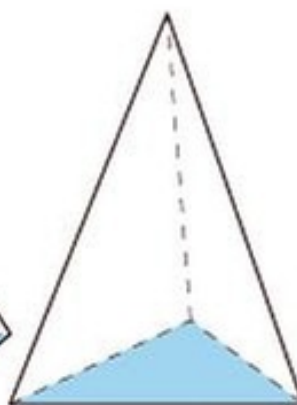




Quadratische  
Pyramide



Rechtecks-  
pyramide



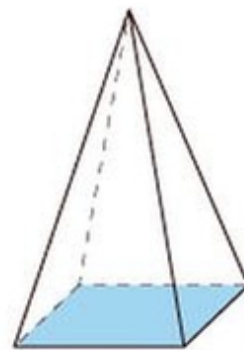
Dreiecks-  
pyramide



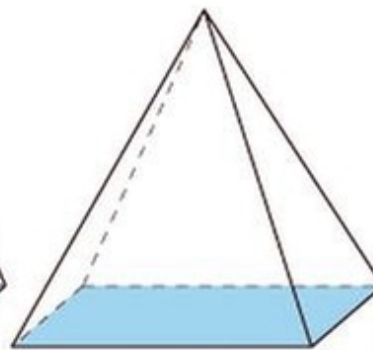
Sechseck-  
pyramide



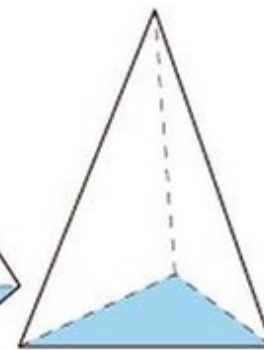
Wie  
berechnet  
man die  
Oberfläche  
der  
Pyramide?



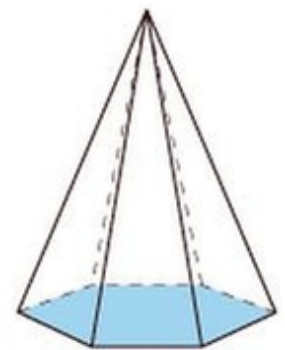
Quadratische  
Pyramide



Rechtecks-  
pyramide

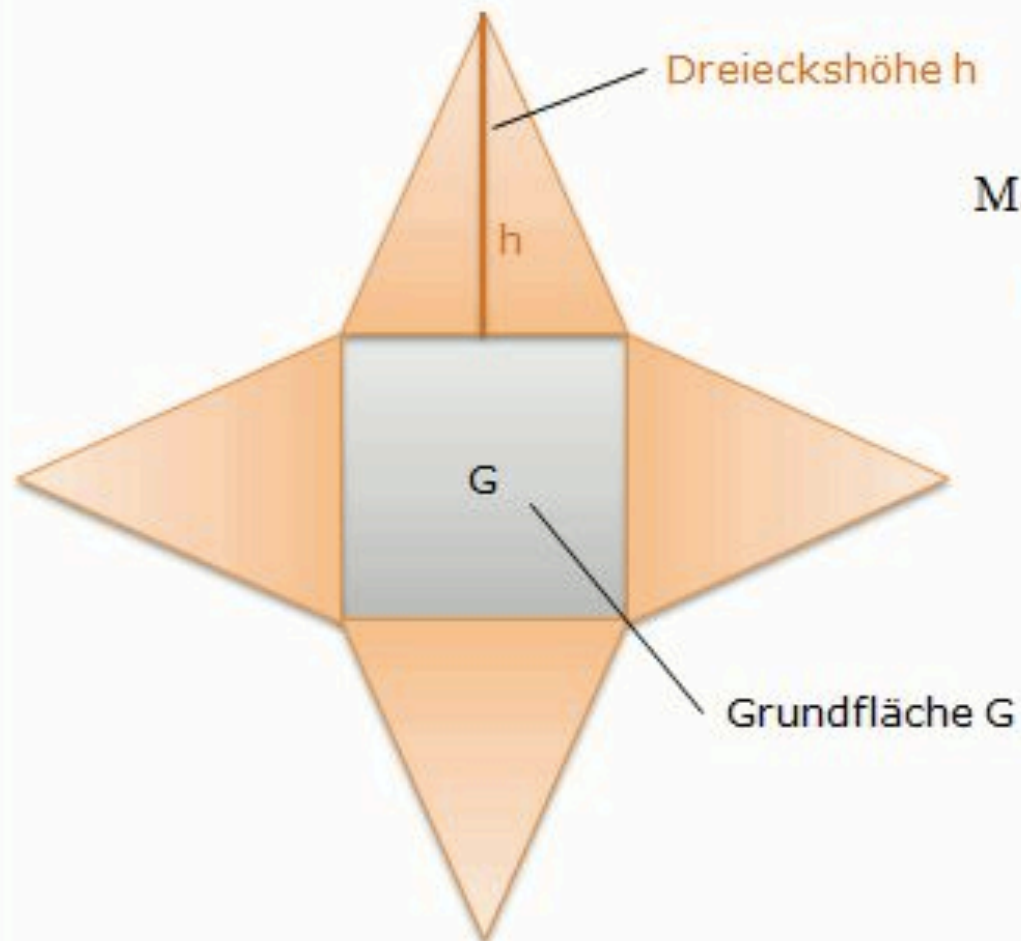


Dreiecks-  
pyramide



Sechseck-  
pyramide

## Mantelfläche und Oberfläche einer Pyramide

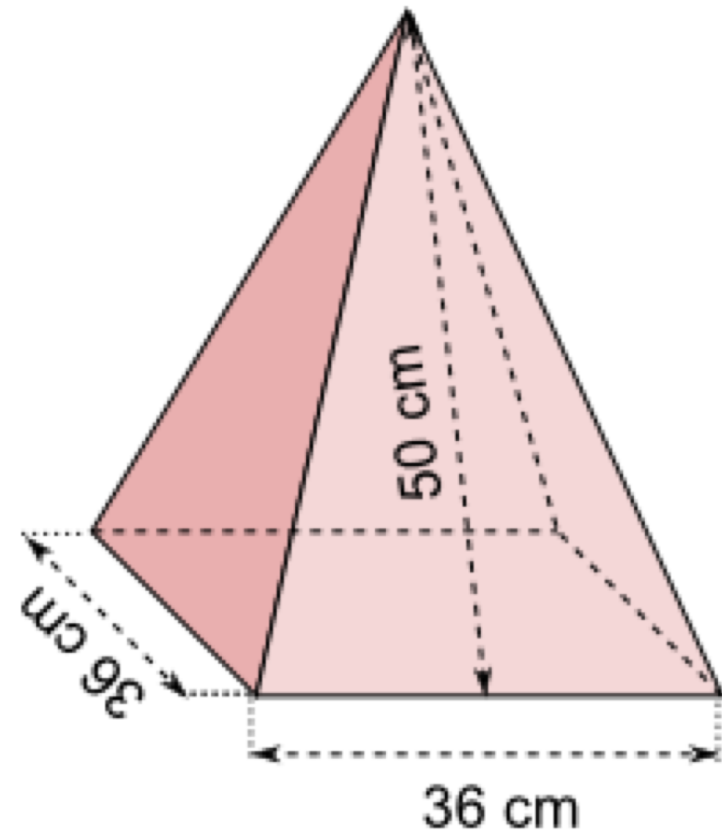


Mantelfläche  $M$  = Summe der Dreiecksflächen

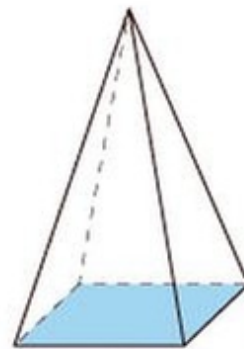
Oberfläche  $O$  = Mantelfläche + Grundfläche

$$O = M + G$$

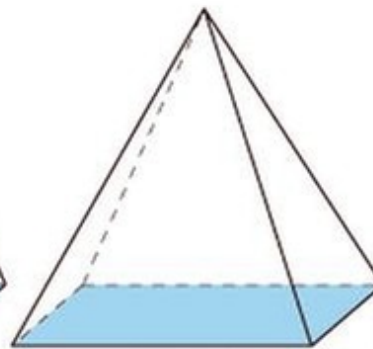
Berechne die Oberfläche



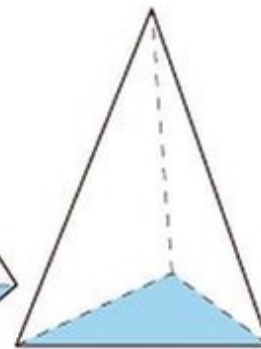
Wie  
berechnet  
man das  
Volumen der  
Pyramide?



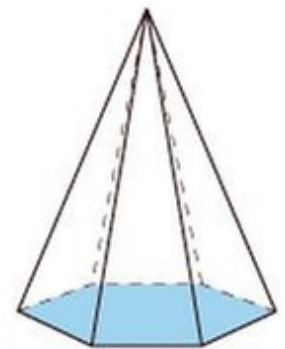
Quadratische  
Pyramide



Rechtecks-  
pyramide



Dreiecks-  
pyramide

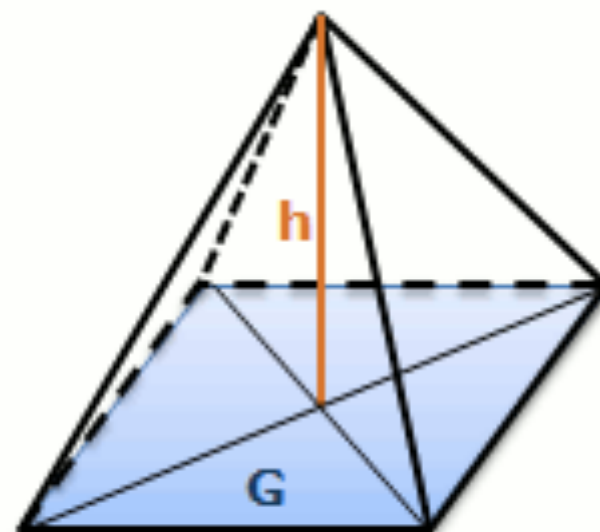


Sechseck-  
pyramide

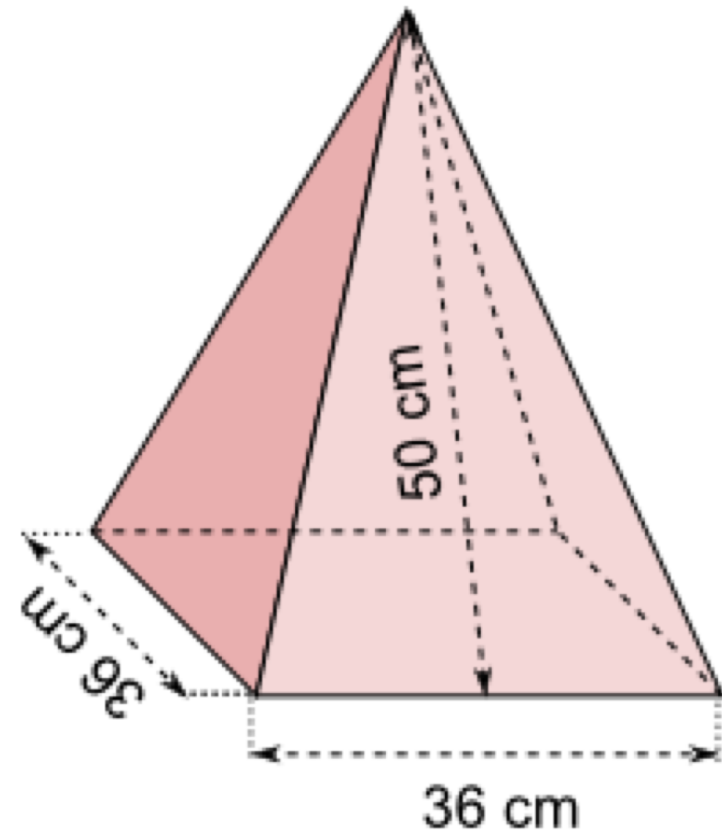
## Volumen einer Pyramide

Das Volumen einer Pyramide mit der Grundfläche  $G$  und der Pyramidenhöhe  $h$  berechnet sich mit der Formel:

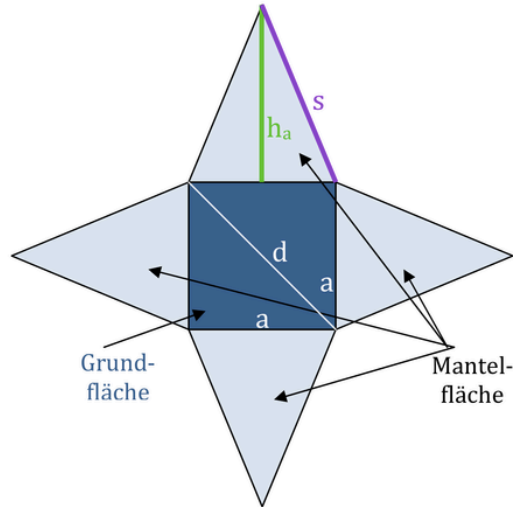
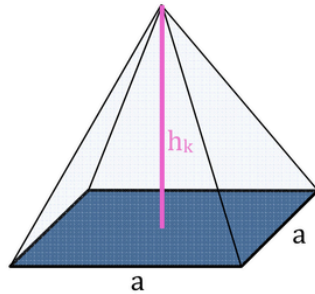
$$\text{Volumen } V = \frac{1}{3} \cdot G \cdot h$$



Berechne das Volumen



## quadratische Pyramide I



Mantelfläche:

$$M = 4 \cdot \frac{1}{2} a \cdot h_a$$

$$M = 2a \cdot h_a$$

Oberfläche:

$$O = G + M$$

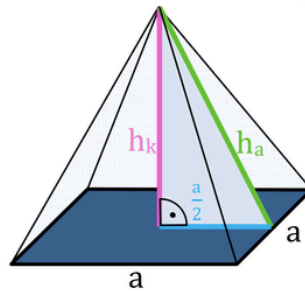
$$O = a^2 + 2a \cdot h_a$$

Volumen:

$$V = \frac{1}{3} G \cdot h_k$$

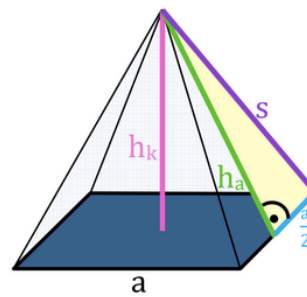
$$V = \frac{1}{3} a^2 \cdot h_k$$

Pythagoras im rechtwinkligen  
Dreieck aus  $h_k$ ,  $h_a$  und  $\frac{a}{2}$ :



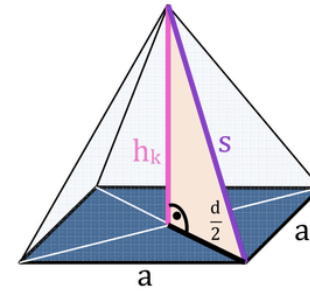
$$h_a^2 = h_k^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2$$

Pythagoras auf der  
Seitenfläche:



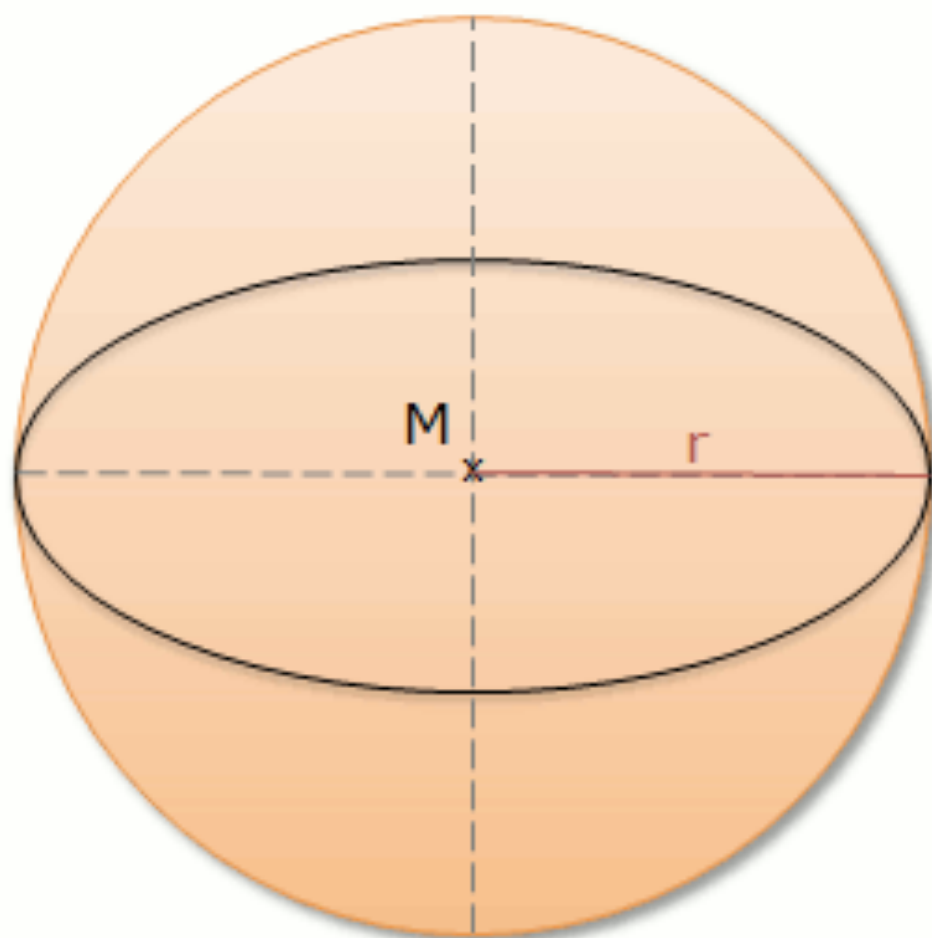
$$s^2 = h_a^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2$$

Pythagoras diagonal  
nach innen:



$$s^2 = h_k^2 + \left(\frac{d}{2}\right)^2$$

## Kugel berechnen: Oberfläche und Volumen



*Oberfläche*      $O = 4 \cdot \pi \cdot r^2 = \pi \cdot d^2$

*Volumen*      $V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3 = \pi \cdot \frac{d^3}{6}$



# Herleitung Kugel

- <https://youtu.be/EBdPcRfXru0>