Resolução de Problema de Decisão/Otimização usando Programação em Lógica com Restrições

Bosnian Snake

Beatriz Henriques¹ e Beatriz Velho¹

¹ FEUP-PLOG, Turma 3MIEIC02, Grupo Bosnian Snake 1

Faculdade de Engenharia da Universidade do Porto Rua Roberto Frias, sn, 4200-465 Porto, Portugal

Resumo. Este artigo complementa o segundo trabalho prático da Unidade Curricular de Programação em Lógica do Mestrado Integrado em Engenharia Informática e de Computação. O objetivo deste trabalho é a construção de um programa em *PROLOG* com restrições para a resolução de um problema de otimização ou decisão combinatória. O problema de decisão escolhido é baseado num puzzle lógico denominado *Bosnian Snake*. Este jogo tem como principal objetivo desenhar a cobra através de pistas, número de linhas e colunas ocupados por esta. Neste artigo mostramos que foi possível a resolução deste problema de forma eficiente, através da manipulação de predicados disponibilizados pelo SICStus Prolog.

Palavras-chave: prolog, restrições, feup, plog, bosnian snake, tabuleiro

1 Introdução

Este projeto foi desenvolvido no âmbito da unidade curricular de Programação em Lógica. Consiste na resolução de um problema de otimização ou decisão combinatória através do uso da biblioteca *clpfd* presente no SICStus Prolog. O problema selecionado pelo grupo foi um puzzle chamado Bosnian Snake.

Este puzzle consiste num jogo de lógica e estratégia, jogado num tabuleiro 8x8. O objetivo do jogo é descobrir a cobra escondida no tabuleiro. Sabendo a localização da cabeça e da cauda da cobra e através de pistas localizadas no tabuleiro, os quadrados ocupados pela cobra, e fora do tabuleiro, o número de quadrados linhas/colunas onde se encontra a cobra. A cobra não pode tocar-se mesmo em diagonais e o caminho tem de ser contínuo.

Este artigo explica o problema em questão detalhadamente e demonstra a resolução deste problema em detalhe.

2 Descrição do Problema

O puzzle *Bosnian Snake* é jogado num tabuleiro quadrado com dimensão de 8x8. Neste são colocadas pistas, a cabeça e a cauda da cobra. As pistas são representadas por números de 1 a 8 e colocadas nas células e à volta do tabuleiro. As pistas colocadas nas células representam o número de células que a cobra irá ocupar em volta dessa mesma célula. E as que se encontram à volta representam o número de células que a cobra pode ocupar na linha/coluna. O corpo da cobra também tem de obedecer algumas regras. Como por exemplo, esta nunca se pode tocar, nem mesmo em diagonal ou a solução deve garantir que o corpo da cobra é um caminho contínuo.

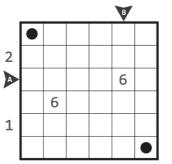


Figura 1 Um possível início de jogo

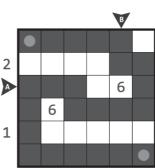


Figura 2 Solução do jogo

3 Abordagem

O primeiro passo foi fazer uma avaliação ponderada de como abordar o puzzle *Bosnian Snake* como um problema de restrições. De seguida, foi necessário definir as variáveis de decisão para aplicar no predicado de *labeling*, a melhor restrição possível e modo mais intuitivo para o utilizador.

O jogo implementado permite tabuleiros de diferentes tamanhos. Os tamanhos predefinidos são 6x6, 9x9, 12x12, no entanto, no jogo *random* é possível escolher o tamanho.

Para tabuleiro é representado através de uma lista de listas, em que cada posição possui um número de -1 a 7 em que:

- -1 representa uma célula ocupada pela cobra;
- 0 representa caminho livre;
- 1 a 7 representa as pistas interiores.

Excerto de código 1 Exemplo lista de listas do tabuleiro 6x6

3.1 Variáveis de Decisão

Para a resolução do jogo Bosnian Snake é utilizada uma variável de decisão (ou variável de domínio) que representa o tabuleiro final, ou seja, o tabuleiro com a solução. Esta variável é uma lista de listas. Cada variável de domínio dentro desta representa uma célula do tabuleiro e o seu domínio é -1 ou 0. O predicado a seguir apresentado é um excerto da definição do domínio das variáveis de decisão.

```
inicializarLinha([_|T],[H1|T1]):-

H1 in -1..0,

inicializarLinha(T,T1).

Excerto de código 2 Definição do domínio das variáveis de decisão
```

3.2 Restrições

A resolução do problema resume-se em cinco restrições:

- 1. As posições inicial e final da cobra só podem ter uma célula vizinha ocupada pela cobra, e esta tem que estar numa das posições ortogonais da célula;
- 2. O número de células ocupadas pela cobra numa determinada linha ou coluna tem que ser igual à pista exterior;
- 3. O número de células ocupadas pela cobra em volta de uma casa com um número de 1 a 7 tem que exatamente igual a esse número;
- 4. Uma célula ocupada pela cobra (exceto a cabeça e cauda) tem que ter exatamente duas células ortogonais vizinhas ocupadas pela cobra;
- A cobra não pode tocar em si mesma, o que implica também não haver diagonais ocupadas pela cobra.

De seguida são explicadas as restrições acima referidas, sendo apresentado excertos de código utilizado para a sua implementação.

As posições inicial e final da cobra só podem ter uma célula vizinha ocupada pela cobra, e esta tem que estar numa das posições ortogonais da célula.

Independentemente do tamanho do tabuleiro, a cabeça e a cauda da cobra apenas podem ter uma célula vizinha ocupada pela cobra, em que a posição tem que ser ortogonal. O predicado seguinte é responsável por esta restrição.

```
validarInicioFimCobra(TAB, NLINHA, NCOLUNA):-
    getElementosVizinhos(TAB, [[-1,0],[0,1],[1,0],[0,-1]], NLINHA,
NCOLUNA, LISTAVIZINHOS),
    getCasaTabuleiro(TAB, NLINHA, NCOLUNA, CASA),
    count(-1, LISTAVIZINHOS, #=, COUNT),
    CASA #= -1 #=> COUNT #= 1.

Excerto de código 3
```

O número de células ocupadas pela cobra numa determinada linha ou coluna tem que ser igual à pista exterior.

Neste predicado é recebido no segundo parâmetro uma lista com as posições das linhas que têm uma pista exterior ao tabuleiro e o respetivo número de células que a cobra pode ocupar nessa linha. O mesmo predicado é feito para as colunas, sendo feito antes transpose do tabuleiro.

```
validarCasasCobraLinha(_,[]).
validarCasasCobraLinha(TAB,[LINHA-COBRALINHA|T]):-
    nth1(LINHA,TAB,LINHA_TAB),
    sum(LINHA_TAB,#=,COBRALINHA1),
    COBRALINHA1 #= (COBRALINHA * -1),
    validarCasasCobraColuna(TAB,T).

Excerto de código 4
```

O número de células ocupadas pela cobra em volta de uma casa com um número de 1 a 7 tem que exatamente igual a esse número.

O primeiro parâmetro no seguinte predicado é o tabuleiro inicial, e por cada célula que tenha um número H maior que zero, é definida a restrição de que no tabuleiro solução, o número de células ocupadas pela cobra em volta da célula com a mesma posição é igual a H.

Uma célula ocupada pela cobra (exceto a cabeça e cauda) tem que ter exatamente duas células ortogonais vizinhas ocupadas pela cobra.

Neste predicado é definida a restrição de que cada célula ocupada pela cobra tem que ter exatamente duas casas ortogonais vizinhas ocupadas também pela cobra.

```
validarDoisVizinhosCobra([_|T],TAB,NLINHA,NCOLUNA,[LI/CI,LF/CF]):-
    getElementosVizinhos(TAB,[[-1,0],[0,1],[1,0],[0,-

1]],NLINHA,NCOLUNA,LISTAVIZINHOS),
    getCasaTabuleiro(TAB,NLINHA,NCOLUNA,CASA),
    count(-1,LISTAVIZINHOS,#=,COUNT),
    CASA #= -1 #=> COUNT #= 2,
    NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
    validarDoisVizinhosCobra(T,TAB,NLINHA,NCOLUNA1,[LI/CI,LF/CF]).
    Excerto de código 6
```

A cobra não pode tocar em si mesma, o que implica também não haver diagonais ocupadas pela cobra.

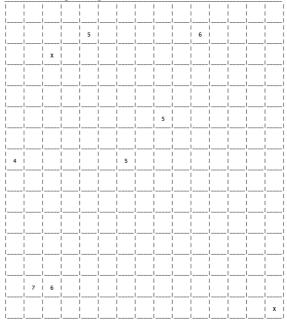
No excerto de código seguinte é definida a restrição de que a cobra não se pode tocar. Para isso, por cada célula com posição *NLINHA/NCOLUNA* do tabuleiro são verificadas as suas diagonais e caso a célula *CASA* e a diagonal *CASA1* em análise sejam parte da cobra, então existe uma única célula vizinha a *CASA* e *CASA1* que é necessariamente também parte da cobra.

```
validarDiagonalNaoDiagonalRestricao(TAB,NLINHA,NCOLUNA,NLINHA1,NCOLUNA1):-
    getCasaTabuleiro(TAB,NLINHA,NCOLUNA,CASA),
    getCasaTabuleiro(TAB,NLINHA1,NCOLUNA1,CASA1),
    getCasaTabuleiro(TAB,NLINHA1,NCOLUNA,CASAVIZINHA1),
    getCasaTabuleiro(TAB,NLINHA,NCOLUNA1,CASAVIZINHA2),
    (CASA #= -1 #/\ CASA1 #= -1) #=>
    (CASAVIZINHA1 #= -1 #/\ CASAVIZINHA2 #= 0)
    #\/
    (CASAVIZINHA1 #= 0 #/\ CASAVIZINHA2 #= -1).

Excerto de código 7
```

3.3 Jogo Random

Foi implementado também a geração dinâmica de problemas, isto é, o jogo implementado gera aleatoriamente o tabuleiro a ser resolvido. Neste modo de jogo, o utilizador insere o tamanho do tabuleiro que pretende bem como as posições inicial e final da cobra. Com estes dados, é gerado um tabuleiro com as pistas necessárias para a sua resolução, como o exemplo seguinte, com dimensão 15x15:



Para o modo *random* são utilizadas as mesmas restrições e após ter uma solução do tabuleiro é eliminada a cobra e são inseridas no tabuleiro as pistas. O número de pistas a apresentar é consoante o tamanho do tabuleiro, sendo calculado pela operação tamanho div 2.

4 Visualização da Solução

Quando o jogo é iniciado podemos observar um menu inicial:

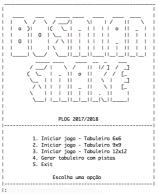


Figura 3 Menu inicial

Este menu é desenhado pelo predicado *imprimirMenuInicial*. Podemos observar que existem 5 opções no menu, estas são selecionadas pelo predicado *selecionarTabuleiro*, que por sua vez recorre ao predicado *modoJogo* para iniciar o modo de jogo desejado. Se a opção introduzida não corresponder a nenhuma das opções disponíveis o predicado volta a pedir uma opção válida.

```
selecionarTabuleiro:-
        read(OPCAO),
OPCAO > 0,
OPCAO < 6, !,
modoJogo(OPCAO).
selecionarTabuleiro:-
         write('Introduza uma opção válida!'),nl,
         selecion ar Tabuleiro.\\
modoJogo(1):-
         iniciarJogo(6).
modoJogo(2):-
         iniciarJogo(9).
modoJogo(3):-
         iniciarJogo(12).
modoJogo(4):-
          iniciarJogoRandom.
modoJogo(5):-
          write('Exit!').
                           Excerto de código 8 Imprimir menu inicial e opções
```

O tabuleiro de jogo tem 3 tamanhos disponíveis, 6x6, 9x9 e 12x12 como mostram as figuras seguintes. A cabeça, cauda e corpo da cobra são representados pelo caracter "X". Quando é iniciado o tabuleiro de jogo, é possível observar dois caracteres "X" que representam a cabeça e a cauda da cobra, e alguns números que representam as pistas.

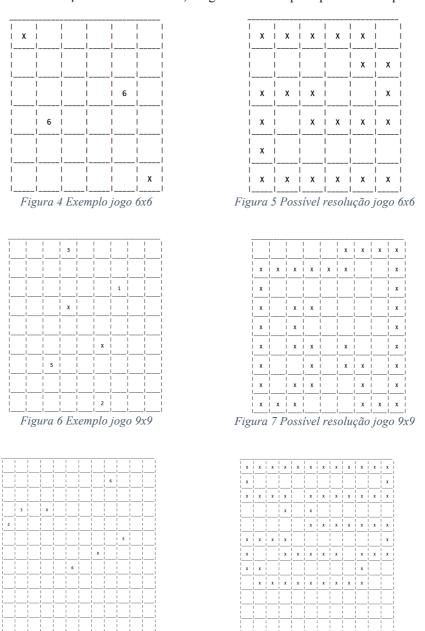


Figura 9 Possível resolução de jogo 12x12

Figura 8 Exemplo de jogo 12x12

Estes tabuleiros são desenhados com o auxílio dos predicados recursivos e adaptáveis a qualquer dimensão do tabuleiro:

- *imprimirSeparadorInicial* imprime os caracteres "_____", para formar a barra do topo do tabuleiro;
- *imprimirSeparadorLinhas* imprime os caracteres "|_____"; para criar um pedaço da célula do tabuleiro;
- imprimirSeparadorColunas imprime os carateres "| " para criar o espaço necessário entre as células que não estão ocupadas por uma peça;
- imprimirCasa imprime a célula com a peça, representada pelo caracter "X";
- imprimirPecasLinha imprime as peças que estão numa determinada linha;
- *imprimirLinha* imprime a linha completa;
- *imprimirLinhas* imprime o tabuleiro completo;
- *imprimirTabuleiro* predicado que chama os predicados necessários para a impressão completa do tabuleiro;

```
imprimirSeparadorInicial(0, ).
imprimirSeparadorInicial(TAMANHO,SEPARADOR):-
       write (SEPARADOR), TAMANHO1 is TAMANHO - 1,
       imprimirSeparadorInicial(TAMANHO1, SEPARADOR).
imprimirSeparadorInicial(TAMANHO):-
       imprimirSeparadorInicial(TAMANHO,'
imprimirSeparadorLinhas(0, ).
imprimirSeparadorLinhas(TAMANHO, SEPARADOR):-
       write (SEPARADOR),
       TAMANHO1 is TAMANHO - 1,
       imprimirSeparadorLinhas(TAMANHO1, SEPARADOR).
imprimirSeparadorLinhas(TAMANHO):-
       imprimirSeparadorLinhas(TAMANHO,'|
imprimirSeparadorColunas(0,_).
imprimirSeparadorColunas(TAMANHO, SEPARADOR):-
       write (SEPARADOR),
       TAMANHO1 is TAMANHO - 1,
       imprimirSeparadorColunas(TAMANHO1, SEPARADOR).
imprimirSeparadorColunas(TAMANHO):-
       imprimirSeparadorColunas(TAMANHO,'|
imprimirBarraSeparadorColuna:-
       write('|'), nl.
imprimirCasa(0):-
      write('
imprimirCasa(-1):-
      write(' '), write('X'), write(' ').
imprimirCasa(H):-
       write(' '), write(H), write(' ').
imprimirPecasLinha([]).
imprimirPecasLinha([H | T]):-
       write('|'),
       imprimirCasa(H),
       imprimirPecasLinha(T).
imprimirLinha([], ).
```

```
imprimirLinha(LINHA, TAMANHO):-
        imprimirSeparadorColunas(TAMANHO),
        imprimirBarraSeparadorColuna,
        imprimirPecasLinha(LINHA),
        imprimirBarraSeparadorColuna,
        imprimirSeparadorLinhas(TAMANHO),
        imprimirBarraSeparadorColuna.
imprimirLinhas([], ).
imprimirLinhas([LINHA | T], TAMANHO):-
        imprimirLinha(LINHA, TAMANHO),
        imprimirLinhas(T, TAMANHO).
imprimirTabuleiro(TAB):-
        getTamanhoTab(TAB, TAMANHO),
        imprimirSeparadorInicial(TAMANHO), nl,
        imprimirLinhas(TAB, TAMANHO).
                   Excerto de código 9 Código que imprime o tabuleiro
```

5 Resultados

Antes de elaborar a análise, iremos apresentar os termos mencionados na Tabela 1:

- Retomadas quando a execução de um predicado é interrompida pela necessidade de recorrer a outro predicado auxiliar e, após a execução do segundo continua a correr o primeiro predicado;
- Envolvimentos -
- Podas soluções obtidas, mas não são relevantes para a continuação do problema e por esse motivo são descartadas. Por outras palavras, corta soluções extra da árvore;
- Retrocessos backtracking;
- Restrições criadas todas as restrições criadas durante o programa;
- Tempo tempo decorrido desde que o programa inicia até que chega ao fim;
- Tempo inverso tem o mesmo significado de que o primeiro, mas o *labeling* corre de modo inverso.

Dados Tabuleiro	6x6	9x9	12x12
Retomadas	5172895	5198062	5183971
Envolvimentos	411436	436226	419726
Podas	10859449	10875492	10868193
Retrocessos	1199160	1199186	1199167
Restrições criadas	1438	3686	7039

Tabela 1

		Tempo (s)	Tempo inverso (s)
Tabuleiro 6x6	Exemplo 1	6.46	6.75
	Exemplo 2	6.34	6.56

	Exemplo 3	6.32	6.75
	Média	6.37	6.60
Tabuleiro 9x9	Exemplo 1	6.60	6.41
	Exemplo 2	6.30	6.38
	Exemplo 3	6.12	6.38
	Média	6.34	6.39
Tabuleiro 12x12	Exemplo 1	6.42	6.58
	Exemplo 2	6.29	6.46
	Exemplo 3	6.02	6.32
	Média	6.24	6.45

Tabela 2

Através da tabela anterior é possível concluir que o tabuleiro mais eficiente em Tempo é o tabuleiro 12x12 e o tabuleiro mais eficiente em Tempo inverso é o tabuleiro 9x9. No entanto, quando observamos a Tabela 1 é possível perceber que os tabuleiros 6x6 e 12x12 têm valores bastante idênticos em Retomadas, Envolvimentos, Podas e Retrocessos. Em conclusão, se for dado tempo suficiente para o algoritmo correr, acabar-se-á por chegar a uma solução ótima.

6 Conclusões e Trabalho Futuro

Após a realização deste trabalho, concluímos que a linguagem de Programação em Lógica, mais especificamente os módulos de resolução de restrições são bastante úteis, permitindo a resolução de uma ampla variedade de questões de decisões e otimização.

Depois de entendido o funcionamento por de trás de variáveis de decisão, formas de restringir o domínio de variáveis, a maneira como o *labeling* funciona e, por fim, o todo o potencial da biblioteca *clfpd* disponibiliza, tornou-se mais acessível uma resolução para o problema.

O grupo sentiu mais dificuldade na implementação de funcionalidades random com alguma eficiência.

A solução implementada pelo nosso grupo corresponde às expectativas em geral.

Bibliografia

- 1. http://logicmastersindia.com/lmitests/dl.asp?attachmentid=645&view=1
- 2. https://sicstus.sics.se/

Anexo

Código fonte: main.pl

```
:-use_module(library(random)).
:-ensure_loaded('impressao.pl').
:-ensure_loaded('geral.pl').
:-ensure_loaded('logica.pl').
:-ensure_loaded('random.pl').
/* *****
* main *
***** */
% funcao principal, ou seja, primrira funcao a ser invocada para iniciar o
jogo
run:-
        imprimirMenuInicial,
        selecionarTabuleiro.
% opcoes de modo de jogo
% opcao 1 - Iniciar jogo - Tabuleiro 6x6
modoJogo(1):-
        iniciarJogo(6).
% opcao 2 - Iniciar jogo - Tabuleiro 9x9
modoJogo(2):-
        iniciarJogo(9).
% opcao 3 - Iniciar jogo - Tabuleiro 12x12
modoJogo(3):-
        iniciarJogo(12).
% opcao 4 - Gerar tabuleiro com pistas
modoJogo(4):-
         iniciarJogoRandom.
% opcao 5 - exit
modoJogo(5):-
         write('Exit!').
% funcao para iniciar o jogo
iniciarJogo(TAMANHO):-
        tabuleiro(TAMANHO, TAB),
        getCasasCobraLinhaColuna(TAMANHO, COBRA LINHA, COBRA COLUNA),
        imprimirTabuleiro(TAB),
        getSolucao(TAB, COBRA_LINHA, COBRA_COLUNA, TAB1), !,
        imprimirTabuleiro(TAB1).
% Obtem a solucao de um tabuleiro
getSolucao(TAB, COBRA_LINHA, COBRA_COLUNA, TAB1):-
        getTamanhoTab(TAB, TAMANHO), !,
        validarDuasPosicoesCobra (TAB, POSICOES, TAMANHO),
        inicializarTab(TAB, TAB1), % definir domínios
        validarInicioFimCobra(TAB1, POSICOES), % 1ª restrição
        validar
Casas
Cobra<br/>Linha
Coluna (TAB1, COBRA_LINHA, COBRA_COLUNA), \ \mbox{\$}\ \mbox{2}^{\mbox{\ a}}
restrição
        validarCasasCobraAround(TAB,TAB1,1), % 3ª restrição
        validarDoisVizinhosCobra(TAB1, TAB1, 1, POSICOES), % 4ª restrição
        validarIntersecaoDiagonal(TAB1, TAB1, TAMANHO), % 5ª restrição
```

```
maplist(labeling([]),TAB1),
        verificarCobraConexa(TAB1, TAMANHO, POSICOES).
% Jogo Random
% lê o tamanho do tabuleiro da opcao 4
introduzirTamanhoTabuleiro(TAMANHO):-
        write('Introduza um tamanho para o tabuleiro valido!'),nl,
        read(TAMANHO), nl,
        TAMANHO > 2, !.
introduzirTamanhoTabuleiro(TAMANHO):-
        introduzirTamanhoTabuleiro(TAMANHO).
% lê a posição inicial e final da snake no tabuleiro com random
introduzirPosicaoInicialFinal(TAB, TAMANHO, POSICOES, TAB1):-
        write('Introduza uma posicao inicial e final para a cobra no for-
mato:'),nl,
        write('LinhaInicial/ColunaInicial - LinhaFinal/ColunaFinal'),nl,
        read(LI/CI - LF/CF), nl,
        inicializarTabuleiroRandom(TAB,LI/CI,LF/CF,TAB1),
        validarDuasPosicoesCobra(TAB1, POSICOES, TAMANHO).
introduzirPosicaoInicialFinal(TAB, TAMANHO, [LI/CI, LF/CF], TAB1):-
        introduzirPosicaoInicialFinal(TAB, TAMANHO, [LI/CI, LF/CF], TAB1).
% gerador de pistas
gerarPistas(_,0,_,_,PISTAS,PISTAS).
gerarPistas(TAB, NPISTAS, MAX, POSICOES, AUXPISTAS, PISTAS):-
        random(1, MAX, LINHA),
        random(1,MAX,COLUNA),
        \+member(LINHA/COLUNA, POSICOES),
        getCasaTabuleiro(TAB, LINHA, COLUNA, CASA),
        CASA = 0,
        getElementosVizinhos(TAB,[[-1,-1],[-1,0],[-1,1],[0,-1],[0,1],[1,-
1], [1,0], [1,1]], LINHA, COLUNA, LISTAVIZINHOS),
        sumlist(LISTAVIZINHOS, SUM),
        SUM < 0,
        NPISTAS1 is NPISTAS - 1,
        gerarPis-
tas (TAB, NPISTAS1, MAX, POSICOES, [LINHA/COLUNA|AUXPISTAS], PISTAS).
gerarPistas(TAB, NPISTAS, MAX, POSICOES, AUXPISTAS, PISTAS):-
        gerarPistas(TAB, NPISTAS, MAX, POSICOES, AUXPISTAS, PISTAS).
% apaga a cobra
apagarCobraEscreverPistasLinha(_,[],[],_,_,_).
apagarCobraEscreverPistasLi-
\verb|nha|(TAB, [\_|T], [SUM1|T1], \verb|PISTAS|, \verb|POSICOES|, \verb|NLINHA|, \verb|NCOLUNA|):-|
        member (NLINHA/NCOLUNA, PISTAS),
        getElementosVizinhos(TAB,[[-1,-1],[-1,0],[-1,1],[0,-1],[0,1],[1,-1],
[1,0],[1,1]], NLINHA, NCOLUNA, LISTAVIZINHOS),
        sumlist(LISTAVIZINHOS,SUM),
        SUM1 is abs(SUM),
        NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
        apagarCobraEscreverPistasLinha(TAB, T, T1, PISTAS, POSICOES, NLINHA,
NCOLUNA1).
apagarCobraEscreverPistasLinha(TAB,[ |T],[-1|T1],PISTAS,POSICOES,NLINHA,
NCOLUNA):-
        member (NLINHA/NCOLUNA, POSICOES),
        NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
```

```
apagarCobraEscreverPistasLinha (TAB, T, T1, PISTAS, POSICOES, NLINHA,
NCOLUNA1).
apagarCobraEscreverPistasLinha(TAB,[ |T],[0|T1],PISTAS,POSICOES,NLINHA,
NCOLUNA):-
         NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
         apagarCobraEscreverPistasLinha(TAB, T, T1, PISTAS, POSICOES, NLINHA,
NCOLUNA1).
apagarCobraEscreverPistas(_,[],[],_,_,_).
apagarCobraEscreverPistas(TAB,[H|T],[H1|T1],PISTAS,POSICOES,NLINHA):-
         apagarCobraEscreverPistasLinha(TAB, H, H1, PISTAS, POSICOES, NLINHA, 1),
         NLINHA1 is NLINHA + 1,
         \verb"apagarCobraEscreverPistas" (\texttt{TAB}, \texttt{T}, \texttt{T1}, \texttt{PISTAS}, \texttt{POSICOES}, \texttt{NLINHA1}) \;.
apagarCobraEscreverPistas(TAB, TAMANHO, POSICOES, TAB1):-
         NPISTAS is TAMANHO div 2,
         MAX is TAMANHO + 1,
         gerarPistas(TAB, NPISTAS, MAX, POSICOES, [], PISTAS),
         \verb|apagarCobraEscreverPistas| (\texttt{TAB}, \texttt{TAB}, \texttt{TAB1}, \texttt{PISTAS}, \texttt{POSICOES}, 1) \;.
% inicia o jogo random
iniciarJogoRandom(TAMANHO, POSICOES, TAB):-
         imprimirTabuleiro(TAB),
         inicializarTab(TAB,TAB1),
         validarInicioFimCobra(TAB1, POSICOES),
         validarCasasCobraAround(TAB, TAB1, 1),
         validarDoisVizinhosCobra(TAB1, TAB1, 1, POSICOES),
         validarIntersecaoDiagonal(TAB1, TAB1, TAMANHO),
         maplist(labeling([]),TAB1),
         verificarCobraConexa(TAB1, TAMANHO, POSICOES),
         imprimirTabuleiro(TAB1),
         apagarCobraEscreverPistas(TAB1, TAMANHO, POSICOES, TAB2),
         imprimirTabuleiro(TAB2).
iniciarJogoRandom:-
         introduzirTamanhoTabuleiro(TAMANHO),
         gerarTabuleiro(TAMANHO, TAB),
         introduzirPosicaoInicialFinal (TAB, TAMANHO, POSICOES, TAB1),
         iniciarJogoRandom (TAMANHO, POSICOES, TAB1).
```

Código fonte: impressao.pl

```
/* *******
* impressao *
*********
imprimirMenuInicial:-
      nl.nl.
                                                          _'), nl,
       write('
                                                          |'), nl,
      write('|
      write('|
                                                         |'), nl,
                   ///
                                                        \\ |'), nl,
      write('|
                                                    _ | |'), nl,
      write('| | o )|
      write('|
                   || 0
               | \cdot |
      write('|
              | 0 ||
                               // | | | | | | //
                                                  || | | |'), nl,
                                 || | | | | | _ || | | |'), nl,
      write('|
              1 11
      write('|
                                                           |'), nl,
      write('|
                                                         |'), nl,
                                       write('|
                                                          |'), nl,
      write('|
                                                          |'), nl,
                                      - 11
                                                          |'), nl,
      write('|
                                -11
      write('|
                              11
                                       | \cdot |
                                                           |'), nl,
                                    _ ''
      write('|
                                11
                                                          |'), nl,
                              1.1
      write('|
                              _|_|||_|
                                                          | '), nl,
       write('|
                                                             |'), nl,
       write('|
                                                             |'), nl,
       write('|
                             PLOG 2017/2018
                                                            |'), nl,
       write('|-----|'), nl,
       write('|
                                                             |'), nl,
                      1. Iniciar jogo - Tabuleiro 6x6
                                                             |'), nl,
       write('|
       write('|
                      2. Iniciar jogo - Tabuleiro 9x9
                                                            |'), nl,
                      3. Iniciar jogo - Tabuleiro 12x12
                                                            |'), nl,
       write('|
       write('|
                       4. Gerar tabuleiro com pistas
                                                             |'), nl,
                                                             |'), nl,
       write('|
                      5. Exit
       write('|
                                                             |'), nl,
       write('|
                            Escolha uma opção
                                                             |'), nl,
       write('|-----|'), nl.
selecionarTabuleiro:-
      read(OPCAO),
       OPCAO > 0,
      OPCAO < 6, !,
      modoJogo(OPCAO).
selecionarTabuleiro:-
      write('Introduza uma opção válida!'), nl, selecionarTabuleiro.
% Imprime o limite superior do tabuleiro
imprimirSeparadorInicial(0, ).
imprimirSeparadorInicial(TAMANHO, SEPARADOR):-
       write(SEPARADOR), TAMANHO1 is TAMANHO - 1,
       \verb|imprimirSeparadorInicial(TAMANHO1, SEPARADOR)|.
imprimirSeparadorInicial(TAMANHO):-
       imprimirSeparadorInicial(TAMANHO,'____').
```

```
% Imprime o separador de linhas do tabuleiro
imprimirSeparadorLinhas(0,_).
imprimirSeparadorLinhas(TAMANHO, SEPARADOR):-
       write(SEPARADOR), TAMANHO1 is TAMANHO - 1,
       imprimirSeparadorLinhas(TAMANHO1, SEPARADOR).
imprimirSeparadorLinhas(TAMANHO):-
       imprimirSeparadorLinhas(TAMANHO,'|____').
% Imprime o separador de colunas do tabuleiro
imprimirSeparadorColunas(0, ).
imprimirSeparadorColunas(TAMANHO, SEPARADOR):-
       write(SEPARADOR), TAMANHO1 is TAMANHO - 1,
       imprimirSeparadorColunas(TAMANHO1, SEPARADOR).
imprimirSeparadorColunas(TAMANHO):-
       imprimirSeparadorColunas(TAMANHO,'|
imprimirBarraSeparadorColuna:- write('|'), nl.
% Imprime uma casa do tabuleiro com a peca "Peca"
imprimirCasa(0):- write(' ').
imprimirCasa(-1):- write(' '), write('X'), write(' ').
imprimirCasa(H):- write(' '), write(H), write(' ').
% Imprime as pecas que estao numa determinada linha do tabuleiro
imprimirPecasLinha([]).
imprimirPecasLinha([H | T]):-
       write('|'),
       imprimirCasa(H),
       imprimirPecasLinha(T).
% Imprime a linha numero "NLinha" do tabuleiro
imprimirLinha([],_).
imprimirLinha(LINHA, TAMANHO):-
       imprimirSeparadorColunas(TAMANHO),
       imprimirBarraSeparadorColuna,
       imprimirPecasLinha(LINHA),
       imprimirBarraSeparadorColuna,
       imprimirSeparadorLinhas(TAMANHO),
       imprimirBarraSeparadorColuna.
% Imprime todas as linhas do tabuleiro
imprimirLinhas([],_).
imprimirLinhas([LINHA | T],TAMANHO):-
       imprimirLinha (LINHA, TAMANHO),
       imprimirLinhas(T, TAMANHO).
% Imprime o tabuleiro com o estado atual do jogo
imprimirTabuleiro(TAB):-
       getTamanhoTab(TAB, TAMANHO),
       imprimirSeparadorInicial(TAMANHO), nl,
       imprimirLinhas (TAB, TAMANHO).
```

Código fonte: geral.pl

```
/******
tabuleiros
********
tabuleiro(6,
[[-1,0,0,0,0,0], [0,0,0,0,0], [0,0,0,0,6,0],
[0,6,0,0,0,0], [0,0,0,0,0,0], [0,0,0,0,0,-1]]).
[[0,0,0,3,0,0,0,0,0], [0,0,0,0,0,0,0,0], [0,0,0,0,0,0,1,0,0],
[0,0,0,-1,0,0,0,0,0], [0,0,0,0,0,0,0,0], [0,0,0,0,0,-1,0,0,0],
[0,0,5,0,0,0,0,0], [0,0,0,0,0,0], [0,0,0,0,0,2,0,0,0]]).
tabuleiro(12,
0],
[0,3,0,-
1,0,0,0,0,0,0,0],[2,0,0,0,0,0,0,0,0,0],[0,0,0,0,0,0,0,0,5,0,0],
[0,0,0,0,0,0,0,-
1,0,0,0,0],[0,0,0,0,6,0,0,0,0,0],[0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0],
]]).
% tablueiro(TAMANHO,LINHA,CASAS_COBRA_LINHA)
tabuleiroLinha(6,2,2).
tabuleiroLinha(6,5,1).
tabuleiroLinha(12,9,9).
tabuleiroLinha(12,4,2).
% tablueiro(TAMANHO,COLUNA,CASAS_COBRA_LINHA)
tabuleiroColuna(9,3,6).
tabuleiroColuna(9,7,4).
tabuleiroColuna(12,8,5).
tabuleiroColuna(12,2,5).
```

Código fonte: logica.pl

```
:-use_module(library(clpfd)).
:-use module(library(lists)).
:-use_module(library(between)).
/**********
logica do jogo
*******
% Quinta Restrição - Nao pode haver diagonais
validarDiagonalNaoDiagonalRestricao(TAB, NLINHA, NCOLUNA, NLINHA1, NCOLUNA1):-
       getCasaTabuleiro (TAB, NLINHA, NCOLUNA, CASA),
       getCasaTabuleiro(TAB, NLINHA1, NCOLUNA1, CASA1),
       getCasaTabuleiro(TAB, NLINHA1, NCOLUNA, CASAVIZINHA1),
       getCasaTabuleiro(TAB, NLINHA, NCOLUNA1, CASAVIZINHA2),
        (CASA #= -1 #/\ CASA1 #= -1) #=>
        (CASAVIZINHA1 #= -1 #/\ CASAVIZINHA2 #= 0)
        #\/
        (CASAVIZINHA1 \#=0 \#/\ CASAVIZINHA2 \#=-1).
validarDiagonalNaoDiagonal(_,[],_,_,_).
validarDiagonalNaoDiagonal(TAB,[[NL,NC]|T],NLINHA,NCOLUNA,TAMANHO):-
       NLINHA1 is NLINHA - NC.
       NCOLUNA1 is NCOLUNA + NL,
       between(1,TAMANHO,NLINHA1),
       between (1, TAMANHO, NCOLUNA1),
       validarDiagonalNaoDiagonalRestri-
cao (TAB, NLINHA, NCOLUNA, NLINHA1, NCOLUNA1), !,
       validarDiagonalNaoDiagonal(TAB, T, NLINHA, NCOLUNA, TAMANHO).
validarDiagonalNaoDiagonal(TAB, T, NLINHA, NCOLUNA, TAMANHO).
validarIntersecaoDiagonal([],_,_,_,_).
validarIntersecaoDiagonal([_|T],TAB1,NLINHA,NCOLUNA,TAMANHO):-
        validarDiagonalNaoDiagonal(TAB1,[[-1,-1],[-1,1],[1,-
1],[1,1]],NLINHA,NCOLUNA,TAMANHO),
       NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
       validarIntersecaoDiagonal(T, TAB1, NLINHA, NCOLUNA1, TAMANHO).
validarIntersecaoDiagonal([],_,_,_).
validarIntersecaoDiagonal([H|T], TAB1, NLINHA, TAMANHO):-
        validarIntersecaoDiagonal (H, TAB1, NLINHA, 1, TAMANHO),
       NLINHA1 is NLINHA + 1,
       validarIntersecaoDiagonal(T,TAB1,NLINHA1,TAMANHO).
validarIntersecaoDiagonal(TAB, TAB1, TAMANHO):-
       validarIntersecaoDiagonal (TAB, TAB1, 1, TAMANHO).
% Quarta Restrição - A cobra não pode tocar em si mesma
validarDoisVizinhosCobra([],_,_,_,).
validarDoisVizinhosCobra([ |T], TAB, NLINHA, NCOLUNA, [LI/CI, LF/CF]):-
       ((NLINHA = LF, NCOLUNA = CF); (NLINHA = LI, NCOLUNA = CI)), NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
       validarDoisVizinhosCobra(T, TAB, NLINHA, NCOLUNA1, [LI/CI, LF/CF]),!.
```

```
validarDoisVizinhosCobra([ |T], TAB, NLINHA, NCOLUNA, [LI/CI, LF/CF]):-
        getElementosVizinhos(TAB,[[-1,0],[0,1],[1,0],[0,-
1]], NLINHA, NCOLUNA, LISTAVIZINHOS),
       getCasaTabuleiro(TAB, NLINHA, NCOLUNA, CASA),
        count(-1,LISTAVIZINHOS,#=,COUNT),
        CASA \#=-1 \#=> COUNT \#=2,
        NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
        validarDoisVizinhosCobra (T, TAB, NLINHA, NCOLUNA1, [LI/CI, LF/CF]).
validarDoisVizinhosCobra([],_,_,_).
validarDoisVizinhosCobra([H|T],TAB1,NLINHA,POSINICIALFINAL):-
        validarDoisVizinhosCobra(H, TAB1, NLINHA, 1, POSINICIALFINAL),
        NITNHA1 is NITNHA + 1.
        validarDoisVizinhosCobra (T, TAB1, NLINHA1, POSINICIALFINAL).
% Terceira Restrição - O número de casa ocupadas pela cobra em volta da casa
'H' tem que ser igual a H (H e um numero de 1 a 7)
validarCasasCobraAroundLinha([], , , ).
validarCasasCobraAroundLinha([H|T], TAB1, NLINHA, NCOLUNA):-
        H > 0.
        getElementosVizinhos(TAB1,[[-1,-1],[-1,0],[-1,1],[0,-1],[0,1],[1,-
1],[1,0],[1,1]],NLINHA,NCOLUNA,LISTAVIZINHOS),
        getCasaTabuleiro (TAB1, NLINHA, NCOLUNA, CASA),
        count(-1,LISTAVIZINHOS,#=,COUNT),
        CASA #= 0 #=> COUNT #= H,
        NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
        validarCasasCobraAroundLinha(T, TAB1, NLINHA, NCOLUNA1).
validarCasasCobraAroundLinha([ |T], TAB1, NLINHA, NCOLUNA):-
        NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
        validarCasasCobraAroundLinha(T, TAB1, NLINHA, NCOLUNA1).
validarCasasCobraAround([],_,_).
validarCasasCobraAround([H|T],TAB1,NLINHA):-
       validarCasasCobraAroundLinha(H,TAB1,NLINHA,1), % H e a linha, TAB1 e
o tabueleiro solucao, TAMANHO e o tamanho do tabuleiro, NLINHA e o numero da
linha
        NITINHA1 is NITINHA + 1.
        validarCasasCobraAround(T,TAB1,NLINHA1).
% Segunda Restrição - O total de casas ocupadas pela cobra numa linha ou co-
luna tem que ser igual a N
validarCasasCobraColuna(_,[]).
validarCasasCobraColuna(TAB,[COLUNA-COBRACOLUNA|T]):-
        nth1 (COLUNA, TAB, COLUNA_TAB),
        sum(COLUNA_TAB, #=, COBRACOLUNA1);
        COBRACOLUNA1 #= (COBRACOLUNA * -1),
        validarCasasCobraColuna(TAB,T).
validarCasasCobraLinha( ,[]).
validarCasasCobraLinha(TAB,[LINHA-COBRALINHA|T]):-
        nth1(LINHA, TAB, LINHA TAB),
        sum(LINHA_TAB, #=, COBRALINHA1),
        COBRALINHA1 #= (COBRALINHA * -1),
        validarCasasCobraColuna(TAB,T).
validarCasasCobraLinhaColuna(TAB,COBRA_LINHA,COBRA_COLUNA):-
```

```
validarCasasCobraLinha(TAB, COBRA LINHA),
        transpose (TAB, TTAB),
        validarCasasCobraColuna(TTAB, COBRA_COLUNA).
% Primeira Restrição - O inicio e o fim da cobra so pode ter um vizinho
% Percorre-se coluna a coluna porque o inicio e fim da cobra pode estar na
mesma linha
validarInicioFimCobra(TAB, NLINHA, NCOLUNA):-
        getElementosVizinhos(TAB,[[-1,0],[0,1],[1,0],[0,-
1]], NLINHA, NCOLUNA, LISTAVIZINHOS),
        getCasaTabuleiro(TAB, NLINHA, NCOLUNA, CASA),
        count(-1,LISTAVIZINHOS,#=,COUNT),
        CASA \#=-1 \#=> COUNT \#=1.
validarInicioFimCobra(_,[]).
validarInicioFimCobra(TAB,[L/C|T]):-
        validarInicioFimCobra(TAB, L, C),
        validarInicioFimCobra(TAB,T).
% Define o domínio das casas do tabuleiro solucao
inicializarLinha([],[]).
inicializarLinha([-1|T],[H1|T1]):-
        H1 in -1.. -1,
        inicializarLinha(T,T1).
inicializarLinha([H|T],[H1|T1]):-
        H > 0,
        H1 in 0..0,
        inicializarLinha(T,T1).
inicializarLinha([\_|T],[H1|T1]):-
H1 in -1..0,
        inicializarLinha(T,T1).
inicializarTab([],[]).
inicializarTab([HTAB|TTAB],[HTAB1|TTAB1]):-
        inicializarLinha(HTAB, HTAB1),
        inicializarTab(TTAB,TTAB1).
% Valida se no tabuleiro inicial existem apenas dois zeros (inicio e fim da
cobra)
\verb|validarDuasPosicoesCobra([],\_,\_, \verb|POSICOES|, \verb|POSICOES|)|.
validarDuasPosicoesCobra([H|T],NLINHA,NCOLUNA,POSICOES,POSICOES1):-
        H = -1.
        NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
        validarDuasPosicoesCo-
bra(T,NLINHA,NCOLUNA1,[NLINHA/NCOLUNA|POSICOES],POSICOES1).
\verb|validarDuasPosicoesCobra([_|T], \verb|NLINHA|, \verb|NCOLUNA|, \verb|POSICOES|, \verb|POSICOES1|):-|
        NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
        validarDuasPosicoesCobra(T,NLINHA,NCOLUNA1,POSICOES,POSICOES1).
validarDuasPosicoesCobra([],_,POSICOES,POSICOES).
validarDuasPosicoesCobra([H|T],NLINHA,POSICOES,POSICOES2):-
        validarDuasPosicoesCobra(H,NLINHA,1,POSICOES,POSICOES1),
```

```
NLINHA1 is NLINHA + 1,
        validarDuasPosicoesCobra (T, NLINHA1, POSICOES1, POSICOES2).
validarDuasPosicoesCobra(TAB,[LI/CI,LF/CF],TAMANHO):-
        validarDuasPosicoesCobra(TAB,1,[],[LI/CI,LF/CF]),
        getListaComPosicoes([[-1,0],[0,1],[1,0],[0,-
1]],LI,CI,TAMANHO,LISTAVIZINHOS),
        \+member(LF-CF, LISTAVIZINHOS).
utils
getListaComPosicoes([],_,_,_,[]).
getListaComPosicoes([[L,C]|T],NLINHA,NCOLUNA,TAMANHO,[LINHA1-
COLUNA1 | POSICOES]):-
        LINHA1 is NLINHA + L,
        between (1, TAMANHO, LINHA1),
        COLUNA1 is NCOLUNA + C,
        between(1, TAMANHO, COLUNA1), !,
        getListaComPosicoes (T, NLINHA, NCOLUNA, TAMANHO, POSICOES) .
getListaComPosicoes([_|T],NLINHA,NCOLUNA,TAMANHO,POSICOES):-
        getListaComPosicoes(T, NLINHA, NCOLUNA, TAMANHO, POSICOES).
getListaComElementos(_,[],[]).
getListaComElementos(TAB,[NLINHA-NCOLUNA|T],[ELMEN|ELEMENTOS]):-
        getElemento (TAB, NLINHA, NCOLUNA, ELMEN),
        getListaComElementos(TAB, T, ELEMENTOS).
getElementosVizinhos (TAB, POSICOES, NLINHA, NCOLUNA, ELEMENTOS):-
        getTamanhoTab(TAB, TAMANHO),
        getListaComPosicoes (POSICOES, NLINHA, NCOLUNA, TAMANHO, LISTAVIZINHOS),
        getListaComElementos(TAB, LISTAVIZINHOS, ELEMENTOS).
getElemento(TAB, NLINHA, NCOLUNA, ELEMENTO):-
        getCasaTabuleiro(TAB, NLINHA, NCOLUNA, ELEMENTO).
getTamanhoTab([H|],TAMANHO):-
        length (H, TAMANHO).
getCasaTabuleiro(TAB, NLINHA, NCOLUNA, CASA):-
        nth1 (NLINHA, TAB, LINHA_TAB),
        nth1 (NCOLUNA, LINHA_TAB, CASA) .
getCasasCobraLinhaColuna(TAMANHO,COBRA_LINHA,COBRA_COLUNA):-
        findall(
                LINHA-COBRALINHA,
                tabuleiroLinha (TAMANHO, LINHA, COBRALINHA),
                COBRA_LINHA),
        findall(
                COLUNA-COBRALINHA,
                tabuleiroColuna (TAMANHO, COLUNA, COBRALINHA),
                COBRA COLUNA).
% Verifica conexão de todos os -1 da solução
getVizinhoConexo(TAB,[NLINHA-NCOLUNA|_],NLINHA,NCOLUNA,POSICOES):-
        getCasaTabuleiro(TAB, NLINHA, NCOLUNA, CASA),
        \+member(NLINHA/NCOLUNA, POSICOES), !.
```

```
getVizinhoConexo(TAB,[ |T], NLINHA, NCOLUNA, POSICOES):-
        getVizinhoConexo(TAB, T, NLINHA, NCOLUNA, POSICOES).
getListaPosicoesCobra( ,LF/CF, LF/CF, ,POSICOESCOBRA, POSICOESCOBRA) .
getListaPosicoesCobra (TAB, LI/CI, LF/CF, TAMANHO, POSICOES, POSICOESCOBRA):-
        getListaComPosicoes([[-1,0],[0,1],[1,0],[0,-
1]], LI, CI, TAMANHO, LISTAVIZINHOS),
        getVizinhoConexo(TAB, LISTAVIZINHOS, NLINHA, NCOLUNA, POSICOES),
        getListaPosicoesCo-
bra (TAB, NLINHA/NCOLUNA, LF/CF, TAMANHO, [NLINHA/NCOLUNA| POSICOES], POSICOESCOBRA
getListaPosicoesCobra(TAB, TAMANHO, [PI, PF], POSICOESCOBRA):-
        getListaPosicoesCobra(TAB, PI, PF, TAMANHO, [PI], POSICOESCOBRA).
\verb|validarTodosMenosUmEmCobraLinha([],\_,\_,\_)|.
validarTodosMenosUmEmCobraLinha([H|T], POSICOESCOBRA, NLINHA, NCOLUNA):-
        H = -1,
        {\tt member} \; ({\tt NLINHA/NCOLUNA}, {\tt POSICOESCOBRA}) \; , \\
        NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
        validarTodosMenosUmEmCobraLinha(T, POSICOESCOBRA, NLINHA, NCOLUNA1).
validarTodosMenosUmEmCobraLinha([H|T], POSICOESCOBRA, NLINHA, NCOLUNA):-
        NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
        validarTodosMenosUmEmCobraLinha(T, POSICOESCOBRA, NLINHA, NCOLUNA1).
validarTodosMenosUmEmCobra([],_,_).
validarTodosMenosUmEmCobra([H|T], POSICOESCOBRA, NLINHA):-
        validarTodosMenosUmEmCobraLinha(H, POSICOESCOBRA, NLINHA, 1),
        NLINHA1 is NLINHA + 1,
        validarTodosMenosUmEmCobra(T,POSICOESCOBRA,NLINHA1).
verificarCobraConexa(TAB, TAMANHO, POSICOES):-
        reverse (POSICOES, POSICOES1),
        getListaPosicoesCobra (TAB, TAMANHO, POSICOES1, POSICOESCOBRA),
        validarTodosMenosUmEmCobra(TAB, POSICOESCOBRA, 1) .
```

Código fonte: random.pl

```
% Jogo Random
gerarTabuleiro([],_,[]).
gerarTabuleiro([_|T1],TAMANHO,[H|T]):-
       length (H, TAMANHO),
       gerarTabuleiro(T1, TAMANHO, T).
gerarTabuleiro(TAMANHO,TAB):-
       length (TAB1, TAMANHO),
       gerarTabuleiro(TAB1, TAMANHO, TAB).
inicializarTabuleiroRandomColuna([],[],_,_,_,_).
inicializarTabuleiroRandomColuna([ |T],[-
1|T1], NLINHA/NCOLUNA, LF/CF, NLINHA, NCOLUNA):-
       NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
       inicializarTabuleiroRandomCo-
luna(T,T1,NLINHA/NCOLUNA,LF/CF,NLINHA,NCOLUNA1), !.
inicializarTabuleiroRandomColuna([_|T],[-
1|T1], LI/CI, NLINHA/NCOLUNA, NLINHA, NCOLUNA):-
       NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1, inicializarTabuleiroRandomCo-
luna(T,T1,LI/CI,NLINHA/NCOLUNA,NLINHA,NCOLUNA1), !.
NCOLUNA1 is NCOLUNA + 1,
       inicializarTabuleiroRandomCo-
luna(T,T1,LI/CI,LF/CF,NLINHA,NCOLUNA1).
inicializarTabuleiroRandomLinha([],[],_,_,_).
inicializarTabuleiroRandomLinha([H|T],[H1|T1],LI/CI,LF/CF,NLINHA):-
       inicializarTabuleiroRandomColuna(H,H1,LI/CI,LF/CF,NLINHA,1),
       NLINHA1 is NLINHA + 1,
       inicializarTabuleiroRandomLinha(T,T1,LI/CI,LF/CF,NLINHA1).
inicializarTabuleiroRandom(TAB,LI/CI,LF/CF,TAB1):-
       inicializarTabuleiroRandomLinha(TAB,TAB1,LI/CI,LF/CF,1).
```