

ThinkDSP. Лабораторная 10. Линейные стационарные системы.

Шерепа Никита

14 мая 2021 г.

Содержание

1	Упражнение 10.1	5
2	Упражнение 10.2	12
3	Вывод	18

Список иллюстраций

1	Импульсный отклик	5
2	Спектр импульсного отклика	6
3	Спектр импульсного отклика	7
4	Визуализация сигнала	8
5	Избавились от нулевого отступа	9
6	Избавились от нулевого отступа	9
7	Сравниваем с <code>np.convolve</code>	10
8	Используем <code>scipy.signal.fftconvolve</code>	11
9	Звук волынки	12
10	Спектр звука	13
11	Передаточная функция в логарифмическом масштабе . . .	14
12	Звук флейты	15
13	Оригинальный звук	16
14	Трансформированный звук	17

Листинги

1	Импульсный отклик	5
2	Спектр импульсного отклика	6
3	Звук скрипки	6
4	Визуализация сигнала	7
5	Прослушивание результата	8
6	Избавляемся от нулевого отступа	8
7	Избавляемся от нулевого отступа	9
8	Сравниваем с <code>np.convolve</code>	9
9	Используем <code>scipy.signal.fftconvolve</code>	10
10	Используем <code>scipy.signal.fftconvolve</code>	11
11	Звук волынки	12
12	Вычисляем спектр	13
13	Передаточная функция в логарифмическом масштабе	13
14	Звук флейты	14
15	Сравниваем спектры	15
16	Трансформация записи	15
17	Оригинальный звук	16
18	Трансформированный звук	16
19	Оригинальный звук	17

1 Упражнение 10.1

1. Задание

Измените пример в `chap10.ipynb` и убедитесь, что дополнение нулями устраняет лишнюю ноту в начале фрагмента.

2. Ход работы

Усечём оба сигнала до 2^{16} элементов, а затем обнуляем их до 2^{17} . Использование степени двойки делает алгоритм ДПФ наиболее эффективным.

Построим импульсный отклик

```
1      response = read_wave('res/180960__kleeb__gunshot.wav')
2
3      start = 0.12
4      response = response.segment(start=start)
5      response.shift(-start)
6
7      response.truncate(2**16)
8      response.zero_pad(2**17)
9
10     response.normalize()
11     response.plot()
12     decorate(xlabel='Time (s)')
```

Листинг 1: Импульсный отклик

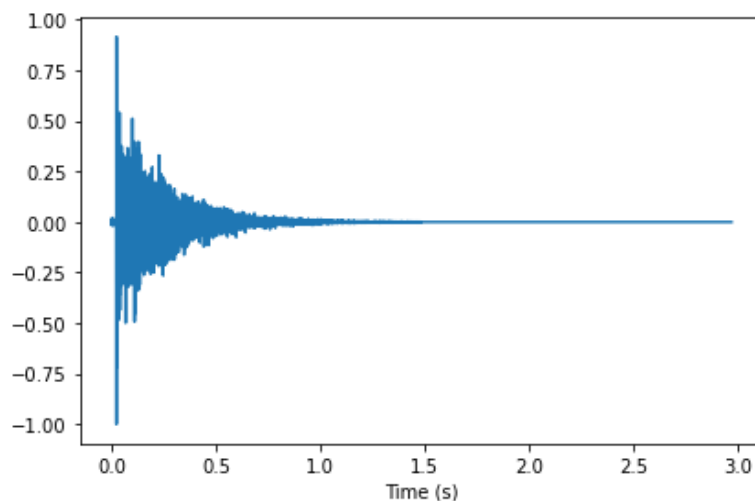


Рис. 1: Импульсный отклик

Теперь построим его спектр

```
1 transfer = response.make_spectrum()  
2 transfer.plot()  
3 decorate(xlabel='Frequency (Hz)', ylabel='Amplitude')
```

Листинг 2: Спектр импульсного отклика

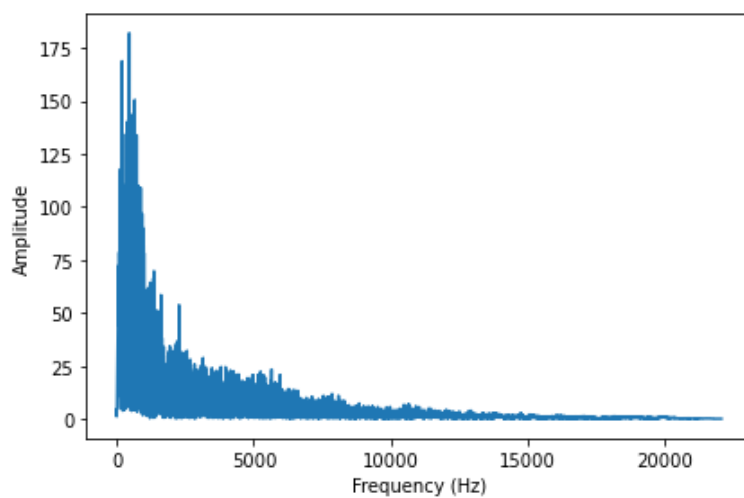


Рис. 2: Спектр импульсного отклика

Теперь возьмем другой сигнал - звук скрипки

```
1 violin =  
    read_wave('res/92002__jcveliz__violin-original.wav')  
2  
3 start = 0.11  
4 violin = violin.segment(start=start)  
5 violin.shift(-start)  
6  
7 violin.truncate(2**16)  
8 violin.zero_pad(2**17)  
9  
10 violin.normalize()  
11 violin.plot()  
12 decorate(xlabel='Time (s)')
```

Листинг 3: Звук скрипки

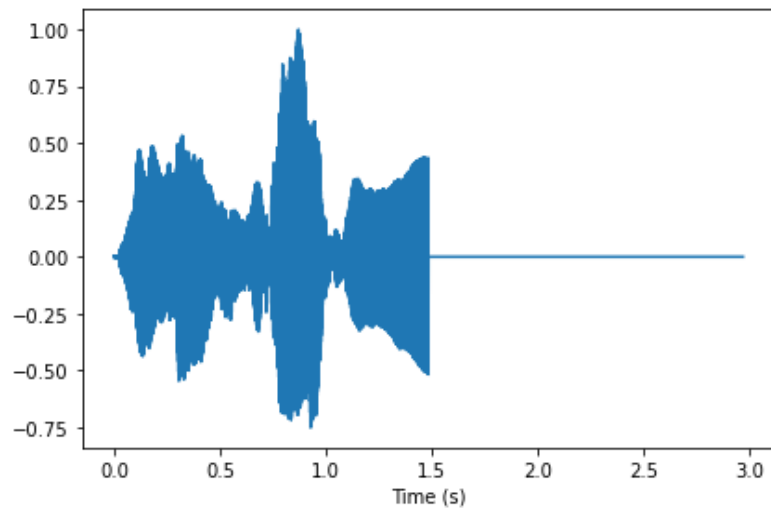


Рис. 3: Спектр импульсного отклика

Построим его спектр, умножим ДПФ сигнала на передаточную функцию и преобразуем обратно в волну

```

1      spectrum = violin.make_spectrum()
2
3      output = (spectrum * transfer).make_wave()
4      output.normalize()
5
6      output.plot()
```

Листинг 4: Визуализация сигнала

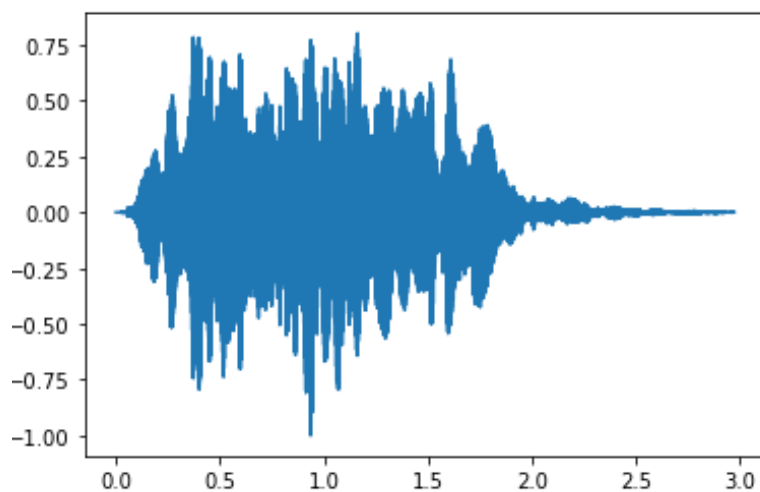


Рис. 4: Визуализация сигнала

Прослушаем

```
1 output.make_audio()
```

Листинг 5: Прослушивание результата

Теперь лишнюю ноту в начале не слышно

Попробуем добиться таких же результатов с использованием `np.convolve` и `scipy.signal.fftconvolve`

Для начала, избавимся от нулевого отступа

```
1 response.truncate(2**16)
2 response.plot()
```

Листинг 6: Избавляемся от нулевого отступа

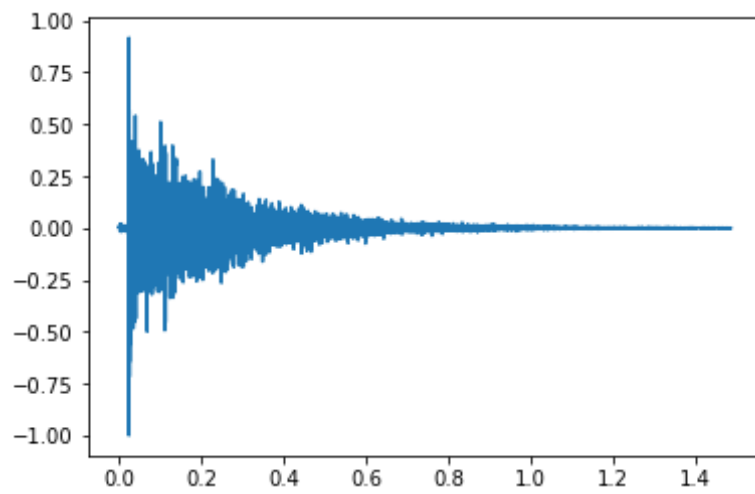


Рис. 5: Избавились от нулевого отступа

```

1 violin.truncate(2**16)
2 violin.plot()

```

Листинг 7: Избавляемся от нулевого отступа

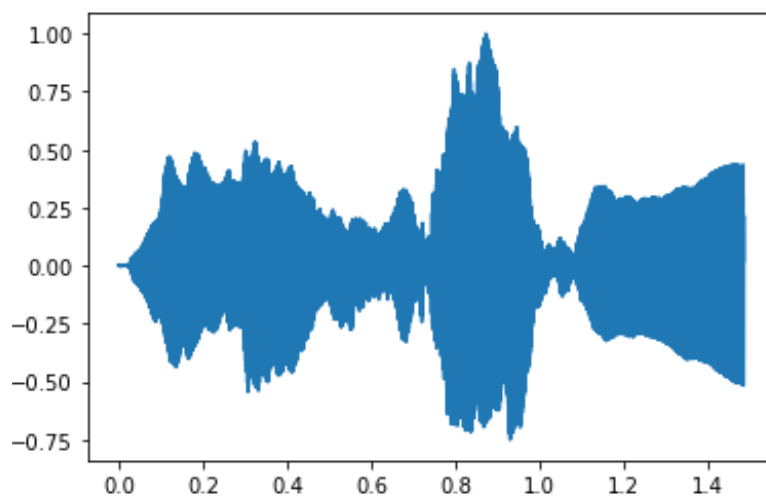


Рис. 6: Избавились от нулевого отступа

Теперь сравним с `np.convolve`

```

1 output2 = violin.convolve(response)

```

```

2     output2.plot()
3     len(output), len(output2)
4
5     Output
6     (131072, 131071)

```

Листинг 8: Сравниваем с `np.convolve`

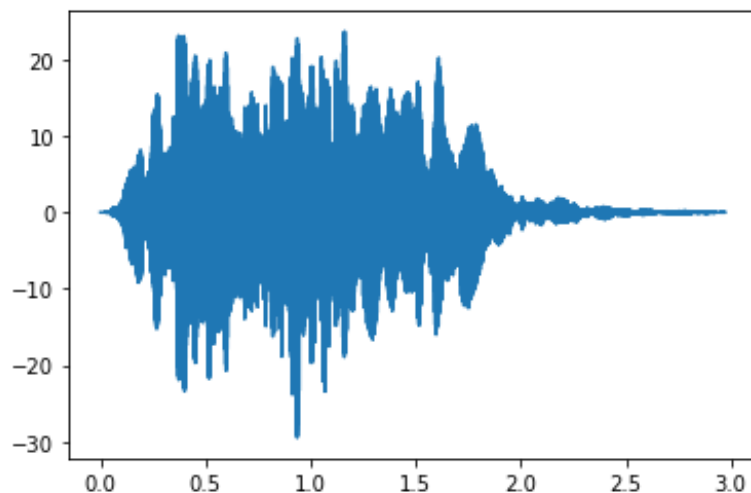


Рис. 7: Сравниваем с `np.convolve`

Видим, что сигналы похожи, хотя длина одного совсем чуть-чуть отличается от другого.

Теперь поэкспериментируем с `scipy.signal.fftconvolve`. Этот метод использует БПФ, поэтому он быстрее

```

1     from thinkdsp import Wave
2
3     import scipy.signal
4     ys = scipy.signal.fftconvolve(violin.ys, response.ys)
5     output3 = Wave(ys, framerate=violin.framerate)
6     output3.plot()

```

Листинг 9: Используем `scipy.signal.fftconvolve`

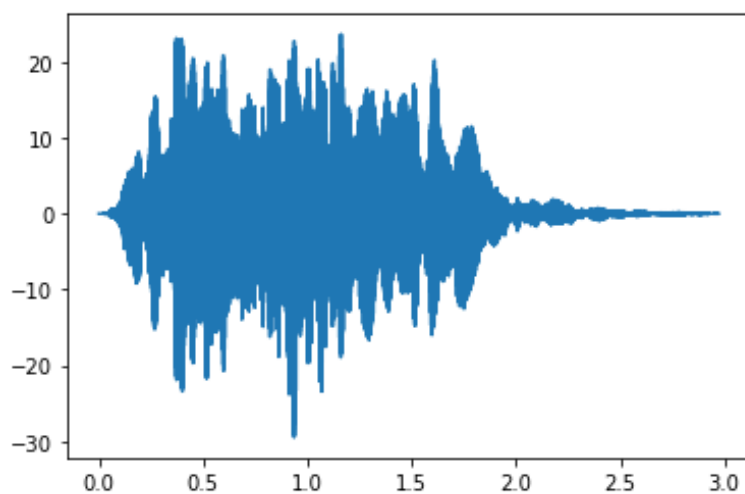


Рис. 8: Используем `scipy.signal.fftconvolve`

Результат получился такой же, как и в прошлом случае, и звучит также.

```

1         output2.max_diff(output3)
2
3         Output
4         1.4210854715202004e-14

```

Листинг 10: Используем `scipy.signal.fftconvolve`

Разница между `np.convolve` и `scipy.signal.fftconvolve` = 1.4210854715202004e-14

2 Упражнение 10.2

1. Задание

Смоделируйте двумя способами звучание записи в том пространстве, где была измерена импульсная характеристика, как сверткой самой записи с импульсной характеристикой, так и умножением ДПФ записи на вычисленный фильтр, соответствующий импульсной характеристике.

2. Ход работы

В качестве примера я взял звук волынки. Визуализируем его.

```
1      response = read_wave('res/bagpipe_music.wav')
2
3      start = 0
4      duration = 5
5      response = response.segment(duration=duration)
6      response.shift(-start)
7
8      response.normalize()
9      response.plot()
10     decorate(xlabel='Time (s)')
```

Листинг 11: Звук волынки

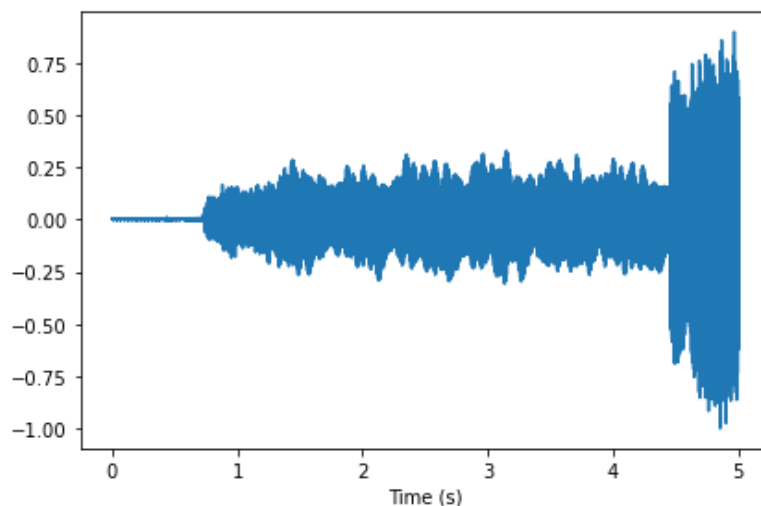


Рис. 9: Звук волынки

Вычислим спектр

```

1      transfer = response.make_spectrum()
2      transfer.plot()
3      decorate(xlabel='Frequency (Hz)', ylabel='Amplitude')

```

Листинг 12: Вычисляем спектр

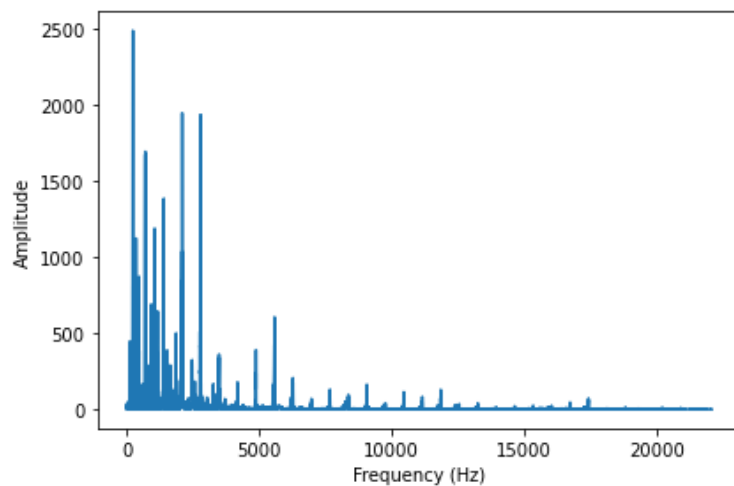


Рис. 10: Спектр звука

Рассмотрим передаточную функцию в логарифмическом масштабе

```

1      transfer.plot()
2      decorate(xlabel='Frequency (Hz)', ylabel='Amplitude',
3              xscale='log', yscale='log')

```

Листинг 13: Передаточная функция в логарифмическом масштабе

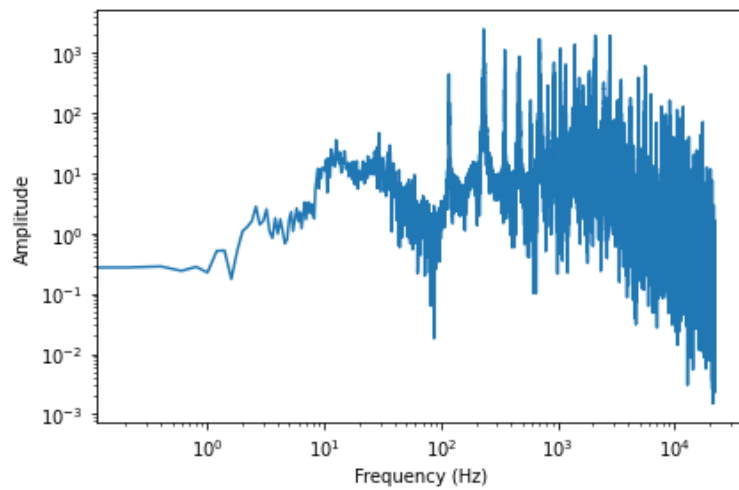


Рис. 11: Передаточная функция в логарифмическом масштабе

Частота звука волныки = 612 Возьмем еще один звук с примерно такой же частотой - звук флейты с частотой = 630

```

1      wave = read_wave('res/flute_music.wav')
2
3      start = 0.0
4      wave = wave.segment(start=start)
5      wave.shift(-start)
6
7      wave.truncate(len(response))
8      wave.normalize()
9      wave.plot()
10     decorate(xlabel='Time (s)')
```

Листинг 14: Звук флейты

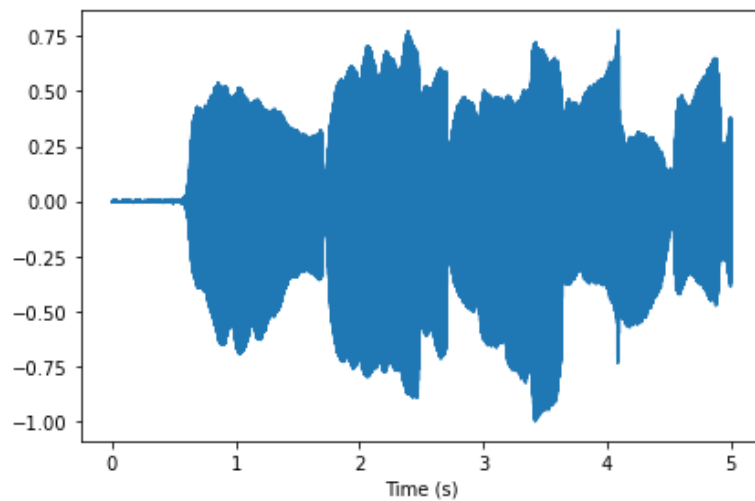


Рис. 12: Звук флейты

Сравним спектры волынки и флейты

```

1      len(spectrum.hs), len(transfer.hs)
2
3      Output
4      (110251, 110251)
5
6      spectrum.fs
7      Output
8      array([0.00000e+00, 2.00000e-01, 4.00000e-01, ...,
9             2.20496e+04,
10             2.20498e+04, 2.20500e+04])
11
12     transfer.fs
13     Output
14     array([0.00000e+00, 2.00000e-01, 4.00000e-01, ...,
15            2.20496e+04,
16            2.20498e+04, 2.20500e+04])

```

Листинг 15: Сравниваем спектры

Спектры совпадают

Теперь трансформируем запись

```

1      output = (spectrum * transfer).make_wave()

```

```
2         output.normalize()
```

Листинг 16: Трансформация записи

И сравним оригинал с трансформацией

```
1         wave.plot()
```

Листинг 17: Оригинальный звук

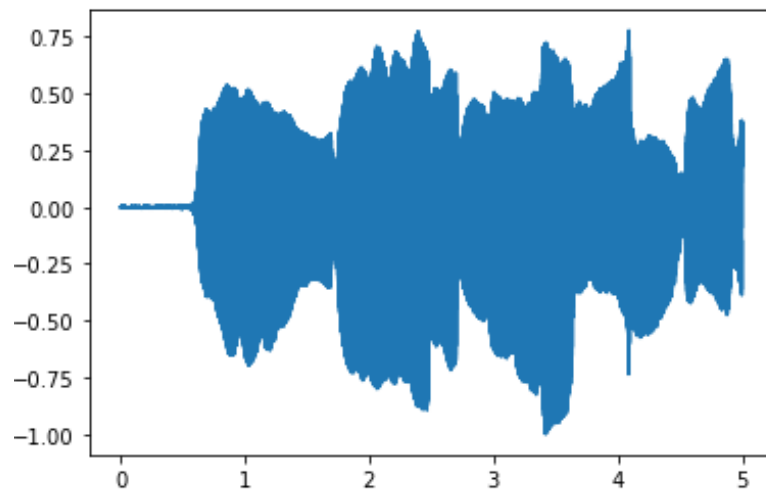


Рис. 13: Оригинальный звук

```
1         output.plot()
```

Листинг 18: Трансформированный звук

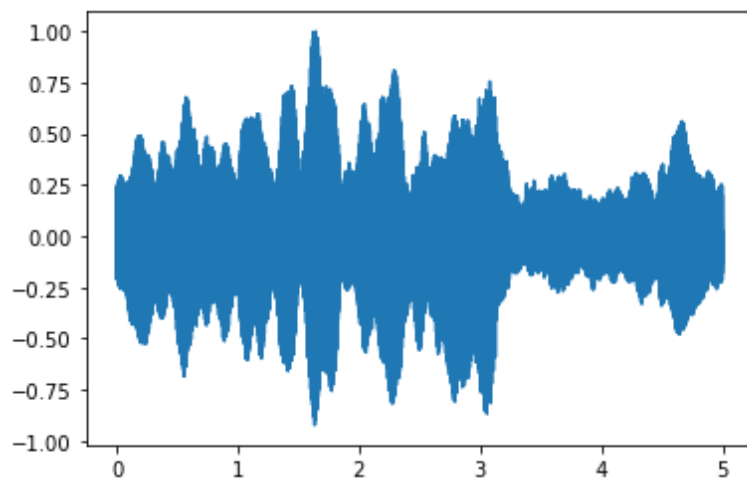


Рис. 14: Трансформированный звук

По звучанию трансформированный звук стал похож на звук из космоса.

Теперь можно сказать, что все эти проделанные операции похожи на свертку. Попробуем применить `convolve`

```
1 convolved2 = wave.convolve(response)
2 convolved2.normalize()
3 convolved2.make_audio()
```

Листинг 19: Оригинальный звук

Результат звучит ожидаемо точно также, как и трансформированная запись.

3 Вывод

В результате выполнения лабораторной работы получены навыки работы с фильтрами и импульсными характеристиками.