

Análise de dados para o Planejamento Territorial

Práticas em R

Flávia da Fonseca Feitosa Beatriz Milz

2025-08-06

Índice

| | |
|---|-----------|
| Introdução | 6 |
| Calendário | 6 |
| Sobre este material | 7 |
| Licença | 7 |
| 1 Introdução ao R e RStudio | 8 |
| 1.1 Introdução | 8 |
| 1.2 O que é o R? | 8 |
| 1.3 O que é o RStudio? | 9 |
| 1.4 Instalando o R e o RStudio | 9 |
| 1.4.1 Instalação do R | 10 |
| 1.4.2 Instalação do RStudio | 10 |
| 1.5 Conhecendo o RStudio | 11 |
| 1.6 Scripts | 12 |
| 1.6.1 Como executar os códigos? | 14 |
| 1.6.2 Comentários | 15 |
| 1.7 Funções | 15 |
| 1.8 Pacotes | 16 |
| 1.8.1 Repositório de pacotes | 18 |
| 1.9 Documentação | 19 |
| 1.9.1 Documentação no RStudio | 19 |
| 1.9.2 Documentação online | 21 |
| 1.9.3 Cheatsheets | 23 |
| 1.10 Materiais complementares | 23 |
| 2 Conceitos básicos do R | 24 |
| 2.1 Operações matemáticas | 24 |
| 2.2 Objetos | 25 |
| 2.2.1 Objetos existentes no R | 25 |
| 2.2.2 Criando um objeto | 26 |
| 2.3 Tipos de objetos | 27 |
| 2.3.1 Vetores | 27 |
| 2.3.2 Data.frames | 28 |
| 2.4 Materiais complementares | 28 |

| | |
|--|-----------|
| 3 Análise exploratória de dados - Parte 1 | 29 |
| 3.1 Criando um projeto | 29 |
| 3.2 Salvando os dados no projeto | 34 |
| 3.3 Importando os dados | 35 |
| 3.4 Conhecendo a base de dados | 36 |
| 3.5 Calculando estatísticas descritivas | 39 |
| 3.6 Visualizando os dados | 43 |
| 3.7 Materiais complementares | 45 |
| 4 Análise exploratória de dados - Parte 2 | 46 |
| 4.1 Carregando pacotes | 46 |
| 4.2 Carregando os dados | 46 |
| 4.3 Conhecendo o operador pipe (>) | 47 |
| 4.4 Principais funções do dplyr | 48 |
| 4.5 Filtrando dados com filter() | 48 |
| 4.6 Selecionando colunas com select() | 51 |
| 4.7 Adicionando ou modificando colunas com mutate() | 52 |
| 4.8 Ordenando dados com arrange() | 54 |
| 4.9 Agrupando dados com group_by() | 55 |
| 4.10 Resumindo dados com summarise() | 56 |
| 4.11 Unindo tabelas com left_join() | 57 |
| 4.12 Materiais complementares | 60 |
| 5 Prática - Intervalo de confiança | 61 |
| 5.1 Carregar pacotes | 61 |
| 5.2 Importar os dados | 62 |
| 5.3 Conhecendo os dados | 63 |
| 5.4 Calcular a média, desvio padrão e número de respostas | 65 |
| 5.5 Calcular o erro padrão | 66 |
| 5.6 Definindo o valor crítico | 67 |
| 5.6.1 Como calcular o valor crítico para um intervalo de confiança de 95% com a distribuição t de Student? | 67 |
| 5.7 Calcular o intervalo de confiança | 68 |
| 6 Prática - Correlação | 70 |
| 6.1 Carregando os pacotes | 70 |
| 6.2 Importando os dados | 71 |
| 6.3 Pergunta norteadora | 73 |
| 6.4 Gráfico de dispersão | 74 |
| 6.5 Correlação | 75 |
| 6.6 Matriz de correlação | 77 |
| 6.6.1 Visualizando a matriz de correlação | 78 |

| | | |
|----------|---|------------|
| 6.7 | EXTRA: Teste de significância | 80 |
| 6.7.1 | <code>statistic</code> | 82 |
| 6.7.2 | <code>parameter</code> | 82 |
| 6.7.3 | <code>p.value</code> ou valor-p | 83 |
| 6.7.4 | <code>estimate</code> | 83 |
| 6.7.5 | <code>null.value</code> | 84 |
| 6.7.6 | <code>alternative</code> | 84 |
| 6.7.7 | <code>method</code> | 84 |
| 6.7.8 | <code>data.name</code> | 85 |
| 6.7.9 | <code>conf.int</code> | 85 |
| 6.8 | Materiais complementares | 85 |
| 7 | Regressão Linear | 86 |
| 7.1 | Introdução | 86 |
| 7.2 | Instalando pacotes | 87 |
| 7.3 | Carregando pacotes | 87 |
| 7.4 | Importando os dados | 87 |
| 7.4.1 | Dicionário dos dados | 88 |
| 7.5 | Pergunta a ser explorada | 88 |
| 7.6 | Regressão linear simples | 89 |
| 7.6.1 | Visualizando a relação entre as variáveis | 89 |
| 7.6.2 | Ajustando o modelo | 90 |
| 7.6.3 | Explorando o modelo ajustado | 91 |
| 7.6.4 | Interpretação dos resultados | 92 |
| 7.6.5 | Visualizando o ajuste do modelo | 93 |
| 7.6.6 | Pressupostos da Regressão Linear | 95 |
| 7.6.7 | Diagnóstico de Modelos | 95 |
| 7.6.8 | Extraindo tabelas de regressão | 99 |
| 7.6.9 | Interpretação final | 100 |
| 7.7 | Regressão linear múltipla | 101 |
| 7.7.1 | Ajustando o modelo de regressão linear múltipla | 102 |
| 7.7.2 | Modelando a variável <code>rdpc</code> transformada em <code>log()</code> | 105 |
| 7.8 | Outros pacotes que podem ser interessantes | 114 |
| 7.9 | Sugestões de materiais | 114 |
| 8 | Prática - Regressão Espacial | 115 |
| 8.1 | Introdução | 115 |
| 8.2 | Carregando os pacotes | 115 |
| 8.3 | Importando os dados | 116 |
| 8.4 | Explorando os dados | 117 |
| 8.5 | Modelos de regressão espacial global (Spatial Lag e Spatial Error) | 121 |
| 8.5.1 | Preparando os dados | 121 |
| 8.5.2 | Spatial Autoregressive Model (Spatial Lag/SAR) | 125 |

| | | |
|-------|--|-----|
| 8.5.3 | Conditional Autoregressive Model (Spatial Error/CAR) | 126 |
| 8.5.4 | Exportando os resíduos do modelo | 128 |
| 8.6 | Modelo de regressão espacial local (GWR) | 128 |
| 8.7 | Sugestões de materiais | 131 |

Apêndices **132**

| | | |
|----------|--|------------|
| A | Erros e <i>warnings</i> frequentes | 132 |
| A.1 | Instalação | 132 |
| A.1.1 | RTools | 132 |
| A.2 | Conceitos básicos | 133 |
| A.2.1 | Instalando pacotes | 133 |
| A.2.2 | Pacote não encontrado | 134 |
| A.2.3 | Objeto não encontrado | 134 |
| A.2.4 | Função não encontrada | 135 |
| B | Sugestão de vídeos, posts, e outros materiais | 137 |
| B.1 | Estatística básica | 137 |
| B.2 | Organização dos dados | 137 |
| B.3 | Gráficos | 138 |
| B.4 | Sobre os canais citados | 138 |
| B.4.1 | Dr. Atila Iamarino | 138 |
| B.4.2 | Dra. Fernanda Peres | 138 |

Introdução

Boas vindas!

Este site apresenta o material de apoio para **aulas práticas** das disciplinas “**Análise de dados para o Planejamento Territorial**” e “**Métodos Quantitativos para Pesquisa em PGT**”, oferecidas no segundo quadrimestre de 2025 na Universidade Federal do ABC (UFABC).

O conteúdo das aulas teóricas está disponível no Moodle.

! Importante

Este material foi feito para guiar as aulas práticas, mas você verá que ele está bem detalhado. Dessa forma, você pode usá-lo para revisar os conceitos e praticar as atividades (dentro e fora do horário das aulas).

Calendário

| Semana | Período | Práticas |
|--------|-------------------------|--|
| 1 | 02/06/2025 - 08/06/2025 | Introdução ao R e RStudio |
| 2 | 09/06/2025 - 15/06/2025 | Linguagem R |
| 2 | 09/06/2025 - 15/06/2025 | Análise exploratória de dados - Parte 1 |
| 3 | 16/06/2025 - 22/06/2025 | Focar no trabalho da disciplina (semana com feriado) |
| 4 | 23/06/2025 - 29/06/2025 | Análise exploratória de dados - Parte 2 e Intervalo de Confiança Correlação |
| 5 | 30/06/2025 - 06/07/2025 | |
| 6 | 07/07/2025 - 13/07/2025 | Focar no trabalho da disciplina |

| Semana | Período | Práticas |
|--------|-------------------------|---|
| 7 | 14/07/2025 - 20/07/2025 | Autocorrelação espacial (prática no Geoda) |
| 8 | 21/07/2025 - 27/07/2025 | Regressão Linear (teoria) |
| 9 | 28/07/2025 - 03/08/2025 | Regressão Linear |

Sobre este material

Este material contém partes adaptadas de:

- Material criado por [Luis Felipe Bortolatto Cunha](#), que atuou como professor Assistente (estágio docência) em oferecimentos anteriores da disciplina.
- Material do curso [Introdução à análise de dados no R](#), ministrado por Beatriz Milz, Pedro Cavalcanti e Rafael Pereira.

Licença

Esse material está disponível sob a licença [CC BY-SA 4.0](#).

1 Introdução ao R e RStudio

1.1 Introdução

Ao longo deste curso, os softwares R e RStudio serão usados como uma **ferramenta** para auxiliar na análise de dados para o planejamento territorial.

É importante ressaltar o uso do R e do RStudio não pode ser dissociado do **processo de pesquisa**, que envolve a observação, formulação de hipóteses, coleta de dados e **análise de dados**, sendo este o foco deste curso.

1.2 O que é o R?

R é uma **linguagem de programação** com o foco em estatística, análise e visualização de dados.

Ela é uma linguagem de código aberto, o que significa que qualquer pessoa pode utilizá-la gratuitamente. Além disso, as pessoas com mais experiência na linguagem podem contribuir com o desenvolvimento de novas funcionalidades e pacotes.

Caso queira saber mais sobre a linguagem R, [acesse o site oficial \(R-Project\)](#).

Ao instalar o R, você terá acesso a um programa chamado “R Console” que permite escrever e executar códigos em R:

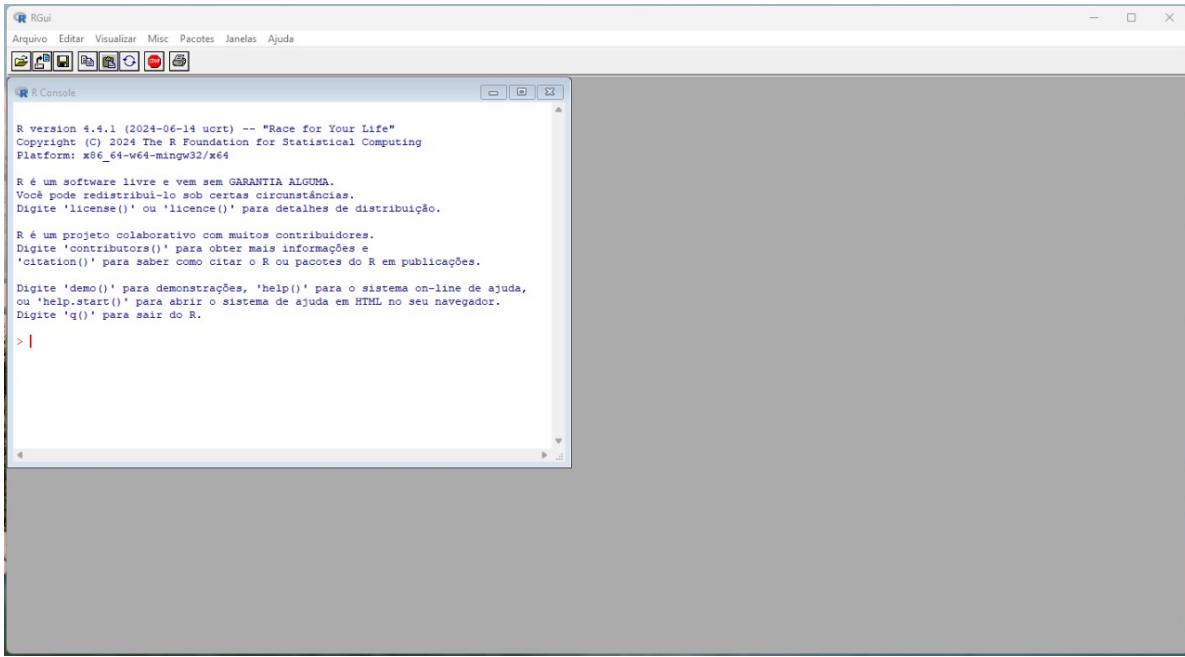


Figura 1.1: Captura de tela do R Console no Windows

Porém o R Console não é muito amigável para escrever códigos complexos ou realizar análises de dados. Por isso, é recomendado utilizar um ambiente de desenvolvimento integrado (IDE). A IDE mais utilizada por pessoas que programam em R é o RStudio.

1.3 O que é o RStudio?

O RStudio é um IDE focada em programação em R, e é desenvolvido pela [Posit](#). Ele facilita a escrita de códigos, execução de scripts, e visualização dos resultados.

Existem algumas versões do RStudio. Neste curso, utilizaremos o [RStudio Desktop](#), pois é a versão de código aberto (portanto é gratuita). Daqui em diante, sempre que mencionarmos “RStudio”, estaremos nos referindo ao RStudio Desktop.

1.4 Instalando o R e o RStudio

Durante as aulas, utilizaremos os computadores do laboratório da universidade. Porém, caso você tenha acesso a um computador pessoal, recomendamos que instale o R e o RStudio nele, para praticar fora do período das aulas.

1.4.1 Instalação do R

Para instalar o R, acesse o site [CRAN](#) e escolha o link de download de acordo com o seu sistema operacional:

The screenshot shows the CRAN homepage with a large 'R' logo at the top left. The main content area is titled 'The Comprehensive R Archive Network'. It features a 'Download and Install R' section with a dashed box highlighting links for Linux, macOS, and Windows. Below this, there's a note about Linux distributions and a 'Source Code for all Platforms' section with instructions for Windows and Mac users. At the bottom, there's a 'Questions About R' section.

Figura 1.2: Captura de tela do site CRAN

Instale o R utilizando o instalador baixado.

1.4.2 Instalação do RStudio

Após instalar o R, acesse o site [RStudio Desktop](#) e escolha o link de download de acordo com o seu sistema operacional:

1: Install R

RStudio requires R 3.6.0+. Choose a version of R that matches your computer's operating system.

R is not a Posit product. By clicking on the link below to download and install R, you are leaving the Posit website. Posit disclaims any obligations and all liability with respect to R and the R website.

[DOWNLOAD AND INSTALL R](#)

2: Install RStudio

[DOWNLOAD RSTUDIO DESKTOP FOR MACOS 12+](#)

This version of RStudio is only supported on macOS 12 and higher. For earlier macOS environments, please [download a previous version](#).

Size: 664.40 MB | [SHA-256: D0DDDD395](#) | Version: 2024.04.2+764 | Released: 2024-06-10

Figura 1.3: Captura de tela do site RStudio Desktop

Instale o RStudio utilizando o instalador baixado.

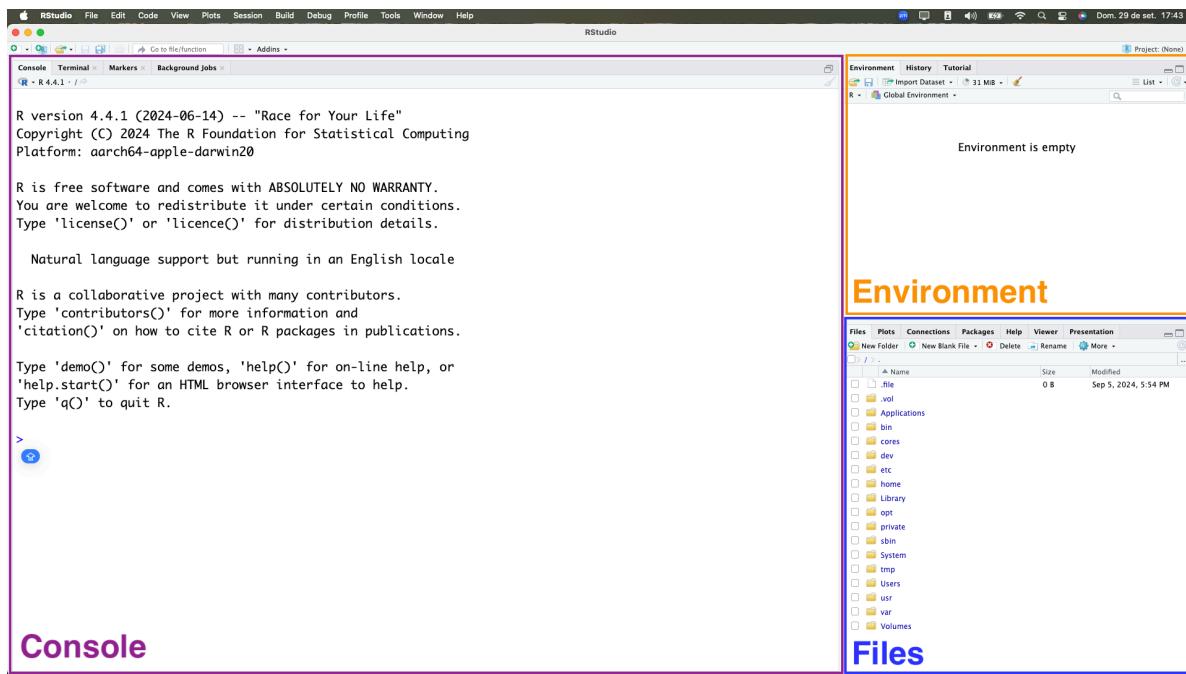
Dica

Caso o seu computador tenha limitações para instalação de programas, você pode utilizar o [Posit Cloud](#), uma versão online do RStudio. Entretanto, a versão gratuita do Posit Cloud tem algumas limitações, como limite de tempo de uso (25 horas por mês) e de memória RAM (1 GB).

O vídeo abaixo apresenta um tutorial sobre como utilizar o Posit Cloud:

1.5 Conhecendo o RStudio

Ao abrir o RStudio, veremos a seguinte tela:



Aos poucos, conhiceremos os painéis e funcionalidades do RStudio. Neste momento, podemos destacar os três painéis que são apresentados:

- **Console**: painel onde os códigos são executados. É similar ao “R Console”, citado anteriormente.
- **Environment**: painel onde as variáveis e dados carregados ficam listados.
- **Files**: painel onde podemos navegar por arquivos no computador. A página inicial é o diretório de trabalho: esse conceito será explicado mais adiante.

1.6 Scripts

No RStudio, podemos escrever e executar códigos no Console, porém os códigos são perdidos quando fechamos o programa. Para salvar os códigos e reutilizá-los posteriormente, utilizamos scripts.

Os scripts são arquivos de texto onde podemos escrever códigos R e salvá-los para utilizar posteriormente. É recomendado que qualquer código que você deseja reutilizar ou que seja importante para a análise que você fizer seja salvo em um script.

Existem algumas formas de criar um novo script:

- No menu superior, clicando em **File > New File > R Script**.

- Utilizando o atalho Ctrl + Shift + N (Windows) ou Cmd + Shift + N (Mac).
- Clicando no ícone de um arquivo com um sinal de + no canto superior esquerdo do RStudio e selecionando R Script:

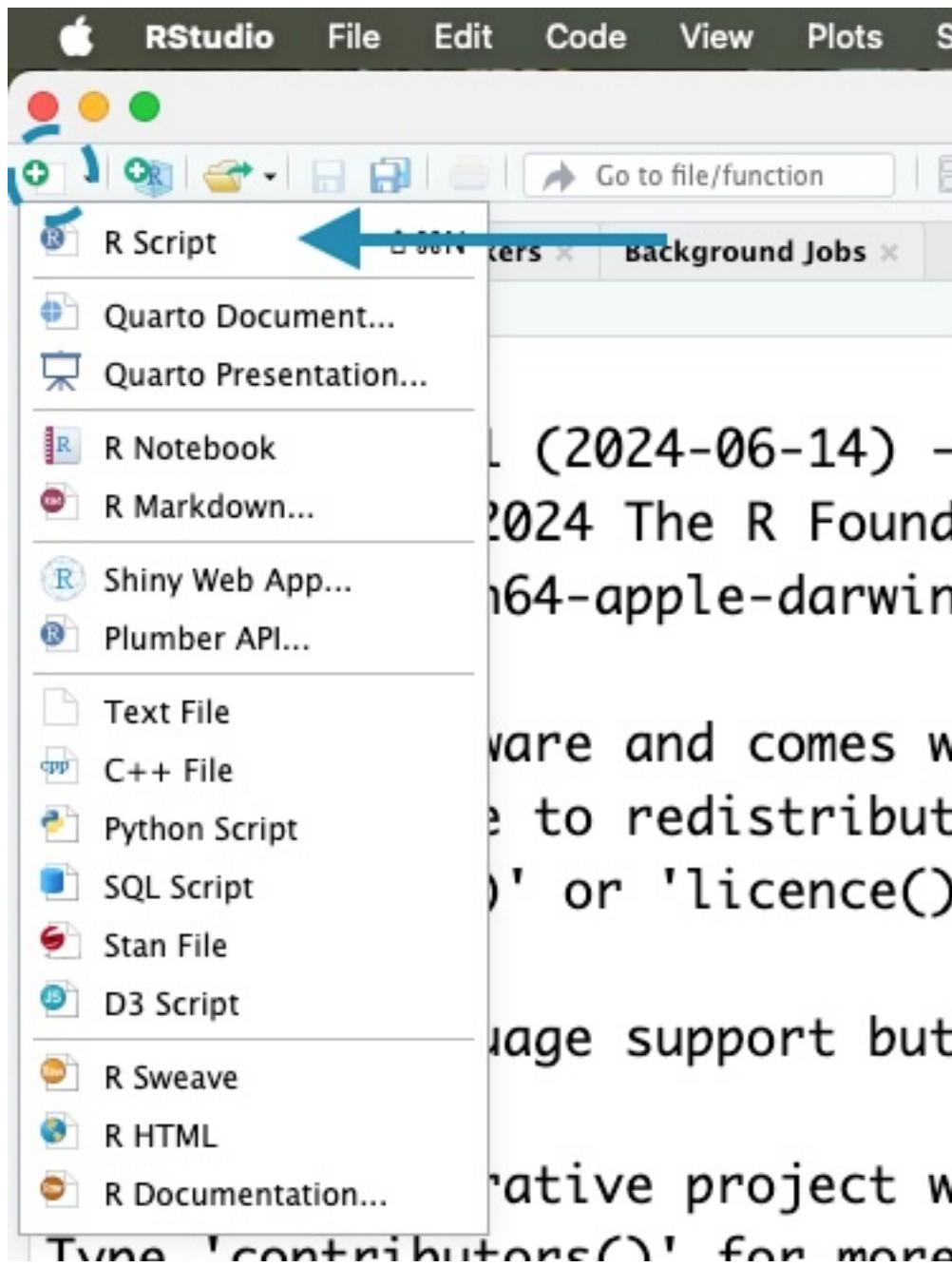


Figura 1.4: Captura de tela do RStudio: Opção para criar novo Script

Após abrir um script, o RStudio exibirá 4 painéis:

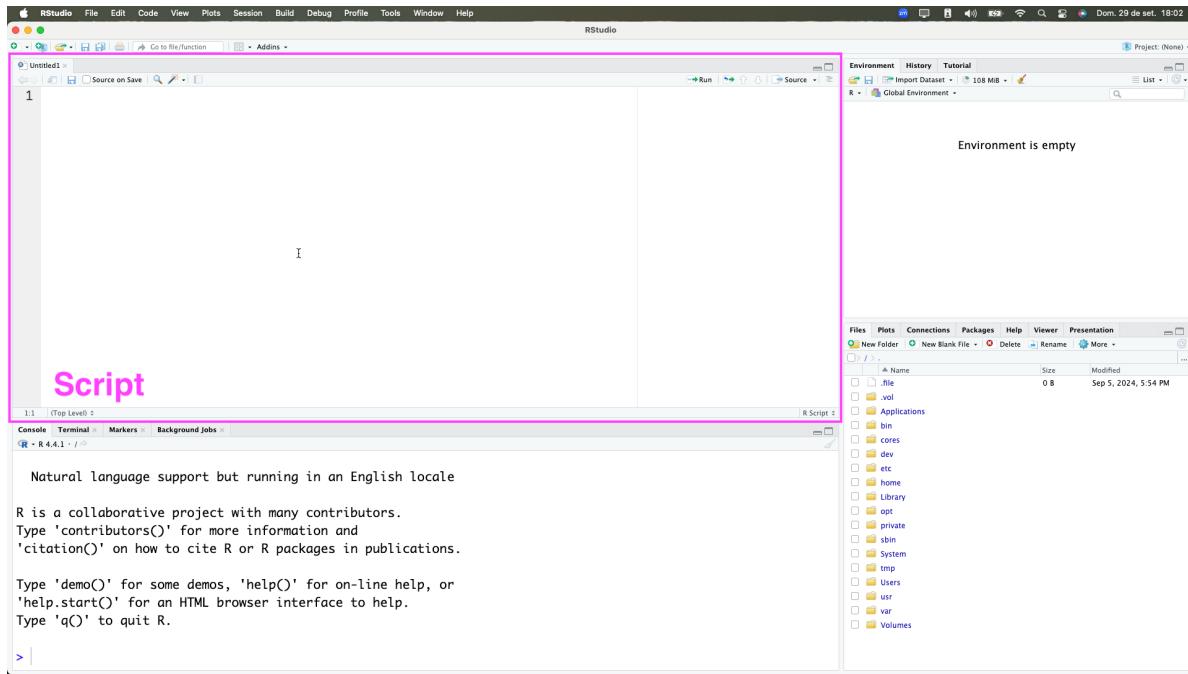


Figura 1.5: Captura de tela do RStudio

Dica

O script é um arquivo salvo no nosso computador. Lembre-se de salvar os scripts com frequência para evitar perder o nosso trabalho.

Podemos salvar um script de algumas formas, como:

- Clicando em **File > Save** no menu superior.
- Clicando no ícone do disquete ().
- Utilizando o atalho **Ctrl + S** (Windows) ou **Cmd + S** (Mac).

1.6.1 Como executar os códigos?

Podemos escrever e executar códigos no Console ou em um script.

No Console, escrevemos o código diretamente e pressionamos **Enter** para executá-lo.

Em um Script, escrevemos o código e podemos executá-lo de algumas formas:

- Selecionando o trecho de código que queremos executar e clicando no botão **Run** do RStudio, ou utilizando o atalho **Ctrl + Enter** (Windows) ou **Cmd + Enter** (Mac).
- Clicando no trecho que queremos executar e clicando no botão **Run** do RStudio, ou utilizando o atalho **Ctrl + Enter** (Windows) ou **Cmd + Enter** (Mac).

1.6.2 Comentários

Comentários são textos que não são executados pelo R. Podemos usar comentários para explicar o que um bloco de código faz, para anotar ideias e explicar escolhas feitas, ou para desativar temporariamente um trecho de código.

No R, todo texto em uma linha após um hashtag (#) é um comentário. Por exemplo:

```
# Este é um comentário
```

1.7 Funções

Agora que já sabemos onde escrever nossos códigos em R (no Console ou em um script), é importante entender o conceito de funções.

Uma função é tipo de objeto no R, que quando executado, executa um bloco de código específico. As funções são úteis para evitar repetição de códigos e organizar o nosso trabalho.

No R, existem muitas funções prontas que podemos utilizar. Por exemplo, a função **Sys.Date()** retorna a data atual do sistema:

```
# Consultar a data atual do sistema (computador)
Sys.Date()
```

```
[1] "2025-08-06"
```

Para utilizar uma função, escrevemos o nome dela seguido de parênteses. Dentro dos parênteses, podemos colocar dados e informações úteis para a função executar a tarefa desejada, e são chamados de **argumentos**.

Por exemplo, a função **sqrt()** calcula a raiz quadrada de um número. Para utilizá-la, podemos escrever **sqrt()** e informar esse número entre parênteses:

```
# Calcular a raiz quadrada de 25
sqrt(25)
```

```
[1] 5
```

Algumas funções podem receber mais de um argumento. Por exemplo, a função `round()` arredonda um número para um determinado número de casas decimais. Para utilizá-la, podemos escrever `round()` e informar o número e o número de casas decimais entre parênteses:

```
pi
```

```
[1] 3.141593
```

```
# Sem argumentos: arredondar o número pi para um número inteiro (0 casas decimais)
round(pi)
```

```
[1] 3
```

```
# Com argumentos: arredondar o número pi para 2 casas decimais
round(pi, digits = 2)
```

```
[1] 3.14
```

Podemos consultar a documentação de uma função para entender como ela funciona, quais argumentos ela aceita e como utilizá-la. Falaremos mais sobre isso na seção de documentação.

Dica

Ao adquirir experiência com o R, podemos criar nossas próprias funções. Isso é útil para automatizar tarefas repetitivas e para organizar o código.

1.8 Pacotes

Pacotes do R são coleções de funções, dados e documentação que estendem a funcionalidade básica da linguagem.

Para instalar um pacote, utilizamos a função `install.packages()` e informando o nome do pacote como texto entre aspas. Por exemplo, para instalar o pacote `{tidyverse}`, utilizamos o seguinte comando:

```
# Instalar o pacote tidyverse  
install.packages("tidyverse")
```

Apenas precisamos instalar um pacote uma vez.

Depois de instalado, podemos carregá-lo com a função `library()`, para que as funções do pacote fiquem disponíveis para uso:

```
# Carregar o pacote tidyverse  
library(tidyverse)
```

```
-- Attaching core tidyverse packages ----- tidyverse 2.0.0 --  
v dplyr     1.1.4      v readr      2.1.5  
vforcats    1.0.0      v stringr    1.5.1  
v ggplot2   3.5.2      v tibble     3.3.0  
v lubridate 1.9.4      v tidyverse  1.3.1  
v purrr     1.0.4  
-- Conflicts ----- tidyverse_conflicts() --  
x dplyr::filter() masks stats::filter()  
x dplyr::lag()   masks stats::lag()  
i Use the conflicted package (<http://conflicted.r-lib.org/>) to force all conflicts to becom
```

Precisamos carregar o pacote sempre que abrirmos um novo script, ou quando reiniciamos o RStudio. Uma prática frequente é carregar os principais pacotes necessários no início do script.

🔥 Cuidado

Uma outra forma de acessar uma função é utilizando o operador `::`. Por exemplo, para acessar a função `read_csv()` do pacote `{readr}`, podemos escrever `readr::read_csv()`. Essa sintaxe é menos frequente, porém útil para evitar problemas de conflito de funções com o mesmo nome em pacotes diferentes. Esse problema acontece mais frequentemente quando carregamos muitos pacotes em um mesmo script.

Por exemplo: o pacote `{dplyr}` apresenta uma função `filter()`, e o pacote `{stats}` também apresenta uma função `filter()`. Se não usarmos o operador `::`, a função utilizada será a do pacote que foi carregado por último. Usando o operador `::`, podemos escolher qual função queremos utilizar.

1.8.1 Reppositório de pacotes

Existem diferentes repositórios de pacotes do R, que são locais onde os pacotes são armazenados e disponibilizados para instalação.

O [CRAN \(*Comprehensive R Archive Network*\)](#) é o repositório oficial de pacotes do R. Ele contém milhares de pacotes que podem ser instalados e utilizados gratuitamente. Em maio de 2025, o CRAN continha mais de 22.000 pacotes disponíveis. Para que um pacote seja adicionado ao CRAN, ele deve atender a critérios de qualidade de software.

A [rOpenSci](#) é uma organização que mantém uma [coleção de pacotes](#) que foram revisados por pares e que atendem a critérios de qualidade. Esses pacotes são voltados para pesquisa, ciência aberta e reproduzibilidade.

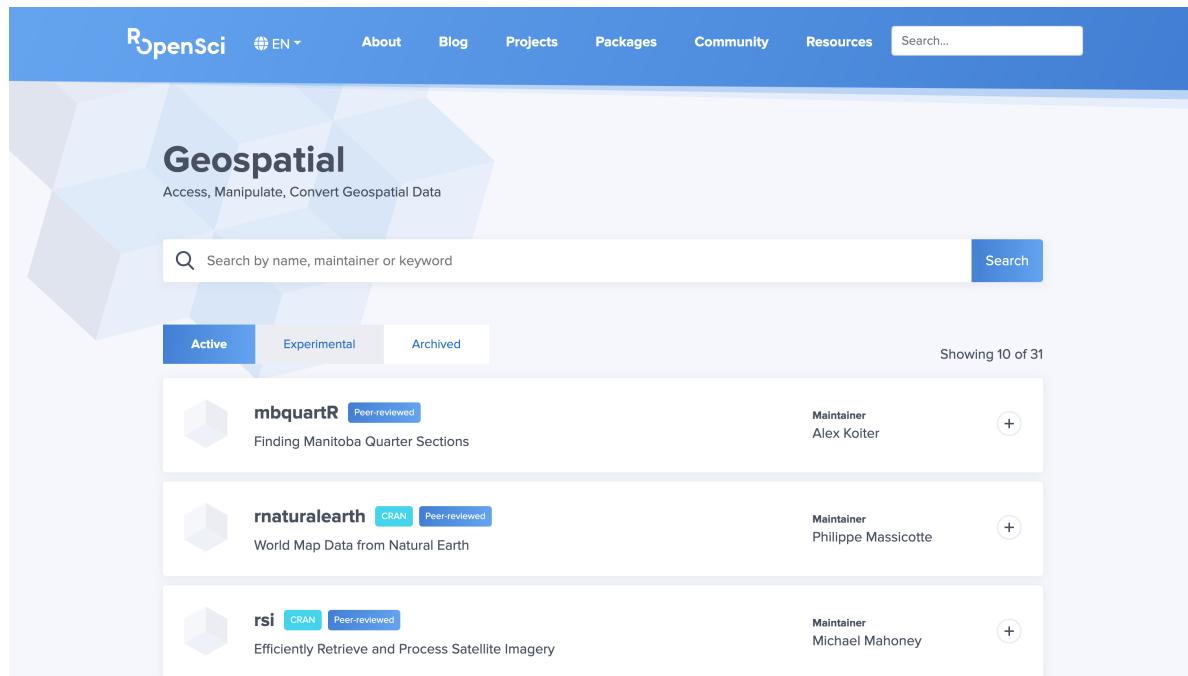


Figura 1.6: Captura de tela da página da rOpenSci: página de pacotes no tema Geoespacial

A rOpenSci também mantém o [R-universe](#), uma plataforma que permite que pacotes sejam publicados e compartilhados de forma mais fácil. O R Universe é uma alternativa ao CRAN, e permite que pacotes sejam publicados sem a necessidade de passar pelo processo de revisão do CRAN.

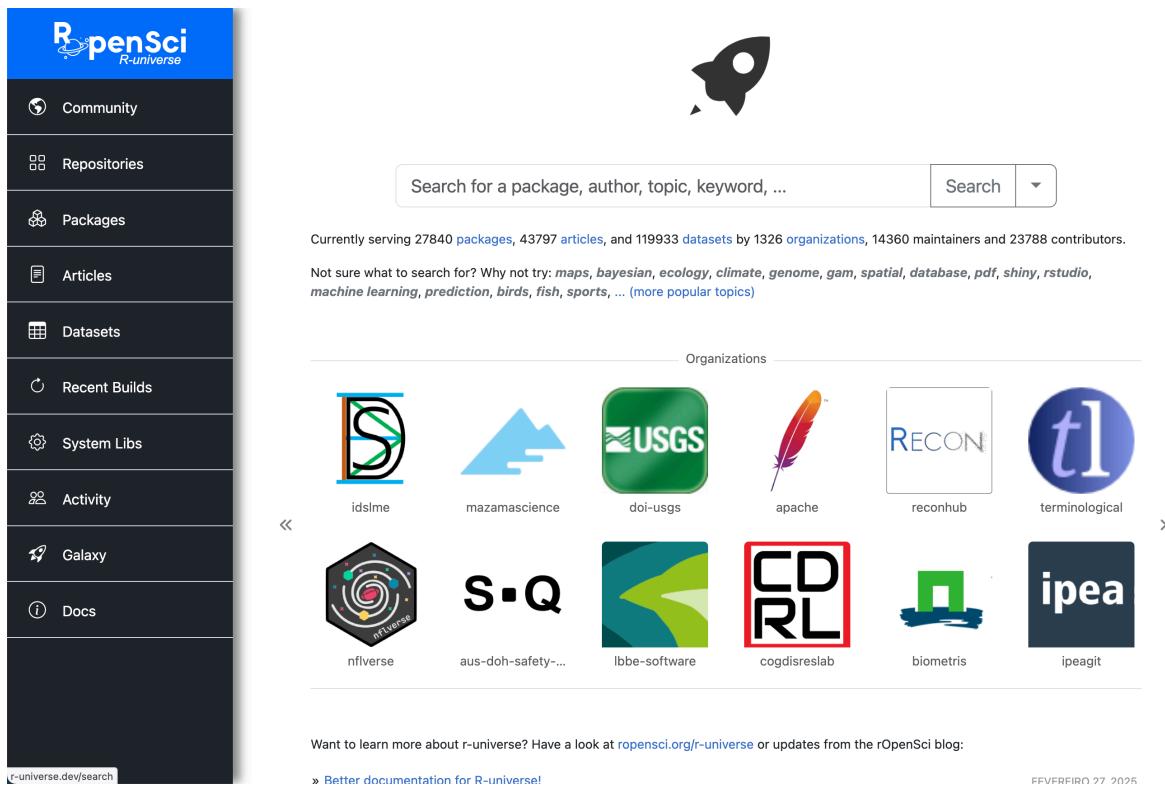


Figura 1.7: Captura de tela da página do R-Universe

Outros repositórios de pacotes também existem, como o [Bioconductor](#), que é voltado para análise de dados biológicos e genômicos.

1.9 Documentação

As funções e pacotes do R apresentam textos com explicações e exemplos de uso, chamados de **documentação**.

As documentações podem ser acessadas online, ou diretamente no RStudio.

1.9.1 Documentação no RStudio

No RStudio, podemos acessar a documentação de uma função ou pacote das seguintes formas:

- Para buscar informações sobre funções de pacotes já carregados (com `library`), podemos utilizar a função `help()`, informando o nome da função que queremos buscar como argumento (ex: `help(mean)`), ou utilizar o operador `?`, seguido do nome da função (ex: `?mean`).

```
# Abrir a documentação da função mean()
help(mean)
?mean
```

- Para fazer uma por funções presentes em todos os pacotes instalados no computador, podemos utilizar o operador `??`, seguido pelo termo que queremos buscar (ex: `??mean`). Essa é uma busca mais ampla, que procura pelo termo no nome e na descrição das funções.

```
# Buscar por funções que contenham o termo "mean"
??mean
```

- Podemos utilizar o painel Help para buscar informações sobre funções e pacotes:

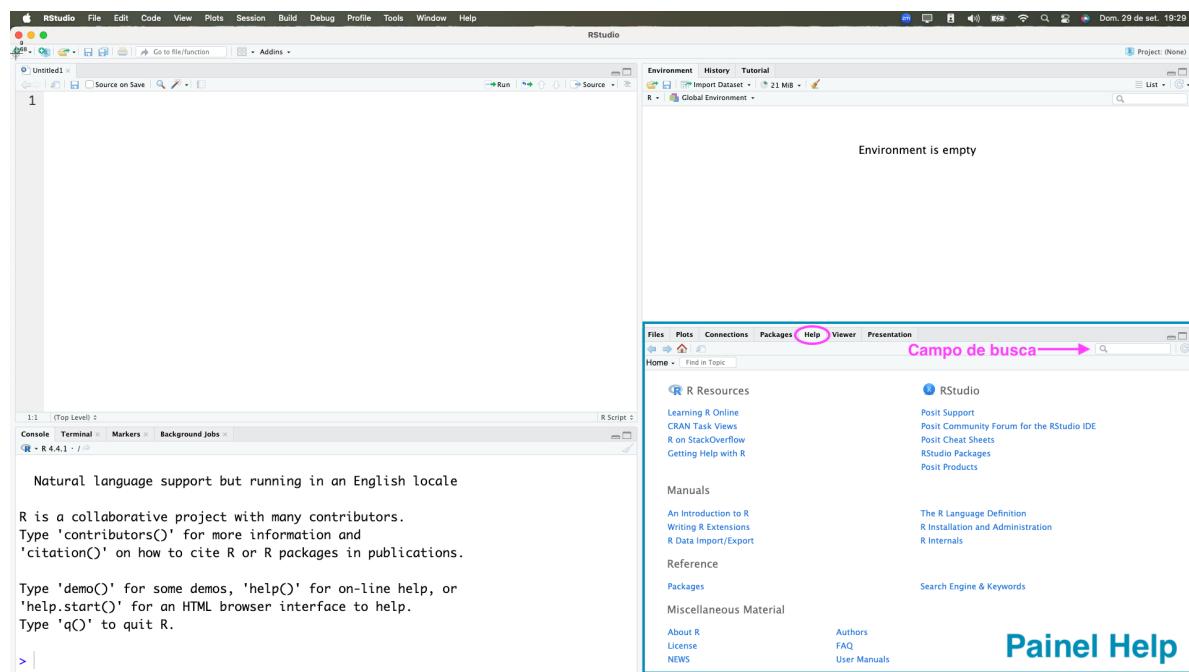


Figura 1.8: Captura de tela do RStudio: Painel Help

Além disso, a maioria dos pacotes vem com textos explicativos sobre como usá-los, chamadas de *vignettes*. Elas estão disponíveis online, mas também podem ser acessadas diretamente no RStudio.

Para acessar no RStudio, podemos usar a função `browseVignettes()` para listar as *vignettes* disponíveis para um pacote específico. A lista será apresentada em uma janela do navegador (ex: Google Chrome, Firefox, Safari, etc):

```
# Listar as vignettes do pacote dplyr  
browseVignettes("dplyr")
```

Vignettes found by “`browseVignettes("dplyr")`”

Vignettes in package `dplyr`

- Column-wise operations - [HTML](#) [source](#) [R code](#)
- dplyr <-> base R - [HTML](#) [source](#) [R code](#)
- Grouped data - [HTML](#) [source](#) [R code](#)
- Introduction to dplyr - [HTML](#) [source](#) [R code](#)
- Programming with dplyr - [HTML](#) [source](#) [R code](#)
- Row-wise operations - [HTML](#) [source](#) [R code](#)
- Two-table verbs - [HTML](#) [source](#) [R code](#)
- Using dplyr in packages - [HTML](#) [source](#) [R code](#)
- Window functions - [HTML](#) [source](#) [R code](#)

Figura 1.9: Captura de tela: Lista de Vignettes do pacote dplyr

1.9.2 Documentação online

Como citado anteriormente, é possível acessar a documentação dos pacotes diretamente no RStudio e também online. No geral, o conteúdo disponível online é igual ao disponível no RStudio, mas pode ser mais fácil de buscar e navegar.

Uma forma de acessar a documentação online é fazendo uma busca no Google com os termos “`R documentation {nome da função}`”. Por exemplo: “`R documentation mean()`”.

Alguns pacotes apresentam também sites próprios com documentações e *vignettes*.

Por exemplo, o pacote `{dplyr}` (que usaremos no curso) tem um [site próprio](#) onde conseguimos acessar a documentação. Os pacotes do tidyverse apresentam sites similares, com páginas com os seguintes conteúdos:

- Em [Get started](#) encontramos uma introdução ao pacote, e exemplos de uso para quem quer aprender a usá-lo.
- Em [Reference](#), encontramos a lista de funções disponíveis no pacote, e podemos acessar a documentação de cada uma delas:

dplyr 1.1.4 Get started Reference Articles ▾ News ▾

Search for



Function reference



Data frame verbs

Rows

Verbs that principally operate on rows.

[arrange\(\)](#)
Order rows using column values

[distinct\(\)](#)
Keep distinct/unique rows

[filter\(\)](#)
Keep rows that match a condition

[slice\(\)](#) [slice_head\(\)](#) [slice_tail\(\)](#) [slice_min\(\)](#) [slice_max\(\)](#)
[slice_sample\(\)](#)
Subset rows using their positions

Columns

Verbs that principally operate on columns.

ON THIS PAGE

Data frame verbs

Rows
Columns
Groups
Data frames
Multiple columns
Vector functions
Built in datasets
Grouping helpers
Superseded
Remote tables

Figura 1.10: Captura de tela: Site do pacote dplyr - Reference

- Em *Articles* podemos acessar as *vignettes*:

dplyr 1.1.4 Get started Reference **Articles** ▾ News ▾

Search for

Articles



Get started

[Introduction to dplyr](#)

Start here if this is your first time using dplyr. You'll learn the basic philosophy, the most important data manipulation verbs, and the pipe, `%>%`, which allows you to combine multiple verbs together to solve real problems.

[Grouped data](#)

To unlock the full potential of dplyr, you need to understand how each verb interacts with grouping. This vignette shows you how to manipulate grouping, how each verb changes its behaviour when working with grouped data, and how you can access data about the "current" group from within a verb.

[Two-table verbs](#)

Most dplyr verbs work with a single data set, but most data analyses involve multiple datasets. This vignette introduces you to the dplyr verbs that work with more than one data set, and introduces to the mutating joins, filtering joins, and the set operations.

[dplyr <-> base R](#)

How does dplyr compare to base R? This vignette describes the main differences in philosophy, and shows the base R code most closely equivalent to each dplyr verb.

ON THIS PAGE

Get started
Automate
Other

Figura 1.11: Captura de tela: Site do pacote dplyr - Vignettes

1.9.3 Cheatsheets

As *cheatsheets* (ou folhas de cola) são documentos resumidos com informações sobre funções e pacotes. Elas são úteis para consulta rápida.

A Posit (empresa que desenvolve o RStudio) disponibiliza *cheatsheets* para diversos pacotes e tópicos. Elas podem ser acessadas no site [Posit Cheatsheets](#).

A lista a seguir apresenta algumas *cheatsheets* sobre temas que serão abordados ao longo do curso:

- [RStudio IDE](#)
- [Importação de dados com o tidyverse](#)
- [Transformação de dados com dplyr](#)
- [Visualização de dados com ggplot2](#)
- [Arrumando dados com tidyr](#)

1.10 Materiais complementares

- Materiais do curso [Introdução à análise de dados no R](#):
 - [Instalação](#)
 - [Conhecendo o R e o RStudio](#)
- Livro [R para Ciência de Dados 2ed](#):
 - [Introdução > Pré-requisitos em diante](#)
 - [Fluxo de Trabalho: obtendo ajuda](#)

2 Conceitos básicos do R

Existem muitos conceitos básicos que são fundamentais para quem está começando a programar em R.

Nesta aula, vamos abordar alguns conceitos considerados mais importantes para as próximas aulas.

2.1 Operações matemáticas

O R permite realizar operações matemáticas básicas, como soma, subtração, multiplicação, divisão, potenciação, entre outras.

```
1 + 1 # Soma
```

```
[1] 2
```

```
1 - 1 # Subtração
```

```
[1] 0
```

```
2 * 3 # Multiplicação
```

```
[1] 6
```

```
10 / 2 # Divisão
```

```
[1] 5
```

```
2 ^ 3 # Potenciação
```

```
[1] 8
```

A ordem matemática das operações também vale no R. Por exemplo, a expressão $2 + 3 * 4$ será calculada como $2 + (3 * 4)$:

```
2 + 3 * 4
```

```
[1] 14
```

2.2 Objetos

No R, um objeto é uma estrutura de dados que armazena valores: podemos armazenar um valor único, um conjunto de valores, uma base de dados, entre outros.

É muito útil armazenar valores em objetos, pois podemos reutilizá-los em diferentes partes do código, sem precisar digitar o valor novamente.

2.2.1 Objetos existentes no R

Existem alguns objetos já criados no R, como por exemplo o objeto `letters`, que armazena as letras do alfabeto:

```
pi
```

```
[1] 3.141593
```

```
letters
```

```
[1] "a" "b" "c" "d" "e" "f" "g" "h" "i" "j" "k" "l" "m" "n" "o" "p" "q" "r" "s"  
[20] "t" "u" "v" "w" "x" "y" "z"
```



Aviso

O R é *case-sensitive*, ou seja, ele diferencia letras maiúsculas de minúsculas. Portanto, `nome` é diferente de `Nome`.

Por exemplo, o objeto `pi` armazena o valor de π (com um número limitado de casas decimais). O nome do objeto é escrito em minúsculas:

```
pi
```

```
[1] 3.141593
```

Se tentarmos acessar o objeto com o nome em maiúsculas, o R irá retornar um erro, pois esse objeto não existe:

```
Pi
```

```
Error: object 'Pi' not found
```

2.2.2 Criando um objeto

Para criar um objeto, precisamos definir um nome, e atribuir um valor à este nome. Para isso, usamos o operador de atribuição: `<-`. Um atalho para esse operador é o `Ctrl + -` no Windows, ou `Option + -` no Mac .

No exemplo a seguir, criamos um objeto chamado `nome_do_curso` e atribuímos a ele o texto "Universidade Federal do ABC":

```
nome_do_curso <- "Universidade Federal do ABC"
```

Podemos acessar o valor armazenado em um objeto digitando o nome do objeto:

```
nome_do_curso
```

```
[1] "Universidade Federal do ABC"
```

O objeto apenas será alterado se utilizarmos o operador de atribuição novamente. Por exemplo, a função `tolower()` transforma todas as letras de um texto em minúsculas:

```
tolower(nome_do_curso)
```

```
[1] "universidade federal do abc"
```

Mas como não utilizamos a atribuição, o objeto `nome_do_curso` não foi alterado:

```
nome_do_curso
```

```
[1] "Universidade Federal do ABC"
```

Para alterar o objeto, precisamos atribuir o resultado da função `tolower()` ao objeto `nome_do_curso`:

```
nome_do_curso <- tolower(nome_do_curso)
```

Agora, o objeto `nome_do_curso` foi alterado:

```
nome_do_curso
```

```
[1] "universidade federal do abc"
```

Portanto, cuidado: ao criar um objeto com nome igual à outro objeto existente, o objeto anterior será substituído pelo novo objeto.

2.3 Tipos de objetos

Existem diferentes tipos de objetos no R, e cada tipo de objeto possui diferentes propriedades. Os principais tipos de objetos que utilizaremos ao longo do curso são: vetores e *data.frames*.

2.3.1 Vetores

Vetores armazenam um conjunto de valores de uma dimensão. Eles podem ser criados com a função `c()`, que significa *combine* (combinar). Por exemplo, para criar um vetor com os números de 1 a 5:

```
vetor_de_numeros <- c(1, 2, 3, 4, 5)
```

Os vetores podem armazenar diferentes tipos de dados, como números, textos, fatores, entre outros. Porém cada vetor pode armazenar apenas um tipo de dado. Por exemplo, se tentarmos criar um vetor que armazena números e textos, o R irá converter todos os valores para texto. Essa propriedade é chamada de **coerção**.

```
vetor_misto <- c(1, 2, "três", 4, 5)
class(vetor_misto)
```

```
[1] "character"
```

```
vetor_misto
```

```
[1] "1"     "2"     "três"  "4"     "5"
```

No geral, podemos converter dados sem perder informação seguindo essa ordem: Lógico > Inteiro > Numérico > Texto.

2.3.2 Data.frames

Os *data.frames* são conjuntos de valores com duas dimensões: linhas e colunas. Porém, diferente do que vimos para as matrizes, os *data.frames* podem armazenar diferentes tipos de dados em cada coluna.

Esse é o principal tipo de objeto que utilizaremos nesse curso, pois ele é muito útil para armazenar dados tabulares.

Existem alguns *data.frames* já criados no R, como o *airquality*, que armazena dados sobre a qualidade do ar na cidade de Nova York, em 1973. Essas são as primeiras linhas do *data.frame* *airquality*:

```
head(airquality)
```

| | Ozone | Solar.R | Wind | Temp | Month | Day |
|---|-------|---------|------|------|-------|-----|
| 1 | 41 | 190 | 7.4 | 67 | 5 | 1 |
| 2 | 36 | 118 | 8.0 | 72 | 5 | 2 |
| 3 | 12 | 149 | 12.6 | 74 | 5 | 3 |
| 4 | 18 | 313 | 11.5 | 62 | 5 | 4 |
| 5 | NA | NA | 14.3 | 56 | 5 | 5 |
| 6 | 28 | NA | 14.9 | 66 | 5 | 6 |

Para criar um *data.frame*, podemos usar a função `data.frame()`. Entretanto, o mais comum é importar dados de arquivos, como CSV, Excel, ou de bancos de dados. Falaremos sobre como importar dados na próxima aula.

2.4 Materiais complementares

- Materiais do curso [Introdução à análise de dados no R](#):
 - Diretório de trabalho e projetos
 - Linguagem R

3 Análise exploratória de dados - Parte 1

Nesta aula, vamos conhecer algumas funções do R e do pacote tidyverse que nos ajudam a fazer uma análise exploratória dos dados.

Dados

Utilizaremos dados de saneamento por município do estado de São Paulo, disponibilizados pela CETESB¹, referente à 2022.

O arquivo csv pode ser baixado através [deste link](#).

Esses dados foram [originalmente disponibilizados em PDF](#), e foram [extraídos e organizados](#) por Beatriz Milz.

3.1 Criando um projeto

O RStudio possui uma funcionalidade chamada **projetos**. Quando criamos um projeto no RStudio, uma nova pasta é criada no computador, e o RStudio define essa pasta como o diretório de trabalho. Além disso, o RStudio também cria um arquivo com a extensão `.Rproj` dentro dessa pasta, que contém informações sobre o projeto.

É recomendado que sempre trabalhemos em projetos no RStudio, pois isso facilita a organização dos arquivos e a reprodução do código.

É recomendado também salvar os arquivos referentes ao projeto (como scripts, bases de dados, resultados, etc) dentro do projeto. Isso não significa que precisamos colocar todos os arquivos dentro da pasta principal do projeto: podemos criar sub-pastas para organizar os arquivos.

Para criar um projeto no RStudio, primeiro precisamos acessar o menu de criação de projetos (*New project Wizard*). Podemos fazer isso de três formas:

- No menu superior, clicando em **File > New Project...**

- Clicando no ícone de novo projeto na barra de ferramentas do RStudio:



¹O arquivo original não apresenta um dicionário de dados, portanto as descrições foram elaboradas com base no conteúdo do arquivo e na documentação do ICTEM (Indicador de Coleta e Tratabilidade de Esgoto da População Urbana de Município) disponível no site da CETESB.

- No canto superior esquerdo, clicando no botão referente à projetos, e depois em **New Project...**:

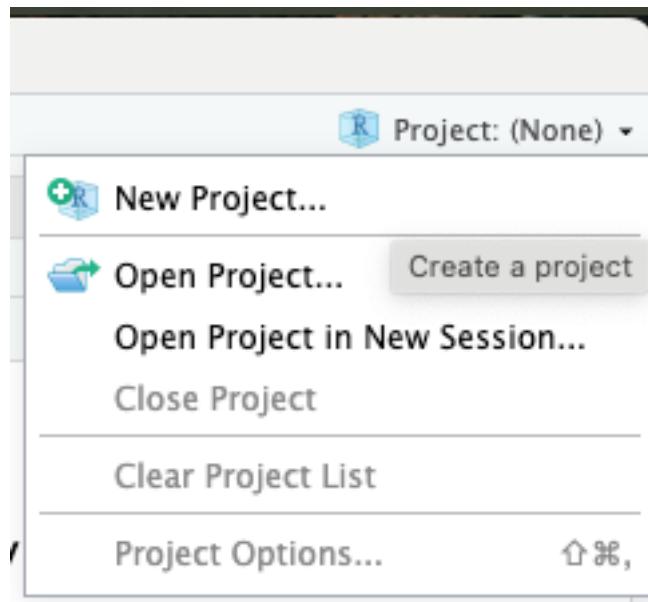


Figura 3.1: Captura de tela do RStudio: Menu de projetos

Depois, escolhemos o tipo de projeto que queremos criar. No geral, escolhemos a opção **New Directory**, para criar uma nova pasta no computador:

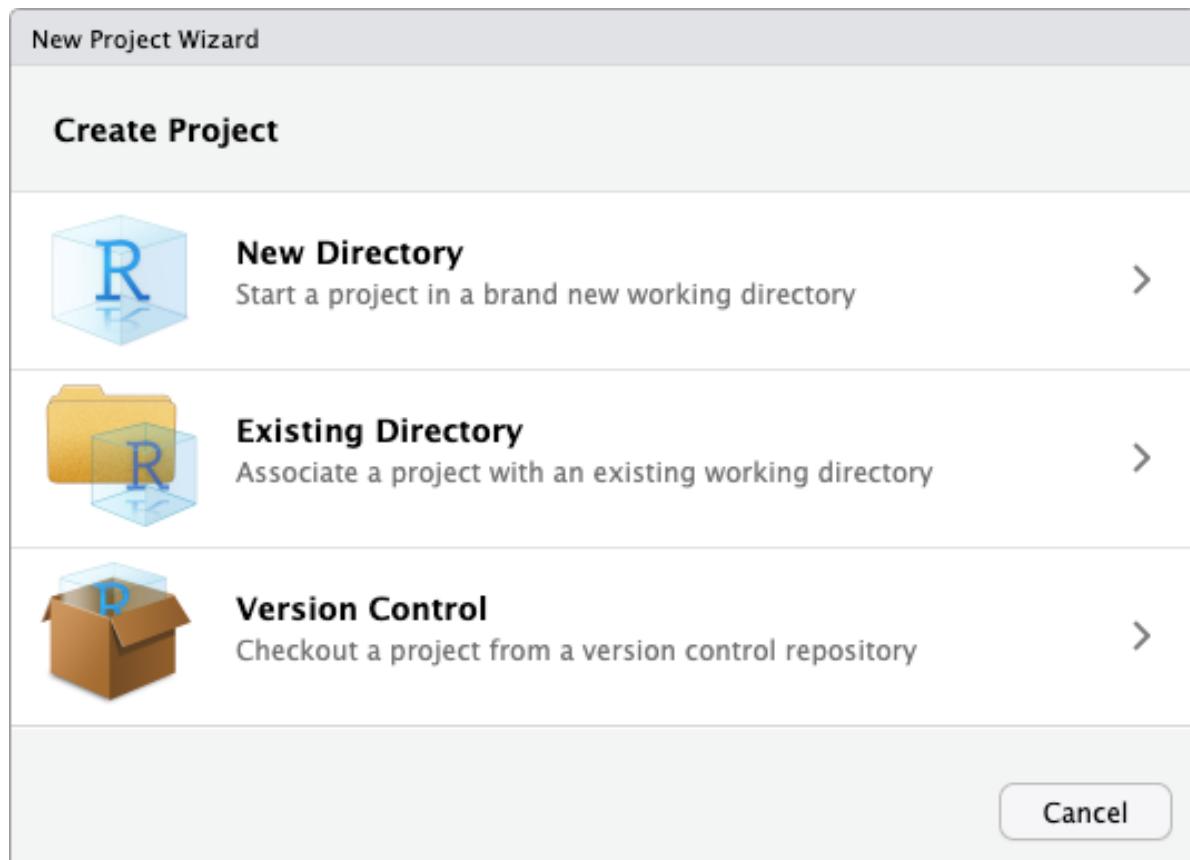


Figura 3.2: Captura de tela do RStudio: Criando um projeto

Depois, escolhemos o tipo de projeto que queremos criar. Cada tipo de projeto apresenta arquivos específicos de template. O RStudio apresenta algumas opções de projeto, porém é possível adicionar novos tipos de projeto instalando pacotes específicos.

No geral, escolhemos a opção `New Project`, para criar um projeto simples:

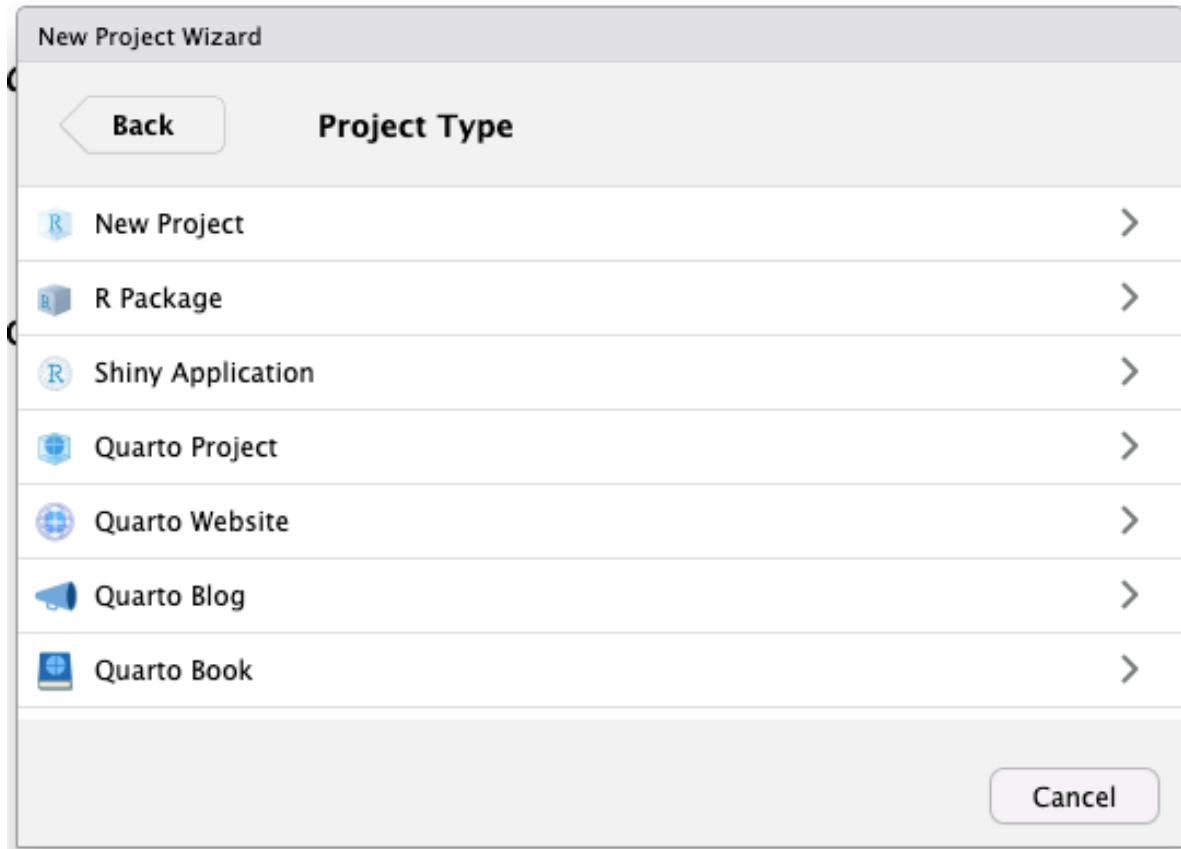


Figura 3.3: Captura de tela do RStudio: Escolhendo o tipo de projeto

Na tela seguinte, precisamos informar o nome do projeto (no campo *Directory name*) e o diretório onde ele será criado (no campo *Create project as subdirectory of*):

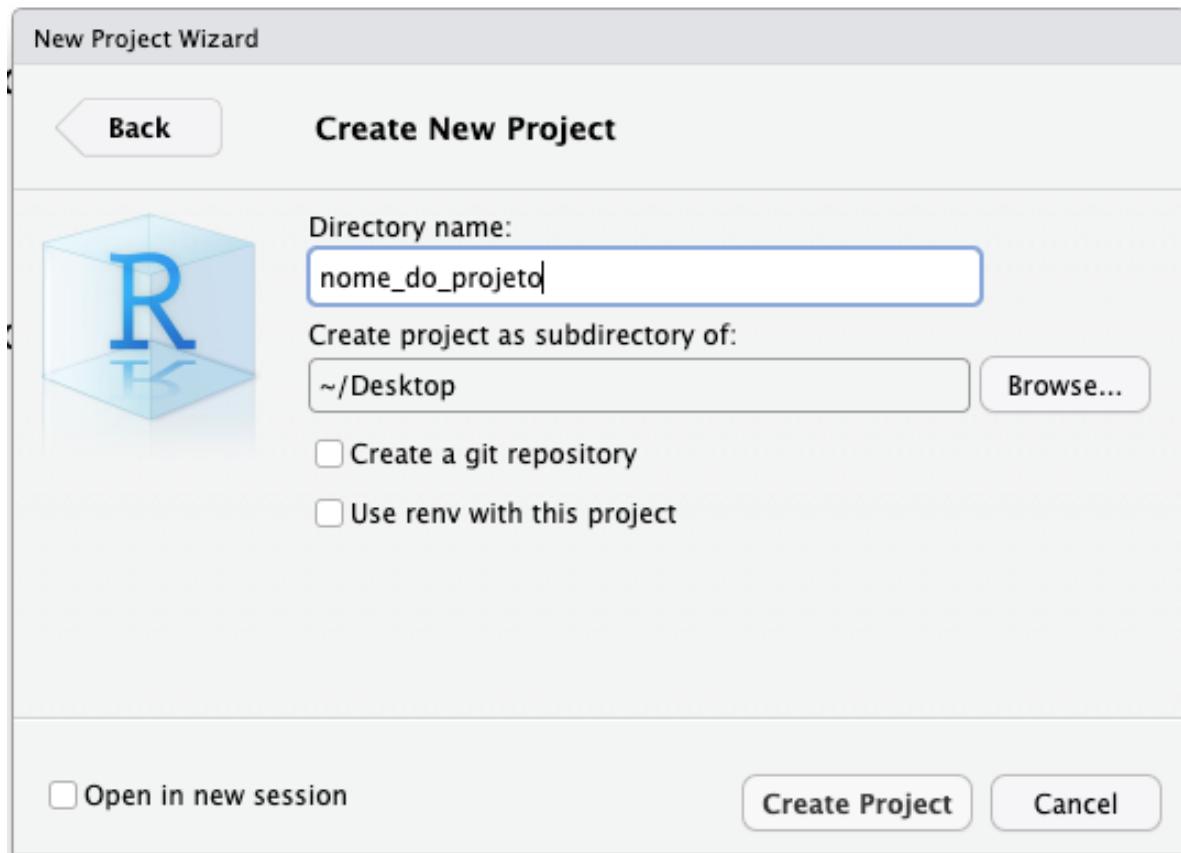


Figura 3.4: Captura de tela do RStudio: Nomeando o projeto

Após preencher as informações solicitadas, clicamos em **Create Project**. O RStudio criará o projeto e o abrirá:

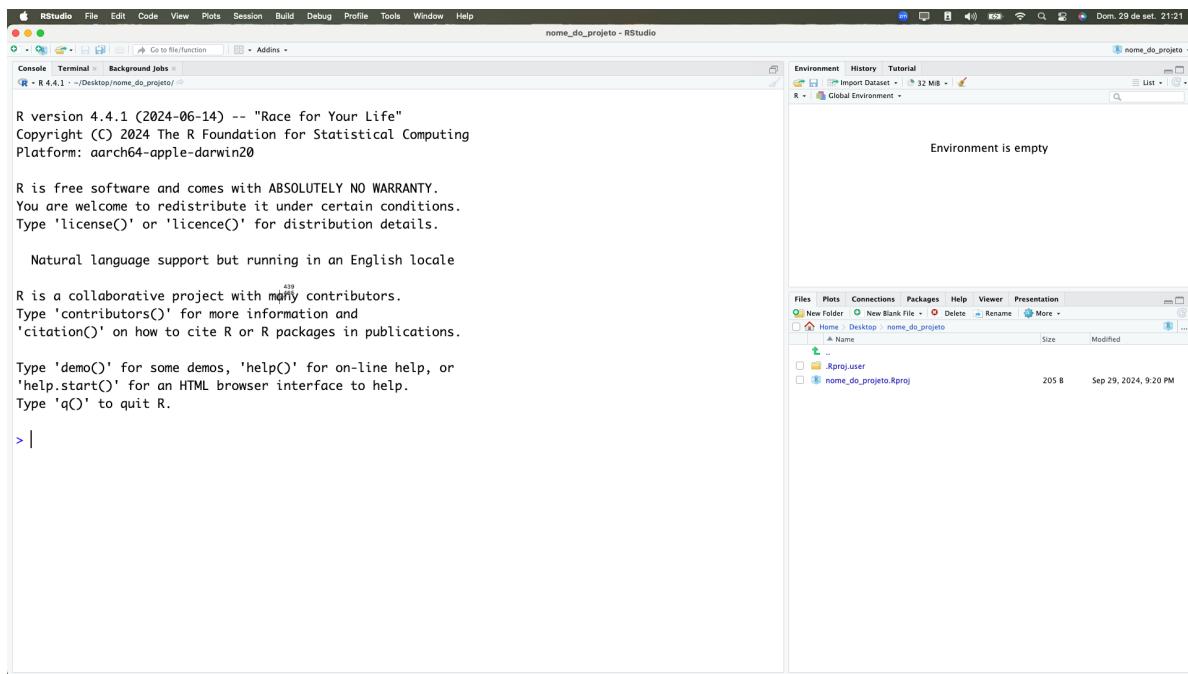


Figura 3.5: Captura de tela do RStudio: projeto criado

Dica

Note que o nome do projeto que criamos aparece no canto superior direito do RStudio.

3.2 Salvando os dados no projeto

Para facilitar o trabalho, vamos salvar os dados que utilizaremos nesta aula dentro do projeto que acabamos de criar.

Primeiro, vamos criar uma pasta chamada **dados** dentro do projeto:

```
dir.create("dados")
```

Depois, vamos baixar os dados da CETESB e salvar na pasta **dados** que acabamos de criar:

```
download.file(
  url = "https://raw.githubusercontent.com/beatrizmilz/cetesb_saneamento/refs/heads/main/data"
  destfile = "dados/dados-cetesb-2022.csv"
)
```

Confira se o arquivo foi baixado corretamente, e se está na pasta `dados` do projeto.

3.3 Importando os dados

Para importar os dados que acabamos de baixar, vamos utilizar a função `read_csv()` do pacote `readr`, que faz parte do `tidyverse`.

Lembre-se de carregar o pacote `tidyverse` antes de utilizar a função `read_csv()`:

```
library(tidyverse)
```

```
-- Attaching core tidyverse packages ----- tidyverse 2.0.0 --
v dplyr     1.1.4     v readr     2.1.5
v forcats   1.0.0     v stringr   1.5.1
v ggplot2   3.5.2     v tibble    3.3.0
v lubridate  1.9.4     v tidyr    1.3.1
v purrr    1.0.4
-- Conflicts -----
x dplyr::filter() masks stats::filter()
x dplyr::lag()    masks stats::lag()
i Use the conflicted package (<http://conflicted.r-lib.org/>) to force all conflicts to beco
```

Agora, podemos importar os dados:

```
dados_cetesb <- read_csv("dados/dados-cetesb-2022.csv")
```

```
Rows: 645 Columns: 12
-- Column specification -----
Delimiter: ","
chr (2): uf, municipio
dbl (10): ano, ugrhi, codigo_ibge, populacao_urbana, atendimento_coleta_porc...
i Use `spec()` to retrieve the full column specification for this data.
i Specify the column types or set `show_col_types = FALSE` to quiet this message.
```

Vamos conferir se os dados foram importados corretamente, utilizando a função `glimpse()`:

```
glimpse(dados_cetesb)
```

```
Rows: 645
Columns: 12
$ ano                               <dbl> 2022, 2022, 2022, 2022, 2022, 2022~
$ uf                                <chr> "SP", "SP", "SP", "SP", "SP", "SP"~
$ ugrhi                             <dbl> 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2~
$ municipio                          <chr> "Campos do Jordão", "Santo Antônio do Pi~
$ codigo_ibge                        <dbl> 3509700, 3548203, 3548609, 3502507, 3503~
$ populacao_urbana                   <dbl> 52384, 4067, 5251, 35684, 1844, 2619, 88~
$ atendimento_coleta_porc           <dbl> 52.6, 46.7, 98.0, 70.0, 95.6, 100.0, 88.~
$ atendimento_tratamento_porc       <dbl> 100.0, 100.0, 100.0, 0.0, 95.6, 0.0, 100~
$ eficiencia                          <dbl> 93.0, 80.0, 91.3, 0.0, 99.0, 0.0, 75.0, ~
$ carga_poluidora_potencial         <dbl> 2829, 220, 284, 1927, 100, 141, 476, 442~
$ carga_poluidora_remancescente     <dbl> 1445, 138, 30, 1927, 9, 141, 161, 1858, ~
$ ictem                               <dbl> 5.97, 4.63, 9.97, 1.55, 9.86, 1.50, 7.61~
```

A função `View()` também pode ser utilizada para visualizar os dados em uma tabela interativa:

```
View(dados_cetesb)
```

3.4 Conhecendo a base de dados

Para conhecer melhor a base de dados, podemos utilizar algumas funções para explorar as colunas e os tipos de dados.

A função `nrow()` nos mostra o número de linhas da base de dados, e a função `ncol()` nos mostra o número de colunas:

```
nrow(dados_cetesb)
```

```
[1] 645
```

```
ncol(dados_cetesb)
```

```
[1] 12
```

A função `colnames()` nos mostra os nomes das colunas:

```
colnames(dados_cetesb)
```

```
[1] "ano"                      "uf"  
[3] "ugrhi"                    "municipio"  
[5] "codigo_ibge"              "populacao_urbana"  
[7] "atendimento_coleta_porc" "atendimento_tratamento_porc"  
[9] "eficiencia"                "carga_poluidora_potencial"  
[11] "carga_poluidora_remanescente" "ictem"
```

Segue abaixo uma tabela com os nomes das colunas e suas descrições²:

| Nome da coluna | Descrição |
|------------------------------|---|
| ano | Ano de referência dos dados |
| uf | Unidade da Federação (estado) |
| ugrhi | Unidade de Gerenciamento de Recursos Hídricos |
| municipio | Nome do município |
| codigo_ibge | Código do município no IBGE |
| populacao_urbana | População urbana do município |
| atendimento_coleta_porc | Percentual de atendimento da coleta de esgoto |
| atendimento_tratamento_porc | Percentual de atendimento do tratamento de esgoto, para o esgoto coletado |
| eficiencia | Eficiência do sistema de esgoto |
| carga_poluidora_potencial | Carga poluidora potencial do esgoto coletado |
| carga_poluidora_remanescente | Carga poluidora remanescente do esgoto coletado |
| ictem | Indicador de Coleta e Tratabilidade de Esgoto da População Urbana de Município (ICTEM) |

A função `head()` nos mostra as primeiras linhas da base de dados, e a função `tail()` nos mostra as últimas linhas:

```
head(dados_cetesb)
```

²O arquivo original não apresenta um dicionário de dados, portanto as descrições foram elaboradas com base no conteúdo do arquivo e na documentação do ICTEM (Indicador de Coleta e Tratabilidade de Esgoto da População Urbana de Município) disponível no site da CETESB.

```

# A tibble: 6 x 12
  ano uf    ugrhi municipio      codigo_ibge populacao_urbana
  <dbl> <chr> <dbl> <chr>          <dbl>                <dbl>
1 2022 SP      1 Campos do Jordão     3509700            52384
2 2022 SP      1 Santo Antônio do Pinhal 3548203            4067
3 2022 SP      1 São Bento do Sapucaí   3548609            5251
4 2022 SP      2 Aparecida           3502507            35684
5 2022 SP      2 Arapeí              3503158            1844
6 2022 SP      2 Areias              3503505            2619
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
#   atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#   carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
#   ictem <dbl>

```

```
tail(dados_cetesb)
```

```

# A tibble: 6 x 12
  ano uf    ugrhi municipio      codigo_ibge populacao_urbana
  <dbl> <chr> <dbl> <chr>          <dbl>                <dbl>
1 2022 SP      22 Rosana            3544251            12828
2 2022 SP      22 Sandovalina       3545506            3074
3 2022 SP      22 Santo Anastácio  3547700            19434
4 2022 SP      22 Taciba             3552908            5410
5 2022 SP      22 Tarabai            3553906            7035
6 2022 SP      22 Teodoro Sampaio  3554300            18996
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
#   atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#   carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
#   ictem <dbl>

```

A função `summary()` nos mostra um resumo de estatísticas descritivas para todas as colunas. Mas cuidado: nem todos os resultados fazem sentido (exemplo: a coluna `codigo_ibge` é um identificador, e não devemos calcular estatísticas descritivas para ela).

```
summary(dados_cetesb)
```

| | ano | uf | ugrhi | municipio |
|---------|-------|------------------|---------------|------------------|
| Min. | :2022 | Length:645 | Min. : 1.00 | Length:645 |
| 1st Qu. | :2022 | Class :character | 1st Qu.: 7.00 | Class :character |
| Median | :2022 | Mode :character | Median :13.00 | Mode :character |
| Mean | | | Mean :12.38 | |

```

3rd Qu.:2022                      3rd Qu.:17.00
Max.   :2022                       Max.   :22.00

  codigo_ibge      populacao_urbana  atendimento_coleta_porc
Min.   :3500105      Min.    :   653     Min.    : 12.80
1st Qu.:3514601     1st Qu.:  4498    1st Qu.: 88.30
Median :3528700     Median : 11524    Median : 98.70
Mean   :3528698     Mean   : 69406    Mean   : 91.06
3rd Qu.:3543204     3rd Qu.: 39045    3rd Qu.:100.00
Max.   :3557303     Max.   :12284940   Max.   :100.00

  atendimento_tratamento_porc  eficiencia  carga_poluidora_potencial
Min.   : 0.00                  Min.    : 0.00     Min.    :    35
1st Qu.:100.00                1st Qu.:74.97    1st Qu.: 243
Median :100.00                Median :83.45    Median : 622
Mean   : 89.73                Mean   :77.04    Mean   : 3748
3rd Qu.:100.00                3rd Qu.:88.80    3rd Qu.: 2108
Max.   :100.00                Max.   :99.10    Max.   :663387
NA's   :5                     NA's    :5

  carga_poluidora_remancescente  icitem
Min.   :    1.0                 Min.    : 0.75
1st Qu.:  49.0                 1st Qu.: 6.78
Median : 156.0                 Median : 8.21
Mean   : 1409.2                Mean   : 7.76
3rd Qu.: 617.8                 3rd Qu.: 9.94
Max.   :231038.0               Max.   :10.00
NA's   :5

```

3.5 Calculando estatísticas descritivas

Como vimos acima, a função `summary()` nos dá um resumo de estatísticas descritivas para todas as colunas.

Também podemos calcular estatísticas descritivas específicas para colunas numéricas, como média, mediana, desvio padrão, entre outras.

| função | descrição |
|-----------------------|----------------------------|
| <code>sum()</code> | calcula a soma dos valores |
| <code>mean()</code> | calcula a média |
| <code>median()</code> | calcula a mediana |
| <code>var()</code> | calcula a variância |

| função | descrição |
|-------------------------|--------------------------------|
| <code>sd()</code> | calcula o desvio padrão |
| <code>min()</code> | calcula o valor mínimo |
| <code>max()</code> | calcula o valor máximo |
| <code>quantile()</code> | calcula os quantis (percentis) |

! O operador \$

Quando estamos trabalhando com *data.frames* (ou *tibbles*) podemos utilizar o operador `$` para acessar uma coluna específica. O resultado será um vetor com os valores dessa coluna.

Por exemplo, para acessar a coluna `atendimento_coleta_porc`, podemos fazer:

```
dados_cetesb$atendimento_coleta_porc
```

```
[1] 52.6 46.7 98.0 70.0 95.6 100.0 88.1 100.0 100.0 84.6 74.3 90.0
[13] 60.4 98.2 30.7 98.2 100.0 83.5 73.2 99.6 84.4 96.0 68.0 100.0
[25] 84.3 85.0 77.2 44.3 93.6 64.0 57.3 84.7 94.4 88.3 95.9 100.0
[37] 98.6 78.6 40.5 44.6 34.7 100.0 99.0 100.0 96.4 100.0 91.4 99.0
[49] 85.2 88.5 100.0 99.0 99.5 99.2 100.0 96.2 100.0 96.9 100.0 92.8
[61] 100.0 100.0 91.7 100.0 96.5 95.7 95.0 96.0 98.0 67.8 20.0 89.6
[73] 96.3 60.2 95.0 86.9 100.0 100.0 98.0 94.6 100.0 95.2 97.7 90.5
[85] 100.0 89.7 74.2 98.0 29.7 65.2 99.5 100.0 86.6 100.0 95.0 90.7
[97] 89.9 12.8 96.2 94.9 70.6 99.0 96.0 52.9 100.0 100.0 99.8 99.0
[109] 100.0 98.0 99.0 100.0 100.0 100.0 90.0 95.0 50.0 94.3 46.4 84.2
[121] 91.5 71.5 83.5 53.1 74.0 74.4 69.8 54.0 97.5 72.3 40.5 82.7
[133] 58.2 74.0 86.4 52.0 64.5 63.0 74.1 25.8 93.0 60.7 77.8 51.0
[145] 96.8 71.2 50.2 77.3 46.9 99.5 92.3 100.0 89.5 94.5 89.5 66.0
[157] 51.3 69.4 49.3 82.9 81.2 80.0 96.6 79.4 100.0 99.0 99.7 97.0
[169] 100.0 100.0 100.0 96.9 100.0 98.8 100.0 100.0 87.5 100.0 100.0 100.0
[181] 100.0 87.1 97.8 98.3 100.0 95.9 98.1 98.8 99.0 100.0 100.0 100.0
[193] 97.0 99.1 100.0 100.0 93.7 100.0 99.8 100.0 100.0 100.0 100.0 70.0
[205] 100.0 99.2 96.0 100.0 100.0 100.0 98.9 96.4 100.0 100.0 97.0 100.0
[217] 100.0 96.3 92.4 100.0 78.3 100.0 77.5 100.0 56.2 70.9 86.9 42.1
[229] 40.0 89.0 88.3 100.0 66.2 75.6 98.0 100.0 82.1 49.6 90.2 100.0
[241] 90.0 96.4 77.0 100.0 73.8 79.7 99.9 69.2 98.9 48.5 58.0 99.0
[253] 97.2 86.5 89.2 35.4 99.0 61.9 87.6 73.9 86.7 83.3 97.9 60.3
[265] 44.5 67.9 61.5 82.1 38.3 100.0 83.0 16.6 86.6 93.9 58.3 99.6
[277] 62.7 31.6 75.8 79.5 89.3 100.0 99.1 100.0 100.0 100.0 99.5 90.4
[289] 100.0 100.0 93.1 100.0 100.0 99.7 77.0 99.2 98.8 99.0 98.3 100.0
[301] 100.0 100.0 100.0 100.0 98.5 100.0 100.0 93.0 100.0 95.0 100.0 100.0
```

| | | | | | | | | | | | | |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| [313] | 95.0 | 87.5 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 97.0 | 100.0 | 98.8 | 96.0 | 100.0 | 100.0 | 99.1 |
| [325] | 98.5 | 100.0 | 86.6 | 83.3 | 99.1 | 100.0 | 80.6 | 97.2 | 83.9 | 94.9 | 97.9 | 100.0 |
| [337] | 78.9 | 85.8 | 99.0 | 88.1 | 83.5 | 95.9 | 87.8 | 89.5 | 91.2 | 90.0 | 64.1 | 70.3 |
| [349] | 73.2 | 100.0 | 81.0 | 100.0 | 97.5 | 70.1 | 96.0 | 100.0 | 100.0 | 75.8 | 92.0 | 94.5 |
| [361] | 100.0 | 99.0 | 100.0 | 100.0 | 99.9 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 99.1 | 100.0 | 100.0 | 99.5 |
| [373] | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 80.0 | 100.0 | 93.4 | 100.0 | 98.7 | 100.0 | 99.1 |
| [385] | 98.6 | 100.0 | 80.0 | 100.0 | 99.8 | 97.7 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 92.1 | 100.0 | 98.5 |
| [397] | 80.7 | 100.0 | 100.0 | 80.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 99.0 |
| [409] | 100.0 | 100.0 | 71.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 98.2 | 100.0 | 100.0 | 100.0 |
| [421] | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 99.0 | 100.0 | 91.4 | 100.0 | 100.0 | 99.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 |
| [433] | 100.0 | 100.0 | 98.9 | 100.0 | 83.4 | 100.0 | 99.0 | 100.0 | 87.3 | 100.0 | 100.0 | 100.0 |
| [445] | 100.0 | 98.0 | 100.0 | 100.0 | 90.0 | 100.0 | 100.0 | 98.6 | 67.0 | 100.0 | 100.0 | 83.3 |
| [457] | 100.0 | 73.2 | 99.0 | 100.0 | 99.8 | 99.0 | 100.0 | 99.6 | 92.0 | 90.0 | 99.0 | 100.0 |
| [469] | 100.0 | 100.0 | 94.1 | 100.0 | 93.2 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 83.2 | 100.0 | 100.0 | 92.3 |
| [481] | 98.1 | 93.1 | 100.0 | 99.3 | 100.0 | 100.0 | 70.5 | 95.3 | 100.0 | 87.5 | 100.0 | 95.3 |
| [493] | 99.0 | 93.9 | 70.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 96.6 | 100.0 | 100.0 | 100.0 |
| [505] | 98.8 | 91.5 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 95.0 | 100.0 | 100.0 | 90.1 | 79.7 | 100.0 | 100.0 |
| [517] | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 97.0 | 98.0 | 100.0 | 96.5 | 98.6 | 98.5 | 100.0 |
| [529] | 99.0 | 92.4 | 100.0 | 98.0 | 100.0 | 89.2 | 100.0 | 100.0 | 94.9 | 82.1 | 85.4 | 100.0 |
| [541] | 100.0 | 80.0 | 99.0 | 100.0 | 100.0 | 99.0 | 100.0 | 90.0 | 100.0 | 100.0 | 92.5 | 100.0 |
| [553] | 76.9 | 100.0 | 99.0 | 94.0 | 100.0 | 99.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 |
| [565] | 99.8 | 95.9 | 99.2 | 98.0 | 100.0 | 93.1 | 100.0 | 99.5 | 80.0 | 99.0 | 96.3 | 97.6 |
| [577] | 100.0 | 97.9 | 86.4 | 99.0 | 100.0 | 100.0 | 72.9 | 92.8 | 100.0 | 60.0 | 97.1 | 95.0 |
| [589] | 100.0 | 100.0 | 99.5 | 88.0 | 96.2 | 88.7 | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 98.0 | 100.0 | 99.0 |
| [601] | 100.0 | 99.0 | 100.0 | 90.6 | 98.7 | 89.4 | 100.0 | 98.5 | 97.0 | 100.0 | 100.0 | 100.0 |
| [613] | 97.0 | 80.0 | 100.0 | 100.0 | 95.1 | 100.0 | 95.0 | 97.0 | 100.0 | 96.8 | 91.7 | 97.5 |
| [625] | 100.0 | 100.0 | 100.0 | 86.6 | 95.0 | 97.0 | 84.1 | 100.0 | 100.0 | 94.5 | 81.6 | 93.1 |
| [637] | 100.0 | 98.0 | 100.0 | 79.5 | 87.7 | 97.8 | 100.0 | 88.1 | 100.0 | | | |

Vamos ver alguns exemplos de como calcular estatísticas descritivas utilizando as funções apresentadas acima:

```
# Soma dos valores da coluna `populacao_urbana`  
# Ou seja, a população urbana total do estado de São Paulo  
sum(dados_cetesb$populacao_urbana)
```

[1] 44767107

```
# Média dos valores da coluna `ictem`  
mean(dados_cetesb$ictem)
```

[1] 7.759767

```
# Mediana dos valores da coluna `ictem`  
median(dados_cetesb$ictem)
```

```
[1] 8.21
```

```
# Variância dos valores da coluna `ictem`  
var(dados_cetesb$ictem)
```

```
[1] 6.09937
```

```
# Desvio padrão dos valores da coluna `ictem`  
sd(dados_cetesb$ictem)
```

```
[1] 2.46969
```

```
# Valor mínimo da coluna `ictem`  
min(dados_cetesb$ictem)
```

```
[1] 0.75
```

```
# Valor máximo da coluna `ictem`  
max(dados_cetesb$ictem)
```

```
[1] 10
```

```
# Quantis dos valores da coluna `ictem`  
quantile(dados_cetesb$ictem)
```

```
0%    25%    50%    75%   100%  
0.75  6.78  8.21  9.94 10.00
```

Atenção aos valores faltantes (NA): Por padrão, as funções acima consideram os valores faltantes (NA) no cálculo, e portanto, o resultado também será um valor faltante (NA). Veja esse exemplo:

```
mean(dados_cetesb$eficiencia)
```

```
[1] NA
```

Se você quiser remover os valores faltantes, pode utilizar o argumento `na.rm = TRUE` nas funções. Por exemplo:

```
mean(dados_cetesb$eficiencia, na.rm = TRUE)
```

```
[1] 77.03656
```

3.6 Visualizando os dados

Para visualizar os dados, podemos utilizar a função `ggplot()` do pacote `ggplot2`, que também faz parte do `tidyverse`.

Para quem está começando, recomendo utilizar o pacote `esquisse`, que facilita a criação de gráficos com o `ggplot2`.

```
install.packages("esquisse")
install.packages("plotly")
```

Depois de instalar o pacote, podemos carregá-lo e utilizar a função `esquisser()` para criar gráficos interativos:

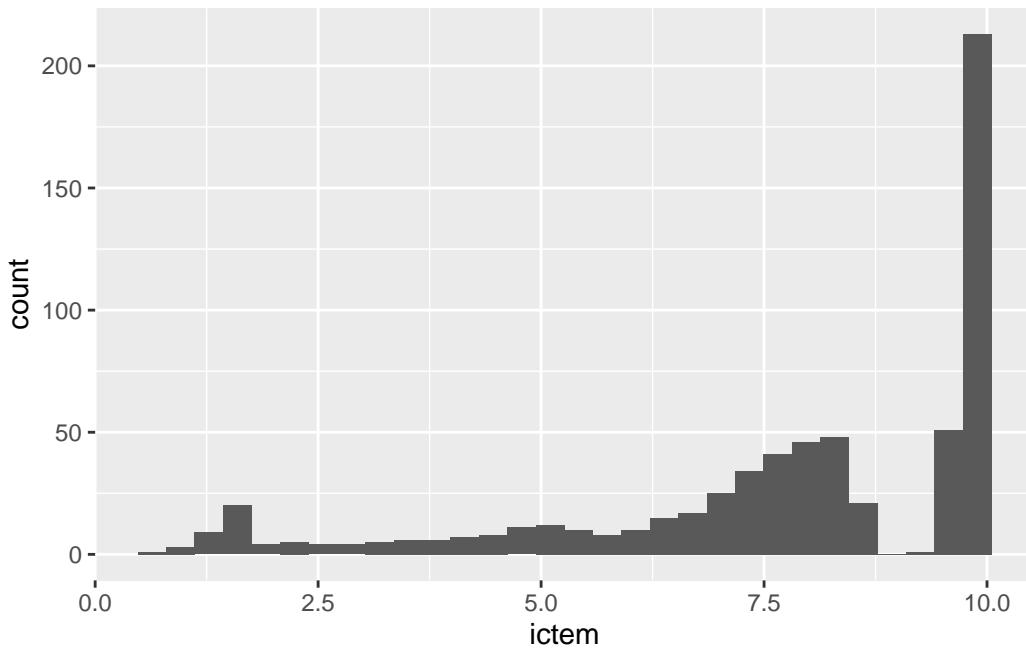
```
library(esquisse)
esquisser(dados_cetesb)
```

O `esquisse` oferece uma interface amigável para criar gráficos com o `ggplot2`, permitindo que você arraste e solte variáveis, escolha tipos de gráficos e customize os elementos do gráfico. Ao usar o `esquisse`, você pode gerar o código correspondente ao gráfico que está criando, e depois copiá-lo para o seu script R.

Para criar um histograma simples, por exemplo, podemos usar o seguinte código:

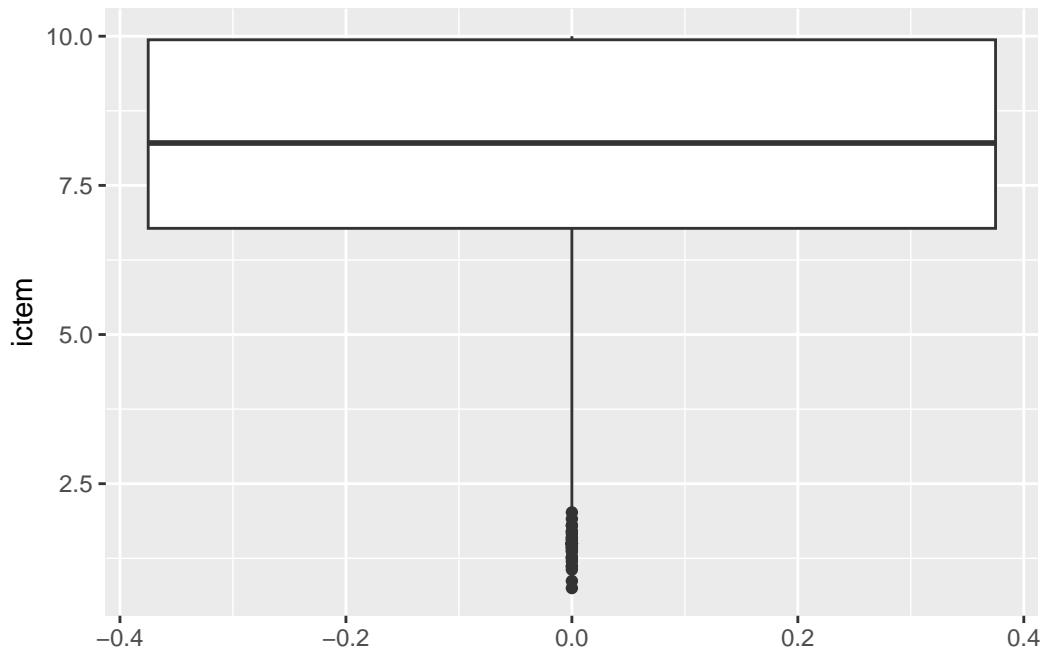
```
# inicia o gráfico com os dados `dados_cetesb`
ggplot(dados_cetesb) +
  # define a variável que será plotada no eixo x
  aes(x = ictem) +
  # adiciona a geometria de histograma
  geom_histogram()
```

```
`stat_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.
```



Podemos criar também um boxplot com um código semelhante:

```
# inicia o gráfico com os dados `dados_cetesb`  
ggplot(dados_cetesb) +  
  # define a variável que será plotada no eixo y  
  aes(y = ictem) +  
  # adiciona a geometria de histograma  
  geom_boxplot()
```



i Nota

Nesta aula, o objetivo foi apresentar algumas funções básicas que veremos outras vezes ao longo do curso. Não se preocupe se não entendeu tudo agora, pois iremos aprofundar esses conceitos em aulas futuras.

Se você quiser praticar mais, recomendo que explore os materiais complementares.

3.7 Materiais complementares

- Materiais do curso [Introdução à análise de dados no R](#):
 - [Diretório de trabalho e projetos](#)
 - [Importando dados](#)
 - [Conhecendo a base de dados](#)

4 Análise exploratória de dados - Parte 2

Nesta segunda parte da análise exploratória de dados, vamos conhecer as funções mais importantes do pacote `dplyr` para manipulação de dados.

4.1 Carregando pacotes

```
library(tidyverse)
```

4.2 Carregando os dados

Vamos continuar trabalhando nos dados da CETESB, que já foram carregados na [primeira parte da análise exploratória \(aula passada\)](#). Caso você não tenha feito isso, recomendo que você siga as instruções da aula anterior antes de continuar a aula de hoje.

```
dados_cetesb <- read_csv("dados/dados-cetesb-2022.csv")
```

```
Rows: 645 Columns: 12
-- Column specification ----
Delimiter: ","
chr (2): uf, municipio
dbl (10): ano, ugrhi, codigo_ibge, populacao_urbana, atendimento_coleta_porc...
i Use `spec()` to retrieve the full column specification for this data.
i Specify the column types or set `show_col_types = FALSE` to quiet this message.
```

Outra forma de importar os dados é utilizando o link direto do repositório do GitHub onde os dados estão armazenados. Você pode fazer isso utilizando a função `read_csv()` do pacote `readr`:

```
dados_cetesb <- read_csv("https://raw.githubusercontent.com/beatrizmilz/ESHT011-21-analise-d
```

A função `glimpse()` do pacote `dplyr`, que conhecemos na aula passada, é uma forma rápida de visualizar a estrutura dos dados. Ela nos mostra o nome das colunas, o tipo de dado de cada coluna e os primeiros valores de cada coluna:

```
glimpse(dados_cetesb)
```

```
Rows: 645
Columns: 12
$ ano                      <dbl> 2022, 2022, 2022, 2022, 2022, 2022, 2022~
$ uf                        <chr> "SP", "SP", "SP", "SP", "SP", "SP", "SP"~
$ ugrhi                     <dbl> 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2~
$ municipio                  <chr> "Campos do Jordão", "Santo Antônio do Pi~
$ codigo_ibge                <dbl> 3509700, 3548203, 3548609, 3502507, 3503~
$ populacao_urbana           <dbl> 52384, 4067, 5251, 35684, 1844, 2619, 88~
$ atendimento_coleta_porc    <dbl> 52.6, 46.7, 98.0, 70.0, 95.6, 100.0, 88.~
$ atendimento_tratamento_porc <dbl> 100.0, 100.0, 100.0, 0.0, 95.6, 0.0, 100~
$ eficiencia                 <dbl> 93.0, 80.0, 91.3, 0.0, 99.0, 0.0, 75.0, ~
$ carga_poluidora_potencial <dbl> 2829, 220, 284, 1927, 100, 141, 476, 442~
$ carga_poluidora_remancescente <dbl> 1445, 138, 30, 1927, 9, 141, 161, 1858, ~
$ ictem                      <dbl> 5.97, 4.63, 9.97, 1.55, 9.86, 1.50, 7.61~
```

4.3 Conhecendo o operador pipe (|>)

O operador pipe (`|>` ou `%>%`) permite encadear operações de forma mais legível e intuitiva.

Por exemplo, podemos utilizar o operador pipe para aplicar a função `glimpse()` diretamente nos dados:

```
dados_cetesb |>
  glimpse()
```

```
Rows: 645
Columns: 12
$ ano                      <dbl> 2022, 2022, 2022, 2022, 2022, 2022, 2022~
$ uf                        <chr> "SP", "SP", "SP", "SP", "SP", "SP", "SP"~
$ ugrhi                     <dbl> 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2~
$ municipio                  <chr> "Campos do Jordão", "Santo Antônio do Pi~
$ codigo_ibge                <dbl> 3509700, 3548203, 3548609, 3502507, 3503~
```

```

$ populacao_urbana           <dbl> 52384, 4067, 5251, 35684, 1844, 2619, 88-
$ atendimento_coleta_porc    <dbl> 52.6, 46.7, 98.0, 70.0, 95.6, 100.0, 88.-
$ atendimento_tratamento_porc <dbl> 100.0, 100.0, 100.0, 0.0, 95.6, 0.0, 100-
$ eficiencia                  <dbl> 93.0, 80.0, 91.3, 0.0, 99.0, 0.0, 75.0, ~
$ carga_poluidora_potencial   <dbl> 2829, 220, 284, 1927, 100, 141, 476, 442-
$ carga_poluidora_remancescente <dbl> 1445, 138, 30, 1927, 9, 141, 161, 1858, ~
$ ictem                         <dbl> 5.97, 4.63, 9.97, 1.55, 9.86, 1.50, 7.61-

```

Com apenas uma função, não é tão óbvio o benefício do operador pipe. No entanto, quando começamos a encadear várias funções, ele se torna muito útil. Veremos exemplos disso ao longo desta aula!

4.4 Principais funções do dplyr

O pacote `dplyr` é uma das ferramentas mais poderosas para manipulação de dados no R. Ele oferece uma série de funções que facilitam a transformação e análise de dados. Vamos conhecer algumas das principais funções do `dplyr`:

- `filter()`: filtra linhas com base em condições específicas.
- `select()`: seleciona colunas específicas de um data frame.
- `mutate()`: adiciona ou modifica colunas.
- `arrange()`: ordena as linhas de um data frame com base em uma ou mais colunas.
- `summarise()`: resume os dados, calculando estatísticas agregadas.
- `group_by()`: agrupa os dados com base em uma ou mais colunas, permitindo aplicar funções de resumo a cada grupo.

Ao apresentar essas funções, não vamos abordar todos os casos de uso, mas sim o básico de cada uma delas. Você pode consultar os materiais listados no final da aula para aprender mais sobre cada função e suas possibilidades.

4.5 Filtrando dados com `filter()`

A A função `filter()` é utilizada para filtrar linhas de um data frame com base em condições específicas.

Por exemplo, podemos filtrar os dados da CETESB para mostrar apenas os municípios que possuem uma população urbana maior que 1 milhão de habitantes:

```

dados_cetesb |>
  filter(populacao_urbana > 1000000)

```

```

# A tibble: 3 x 12
  ano uf    ugrhi municipio codigo_ibge populacao_urbana
  <dbl> <chr> <dbl> <chr>           <dbl>          <dbl>
1 2022 SP      5 Campinas     3509502       1202203
2 2022 SP      6 Guarulhos   3518800       1404694
3 2022 SP      6 São Paulo   3550308       12284940
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
#   atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#   carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
#   ictem <dbl>

```

Podemos também filtrar as linhas dos municípios do Grande ABC. Neste caso, é mais fácil criar um vetor com os nomes dos municípios, e utilizar o operador `%in%` para filtrar os dados:

```

municipios_grande_abc <- c("São Caetano do Sul", "São Bernardo do Campo", "Diadema", "Santo
dados_cetesb |>
  filter(municipio %in% municipios_grande_abc)

```

```

# A tibble: 7 x 12
  ano uf    ugrhi municipio           codigo_ibge populacao_urbana
  <dbl> <chr> <dbl> <chr>           <dbl>          <dbl>
1 2022 SP      6 Diadema        3513801       429550
2 2022 SP      6 Mauá          3529401       481725
3 2022 SP      6 Ribeirão Pires 3543303       125238
4 2022 SP      6 Rio Grande da Serra 3544103       52009
5 2022 SP      6 Santo André     3547809       723889
6 2022 SP      6 São Bernardo do Campo 3548708       835657
7 2022 SP      6 São Caetano do Sul    3548807       162763
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
#   atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#   carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
#   ictem <dbl>

```

Podemos também consultar quais são os municípios que coletam 100% do esgoto produzido:

```

dados_cetesb |>
  filter(atendimento_coleta_porc == 100)

# A tibble: 253 x 12
  ano uf  ugrhi municipio      codigo_ibge populacao_urbana
  <dbl> <chr> <dbl> <chr>          <dbl>                <dbl>
1 2022 SP    2 Areias        3503505            2619
2 2022 SP    2 Caçapava     3508504            81929
3 2022 SP    2 Cachoeira Paulista 3508603            27623
4 2022 SP    2 Jambeiro     3524907            3269
5 2022 SP    2 Pindamonhangaba 3538006            165703
6 2022 SP    2 Taubaté       3554102            313898
7 2022 SP    4 Altinópolis   3501004            14172
8 2022 SP    4 Caconde       3508702            12975
9 2022 SP    4 Casa Branca   3510807            25075
10 2022 SP   4 Jardinópolis  3525102            43706
# i 243 more rows
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
#   atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#   carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
#   ictem <dbl>

```

Destes, podemos filtrar os que tratem 100% do esgoto coletado:

```

dados_cetesb |>
  filter(atendimento_coleta_porc == 100, atendimento_tratamento_porc == 100)

# A tibble: 218 x 12
  ano uf  ugrhi municipio      codigo_ibge populacao_urbana
  <dbl> <chr> <dbl> <chr>          <dbl>                <dbl>
1 2022 SP    2 Cachoeira Paulista 3508603            27623
2 2022 SP    2 Jambeiro       3524907            3269
3 2022 SP    2 Pindamonhangaba 3538006            165703
4 2022 SP    2 Taubaté        3554102            313898
5 2022 SP    4 Altinópolis   3501004            14172
6 2022 SP    4 Santa Cruz da Esperança 3546256            1467
7 2022 SP    4 Serrana        3551504            45677
8 2022 SP    4 Tambaú         3553302            20663
9 2022 SP    5 Corumbataí    3512704            2200
10 2022 SP   5 Holambra       3519055            11303
# i 208 more rows

```

```
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
#   atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#   carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remanescente <dbl>,
#   ictem <dbl>
```

As possibilidades são muitas! Podemos combinar várias condições utilizando os operadores lógicos (como o | (OU) e o ! (NEGAÇÃO)).

4.6 Selecionando colunas com select()

A função `select()` é utilizada para selecionar colunas específicas de um data frame.

Por exemplo, podemos selecionar apenas as colunas `municipio`, `populacao_urbana` e `atendimento_coleta_porc` dos dados da CETESB:

```
dados_cetesb |>
  select(municipio, populacao_urbana, atendimento_coleta_porc)
```

```
# A tibble: 645 x 3
  municipio      populacao_urbana atendimento_coleta_porc
  <chr>                <dbl>                  <dbl>
1 Campos do Jordão        52384                 52.6
2 Santo Antônio do Pinhal    4067                  46.7
3 São Bento do Sapucaí       5251                  98 
4 Aparecida                  35684                 70 
5 Araçatuba                   1844                 95.6
6 Areias                      2619                  100
7 Bananal                     8808                 88.1
8 Caçapava                    81929                 100
9 Cachoeira Paulista          27623                 100
10 Canas                      4890                  84.6
# i 635 more rows
```

Podemos também indicar quais colunas queremos excluir, utilizando o operador - antes do nome da coluna. Por exemplo, para excluir as colunas `ano` e `uf`, podemos fazer o seguinte:

```
dados_cetesb |>
  select(-ano, -uf)
```

```

# A tibble: 645 x 10
  ugrhi municipio      codigo_ibge populacao_urbana atendimento_coleta_p~1
  <dbl> <chr>          <dbl>           <dbl>           <dbl>
1     1 Campos do Jordão    3509700        52384        52.6
2     1 Santo Antônio do P~  3548203        4067         46.7
3     1 São Bento do Sapuc~  3548609        5251          98
4     2 Aparecida          3502507        35684         70
5     2 Arapeí             3503158        1844         95.6
6     2 Areias             3503505        2619         100
7     2 Bananal            3504909        8808         88.1
8     2 Caçapava           3508504        81929         100
9     2 Cachoeira Paulista 3508603        27623         100
10    2 Canas              3509957        4890         84.6
# i 635 more rows
# i abbreviated name: 1: atendimento_coleta_porc
# i 5 more variables: atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#   carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
#   ictem <dbl>

```

4.7 Adicionando ou modificando colunas com `mutate()`

A função `mutate()` é utilizada para adicionar novas colunas ou modificar colunas existentes em um data frame.

A sintaxe básica da função `mutate()` é:

```

base_de_dados |>
  mutate(nome_da_nova_coluna = o_que_queremos_que_seja_salvo_nela)

```

Por exemplo, podemos criar uma coluna nova chamada `populacao_urbana_mil` que representa a população urbana em mil habitantes:

```

dados_cetesb |>
  # selecionando as colunas municipio e populacao_urbana
  # para facilitar a visualização
  select(municipio, populacao_urbana) |>
  mutate(populacao_urbana_mil = populacao_urbana / 1000)

```

```

# A tibble: 645 x 3
  municipio      populacao_urbana populacao_urbana_mil
  <chr>           <dbl>           <dbl>
1 Campos do Jordão    3509700        3509.7
2 Santo Antônio do P~  3548203        3548.2
3 São Bento do Sapuc~  3548609        3548.6
4 Aparecida          3502507        3502.5
5 Arapeí             3503158        3503.2
6 Areias             3503505        3503.5
7 Bananal            3504909        3504.9
8 Caçapava           3508504        3508.5
9 Cachoeira Paulista 3508603        3508.6
10 Canas              3509957        3509.9
# i 635 more rows
# i abbreviated name: 1: populacao_urbana
# i 5 more variables: populacao_urbana_mil <dbl>, atendimento_coleta_porc <dbl>,
#   atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#   ictem <dbl>

```

```

1 Campos do Jordão           52384      52.4
2 Santo Antônio do Pinhal    4067       4.07
3 São Bento do Sapucaí       5251       5.25
4 Aparecida                  35684      35.7
5 Arapeí                      1844      1.84
6 Areias                      2619      2.62
7 Bananal                     8808      8.81
8 Caçapava                    81929     81.9
9 Cachoeira Paulista         27623      27.6
10 Canas                      4890      4.89
# i 635 more rows

```

A função `mutate()` também pode ser utilizada para modificar colunas existentes. Por exemplo, podemos mudar a classe de algumas colunas:

```

dados_cetesb |>
  mutate(
    ugrhi = as.character(ugrhi), # convertendo ugrhi para character
    codigo_ibge = as.character(codigo_ibge) # convertendo codigo_ibge para character
  )

# A tibble: 645 x 12
  ano uf     ugrhi municipio               codigo_ibge populacao_urbana
  <dbl> <chr>  <chr>   <chr>                <chr>          <dbl>
1 2022 SP     1 Campos do Jordão        3509700      52384
2 2022 SP     1 Santo Antônio do Pinhal 3548203      4067
3 2022 SP     1 São Bento do Sapucaí   3548609      5251
4 2022 SP     2 Aparecida              3502507      35684
5 2022 SP     2 Arapeí                 3503158      1844
6 2022 SP     2 Areias                 3503505      2619
7 2022 SP     2 Bananal                3504909      8808
8 2022 SP     2 Caçapava               3508504      81929
9 2022 SP     2 Cachoeira Paulista   3508603      27623
10 2022 SP    2 Canas                  3509957      4890
# i 635 more rows
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
#   atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#   carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
#   ictem <dbl>

```

4.8 Ordenando dados com arrange()

A função `arrange()` é utilizada para ordenar as linhas de um data frame com base em uma ou mais colunas.

Podemos ordenar os dados da CETESB pela coluna `carga_poluidora_remancescente`, em ordem crescente:

```
dados_cetesb |>
  arrange(carga_poluidora_remancescente)

# A tibble: 645 x 12
# ... with 635 more rows
# ... with 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
#   atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#   carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
#   ictem <dbl>

  ano uf    ugrhi municipio      codigo_ibge populacao_urbana
  <dbl> <chr> <dbl> <chr>          <dbl>           <dbl>
1 2022 SP      14 Ribeirão Grande 3543253        2427
2 2022 SP      13 Trabiju       3554755        1609
3 2022 SP      21 Borá         3507209        653 
4 2022 SP      15 Turmalina    3555307        1186
5 2022 SP      2 Jambeiro     3524907        3269
6 2022 SP      18 Santa Salete 3547650        882 
7 2022 SP      18 Santana da Ponte Pensa 3547205        968 
8 2022 SP      15 Mesópolis    3529658        1481
9 2022 SP      18 Nova Canaã Paulista 3532843        759 
10 2022 SP     19 Turiúba      3555208        1657
```

Também podemos ordenar os dados em ordem decrescente, utilizando a função `desc()`:

```
dados_cetesb |>
  arrange(desc(populacao_urbana))

# A tibble: 645 x 12
# ... with 635 more rows
# ... with 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
#   atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#   carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
#   ictem <dbl>

  ano uf    ugrhi municipio      codigo_ibge populacao_urbana
  <dbl> <chr> <dbl> <chr>          <dbl>           <dbl>
1 2022 SP      6 São Paulo    3550308        12284940
2 2022 SP      6 Guarulhos   3518800        1404694
3 2022 SP      5 Campinas    3509502        1202203
```

```

4 2022 SP      6 São Bernardo do Campo    3548708    835657
5 2022 SP      6 Santo André             3547809    723889
6 2022 SP      2 São José dos Campos   3549904    722310
7 2022 SP      4 Ribeirão Preto        3543402    718072
8 2022 SP      6 Osasco                 3534401    701428
9 2022 SP      10 Sorocaba              3552205    688252
10 2022 SP     6 Mauá                  3529401    481725
# i 635 more rows
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
#   atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#   carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
#   ictem <dbl>

```

4.9 Agrupando dados com group_by()

A função `group_by()` é utilizada para agrupar os dados com base em uma ou mais colunas. Isso é especialmente útil quando queremos aplicar funções de resumo a cada grupo.

Por exemplo, podemos agrupar os dados da CETESB pela coluna `ugrhi` (Unidade de Gerenciamento de Recursos Hídricos) e calcular a soma da população urbana para cada UGRHI:

```

dados_cetesb |>
  group_by(ugrhi)

# A tibble: 645 x 12
# Groups:   ugrhi [22]
  ano uf    ugrhi municipio       codigo_ibge populacao_urbana
  <dbl> <chr> <dbl> <chr>           <dbl>            <dbl>
1 2022 SP      1 Campos do Jordão    3509700    52384
2 2022 SP      1 Santo Antônio do Pinhal 3548203    4067
3 2022 SP      1 São Bento do Sapucaí 3548609    5251
4 2022 SP      2 Aparecida          3502507    35684
5 2022 SP      2 Arapeí             3503158    1844
6 2022 SP      2 Areias              3503505    2619
7 2022 SP      2 Bananal             3504909    8808
8 2022 SP      2 Caçapava            3508504    81929
9 2022 SP      2 Cachoeira Paulista 3508603    27623
10 2022 SP     2 Canas               3509957    4890
# i 635 more rows
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,

```

```
# atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
# carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remanescente <dbl>,
# ictem <dbl>
```

A função `group_by()` não altera os dados, mas prepara o data frame para que possamos aplicar funções de resumo a cada grupo. Portanto, ela é frequentemente utilizada em conjunto com a função `summarise()`.

4.10 Resumindo dados com `summarise()`

A função `summarise()` é utilizada para resumir os dados, calculando estatísticas agregadas. Ela é frequentemente utilizada em conjunto com a função `group_by()`.

Como vimos na aula anterior, a função `summary()` nos dá um resumo de estatísticas descritivas para todas as colunas. Porém, podemos querer calcular estatísticas descritivas apenas para algum subconjunto dos dados.

Imagine que queremos calcular algumas estatísticas descritivas considerando cada UGRHI (Unidade de Gerenciamento de Recursos Hídricos) separadamente. Podemos fazer isso utilizando as funções `group_by()` e `summarise()`.

```
estatisticas_descritivas <- dados_cetesb |>
  # agrupar os dados pela coluna ugrhi
  group_by(ugrhi) |>
  # calcular estatísticas descritivas para cada grupo
  summarise(
    quantidade_municipios = n(),
    soma_populacao_urbana = sum(populacao_urbana),
    media_ictem = mean(ictem) |> round(2),
    mediana_ictem = median(ictem) |> round(2),
    desvio_padrao_ictem = sd(ictem) |> round(2)
  )

knitr::kable(estatisticas_descritivas)
```

| ugrhi | quantidade_municipios | soma_populacao_urbana | media_ictem | mediana_ictem | desvio_padrao_ictem |
|-------|-----------------------|-----------------------|-------------|---------------|---------------------|
| 1 | 3 | 61702 | 6.86 | 5.97 | 2.78 |
| 2 | 34 | 2124413 | 5.87 | 6.98 | 3.30 |
| 3 | 4 | 337159 | 5.10 | 4.66 | 1.74 |
| 4 | 23 | 1215586 | 7.09 | 8.12 | 2.83 |

| ugrhi | quantidade_municipios | media_populacao_urbana | media_icteemediana | media_icterdesvio_padrão_ictem | |
|-------|-----------------------|------------------------|--------------------|--------------------------------|------|
| 5 | 57 | 5737151 | 7.10 | 7.85 | 2.99 |
| 6 | 34 | 21626154 | 4.93 | 5.03 | 2.39 |
| 7 | 9 | 1893370 | 5.01 | 5.09 | 1.22 |
| 8 | 22 | 707923 | 9.18 | 9.98 | 1.34 |
| 9 | 38 | 1542781 | 6.91 | 7.64 | 3.02 |
| 10 | 33 | 1937230 | 7.05 | 7.10 | 2.66 |
| 11 | 23 | 273446 | 7.10 | 7.09 | 1.87 |
| 12 | 12 | 346186 | 7.92 | 8.45 | 2.59 |
| 13 | 34 | 1608773 | 7.94 | 8.08 | 2.29 |
| 14 | 34 | 631467 | 8.01 | 8.20 | 1.84 |
| 15 | 64 | 1289129 | 8.77 | 9.89 | 1.66 |
| 16 | 33 | 520262 | 8.36 | 9.70 | 2.24 |
| 17 | 42 | 666615 | 8.88 | 9.75 | 1.23 |
| 18 | 25 | 212661 | 9.01 | 10.00 | 1.63 |
| 19 | 42 | 772089 | 8.31 | 8.15 | 1.54 |
| 20 | 32 | 348271 | 8.69 | 8.57 | 1.34 |
| 21 | 26 | 444578 | 8.96 | 9.70 | 1.80 |
| 22 | 21 | 470161 | 9.09 | 9.70 | 1.01 |

Podemos salvar o resultado em um arquivo CSV ou Excel, utilizando as funções `readr::write_csv()` ou `writexl::write_excel_csv()`:

```
write_csv(estatisticas_descritivas,
          "dados/estatisticas-descritivas-ugrhi.csv")

writexl::write_xlsx(estatisticas_descritivas,
                     "dados/estatisticas-descritivas-ugrhi.xlsx")
```

4.11 Unindo tabelas com `left_join()`

A função `left_join()` é utilizada para unir duas tabelas com base em uma ou mais colunas em comum (chamada de chave - `key`).

Para este exemplo, vamos importar [uma tabela](#) que contém informações sobre o IDH (Índice de Desenvolvimento Humano) dos municípios de São Paulo, referente ao ano de 2010. Esses dados são baseados no Censo, mas ainda não temos o IDH calculado para o ano de 2022.

```
dados_idhm <- read_csv("https://raw.githubusercontent.com/beatrizmilz/ESHT011-21-analise-dados/2022/dados_idhm.csv")
```

```

Rows: 645 Columns: 15
-- Column specification -----
Delimiter: ","
chr (3): muni_nm, uf_sigla, regiao_nm
dbl (12): ano, muni_id, idhm, idhm_e, idhm_l, idhm_r, espvida, rdpc, gini, p...
i Use `spec()` to retrieve the full column specification for this data.
i Specify the column types or set `show_col_types = FALSE` to quiet this message.

```

Para fazer o join, precisamos garantir que as colunas que vamos utilizar como chave estejam no mesmo formato. Neste caso, vamos utilizar a coluna referente ao código do IBGE como chave para unir as duas tabelas:

```
names(dados_idhm)
```

```
[1] "ano"          "muni_id"      "muni_nm"      "uf_sigla"     "regiao_nm"    "idhm"
[7] "idhm_e"       "idhm_l"       "idhm_r"       "espvida"     "rdpc"        "gini"
[13] "pop"         "lat"          "lon"
```

```
names(dados_cetesb)
```

```
[1] "ano"                  "uf"
[3] "ugrhi"                "municipio"
[5] "codigo_ibge"           "populacao_urbana"
[7] "atendimento_coleta_porc" "atendimento_tratamento_porc"
[9] "eficiencia"            "carga_poluidora_potencial"
[11] "carga_poluidora_remancescente" "ictem"
```

É importante que a variável que usaremos como chave esteja no mesmo formato nas duas tabelas. Usamos a função `class()` para verificar o tipo de dado de cada coluna:

```
class(dados_cetesb$codigo_ibge)
```

```
[1] "numeric"
```

```
class(dados_idhm$muni_id)
```

```
[1] "numeric"
```

Obs: caso as colunas não estejam no mesmo formato, podemos utilizar a função `mutate()` para alterar o tipo de dado de uma das colunas, junto com funções como `as.character()` ou `as.numeric()`, dependendo da classe de dado que queremos.

Agora podemos unir as duas tabelas utilizando a função `left_join()`. Essa função irá manter todas as linhas da tabela da esquerda (`dados_cetesb`) e adicionar as colunas da tabela da direita (`dados_idhm`) onde houver correspondência na chave especificada.

```
dados_unidos <- left_join(  
  # tabela da esquerda  
  dados_cetesb,  
  # tabela da direita  
  dados_idhm,  
  # o argumento `by` especifica as colunas que serão utilizadas como chave para o join  
  by = c("codigo_ibge" = "muni_id")  
)
```

A nova tabela `dados_unidos` agora contém todas as colunas de ambas as tabelas, com os dados do IDH adicionados aos municípios correspondentes. Se um município não tiver um valor correspondente na tabela de IDH, as colunas relacionadas ao IDH terão valores NA.

```
glimpse(dados_unidos)
```

```
Rows: 645  
Columns: 26  
$ ano.x          <dbl> 2022, 2022, 2022, 2022, 2022, 2022, 2022~  
$ uf             <chr> "SP", "SP", "SP", "SP", "SP", "SP"~  
$ ugrhi          <dbl> 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2~  
$ municipio       <chr> "Campos do Jordão", "Santo Antônio do Pi~  
$ codigo_ibge    <dbl> 3509700, 3548203, 3548609, 3502507, 3503~  
$ populacao_urbana <dbl> 52384, 4067, 5251, 35684, 1844, 2619, 88~  
$ atendimento_coleta_porc <dbl> 52.6, 46.7, 98.0, 70.0, 95.6, 100.0, 88.~  
$ atendimento_tratamento_porc <dbl> 100.0, 100.0, 100.0, 0.0, 95.6, 0.0, 100~  
$ eficiencia      <dbl> 93.0, 80.0, 91.3, 0.0, 99.0, 0.0, 75.0, ~  
$ carga_poluidora_potencial <dbl> 2829, 220, 284, 1927, 100, 141, 476, 442~  
$ carga_poluidora_remancescente <dbl> 1445, 138, 30, 1927, 9, 141, 161, 1858, ~  
$ ictem           <dbl> 5.97, 4.63, 9.97, 1.55, 9.86, 1.50, 7.61~  
$ ano.y           <dbl> 2010, 2010, 2010, 2010, 2010, 2010, 2010~  
$ muni_nm         <chr> "CAMPOS DO JORDÃO", "SANTO ANTÔNIO DO PI~  
$ uf_sigla        <chr> "SP", "SP", "SP", "SP", "SP", "SP"~  
$ regiao_nm       <chr> "Sudeste", "Sudeste", "Sudeste", "Sudeste", "Sudeste", "Sudeste"~  
$ idhm            <dbl> 0.749, 0.706, 0.720, 0.755, 0.680, 0.697~
```

```

$ idhm_e <dbl> 0.648, 0.632, 0.638, 0.706, 0.612, 0.672~
$ idhm_l <dbl> 0.852, 0.812, 0.812, 0.828, 0.812, 0.803~
$ idhm_r <dbl> 0.761, 0.685, 0.719, 0.735, 0.634, 0.627~
$ espvida <dbl> 76.10, 73.69, 73.69, 74.67, 73.72, 73.18~
$ rdpc <dbl> 911.40, 569.08, 701.89, 775.17, 414.19, ~
$ gini <dbl> 0.59, 0.47, 0.55, 0.46, 0.39, 0.44, 0.51~
$ pop <dbl> 47287, 6450, 10370, 34630, 2481, 3632, 1~
$ lat <dbl> -22.739, -22.827, -22.689, -22.847, -22.~
$ lon <dbl> -45.591, -45.663, -45.731, -45.230, -44.~

```

Podemos salvar os dados unidos em um arquivo CSV ou Excel, utilizando as funções `readr::write_csv()` ou `writexl::write_excel_csv()`:

```

write_csv(dados_unidos,
          "dados/dados-join-cetesb-idhm.csv")

```

Este caso é um exemplo de um join bem simples, onde temos uma chave única em cada tabela. No entanto, existem outros tipos de joins, como `inner_join()`, `right_join()`, `full_join()`, que podem ser utilizados dependendo da situação.

4.12 Materiais complementares

- Materiais do curso [Introdução à análise de dados no R](#):
 - [Transformando dados](#)
 - [Análise exploratória de dados](#)

5 Prática - Intervalo de confiança

Nota

Os conceitos foram apresentados na aula teórica. A seguir, temos uma prática para aplicar esses conceitos. É importante que você tenha assistido à aula antes de realizar esta prática, pois ela se baseia nos conceitos discutidos.

Nesta prática, vamos imaginar a seguinte situação: queremos saber qual é a média das alturas das pessoas que estão matriculadas nessa disciplina, considerando o sexo biológico. Para isso, criamos um formulário do Google Forms e solicitamos que as pessoas respondessem. Entretanto, nem todas as pessoas responderam, e só temos uma amostra.

Revisando alguns conceitos apresentados em aula: neste exemplo...

- a **população** é o conjunto de todas as pessoas matriculadas na disciplina, enquanto a **amostra** é composta pelas pessoas que responderam ao formulário.
- A partir dessa amostra, podemos fazer **inferências** sobre a população, como calcular a **média** das alturas por sexo biológico.
- No entanto, como estamos lidando com uma amostra, não podemos afirmar com certeza qual é a média da população, apenas **estimá-la**.
- Para isso, usamos o **intervalo de confiança**, que nos dá uma faixa de valores dentro da qual acreditamos que a média populacional esteja.

5.1 Carregar pacotes

```
library(tidyverse)
library(janitor)
```

5.2 Importar os dados

Os dados estão disponíveis em um formulário do Google. Podemos importá-los de duas formas:
- usando o pacote `googlesheets4` (requer autenticação) - baixar o arquivo CSV exportado do Google Forms e ler com `read_csv()`. Salve o arquivo CSV na pasta `dados/` do seu projeto.

Neste exemplo, vamos importar o arquivo CSV exportado do Google Forms. **O CSV que será utilizado é um recorte do arquivo completo, pois removemos as colunas de nome e email.**

Se você fez o download do arquivo CSV, coloque-o na pasta `dados/` do seu projeto. Caso contrário, você pode usar o link direto para o arquivo CSV no GitHub.

```
# leitura do CSV exportado do Google Forms
dados_brutos <- read_csv("dados/respostas_forms_altura.csv")  
  
# leitura de uma cópia dos dados que está salva no GitHub
dados_brutos <- read_csv("https://raw.githubusercontent.com/beatrizmilz/ESHT011-21-analise-d  
  
Rows: 33 Columns: 5
-- Column specification -----
Delimiter: ","
chr (2): Sexo biológico, Turma
dbl (2): Idade, Altura (em metros)
dttm (1): Carimbo de data/hora  
  
i Use `spec()` to retrieve the full column specification for this data.
i Specify the column types or set `show_col_types = FALSE` to quiet this message.
```

Vamos dar uma olhada nos dados que importamos:

```
glimpse(dados_brutos)  
  
Rows: 33
Columns: 5
$ `Carimbo de data/hora` <dttm> 2025-06-23 10:04:10, 2025-06-23 10:08:13, 2025-
$ Idade <dbl> 36, 43, 20, 56, 42, 35, 36, 26, 21, 28, 29, 31, ~
$ `Sexo biológico` <chr> "Feminino", "Feminino", "Masculino", "Masculino~
$ `Altura (em metros)` <dbl> 1.58, 1.68, 1.73, 1.73, 1.69, 1.68, 1.94, 1.76, ~
$ Turma <chr> "Pós-graduação - Matutino", "Pós-graduação - Ma~
```

Algo que podemos fazer é limpar os nomes das colunas, pois eles podem conter espaços, caracteres especiais ou estarem em letras maiúsculas. Vamos usar a função `clean_names()` do pacote `janitor` para isso.

```
dados <- clean_names(dados_brutos)
```

Agora podemos verificar os nomes das colunas novamente para garantir que estão limpos e prontos para uso:

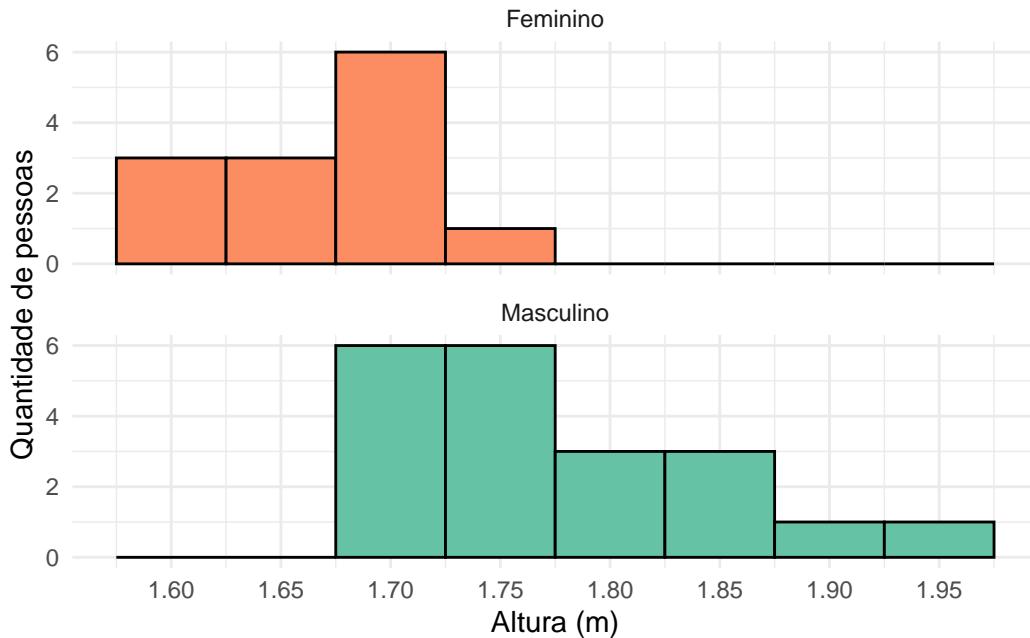
```
glimpse(dados)
```

```
Rows: 33
Columns: 5
$ carimbo_de_data_hora <dttm> 2025-06-23 10:04:10, 2025-06-23 10:08:13, 2025-0-
$ idade <dbl> 36, 43, 20, 56, 42, 35, 36, 26, 21, 28, 29, 31, 4-
$ sexo_biológico <chr> "Feminino", "Feminino", "Masculino", "Masculino", ~
$ altura_em_metros <dbl> 1.58, 1.68, 1.73, 1.73, 1.69, 1.68, 1.94, 1.76, 1-
$ turma <chr> "Pós-graduação - Matutino", "Pós-graduação - Matu-
```

5.3 Conhecendo os dados

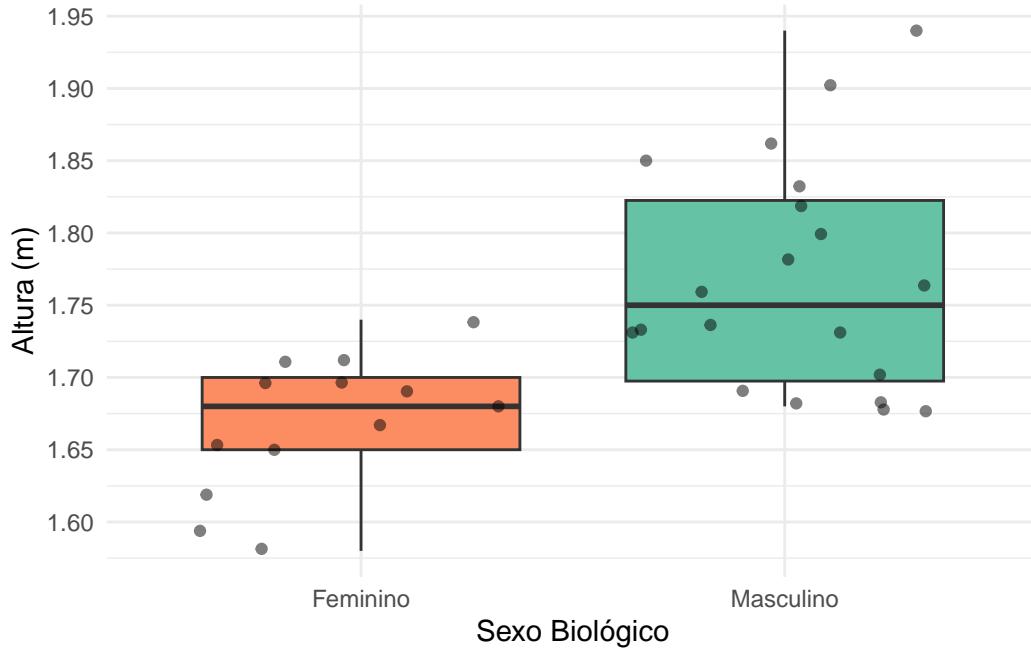
Vamos começar visualizando a distribuição das alturas por sexo biológico. Para isso, podemos criar um histograma para cada grupo de sexo biológico.

```
dados |>
  ggplot(aes(x = altura_em_metros, fill = sexo_biológico)) +
    geom_histogram(binwidth = 0.05, color = "black", show.legend = FALSE) +
    labs(y = "Quantidade de pessoas",
         x = "Altura (m)") +
    scale_x_continuous(breaks = seq(1.50, 2.1, by = 0.05)) +
    theme_minimal() +
    facet_wrap(~ sexo_biológico, nrow = 2
               ) +
    scale_fill_brewer(palette = "Set2", direction = -1)
```



Vamos criar um box-plot para visualizar a distribuição das alturas por sexo biológico. Isso nos ajudará a entender como as alturas estão distribuídas em cada grupo.

```
dados |>
ggplot(aes(x = sexo_biologico, y = altura_em_metros)) +
  geom_boxplot(aes(fill = sexo_biologico), show.legend = FALSE) +
  geom_jitter(show.legend = FALSE, alpha = 0.5) +
  labs(x = "Sexo Biológico",
       y = "Altura (m)") +
  scale_y_continuous(breaks = seq(1.5, 2.1, by = 0.05)) +
  theme_minimal() +
  scale_fill_brewer(palette = "Set2", direction = -1)
```



Outro ponto importante é saber o tamanho da nossa amostra. **E atenção:** neste caso, queremos calcular o intervalo de confiança para a média de dois grupos (sexo biológico), então precisamos calcular a amostra separadamente para cada grupo.

```
tabyl(dados, sexo_biológico) |> # criando uma tabela de frequências
  adorn_totals("row") |> # adicionando a linha de total
  adorn_pct_formatting() # formatando os percentuais
```

| sexo_biológico | n | percent |
|----------------|----|---------|
| Feminino | 13 | 39.4% |
| Masculino | 20 | 60.6% |
| Total | 33 | 100.0% |

5.4 Calcular a média, desvio padrão e número de respostas

Para calcular o intervalo de confiança da média das alturas por sexo biológico, precisamos primeiro calcular a média, o desvio padrão e o tamanho da amostra.

Para isso, podemos usar a função `group_by()` do `dplyr` para agrupar os dados por sexo biológico e, em seguida, usar a função `summarise()` para calcular as estatísticas desejadas. [Essas funções foram abordadas na prática anterior.](#)

Para calcular a média, utilizamos a função `mean()`, para o desvio padrão usamos `sd()` e para o tamanho da amostra usamos `n()`. Lembrando que, caso a variável tenha valores ausente (NA), devemos usar o argumento `na.rm = TRUE` para ignorá-los nos cálculos.

```
dados |>
  group_by(sexo_biologico) |>
  summarise(
    media = mean(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
    desvio_padrao = sd(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
    tamanho_amostra_n = n(),
  )

# A tibble: 2 x 4
  sexo_biologico   media  desvio_padrao tamanho_amostra_n
  <chr>           <dbl>     <dbl>            <int>
1 Feminino         1.67      0.0485          13
2 Masculino        1.77      0.0784          20
```

5.5 Calcular o erro padrão

Com essas informações, podemos calcular o erro padrão (**Standard Error - SE**) amostral da média:

$$SE = \frac{s}{\sqrt{n}}$$

Onde s é o desvio padrão amostral e n é o tamanho da amostra. Lembrando que o erro padrão nos dá uma medida da precisão da média amostral como estimativa da média populacional.

```
dados |>
  group_by(sexo_biologico) |>
  summarise(
    media = mean(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
    desvio_padrao = sd(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
    tamanho_amostra_n = n(),
    erro_padrao = desvio_padrao / sqrt(tamanho_amostra_n)
  )

# A tibble: 2 x 5
  sexo_biologico   media  desvio_padrao tamanho_amostra_n  erro_padrao
  <chr>           <dbl>     <dbl>            <int>       <dbl>
1 Feminino         1.67      0.0485          13           0.012
2 Masculino        1.77      0.0784          20           0.018
```

| | <chr> | <dbl> | <dbl> | <int> | <dbl> |
|---|-----------|-------|--------|-------|--------|
| 1 | Feminino | 1.67 | 0.0485 | 13 | 0.0134 |
| 2 | Masculino | 1.77 | 0.0784 | 20 | 0.0175 |

5.6 Definindo o valor crítico

O intervalo de confiança é dado pela fórmula:

$$IC = \bar{x} \pm (z \times SE)$$

Onde \bar{x} é a média amostral, z é o valor crítico (para um IC de 95%, $z \approx 1.96$, quando a amostra é grande ou a variável tem distribuição aproximadamente normal) e SE é o erro padrão.

Usar um intervalo de confiança de 95% significa que queremos encontrar uma faixa de valores onde acreditamos, com 95% de confiança, que está a média verdadeira da população.

Esse valor de $z \approx 1.96$ é usado apenas quando usamos a distribuição normal. No entanto, como estamos trabalhando com amostras pequenas, utilizamos a distribuição t de Student, e o valor crítico t (que substitui o z) é calculado com a função `qt()`. Neste caso, o valor muda conforme o **tamanho da amostra (n)** e é calculado com base nos graus de liberdade ($n - 1$).

5.6.1 Como calcular o valor crítico para um intervalo de confiança de 95% com a distribuição t de Student?

Podemos usar a função `qt()` do R, que calcula o quantil da distribuição t de Student. Para um intervalo de confiança de 95%, precisamos calcular o quantil para 0.975 (ou seja, $1 - 0.025$, já que estamos considerando os dois lados da distribuição).

```
dados |>
  group_by(sexo_biologico) |>
  summarise(
    media = mean(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
    desvio_padrao = sd(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
    tamanho_amostra_n = n(),
    erro_padrao = desvio_padrao / sqrt(tamanho_amostra_n),
    valor_t = qt(p = 0.975, df = tamanho_amostra_n - 1) # valor crítico t para IC de 95%
  )
```

```
# A tibble: 2 x 6
  sexo_biológico media desvio_padrao tamanho_amostra_n erro_padrao valor_t
  <chr>          <dbl>      <dbl>           <int>      <dbl>      <dbl>
1 Feminino        1.67       0.0485            13       0.0134     2.18
2 Masculino       1.77       0.0784            20       0.0175     2.09
```

5.7 Calcular o intervalo de confiança

```
ic_altura <- dados |>
  group_by(sexo_biológico) |>
  summarise(
    media = mean(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
    desvio_padrao = sd(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
    tamanho_amostra_n = n(),
    erro_padrao = desvio_padrao / sqrt(tamanho_amostra_n),
    valor_t = qt(p = 0.975, df = tamanho_amostra_n - 1),
    ic_inferior = media - (valor_t * erro_padrao),
    ic_superior = media + (valor_t * erro_padrao)
  )

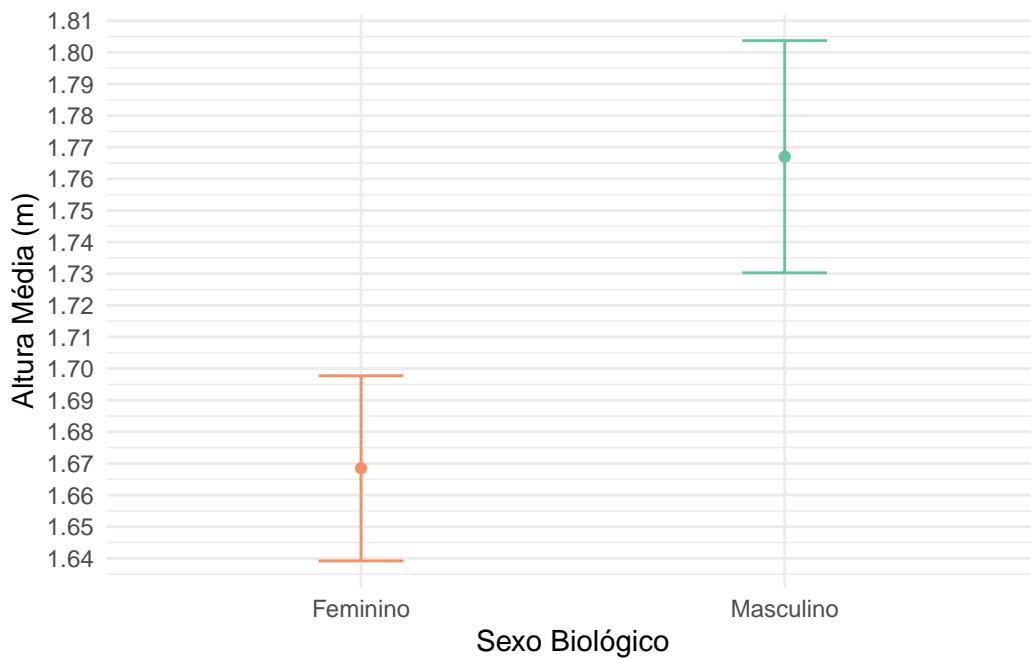
knitr::kable(ic_altura)
```

| sexo_biológico | media | desvio_padrao | tamanho_amostra_n | erro_padrao | valor_t | ic_inferior | ic_superior |
|----------------|----------|---------------|-------------------|-------------|----------|-------------|-------------|
| Feminino | 1.668462 | 0.0484503 | 13 | 0.0134377 | 2.178813 | 1.639183 | 1.697740 |
| Masculino | 1.767000 | 0.0784119 | 20 | 0.0175334 | 2.093024 | 1.730302 | 1.803698 |

Com o intervalo de confiança calculado, podemos visualizar os resultados em um gráfico. Vamos criar um gráfico de pontos com barras de erro para representar o intervalo de confiança.

```
ggplot(ic_altura,
       aes(x = sexo_biológico, y = media, color = sexo_biológico)) +
  geom_point(show.legend = FALSE) +
  geom_errorbar(aes(ymin = ic_inferior, ymax = ic_superior),
                width = 0.2,
                show.legend = FALSE) +
  labs(x = "Sexo Biológico", y = "Altura Média (m)") +
  scale_color_brewer(palette = "Set2", direction = -1) +
```

```
scale_y_continuous(breaks = seq(1.5, 2.1, by = 0.01)) +  
theme_minimal()
```



Para discussão:

- 1) O intervalo de confiança dos dois grupos se sobrepõe? O que isso pode significar?
- 2) Como o tamanho da amostra (n) afetou o intervalo de confiança?
- 3) Como a variação nas alturas (desvio padrão) influenciou o intervalo de confiança? ## Materiais complementares
 - Materiais da disciplina Ciência de Dados Aplicada ao Direito II:
 - Testes de hipóteses

6 Prática - Correlação

Explorando a relação linear entre duas variáveis numéricas

i Nota

Os conceitos foram apresentados na aula teórica. A seguir, temos uma prática para aplicar esses conceitos. É importante que você tenha assistido à aula antes de realizar esta prática, pois ela se baseia nos conceitos discutidos.

i Nota

Essa prática foi muito inspirada pela prática preparada pelo [Luis Felipe Bortolatto da Cunha](#) para edições passadas dessa disciplina.

6.1 Carregando os pacotes

Os pacotes necessários para essa prática são:

- `tidyverse`: para manipulação e visualização de dados;
- `corrplot` e `GGally`: para visualização de matrizes de correlação;

Podemos instalar os pacotes:

```
install.packages("tidyverse")
install.packages("corrplot")
install.packages("GGally")
```

E então carregá-los:

```
library(tidyverse)
```

```
-- Attaching core tidyverse packages ----- tidyverse 2.0.0 --
v dplyr     1.1.4     v readr     2.1.5
v forcats   1.0.0     v stringr   1.5.1
v ggplot2   3.5.2     v tibble    3.3.0
v lubridate 1.9.4     v tidyr    1.3.1
v purrr    1.0.4

-- Conflicts -----
x dplyr::filter() masks stats::filter()
x dplyr::lag()    masks stats::lag()
i Use the conflicted package (<http://conflicted.r-lib.org/>) to force all conflicts to become non-conflicting.
```

```
library(corrplot)
```

```
corrplot 0.95 loaded
```

```
library(GGally)
```

```
Registered S3 method overwritten by 'GGally':
  method from
  +.gg   ggplot2
```

6.2 Importando os dados

Para executar a análise de correlação vamos utilizar dados demográficos e de consumo de água de 2010, para uma amostra de municípios, extraídos do Censo Demográfico (IBGE) e do Sistema Nacional de Informações sobre Saneamento (SNIS), para investigar se **o consumo de água está correlacionado com a renda**, conforme análise apresentada por [Carmo et al., 2013](#).

Download: [Clique aqui caso queira fazer o download dos dados](#)

Atenção: os dados estão no formato CSV, que é um formato de texto separado por vírgulas. O `read_csv2` é usado para ler arquivos CSV que usam ponto e vírgula (;) como separador de campos, o que é o caso deste arquivo.

```
dados <- read_csv2("https://raw.githubusercontent.com/beatrizmilz/ESHT011-21-analise-dados-pi
i Using ',',',' as decimal and '','.' as grouping mark. Use `read_delim()` for more control.
```

```

Rows: 5566 Columns: 19
-- Column specification -----
Delimiter: ";"
chr (4): nome_mun, uf, regiao, idh_class
dbl (15): id_ibge, domicil, rede, proprede, id_snis, pib, rendapita, gini, i...
i Use `spec()` to retrieve the full column specification for this data.
i Specify the column types or set `show_col_types = FALSE` to quiet this message.

```

Vamos dar uma olhada para conhecer a estrutura dos dados e as variáveis disponíveis.

```
glimpse(dados)
```

```

Rows: 5,566
Columns: 19
$ id_ibge    <dbl> 3548807, 4214904, 3303302, 3205309, 3547304, 4205407, 314480-
$ domicil    <dbl> 50492, 1312, 169237, 108515, 31610, 147437, 24203, 508456, 7-
$ rede        <dbl> 50472, 412, 164768, 107715, 28728, 137984, 22436, 505149, 73-
$ proprede   <dbl> 0.9996038976, 0.3140243902, 0.9735932450, 0.9926277473, 0.90-
$ id_snis    <dbl> 354880, 421490, 330330, 320530, 354730, 420540, 314480, 4314-
$ nome_mun   <chr> "São Caetano do Sul", "Rio Fortuna", "Niterói", "Vitória", "~
$ uf          <chr> "SP", "SC", "RJ", "ES", "SP", "SC", "MG", "RS", "DF", "SP", ~
$ regiao      <chr> "Sudeste", "Sul", "Sudeste", "Sudeste", "Sudeste", "Sul", "S-
$ pib         <dbl> 6694384.00, 39035.65, 5831066.00, 9270129.00, 1085714.00, 42-
$ rendapita   <dbl> 2008.98, 1570.54, 1951.11, 1820.97, 1798.50, 1770.29, 1709.8-
$ gini         <dbl> 0.5480, 0.5638, 0.5983, 0.6124, 0.6858, 0.5474, 0.6914, 0.61-
$ idh         <dbl> 0.919, 0.822, 0.886, 0.856, 0.853, 0.875, 0.821, 0.865, 0.84-
$ idh_class   <chr> "Muito alto", "Alto", "Alto", "Alto", "Alto", "Alto", "Alto"-
$ ge012       <dbl> 149263, 4446, 487562, 327801, 108813, 421240, 80998, 1409351-
$ ag001       <dbl> 149263, 1774, 487562, 327801, 102006, 413263, 79232, 1409351-
$ ag020       <dbl> 9666.74, 58.94, 31499.85, 19825.98, 6207.20, 18464.15, 4185.-
$ ag022       <dbl> 56873, 501, 154431, 108174, 30583, 156279, 25012, 518953, 85-
$ consumo1    <dbl> 64.763136, 13.256860, 64.606860, 60.481756, 57.044655, 43.83-
$ consumo2    <dbl> 64.76314, 33.22435, 64.60686, 60.48176, 60.85132, 44.67893, ~

```

A tabela abaixo apresenta uma descrição de cada variável.

| Código | Descrição |
|---------|--------------------------|
| id_ibge | Código IBGE (7 dígitos) |
| domicil | Quantidade de Domicílios |

| Código | Descrição |
|-----------|--|
| rede | Quantidade de Domicílios com Acesso à Rede Geral de Água |
| proprede | Proporção de Domicílios com com Acesso à Rede Geral de Água (REDE/DOMICIL) |
| id_snins | Código IBGE (6 dígitos) |
| NOME_MUN | Nome do Município |
| uf | Unidade da Federação |
| regiao | Região do País |
| pib | Produto Interno Bruto 2010 |
| rendapita | Renda per Capita 2010 |
| gini | Índice GINI 2010 |
| idh | Índice de Desenvolvimento Humano 2010 |
| idh_class | Classificação do Índice de Desenvolvimento Humano 2010: Muito Alto $\geq 0,9$; Alto $\geq 0,8$; Médio $\geq 0,5$; Baixo $< 0,5$. |
| ge012 | População Total Residente no Município |
| ag001 | População Total Atendida com Abastecimento de Água |
| ag020 | Volume Micromedido nas Economias Residenciais Ativas de Água - 1.000 m ³ /ano |
| ag022 | Quantidade de Economias Residenciais Ativas Micromedidas |
| consumo1 | Consumo de Água per capita - População Total - m ³ /ano (AG020/GE012) |
| consumo2 | Consumo de Água per capita - População Atendida - m ³ /ano (AG020/AG001) |

6.3 Pergunta norteadora

A pergunta que vamos investigar é: **o consumo de água (per capita) está correlacionado com a renda (per capita)?**

As variáveis que vamos utilizar para responder a essa pergunta são:

- **consumo1**: Consumo de água per capita - População Total - m³/ano (AG020/GE012);
- **rendapita**: Renda per capita.

Importante: a correlação é utilizada para investigar a relação entre duas **variáveis numéricas**.

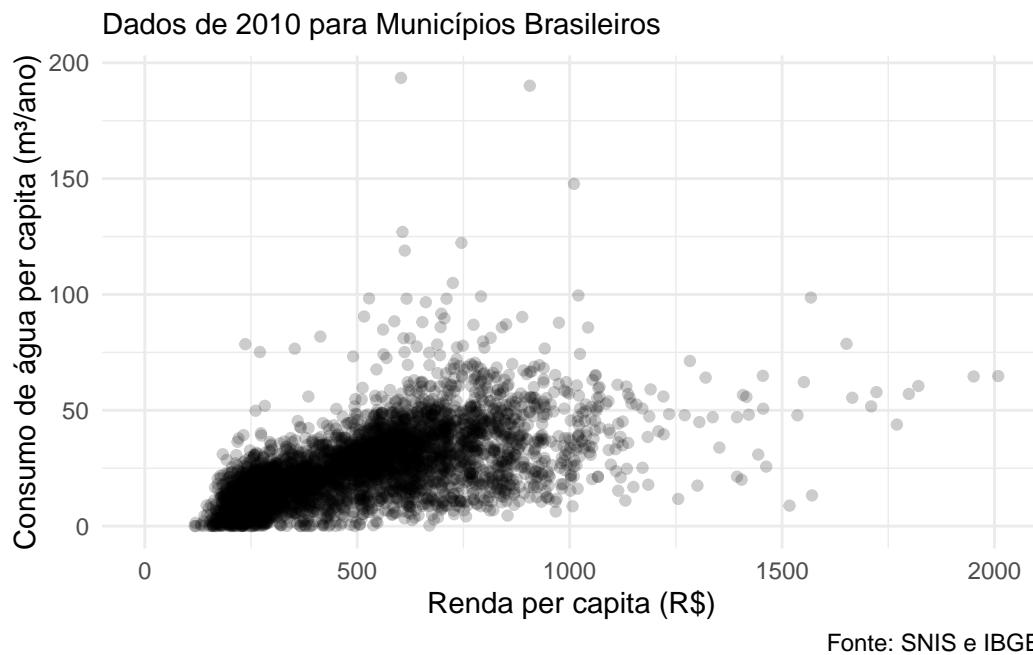
6.4 Gráfico de dispersão

O gráfico de dispersão é uma representação gráfica que mostra a relação entre duas variáveis numéricas. Cada ponto no gráfico representa um par de valores das duas variáveis.

Por exemplo, podemos representar as variáveis `rendapita` e `consumo1` em um gráfico de dispersão, deixando uma transparência nos pontos (`alpha = 0.2`) para facilitar a visualização de pontos sobrepostos.

```
dados |>
  ggplot(aes(x = rendapita, y = consumo1)) +
  geom_point(alpha = 0.2) +
  labs(
    title = "Relação entre Renda per Capita e Consumo de Água per Capita",
    subtitle = "Dados de 2010 para Municípios Brasileiros",
    caption = "Fonte: SNIS e IBGE",
    x = "Renda per capita (R$)",
    y = "Consumo de água per capita (m³/ano)"
  ) +
  theme_minimal()
```

Warning: Removed 1149 rows containing missing values or values outside the scale range
(`geom_point()`).



Aviso

Veja que o `ggplot` apresentou um aviso (*warning*):

```
Warning: Removed 1149 rows containing missing values or values outside the  
scale range (geom_point()).
```

Quando estamos criando um gráfico de dispersão, precisamos que ambas as variáveis estejam presentes para cada ponto. Se uma das variáveis tiver valores ausentes (NA) ou fora do intervalo esperado, esses pontos serão removidos do gráfico. Isso é normal e esperado, pois o `ggplot` não pode plotar pontos com valores ausentes.

Interpretando o gráfico, podemos observar que há uma **tendência** de que, **à medida que a renda per capita aumenta, o consumo de água per capita também tende a aumentar**.

No entanto, essa relação não é perfeita e existem pontos que se desviam dessa tendência. Por exemplo: alguns municípios apresentam maiores valores de consumo de água per capita, mesmo com rendas per capita mais baixas, enquanto outros municípios com rendas mais altas apresentam consumos de água per capita mais baixos.

Porém, o foco neste momento é visualizar as tendências.

Para quantificar essa relação, podemos calcular a correlação entre as duas variáveis.

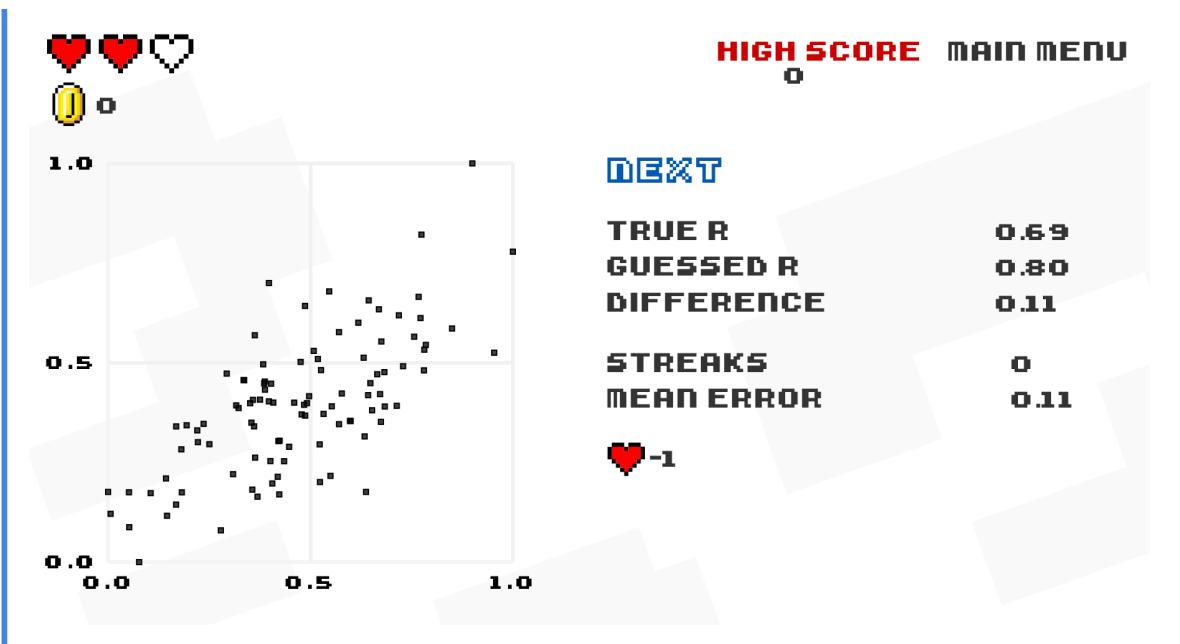
6.5 Correlação

A correlação é uma medida estatística que indica a força e a direção de uma **relação linear** entre duas **variáveis numéricas**. O **coeficiente de correlação de Pearson** apresenta valores entre -1 e 1, onde:

- 1 indica uma correlação positiva perfeita (quando uma variável aumenta, a outra também aumenta);
- -1 indica uma correlação negativa perfeita (quando uma variável aumenta, a outra diminui);
- 0 indica que não há correlação linear entre as variáveis.

Nota

Um site divertido para brincar com correlações é o [Guess the Correlation](#). Ele apresenta gráficos de dispersão e você deve adivinhar o coeficiente de correlação!



Para calcular a correlação entre as variáveis `consumo1` e `rendapita`, podemos usar a função `cor()` do R, que calcula o coeficiente de correlação, e podemos indicar alguns argumentos:

- `x` e `y`: as duas variáveis numéricas que queremos correlacionar;
- `method`: o método de correlação a ser utilizado (por padrão, é o coeficiente de correlação de Pearson, porém também é possível calcular utilizando os métodos "`spearman`" e "`kendall`");
- `use`: como lidar com valores ausentes (NA). Por exemplo, podemos usar `use = "complete.obs"` para remover os casos com valores ausentes antes de calcular a correlação.

```
correlacao <- cor(x = dados$rendapita, # variável
                    y = dados$consumo1, # variável
                    method = "pearson", # método de correlação
                    use = "complete.obs" # usar apenas observações completas
                  )

correlacao
```

```
[1] 0.6012537
```

A correlação entre as variáveis renda e o consumo de água per capita é de 0.6, indicando a mesma **correlação positiva** que o gráfico de dispersão permitiu visualizar.

6.6 Matriz de correlação

Até agora, calculamos a correlação entre duas variáveis específicas. No entanto, podemos calcular a correlação entre várias variáveis numéricas de uma vez, criando uma matriz de correlação.

Vamos recapitular alguns cuidados: - Correlação deve ser usada apenas com **variáveis numéricas**; - Não devemos usar variáveis de identificação, como códigos IBGE, nomes de municípios, etc;

Para construir uma matriz de correlação, primeiro é necessário selecionar as variáveis que desejamos investigar (com a função `select()`), para depois calcular o coeficiente de correlação entre cada dupla de variáveis (com a função `cor()`).

Vamos criar um objeto com as variáveis que queremos investigar:

```
dados_selecionados <- dados |>
  select(renderapita, pib, gini, idh, consumo1, consumo2, proprede)
```

Agora podemos calcular a matriz de correlação entre essas variáveis, utilizando a função `cor()`:

```
dados_selecionados |>
  cor(method = "pearson", use = "complete.obs")
```

```
      renderapita      pib        gini       idh    consumo1    consumo2
rendapita  1.0000000 0.22623371 -0.21476760  0.7415117  0.6012537  0.49269163
pib        0.2262337 1.00000000  0.09083846  0.1190256  0.1176077  0.06518107
gini      -0.2147676  0.09083846  1.00000000 -0.3259986 -0.2680246 -0.25814509
idh        0.7415117  0.11902559 -0.32599859  1.0000000  0.5143510  0.42554311
consumo1   0.6012537  0.11760770 -0.26802459  0.5143510  1.0000000  0.85700512
consumo2   0.4926916  0.06518107 -0.25814509  0.4255431  0.8570051  1.00000000
proprede   0.4012507  0.11643021 -0.17370841  0.3731320  0.6117510  0.35458719
                           proprede
rendapita  0.4012507
pib        0.1164302
gini      -0.1737084
idh        0.3731320
consumo1   0.6117510
consumo2   0.3545872
proprede  1.0000000
```

Esse resultado pode ser mais fácil de ser interpretado caso os valores sejam arredondados. Podemos fazer isso com a função `round()`:

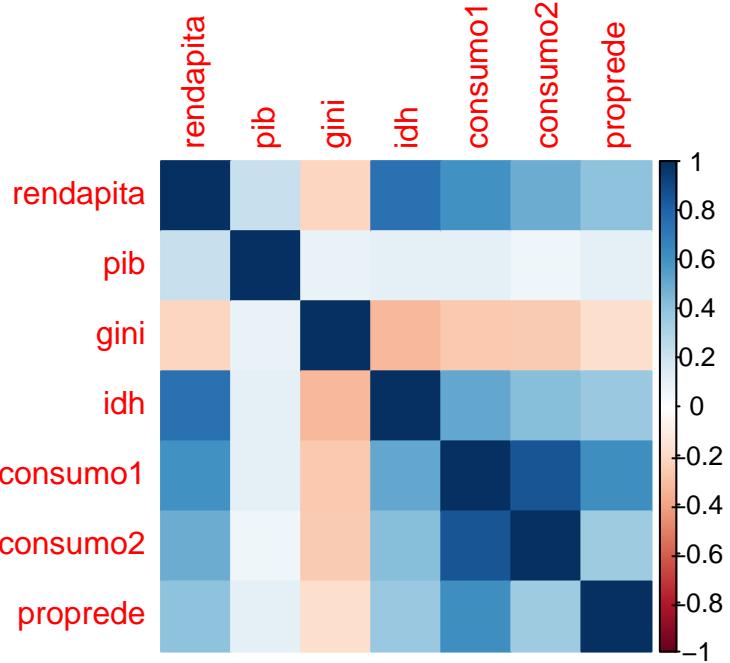
```
dados_selecionados |>
  cor(method = "pearson", use = "complete.obs") |>
  round(2)
```

| | rendapita | pib | gini | idh | consumo1 | consumo2 | proprede |
|-----------|-----------|------|-------|-------|----------|----------|----------|
| rendapita | 1.00 | 0.23 | -0.21 | 0.74 | 0.60 | 0.49 | 0.40 |
| pib | | 1.00 | 0.09 | 0.12 | 0.12 | 0.07 | 0.12 |
| gini | | | 1.00 | -0.33 | -0.27 | -0.26 | -0.17 |
| idh | | | | 1.00 | 0.51 | 0.43 | 0.37 |
| consumo1 | | | | | 1.00 | 0.86 | 0.61 |
| consumo2 | | | | | | 1.00 | 0.35 |
| proprede | | | | | | | 1.00 |

6.6.1 Visualizando a matriz de correlação

Também é possível visualizar a matriz de correlação construindo um gráfico, usando a função `corrplot()` do pacote `corrplot`.

```
dados_selecionados |>
  cor(method = "pearson",
       use = "complete.obs") |>
  corrplot(method = "color")
```

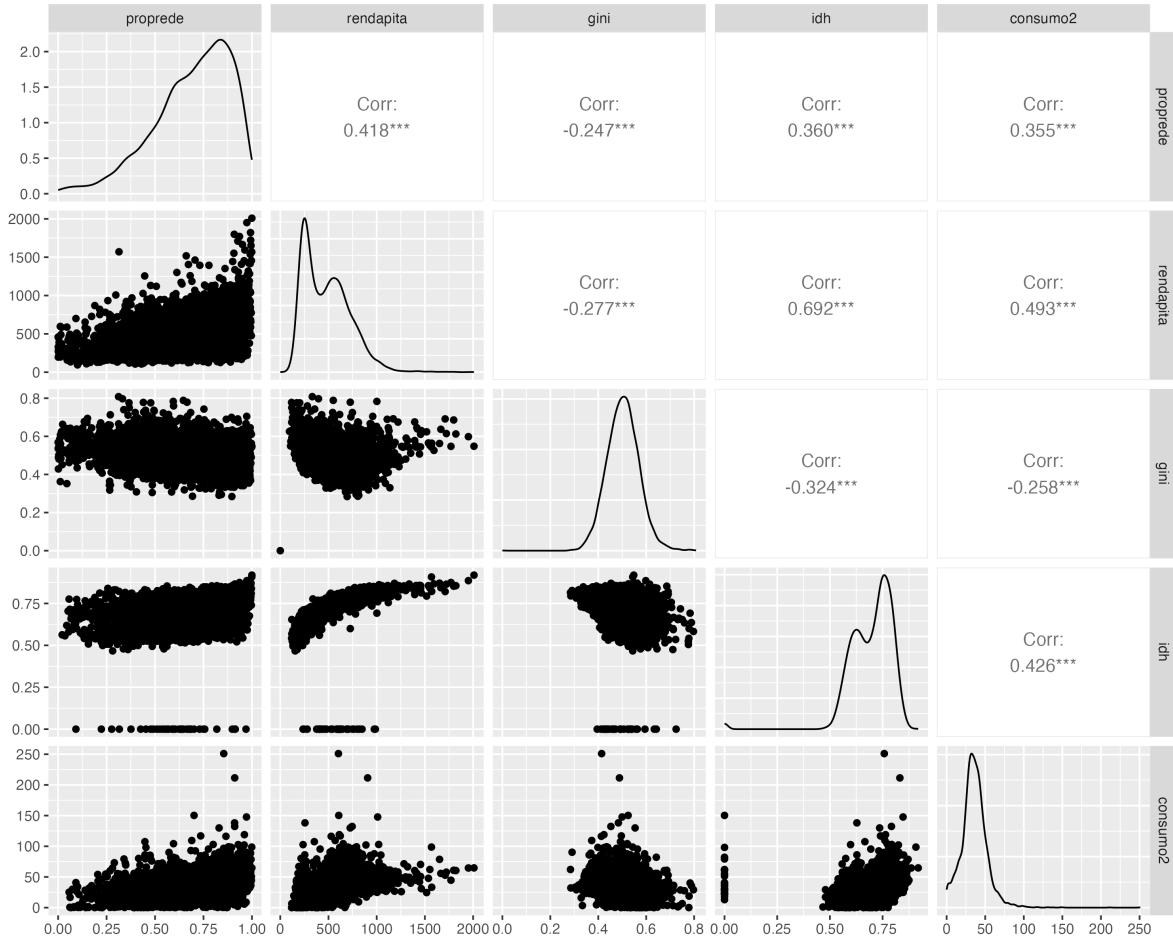


A função `corrplot()` apresenta o argumento `method` permite escolher o tipo de visualização. Os valores podem ser: "circle", "square", "ellipse", "number", "shade", "color" e "pie".

Outra forma de visualizar a matriz de correlação é utilizando a função `ggpairs()` do pacote `GGally`, que cria uma matriz de gráficos de dispersão, histogramas e correlações entre as variáveis selecionadas:

```
plot_ggpairs <- dados |>
  select(rendapita, gini, idh, consumo1) |>
  GGally::ggpairs()

plot_ggpairs
```



6.7 EXTRA: Teste de significância

Será que 0.6 é significativo? Se fosse -0.3, seria significativo? E se fosse 0.1? Uma forma de verificar isso é através de um teste de hipótese. Nesse teste, avaliamos se a correlação observada é tão próxima de zero que podemos considerar que o que observamos é fruto do acaso.

Para testar a significância da correlação entre duas variáveis, podemos usar o teste de hipótese para o coeficiente de correlação de Pearson. Esse teste nos dá um guia para avaliar se a correlação observada é significativa.

É importante definir antes de realizar o teste de significância qual é a hipótese nula e a hipótese alternativa:

- **Hipótese nula (H0):** Não há correlação entre as duas variáveis (coeficiente de correlação é igual a zero).
- **Hipótese alternativa (H1):** Há correlação entre as duas variáveis (coeficiente de correlação é diferente de zero, podendo ser positivo ou negativo).

Para testar a significância do coeficiente de correlação de Pearson podemos usar a função `cor.test()`, especificando os argumentos:

- `x` e `y`: as duas variáveis numéricas que queremos correlacionar;
- `method`: o método de correlação a ser utilizado. Por padrão, é o coeficiente de correlação de Pearson, mas também é possível calcular utilizando os métodos "`spearman`" e "`kendall`". Ao mudar o método, também mudamos o teste de hipótese realizado;
- `alternative`: o tipo de teste de hipótese a ser realizado. Os valores possíveis são "`two.sided`" (bilateral), "`less`" (unilateral à esquerda: valor negativo) e "`greater`" (unilateral à direita: valor positivo).
- `conf.level`: o nível de confiança para o intervalo de confiança do coeficiente de correlação (por padrão, é 0.95, ou seja, 95% de confiança).

```
resultado_cor_test <- cor.test(x = dados$rendapita, # variável
                                y = dados$consumo1, # variável
                                method = "pearson", # método de correlação
                                alternative = "two.sided", # teste bilateral
                                conf.level = 0.95, # nível de confiança
                                )
```

`resultado_cor_test`

```
Pearson's product-moment correlation

data: dados$rendapita and dados$consumo1
t = 49.997, df = 4415, p-value < 2.2e-16
alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0
95 percent confidence interval:
0.5820832 0.6197561
sample estimates:
cor
0.6012537
```

```
broom::tidy(resultado_cor_test)

# A tibble: 1 x 8
  estimate statistic p.value parameter conf.low conf.high method      alternative
    <dbl>      <dbl>     <dbl>      <int>      <dbl>      <dbl> <chr>       <chr>
1     0.601      50.0       0        4415      0.582      0.620 Pearson's~ two.sided
```

Os resultados de testes estatísticos no R são confusos no início. O objeto criado é uma lista, e podemos acessar os componentes dessa lista para obter informações específicas utilizando o operador \$.

```
names(resultado_cor_test)
```

```
[1] "statistic"    "parameter"    "p.value"      "estimate"     "null.value"
[6] "alternative"  "method"       "data.name"    "conf.int"
```

6.7.1 statistic

O componente **statistic** é o valor do teste estatístico usado para calcular o valor-p. No caso da correlação de Pearson, esse valor é calculado com base no valor de t , por conta das propriedades da estatística de Pearson. Esses valores não costumam ser interpretados isoladamente neste contexto.

```
resultado_cor_test$statistic
```

```
          t
49.99709
```

6.7.2 parameter

O componente **parameter** indica os parâmetros associados ao teste. No caso da correlação de Pearson, são os graus de liberdade, que é calculado como $n - 2$, onde n é o número de observações completas (ou seja, o número de pares de valores das duas variáveis). Isso acontece porque estamos calculando duas variâncias, o que diminui os graus de liberdade disponíveis para o teste em 2.

```
resultado_cor_test$parameter
```

```
df  
4415
```

Podemos conferir isso contando o número de observações completas (ou seja, sem valores ausentes) nas duas variáveis que estamos correlacionando:

```
dados |>  
  drop_na(rendapita, consumo1) |>  
  nrow()
```

```
[1] 4417
```

6.7.3 p.value ou valor-p

O valor-p (ou p-value) indica a probabilidade de observar um valor tão ou mais extremo quanto o observado, assumindo que a hipótese nula (correlação = 0) seja verdadeira. Em uma linguagem mais simples, o valor-p nos diz a probabilidade de obtermos o resultado observado ao acaso. Neste contexto, é usado como guia para decidir se a correlação observada é estatisticamente significante.

Aviso

ALERTA: O R arredonda os valores por padrão para algumas casas. Por isso, eu prefiro interpretar o valor-p a partir do resultado completo do teste apresentado no console (e não usando o valor da lista, ex. `resultado_cor_test$p.value`).

Neste caso, o resultado encontrado foi muito baixo, $p < 2.2e-16$, indicando que é altamente improvável obter esse resultado se a correlação verdadeira fosse zero (ou seja, se não houvesse correlação entre as variáveis).

Isso significa que **podemos rejeitar a hipótese nula (H_0) de que não há correlação entre as duas variáveis**.

6.7.4 estimate

É a estimativa do parâmetro de interesse. No caso do teste de correlação de Pearson, é o coeficiente de correlação calculado entre as duas variáveis. Esse valor é o mesmo que calculamos anteriormente com a função `cor()`.

```
resultado_cor_test$estimate
```

```
cor  
0.6012537
```

6.7.5 null.value

O componente `null.value` indica o valor do parâmetro sob a hipótese nula. No caso do teste de correlação de Pearson, esse valor é zero, pois a hipótese nula afirma que não há correlação entre as duas variáveis. Em usos mais avançados, poderíamos alterar esse valor, para verificar se a correlação é diferente de um valor específico.

```
resultado_cor_test$null.value
```

```
correlation  
0
```

6.7.6 alternative

O componente `alternative` indica qual foi a hipótese alternativa testada. No caso do teste de correlação de Pearson, o valor padrão é "`two.sided`", o que significa que estamos testando se a correlação é diferente de zero (ou seja, se há uma correlação positiva ou negativa).

```
resultado_cor_test$alternative
```

```
[1] "two.sided"
```

6.7.7 method

O componente `method` indica o método utilizado para calcular a correlação. No caso do teste de correlação de Pearson, o valor é "`Pearson`".

```
resultado_cor_test$method
```

```
[1] "Pearson's product-moment correlation"
```

6.7.8 data.name

O componente `data.name` indica o nome dos dados utilizados no teste. No caso do teste de correlação de Pearson, é uma string que contém os nomes das duas variáveis que foram correlacionadas.

```
resultado_cor_test$data.name
```

```
[1] "dados$rendapita and dados$consumo1"
```

6.7.9 conf.int

O componente `conf.int` contém o intervalo de confiança para o coeficiente de correlação. Esse intervalo é calculado com base no nível de confiança especificado (por padrão, 95%) e fornece uma faixa de valores que esperamos que contenham o verdadeiro coeficiente de correlação (lembrando que temos uma amostra de municípios, já que não temos dados para todos eles).

Além disso, esse elemento também indica qual foi o nível de confiança (`conf.level`) utilizado para calcular o intervalo de confiança.

```
resultado_cor_test$conf.int
```

```
[1] 0.5820832 0.6197561  
attr(,"conf.level")  
[1] 0.95
```

6.8 Materiais complementares

- Materiais da disciplina [Ciência de Dados Aplicada ao Direito II](#):
 - [Correlação e regressão](#)
- Vídeo: [Correlação linear bivariada no R](#) por Fernanda Peres:

7 Regressão Linear

Nota

Os conceitos foram apresentados na aula teórica. A seguir, temos uma prática para aplicar esses conceitos. É importante que você tenha assistido à aula antes de realizar esta prática, pois ela se baseia nos conceitos discutidos.

⚠ Download do arquivo .qmd

Sugestão: abra o projeto no RStudio (que está usando ao longo do curso), e faça o download deste arquivo (em formato .qmd) com o código abaixo.

```
download.file(  
  url = "https://raw.githubusercontent.com/beatrizmilz/ESHT011-21-analise-dados-planejamento/main/07_regressao-linear.qmd",  
  destfile = "07_regressao-linear.qmd",  
)
```

7.1 Introdução

A regressão linear é uma técnica estatística que busca modelar a relação entre uma variável dependente e uma ou mais variáveis independentes. A regressão linear simples é utilizada quando temos apenas uma variável independente, enquanto a regressão linear múltipla é utilizada quando temos mais de uma variável independente.

Nesta aula, exploraremos:

- Como ajustar um modelo de regressão linear simples e múltipla no R.
- Como extrair informações sobre o modelo ajustado.
- Como visualizar o ajuste do modelo.
- Como verificar os pressupostos da regressão linear.
- Como extrair tabelas de regressão para apresentação dos resultados.

Aviso

O objetivo desta aula **não** é aprofundar nos conceitos teóricos da regressão linear, mas sim apresentar como ajustar e explorar funções que permitem ajustar modelos de regressão linear no R. Caso você tenha dúvidas sobre os conceitos teóricos, consulte os materiais sugeridos no final desta aula.

7.2 Instalando pacotes

Para esta aula, utilizaremos alguns pacotes do R, que talvez não tenham sido instalados anteriormente:

```
pacotes <- c("tidyverse", "abjData", "broom", "car", "stargazer", "report")
install.packages(pacotes)
```

7.3 Carregando pacotes

Vamos carregar os pacotes listados anteriormente:

```
library(tidyverse)
library(abjData)
library(broom)
library(car)
library(stargazer)
library(report)
library(knitr)
```

O comando abaixo desabilita a notação científica no R, o que facilita a leitura dos resultados:

```
options(scipen = 999)
```

7.4 Importando os dados

Nesta aula, utilizaremos os dados do [Programa das Nações Unidas para o Desenvolvimento \(PNUD\)](#) sobre o Índice de Desenvolvimento Humano Municipal (IDHM) e suas dimensões para os municípios brasileiros em 2010. Esses dados estão disponíveis no pacote `abjData`.

Vamos filtrar os dados mais recentes disponíveis (censo de 2010) e salvar em um objeto chamado `pnuud_muni_2010`:

```
pnuud_muni_2010 <- pnuud_muni |>
  filter(ano == 2010)
```

Obs: O pacote `abjData` contém dados do PNUD para os anos de 1991, 2000 e 2010. Utilizamos apenas os dados de 2010 nesta aula, pois os dados não são independentes entre si. Se quisermos ajustar um modelo com dados de diferentes anos, seria necessário ajustar um modelo longitudinal (em painel), o que foge do escopo desta aula.

7.4.1 Dicionário dos dados

A tabela `pnuud_muni_2010` contém muitas variáveis, e alguns nomes não são muito descritivos. Podemos consultar o significado de cada variável consultando a tabela `pnuud_siglas` do pacote `{abjData}`:

```
nomes_col_pnuud_muni_2010 <- pnuud_siglas |>
  filter(sigla %in% names(pnuud_muni_2010))

nomes_col_pnuud_muni_2010 |>
  glimpse()
```

```
Rows: 122
Columns: 4
$ sigla      <chr> "uf", "ufn", "codmun6", "codmun7", "espvida", "fectot", "mo~
$ nome_curto <chr> "Código da Unidade da Federação", "Nome da Unidade da Feder~
$ nome_longo <chr> "Código da Unidade da Federação", "Nome da Unidade da Feder~
$ definicao  <chr> "Código utilizado pelo IBGE para identificação do estado.", ~
```

7.5 Pergunta a ser explorada

Queremos explorar a seguinte pergunta: **Dentre as variáveis a seguir, qual explica mais a mortalidade infantil?** - `t_agua`: Percentual da população que vive em domicílios com água encanada. - `rdpc`: Renda per capita.

```
nomes_col_pnuud_muni_2010 |>
  filter(sigla %in% c("mort5", "t_agua", "rdpc")) |>
  kable()
```

| sigla | nome_corto | nome_longo | definicao |
|---------------------|---|---|---|
| mor | Mortalidad | Mortalidade | Probabilidade de morrer entre o nascimento e a idade exata de 5 anos, por 1000 crianças nascidas vivas. |
| até 5 anos de idade | até cinco anos de idade | | |
| rdp | Renda per capita | Renda per capita média | Razão entre o somatório da renda de todos os indivíduos residentes em domicílios particulares permanentes e o número total desses indivíduos. Valores em reais de 01/agosto de 2010. |
| t_agua | Percentual população da em domicílios que vive em com água encanada | Percentual população da em domicílios que vive em com água encanada | Razão entre a população que vive em domicílios particulares permanentes com água canalizada para um ou mais cômodos e a população total residente em domicílios particulares permanentes multiplicado por 100. A água pode ser proveniente de rede geral, de poço, de nascente ou de reservatório abastecido por água das chuvas ou carro-pipa. |

7.6 Regressão linear simples

Existem várias maneiras de ajustar um modelo de regressão linear no R: podemos usar funções do R base, ou funções de outros pacotes, como o `{fixest}`.

Vamos ajustar um modelo de regressão linear simples utilizando a função função `lm()`, do R base.

Uma primeira variável que podemos explorar é o acesso à água encanada.

Vamos ajustar um modelo de regressão linear simples para investigar a relação entre a taxa de mortalidade infantil (até 5 anos de idade) (`mort5`) e o percentual da população que vive em domicílios com água encanada (`t_agua`) nos municípios brasileiros em 2010.

Então, temos que:

- Variável dependente (y): `mort5`
- Variável independente (x): `t_agua`

7.6.1 Visualizando a relação entre as variáveis

Primeiramente, podemos visualizar a relação entre as variáveis.

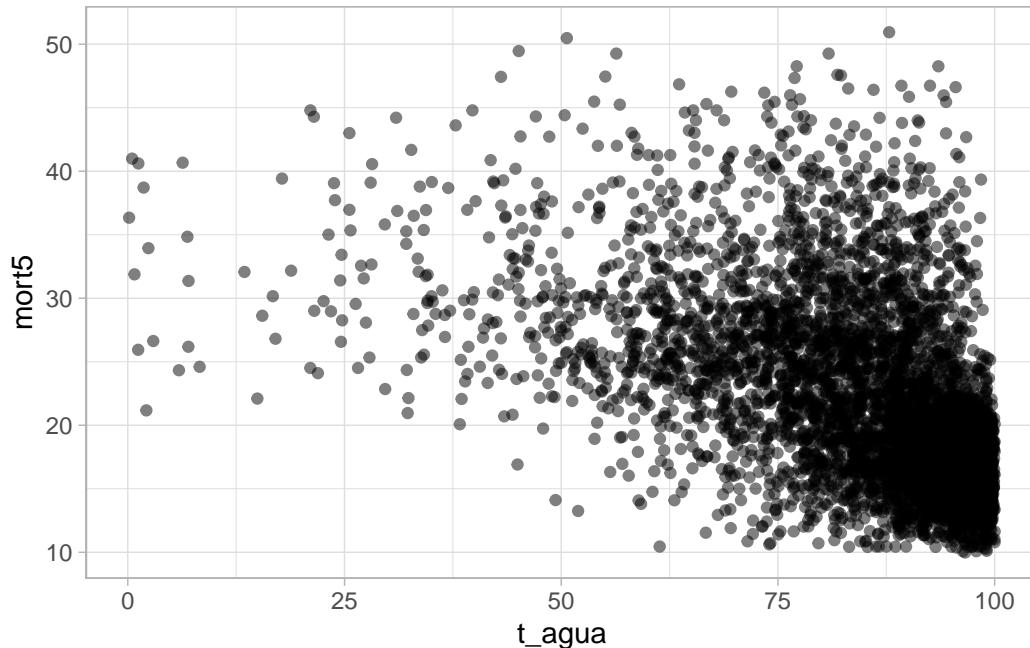
```

pnud_muni_2010 |>
  ggplot() +
  aes(x = t_agua, y = mort5) +
  geom_point(alpha = 0.5) +
  theme_light()

```

(1)
(2)
(3)
(4)

- ① Utilizamos os dados do objeto `pnud_muni_2010`.
- ② Iniciamos um gráfico.
- ③ Definimos as variáveis `x` e `y`.
- ④ Adicionamos a geometria de pontos ao gráfico. O argumento `alpha = 0.5` define a transparência dos pontos em 50%.



7.6.2 Ajustando o modelo

Uma maneira é usar a função `lm()`, de *linear model* (modelo linear), para ajustar o modelo de regressão linear simples. Essa função recebe como argumentos a fórmula do modelo (`y ~ x`, lê-se `y` em função de `x`) e os dados (argumento `data`).

```

modelo_linear <- lm(mort5 ~ t_agua, data = pnud_muni_2010)

```

7.6.3 Explorando o modelo ajustado

Podemos explorar o resultado do modelo ajustado de várias formas!

A função `summary()` nos fornece um resumo do modelo ajustado:

```
summary(modelo_linear)
```

```
Call:  
lm(formula = mort5 ~ t_agua, data = pnuud_muni_2010)
```

```
Residuals:
```

| Min | 1Q | Median | 3Q | Max |
|---------|--------|--------|-------|--------|
| -22.495 | -4.023 | -1.222 | 2.693 | 29.999 |

```
Coefficients:
```

| | Estimate | Std. Error | t value | Pr(> t) |
|-------------|-----------|------------|---------|-------------------------|
| (Intercept) | 44.232115 | 0.489983 | 90.27 | <0.0000000000000002 *** |
| t_agua | -0.265179 | 0.005641 | -47.01 | <0.0000000000000002 *** |
| --- | | | | |

```
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
Residual standard error: 6.195 on 5563 degrees of freedom  
Multiple R-squared: 0.2843, Adjusted R-squared: 0.2841  
F-statistic: 2210 on 1 and 5563 DF, p-value: < 0.0000000000000022
```

Podemos extrair uma *tibble* com informações sobre o modelo ajustado utilizando as funções `tidy()` e `glance()` do pacote `{broom}`. A função `broom::tidy()` nos fornece informações sobre os coeficientes do modelo ajustado.

```
broom::tidy(modelo_linear) |>  
kable()
```

| term | estimate | std.error | statistic | p.value |
|-------------|------------|-----------|-----------|---------|
| (Intercept) | 44.2321150 | 0.4899828 | 90.27279 | 0 |
| t_agua | -0.2651793 | 0.0056414 | -47.00575 | 0 |

Os resultados da função `broom::glance()` são relativos ao ajuste do modelo, sendo útil para comparar diferentes modelos.

```
broom::glance(modelo_linear) |>
  kable()
```

| r.squaredadj.r.squaredsigma | statistic | p.value | df | logLik | AIC | BIC | deviance | df.residuals | obs |
|-----------------------------|------------------|---------|----|------------------------|------|------|----------|--------------|-----|
| 0.2842750.2841465 | 6.1948272209.541 | 0 | 1 | - 36094.736114.6213485 | 5563 | 5565 | 18044.36 | | |

A função `report::report()` nos fornece um relatório completo sobre o modelo ajustado:

```
report::report(modelo_linear)
```

We fitted a linear model (estimated using OLS) to predict `mort5` with `t_agua` (`formula: mort5 ~ t_agua`). The model explains a statistically significant and substantial proportion of variance ($R^2 = 0.28$, $F(1, 5563) = 2209.54$, $p < .001$, adj. $R^2 = 0.28$). The model's intercept, corresponding to `t_agua = 0`, is at 44.23 (95% CI [43.27, 45.19], $t(5563) = 90.27$, $p < .001$). Within this model:

- The effect of `t_agua` is statistically significant and negative ($\beta = -0.27$, 95% CI [-0.28, -0.25], $t(5563) = -47.01$, $p < .001$; Std. $\beta = -0.53$, 95% CI [-0.56, -0.51])

Standardized parameters were obtained by fitting the model on a standardized version of the dataset. 95% Confidence Intervals (CIs) and p-values were computed using a Wald t-distribution approximation.

7.6.4 Interpretação dos resultados

A equação ajustada é:

$$mort5 = 44.23 - 0.27 \times tagua$$

- **Interpretação do Coeficiente de `t_agua`:** Para cada aumento de 1% no percentual de água encanada, espera-se uma redução de 0.27 na taxa de mortalidade infantil (por 1000 nascidos vivos).

- **Interpretação do Intercepto:** Se o percentual de água encanada fosse 0, a mortalidade infantil seria de 44.23 por 1000 nascidos vivos. Este valor pode não ser relevante na prática, mas é útil para entender o comportamento do modelo.

- **R²:** O valor de ($R^2 = 0.28$) significa que cerca de 28% da variação na taxa de mortalidade infantil (`mort5`) é explicada pela variação no percentual de acesso à água encanada (`t_agua`).
- **Significância:** O p-valor muito pequeno ($p < 0.001$) indica que o acesso à água encanada tem uma relação estatisticamente significativa com a mortalidade infantil.
- **Significância do p-valor:** O p-valor muito baixo (< 0.001) indica que há evidência de que existe uma relação estatisticamente significativa entre o percentual de água encanada e a mortalidade infantil.

7.6.5 Visualizando o ajuste do modelo

Para adicionar a linha de regressão ao gráfico anterior, podemos criar uma nova tabela com as previsões do modelo linear e os resíduos:

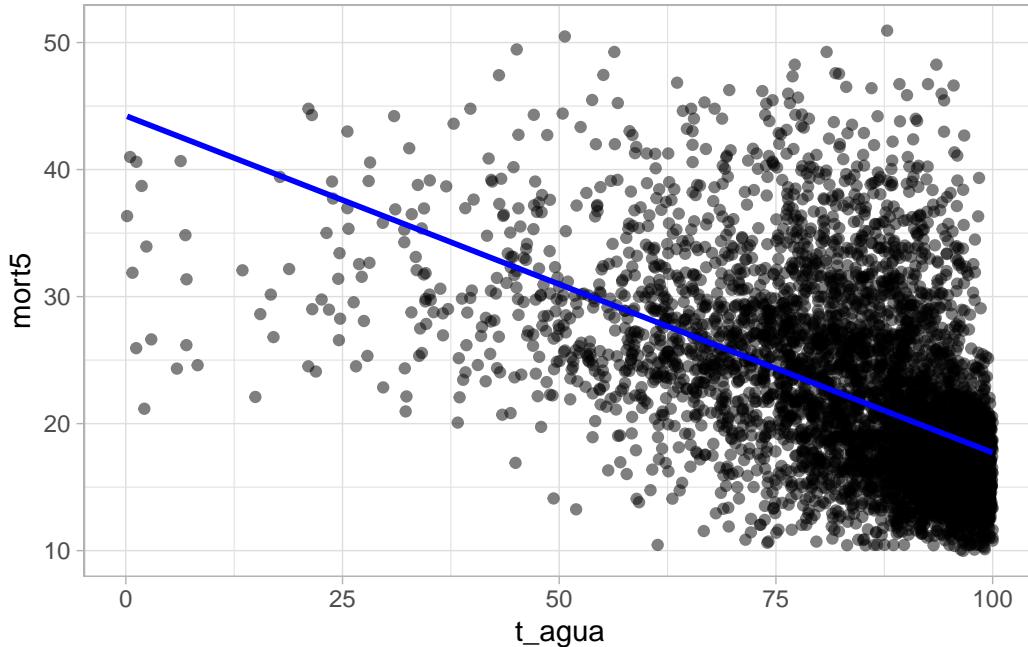
```
pnuud_muni_2010_adjusted <- pnuud_muni_2010 |>
  mutate(
    valores_ajustados = predict(modelo_linear),           ①
    resíduos = mort5 - valores_ajustados                  ②
  )
```

- ① Adiciona uma nova coluna chamada `valores_ajustados` ao `data.frame` contendo as previsões do modelo linear, utilizando a função `predict()`.
- ② Adiciona uma nova coluna chamada `resíduos` ao `data.frame` contendo os resíduos do modelo linear: a diferença entre os valores reais (`mort5`) e os valores previstos pelo modelo.

Agora, podemos adicionar a linha de regressão ao gráfico anterior:

```
pnuud_muni_2010_adjusted |>
  ggplot() +
  aes(x = t_agua, y = mort5) +
  geom_point(alpha = 0.5) +
  geom_line(aes(y = valores_ajustados), color = "blue", linewidth = 1) +      ①
  theme_light()
```

- ① Adiciona a linha de regressão com base nas previsões do modelo.



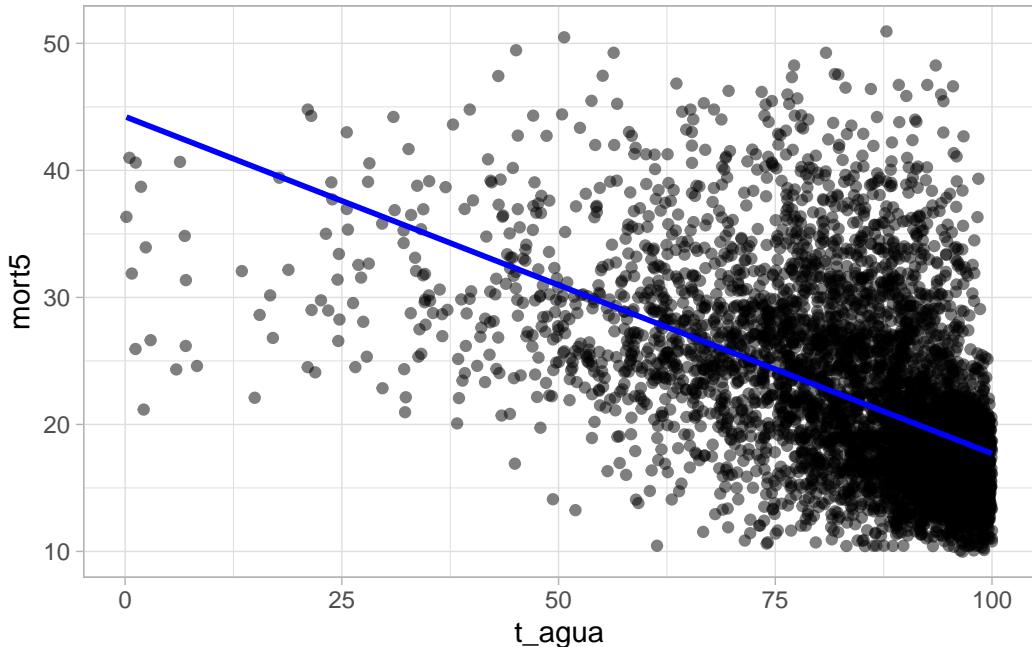
⚠ `geom_smooth()`

A função `geom_smooth()` do pacote `ggplot2` também pode ser utilizada para adicionar uma linha de regressão ao gráfico.

No entanto, a função `geom_smooth()` não utiliza as previsões do modelo linear que ajustamos, e sim realiza um ajuste (utilizando alguns métodos que podem ser consultados na documentação):

```
pnud_muni_2010 |>
  ggplot() +
  aes(x = t_agua, y = mort5) +
  geom_point(alpha = 0.5) +
  geom_smooth(method = "lm", se = FALSE, color = "blue") +
  theme_light()

`geom_smooth()` using formula = 'y ~ x'
```



7.6.6 Pressupostos da Regressão Linear

Agora que sabemos ajustar um modelo de regressão linear simples, é importante verificar se os pressupostos da regressão linear estão sendo respeitados.

- Linearidade:** A relação entre a variável dependente e a(s) variável(is) independente(s) deve ser linear.
- Independência dos Erros:** Os erros devem ser independentes uns dos outros. Não queremos que eles tenham uma ordem ou relação com as variáveis independentes.
- Homoscedasticidade:** A variância dos erros deve ser constante ao longo de todos os níveis da variável independente.
- Normalidade dos Erros:** Os erros devem seguir uma distribuição normal.

Podemos verificar esses pressupostos utilizando gráficos de diagnóstico, que discutiremos em breve.

7.6.7 Diagnóstico de Modelos

Utilizar gráficos de diagnóstico ajuda a verificar se os pressupostos do modelo estão sendo respeitados. Vamos explorar alguns gráficos de diagnóstico, que são úteis para tomar decisões sobre o modelo!

7.6.7.1 Histograma dos resíduos

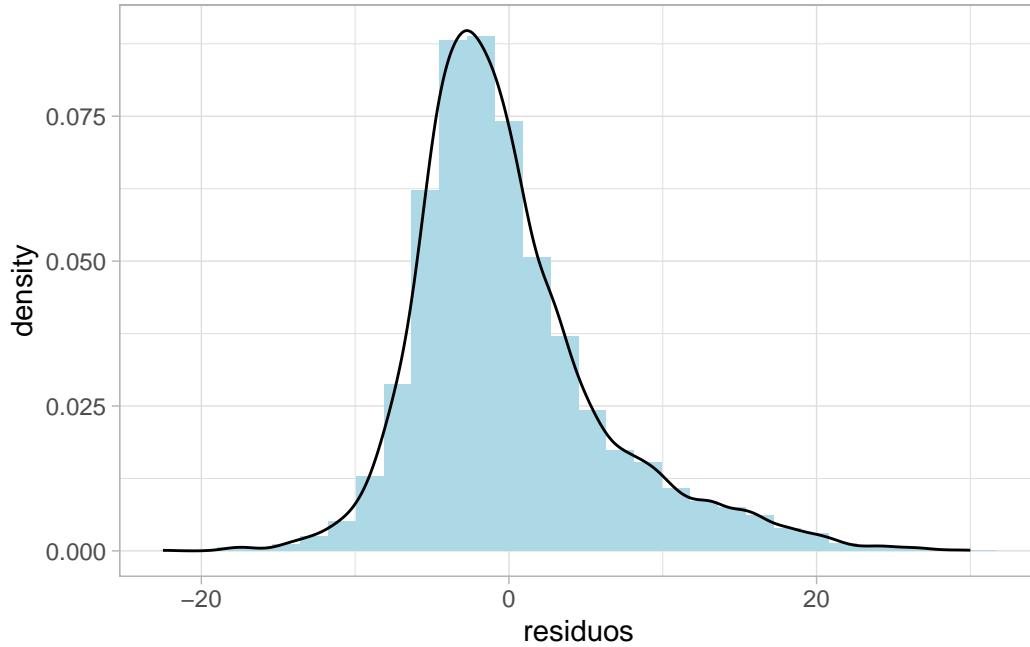
Para que os pressupostos sejam satisfeitos, espera-se uma distribuição simétrica e aproximadamente normal.

A curva de densidade adicionada ao histograma permite verificar visualmente se os resíduos seguem uma distribuição normal. Se a curva de densidade não se parecer com uma curva gaussiana, isso pode ser um indicativo de que os resíduos não são normalmente distribuídos, violando um dos pressupostos da regressão linear.

```
pnuud_muni_2010_adjusted |>  
  ggplot(aes(x = residuos)) +  
    geom_histogram(  
      aes(y = after_stat(density)),  
      fill = "lightblue"  
    ) +  
    geom_density() +  
    theme_light()
```

- ① Utilizando os dados que contém os resíduos do modelo ajustado.
- ② Iniciando o gráfico, e definindo a variável `x` como os resíduos.
- ③ Adicionando a geometria de histograma.
- ④ Nos atributos estéticos (`aes()`), definimos que o eixo `y` do histograma será a densidade dos resíduos. Quando criamos um histograma, os valores padrão no eixo `y` correspondem à contagem de observações em cada intervalo (bin). Ao utilizar `after_stat(density)`, estamos instruindo o `ggplot2` a calcular a densidade ao invés da contagem bruta.
- ⑤ Definindo a cor de preenchimento do histograma.
- ⑥ Adicionando a geometria de densidade.
- ⑦ Aplicando o tema `theme_light()` ao gráfico.

```
`stat_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.
```

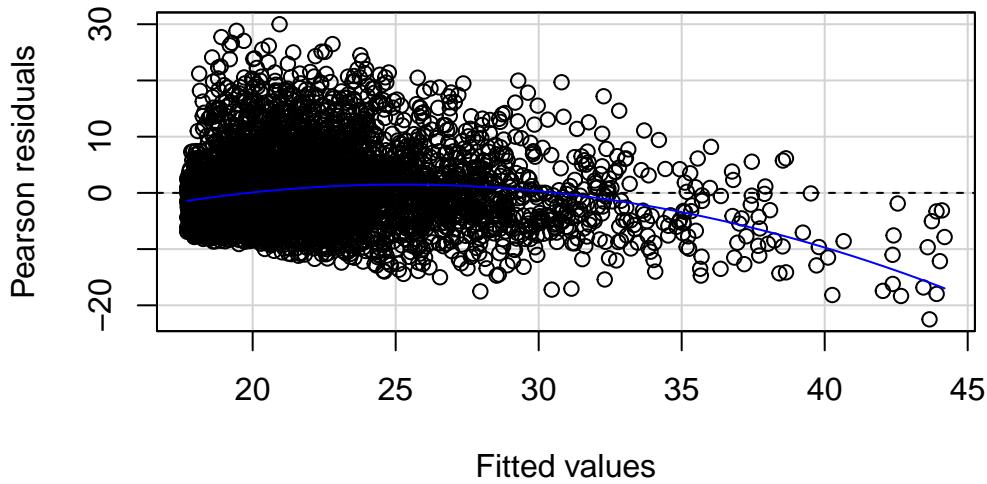


7.6.7.2 Gráfico de resíduos vs valores ajustados

Para que os pressupostos sejam satisfeitos, os pontos devem estar distribuídos aleatoriamente em torno de zero. Se houver um padrão nos resíduos, pode indicar que a relação entre as variáveis não é linear.

A interpretação do gráfico a seguir é de que talvez o modelo linear não seja o mais adequado para ajustar esses dados, pois os resíduos não estão distribuídos aleatoriamente.

```
car::residualPlot(modelo_linear)
```



7.6.7.3 Teste de homocedasticidade

Para que os pressupostos sejam satisfeitos, espera-se que a variância dos erros seja constante ao longo de todos os níveis da variável independente. Para verificar isso, podemos utilizar a função `car::ncvTest()`, que testa a homocedasticidade dos resíduos.

Um p-valor muito pequeno ($p < 0.001$) sugere que os resíduos não possuem variância constante (heterocedasticidade), o que pode violar um dos pressupostos da regressão linear.

Neste modelo, o pressuposto de homocedasticidade não é satisfeito.

```
car::ncvTest(modelo_linear)
```

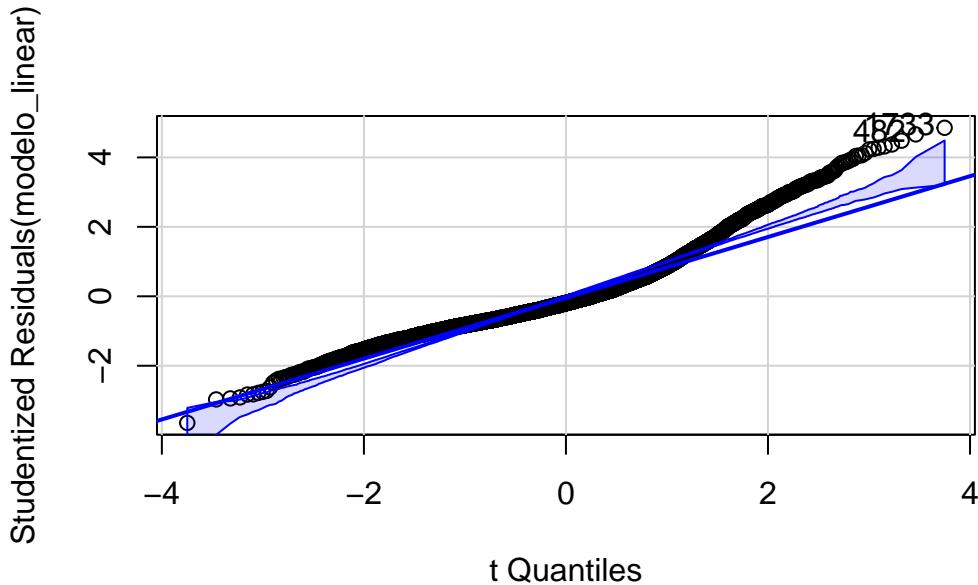
```
Non-constant Variance Score Test
Variance formula: ~ fitted.values
Chisquare = 280.5612, Df = 1, p = < 0.00000000000000222
```

7.6.7.4 Q-Q plot para normalidade dos resíduos

Para que os pressupostos sejam satisfeitos, os pontos devem seguir a linha reta, o que indicaria que os resíduos seguem uma distribuição normal. Desvios significativos da linha indicam que os resíduos não são normais.

No caso do exemplo a seguir, os resíduos não seguem uma distribuição normal.

```
car::qqPlot(modelo_linear)
```



```
[1] 482 1733
```

7.6.8 Extraindo tabelas de regressão

Podemos extrair tabelas de regressão para apresentar os resultados do modelo ajustado. Existem diversos pacotes que podem ser utilizados para extrair tabelas de regressão, como:

- `{stargazer}`
- `{gtsummary}`
- `{fixest}`
- `{modelsummary}`

Vamos utilizar a função `stargazer::stargazer()`. Essa função pode gerar tabelas de regressão em diferentes formatos, como texto, HTML, LaTeX e Markdown.

```
stargazer::stargazer(modelo_linear, type = "text")
```

| ===== | |
|---------------------|-----------------------------|
| Dependent variable: | |
| ----- | |
| | mort5 |
| ----- | |
| t_agua | -0.265*** (0.006) |
| Constant | 44.232*** (0.490) |
| ----- | |
| Observations | 5,565 |
| R2 | 0.284 |
| Adjusted R2 | 0.284 |
| Residual Std. Error | 6.195 (df = 5563) |
| F Statistic | 2,209.541*** (df = 1; 5563) |
| ===== | |
| Note: | *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01 |

Cuidado: observe que na última linha (Note: *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01) o resultado em HTML apresenta asteriscos a menos do que o resultado em texto. Isso ocorre porque o Markdown interpreta o asterisco como um comando de itálico (*) ou negrito (***) (e utilizamos Markdown para a construção deste site).

```
stargazer::stargazer(modelo_linear, type = "latex")
```

```
% Table created by stargazer v.5.2.3 by Marek Hlavac, Social Policy Institute. E-mail:  
marek.hlavac at gmail.com % Date and time: Wed, Aug 06, 2025 - 17:57:13
```

7.6.9 Interpretação final

- O modelo que ajustamos pode não ser o mais adequado para explicar a relação entre a taxa de mortalidade infantil e o percentual de acesso à água encanada, pois os pressupostos da regressão linear não foram atendidos. Pode ser necessário ajustar um modelo mais complexo.
- A taxa de mortalidade infantil é influenciada por diversos fatores, e o acesso à água encanada pode ser apenas um deles. É interessante investigar se outras variáveis como renda, educação, saneamento básico, entre outras, são importantes para explicar a mortalidade infantil.

Tabela 7.4

| <i>Dependent variable:</i> | |
|----------------------------|-----------------------------|
| | <i>mort5</i> |
| t_agua | -0.265*** (0.006) |
| Constant | 44.232*** (0.490) |
| Observations | 5,565 |
| R ² | 0.284 |
| Adjusted R ² | 0.284 |
| Residual Std. Error | 6.195 (df = 5563) |
| F Statistic | 2,209.541*** (df = 1; 5563) |

Note: *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01

7.7 Regressão linear múltipla

Até agora, ajustamos um modelo de regressão linear simples. No entanto, é possível ajustar um modelo de regressão linear múltipla, que inclui mais de uma variável independente.

Na regressão linear múltipla, incluímos mais de uma variável independente para tentar capturar diferentes fatores que podem influenciar a variável dependente.

Quando ajustamos um modelo de regressão múltipla, estamos tentando entender como a variável dependente (por exemplo, `mort5`) é afetada por várias variáveis independentes (como `t_agua` e `rdpc`).

Adicionar variáveis pode melhorar a precisão do modelo, reduzindo o erro e aumentando o (R^2), que nos diz quanta variação na variável dependente é explicada pelas variáveis independentes.

Vamos ajustar um modelo de regressão linear múltipla para investigar a relação entre a taxa de mortalidade infantil (até 5 anos de idade) (`mort5`) e o percentual da população que vive em domicílios com água encanada (`t_agua`) e a renda per capita (`rdpc`) nos municípios brasileiros em 2010.

Então, temos que:

- Variável dependente (y): `mort5`
- Variáveis independentes (x): `t_agua` e `rdpc`

7.7.1 Ajustando o modelo de regressão linear múltipla

Para ajustar um modelo de regressão linear múltipla, basta adicionar as variáveis independentes separadas por + na fórmula do modelo.

```
modelo_linear_multiplo <- lm(mort5 ~ t_agua + rdpc, data = pnuo_muni_2010)
```

Daqui em diante, o processo é semelhante ao que fizemos para o modelo de regressão linear simples.

7.7.1.1 Explorando o modelo ajustado

Podemos explorar o resultado do modelo ajustado com a função `summary()`:

```
summary(modelo_linear_multiplo)
```

Call:

```
lm(formula = mort5 ~ t_agua + rdpc, data = pnuo_muni_2010)
```

Residuals:

| Min | 1Q | Median | 3Q | Max |
|----------|---------|---------|--------|---------|
| -14.9472 | -3.2528 | -0.8473 | 2.1257 | 24.1132 |

Coefficients:

| | Estimate | Std. Error | t value | Pr(> t) |
|-------------|-----------|------------|---------|-------------------------|
| (Intercept) | 38.367673 | 0.395156 | 97.09 | <0.0000000000000002 *** |
| t_agua | -0.085605 | 0.005337 | -16.04 | <0.0000000000000002 *** |
| rdpc | -0.019260 | 0.000323 | -59.63 | <0.0000000000000002 *** |

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 4.839 on 5562 degrees of freedom

Multiple R-squared: 0.5634, Adjusted R-squared: 0.5633

F-statistic: 3589 on 2 and 5562 DF, p-value: < 0.0000000000000022

7.7.1.2 Visualizando o ajuste do modelo

A etapa de visualização do ajuste do modelo de regressão linear múltipla é um pouco mais complexa, pois estamos lidando com mais de uma variável independente.

Precisamos criar um gráfico para cada variável independente, **mantendo as outras variáveis independentes constantes**.

Para isso, primeiro vamos criar uma nova tabela com os valores constantes das variáveis independentes (utilizando a média):

```
pnuud_muni_2010_ajustado_agua <- pnuud_muni_2010 |>
  mutate(
    rdpc = mean(rdp)
  )  
  
①  
  
pnuud_muni_2010_ajustado_rdpc <- pnuud_muni_2010 |>
  mutate(
    t_agua = mean(t_agua)
  )  
  
②
```

- ① Criando uma nova tabela (`pnuud_muni_2010_ajustado_agua`), onde a variável `rdpc` é constante, utilizando a média dos valores.
- ② Criando uma nova tabela (`pnuud_muni_2010_ajustado_rdpc`), onde a variável `t_agua` é constante, utilizando a média dos valores.

Agora, vamos criar uma nova tabela com os valores ajustados para cada uma das variáveis independentes constantes (utilizando os dados criados na etapa anterior no argumento `newdata`):

```
pnuud_muni_2010_ajustado_multiplo <- pnuud_muni_2010 |>
  mutate(
    valores_ajustados_agua = predict(
      modelo_linear_multiplo,
      newdata = pnuud_muni_2010_ajustado_agua
    ),
    valores_ajustados_rdpc = predict(
      modelo_linear_multiplo,
      newdata = pnuud_muni_2010_ajustado_rdpc
    )
  )  
  
①  
  
②
```

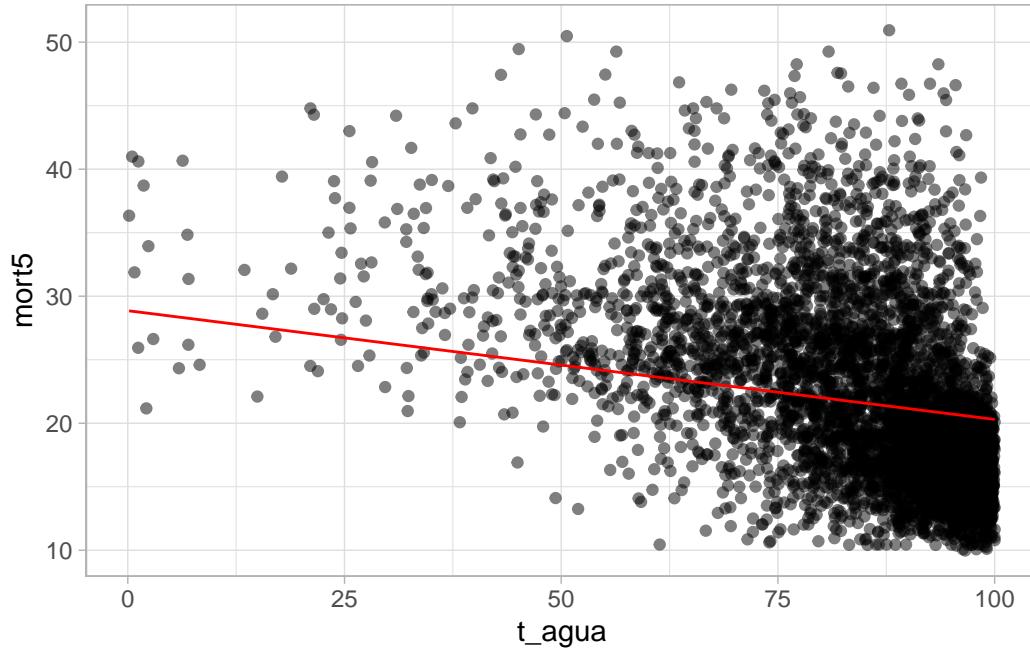
- ① Adicionando uma nova coluna chamada `valores_ajustados_agua` ao `data.frame` contendo os ajustes do modelo linear múltiplo, utilizando a função `predict()`, e os dados `pnuud_muni_2010_ajustado_agua` (onde a variável `rdpc` é constante).
- ② Adicionando uma nova coluna chamada `valores_ajustados_rdpc` ao `data.frame` contendo os ajustes do modelo linear múltiplo, utilizando a função `predict()`, e os dados `pnuud_muni_2010_ajustado_rdpc` (onde a variável `t_agua` é constante).

Agora, podemos criar os gráficos para visualizar o ajuste do modelo de regressão linear múltipla.

O gráfico a seguir mostra a relação entre a taxa de mortalidade infantil e o percentual de acesso à água encanada, mantendo as outras variáveis independentes constantes:

```
pnud_muni_2010_ajustado_multiplo |>
  ggplot() +
  geom_point(aes(x = t_agua, y = mort5), alpha = 0.5) +      ①
  geom_line(aes(x = t_agua, y = valores_ajustados_agua), color = "red") + ②
  theme_light()
```

- ① Adicionando a geometria de pontos ao gráfico, com os valores de `t_agua` no eixo x e `mort5` no eixo y.
- ② Adicionando a linha de regressão ao gráfico, com os valores ajustados (mantendo as outras variáveis independentes constantes).

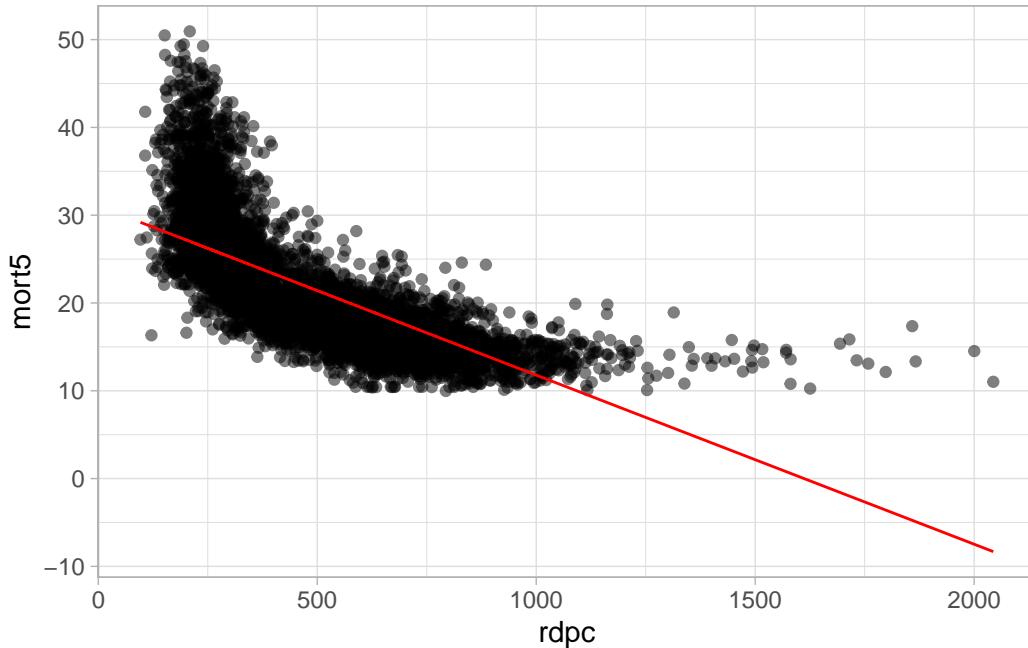


O gráfico a seguir mostra a relação entre a taxa de mortalidade infantil e a renda per capita, mantendo as outras variáveis independentes constantes:

```
pnud_muni_2010_ajustado_multiplo |>
  ggplot() +
  geom_point(aes(x = rdpc, y = mort5), alpha = 0.5) +      ①
```

```
geom_line(aes(x = rdpc, y = valores_ajustados_rdpc), color = "red") +      ②  
theme_light()
```

- ① Adicionando a geometria de pontos ao gráfico, com os valores de `rdpc` no eixo x e `mort5` no eixo y.
- ② Adicionando a linha de regressão ao gráfico, com os valores ajustados (mantendo a `t_agua` constante).



O gráfico acima indica que a relação entre `rdpc` e `mort5` não é linear. Nesse caso, podemos tentar transformar a variável `rdpc` e testar novamente ajustar um modelo linear.

Vamos tentar ajustar um modelo de regressão linear múltipla com a variável `rdpc` transformada em logaritmo (`log()`).

7.7.2 Modelando a variável `rdpc` transformada em `log()`

Transformações em variáveis são usadas quando a relação entre as variáveis independentes e a dependente não é linear. No nosso exemplo, a relação entre `rdpc` e `mort5` não é linear. Ao aplicar a transformação logarítmica à variável `rdpc`, tentamos “linearizar” a relação, o que pode melhorar a capacidade do modelo de capturar a verdadeira relação entre as variáveis.

Vamos ajustar um modelo de regressão linear múltipla com a variável `rdpc` transformada em logaritmo.

Para isso, primeiro vamos criar uma nova variável `rdpc_log` com a transformação logarítmica da variável `rdpc`, e salvar em um novo objeto chamado `pnuud_muni_2010_com_log`:

```
pnuud_muni_2010_com_log <- pnuud_muni_2010 |>  
  mutate(rdpc_log = log(rdpc))
```

Agora, vamos ajustar um modelo de regressão linear múltipla com a variável `rdpc_log`:

```
modelo_linear_multiplo_log <- lm(mort5 ~ t_agua + rdpc_log,  
                                   data = pnuud_muni_2010_com_log)
```

Vamos explorar o resultado do modelo ajustado:

```
summary(modelo_linear_multiplo_log)
```

```
Call:  
lm(formula = mort5 ~ t_agua + rdpc_log, data = pnuud_muni_2010_com_log)  
  
Residuals:  
    Min      1Q  Median      3Q     Max  
-20.318 -2.828 -0.552  2.155 21.005  
  
Coefficients:  
            Estimate Std. Error t value          Pr(>|t|)  
(Intercept) 92.320911   0.725668 127.222 < 0.0000000000000002 ***  
t_agua       -0.015457   0.005172  -2.988        0.00282 **  
rdpc_log     -11.425230   0.151703 -75.313 < 0.0000000000000002 ***  
---  
Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1  
  
Residual standard error: 4.359 on 5562 degrees of freedom  
Multiple R-squared:  0.6456,    Adjusted R-squared:  0.6455  
F-statistic: 5067 on 2 and 5562 DF,  p-value: < 0.0000000000000022
```

7.7.2.1 Visualizando o ajuste do modelo

Vamos visualizar o ajuste do modelo (similar ao que fizemos anteriormente). Para isso, vamos criar uma nova tabela com os valores constantes das variáveis independentes (utilizando a média):

```

pnud_muni_2010_ajustado_agua_log <- pnud_muni_2010_com_log |>
  mutate(
    rdpc_log = mean(rdpc_log),                                         ①
  )

pnud_muni_2010_ajustado_rdpc_log <- pnud_muni_2010_com_log |>
  mutate(
    t_agua = mean(t_agua)                                              ②
  )

```

- ① Criando uma nova tabela (`pnud_muni_2010_ajustado_agua`), onde a variável é `rdpc_log` constante, utilizando a média dos valores.
- ② Criando uma nova tabela (`pnud_muni_2010_ajustado_rdpc`), onde a variável é `t_agua` constante, utilizando a média dos valores.

Podemos criar uma nova tabela com os valores ajustados para cada uma das variáveis independentes constantes (utilizando os dados criados na etapa anterior no argumento `newdata`):

```

pnud_muni_2010_ajustado_multiplo_log <- pnud_muni_2010_com_log |>
  mutate(
    valores_ajustados_agua = predict(                                         ①
      modelo_linear_multiplo_log,
      newdata = pnud_muni_2010_ajustado_agua_log),

    valores_ajustados_rdpc = predict(                                         ②
      modelo_linear_multiplo_log,
      newdata = pnud_muni_2010_ajustado_rdpc_log),

    valores_ajustados = predict(modelo_linear_multiplo_log),                ③

    residuos = mort5 - valores_ajustados                                    ④
  )

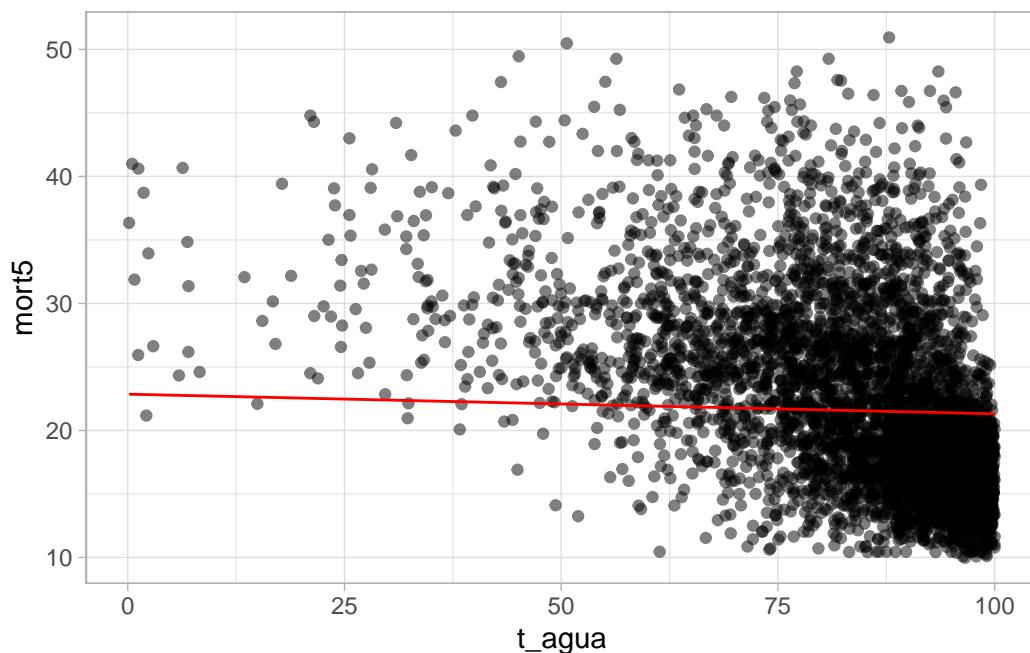
```

- ① Adicionando uma nova coluna chamada `valores_ajustados_agua` ao data.frame contendo os ajustes do modelo linear múltiplo, utilizando a função `predict()`, e os dados `pnud_muni_2010_ajustado_agua_log` (onde a variável `rdpc_log` é constante).
- ② Adicionando uma nova coluna chamada `valores_ajustados_rdpc` ao data.frame contendo os ajustes do modelo linear múltiplo, utilizando a função `predict()`, e os dados `pnud_muni_2010_ajustado_rdpc_log` (onde a variável `t_agua` é constante).
- ③ Adicionando uma nova coluna chamada `valores_ajustados` ao data.frame contendo os ajustes do modelo linear múltiplo.

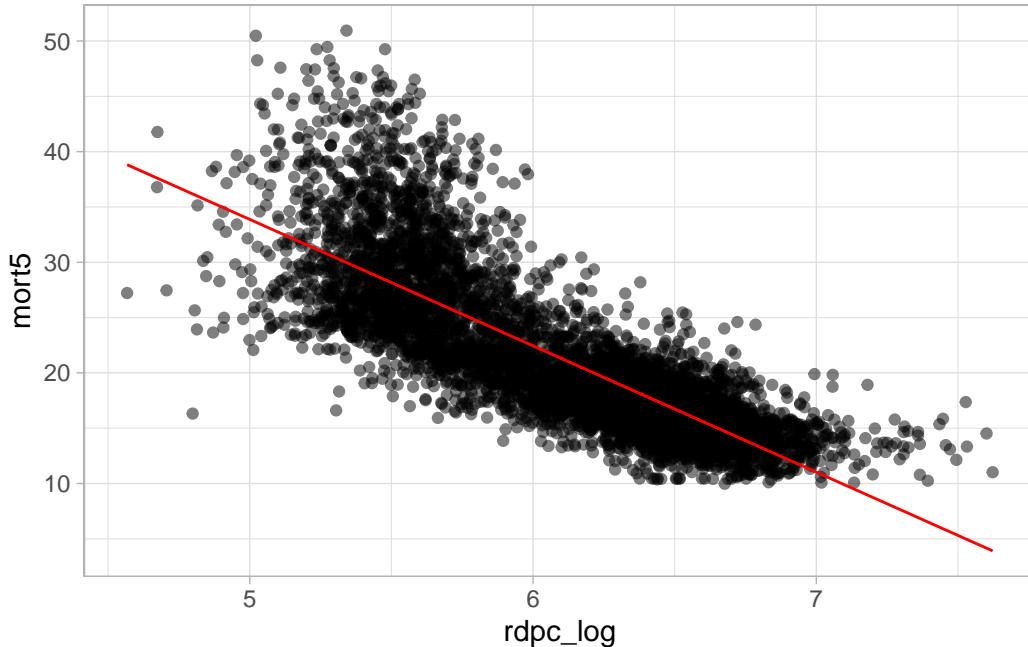
- ④ Adicionando uma nova coluna chamada `residuos` ao data.frame contendo os resíduos do modelo linear: a diferença entre os valores reais (`mort5`) e os valores previstos pelo modelo.

Agora, vamos visualizar o ajuste do modelo de regressão linear múltipla com a variável `rdpc` transformada em logaritmo.

```
pnud_muni_2010_ajustado_multiplo_log |>
  ggplot() +
  geom_point(aes(x = t_agua, y = mort5), alpha = 0.5) +
  geom_line(aes(x = t_agua, y = valores_ajustados_agua), color = "red") +
  theme_light()
```



```
pnud_muni_2010_ajustado_multiplo_log |>
  ggplot() +
  geom_point(aes(x = rdpc_log, y = mort5), alpha = 0.5) +
  geom_line(aes(x = rdpc_log, y = valores_ajustados_rdpc), color = "red") +
  theme_light()
```



O segundo gráfico indica que o resultado do modelo ajustado com a variável `rdpc` transformada em logaritmo é melhor do que o modelo anterior. Vamos seguir com a análise do modelo ajustado.

7.7.2.2 Explorando o modelo ajustado

Podemos explorar o resultado do modelo ajustado com a função `summary()`, `broom::tidy()` e `report::report()`:

```
report::report(modelo_linear_multiplo_log)
```

We fitted a linear model (estimated using OLS) to predict `mort5` with `t_agua` and `rdpc_log` (`formula: mort5 ~ t_agua + rdpc_log`). The model explains a statistically significant and substantial proportion of variance ($R^2 = 0.65$, $F(2, 5562) = 5067.02$, $p < .001$, adj. $R^2 = 0.65$). The model's intercept, corresponding to `t_agua = 0` and `rdpc_log = 0`, is at 92.32 (95% CI [90.90, 93.74], $t(5562) = 127.22$, $p < .001$). Within this model:

- The effect of `t_agua` is statistically significant and negative ($\beta = -0.02$, 95% CI [-0.03, -5.32e-03], $t(5562) = -2.99$, $p = 0.003$; Std. $\beta = -0.03$, 95% CI [-0.05, -0.01])
- The effect of `rdpc_log` is statistically significant and negative ($\beta =$

-11.43 , 95% CI $[-11.72, -11.13]$, $t(5562) = -75.31$, $p < .001$; Std. beta = -0.78 , 95% CI $[-0.80, -0.76]$

Standardized parameters were obtained by fitting the model on a standardized version of the dataset. 95% Confidence Intervals (CIs) and p-values were computed using a Wald t-distribution approximation.

```
broom::tidy(modelo_linear_multiplo_log) |>  
kable()
```

| term | estimate | std.error | statistic | p.value |
|-------------|-------------|-----------|------------|-----------|
| (Intercept) | 92.3209109 | 0.7256681 | 127.221954 | 0.0000000 |
| t_agua | -0.0154565 | 0.0051725 | -2.988236 | 0.0028182 |
| rdpc_log | -11.4252299 | 0.1517033 | -75.312971 | 0.0000000 |

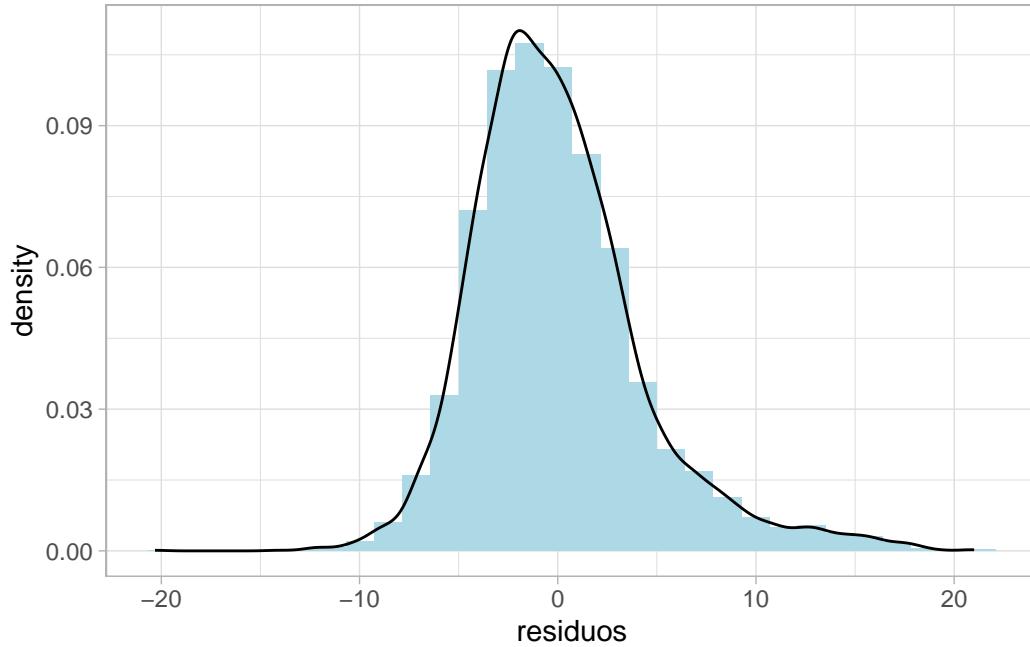
7.7.2.3 Diagnóstico do Modelo de Regressão Múltipla

Os diagnósticos do modelo de regressão múltipla são similares aos da regressão simples, mas é importante prestar mais atenção nos resíduos, pois agora temos mais de uma variável explicativa.

Os mesmos pressupostos de linearidade, independência dos erros, homocedasticidade e normalidade dos resíduos precisam ser verificados.

7.7.2.3.1 Histograma dos resíduos

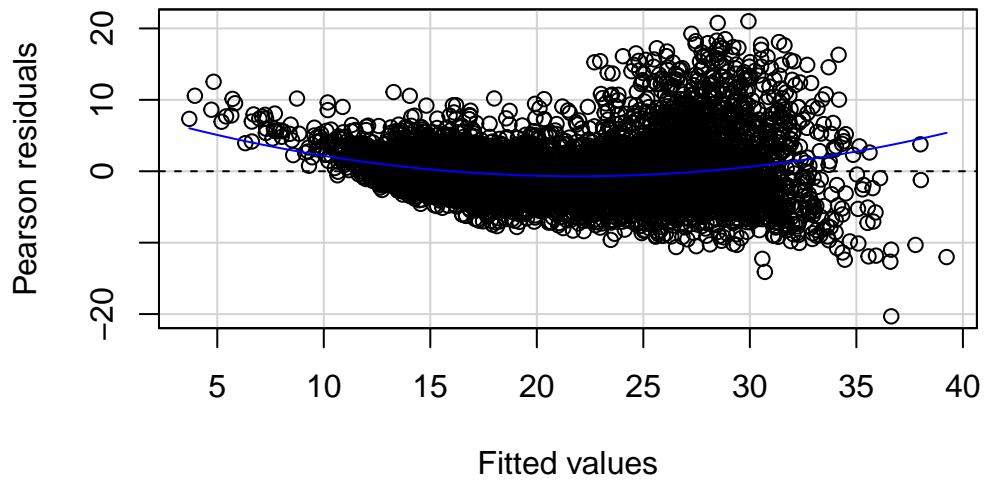
```
pnuud_muni_2010_ajustado_multiplo_log |>  
ggplot(aes(x = residuos)) +  
  geom_histogram(  
    aes(y = after_stat(density)),  
    fill = "lightblue"  
  ) +  
  geom_density() +  
  theme_light()  
  
`stat_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.
```



7.7.2.3.2 Gráfico de resíduos vs valores ajustados

É importante verificar se os resíduos estão distribuídos de forma aleatória. Se houver padrões, o modelo pode estar mal especificado.

```
car::residualPlot(modelo_linear_multiplo_log)
```



7.7.2.3.3 Teste de homocedasticidade

É importante verificar se a variância dos resíduos é constante ao longo dos valores ajustados.

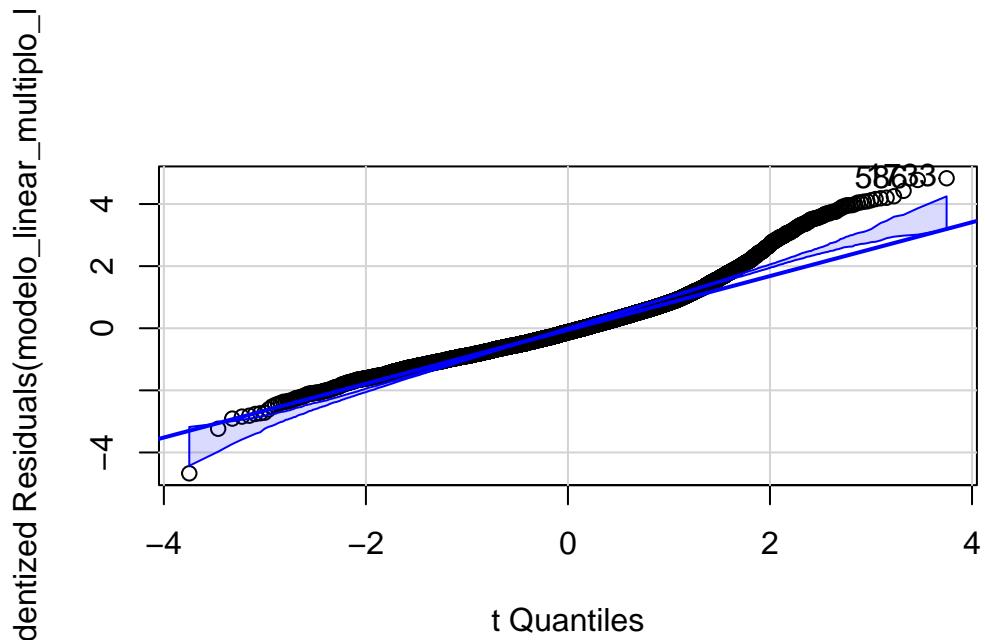
```
car::ncvTest(modelo_linear_multiplo_log)
```

```
Non-constant Variance Score Test
Variance formula: ~ fitted.values
Chisquare = 1154.345, Df = 1, p = < 0.00000000000000222
```

7.7.2.3.4 Q-Q plot para normalidade dos resíduos

É importante verificar a normalidade dos resíduos.

```
car::qqPlot(modelo_linear_multiplo_log)
```



[1] 586 1733

7.7.2.4 Extraindo tabelas de regressão

```
stargazer::stargazer(modelo_linear_multiplo_log, type = "text")
```

| Dependent variable: | |
|---------------------|-----------------------|
| | mort5 |
| t_agua | -0.015*** (0.005) |
| rdpc_log | -11.425*** (0.152) |
| Constant | 92.321*** (0.726) |

```

-----
Observations           5,565
R2                   0.646
Adjusted R2          0.646
Residual Std. Error   4.359 (df = 5562)
F Statistic          5,067.019*** (df = 2; 5562)
=====
Note:                *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01

```

7.8 Outros pacotes que podem ser interessantes

- [Pacote performance](#): funções para avaliar o ajuste de modelos de regressão, visualizar diagnósticos e comparar modelos.
- [Pacote modelsummary](#): para criar tabelas de regressão, que exportam para word.
- [Pacote coefplot](#): para visualizar os coeficientes do modelo de regressão linear.
- [Tidymodels](#) - metapacote, segue uma filosofia similar ao pacote tidyverse, para quem tem interesse em *machine learning* no R.

7.9 Sugestões de materiais

- Livro [Introduction to Modern Statistics](#) de Mine Çetinkaya-Rundel e Johanna Hardin.
 - Regressão linear simples
 - Regressão linear múltipla
- [Introduction to Econometrics with R](#) - conteúdo mais avançado, para quem tem experiência em econometria.

8 Prática - Regressão Espacial

Nota

Essa prática foi adaptada do roteiro criado por [Luis Felipe Bortolatto da Cunha](#) para edições passadas dessa disciplina.

Download do arquivo .qmd

Sugestão: abra o projeto no RStudio (que está usando ao longo do curso), e faça o download deste arquivo (em formato .qmd) com o código abaixo.

```
download.file(  
  url = "https://raw.githubusercontent.com/beatrizmilz/ESHT011-21-analise-dados-planejamento/main/08_regressao-espacial.qmd",  
  destfile = "08_regressao-espacial.qmd",  
)
```

8.1 Introdução

Este roteiro tem como objetivo auxiliar na execução de **modelos de regressão espacial** (Spatial Lag, Spatial Error e GWR) com o software R.

Para executar os modelos de regressão espacial vamos utilizar dados demográficos e de consumo de água de 2010, para uma amostra de 4.417 municípios, extraídos do Censo Demográfico (IBGE) e do Sistema Nacional de Informações sobre Saneamento (SNIS), conforme análise apresentada por [Carmo et al., 2013](#).

A base de dados está disponível para download no endereço abaixo:

<https://1drv.ms/u/s!AjettDH-3Gbni9kP8cPtA04EBQQ7xQ?e=4dyWz5>

8.2 Carregando os pacotes

Os pacotes necessários para essa prática são:

- **tidyverse**: para manipulação e visualização de dados;
- **sf**: para trabalhar com dados geoespaciais vetoriais (shapefile ou geopackage)
- **spdep**: para calcular a autorrelação espacial e a matriz de pesos espaciais
- **spatialreg**: para calcular os modelos de regressão espacial global
- **spgwr**: para calcular o modelo de regressão espacial local

Podemos instalar os pacotes:

```
install.packages("tidyverse")
install.packages("sf")
install.packages("spdep")
install.packages("spatialreg")
install.packages("spgwr")
```

Aviso

Atenção: dependendo da versão de R que você está usando, você pode precisar instalar o pacote Rcpp antes dos pacotes de análise espacial. Se você encontrar um erro na instalação dos pacotes acima, instale o pacote citado e tente novamente. Se o problema persistir, por favor entre em contato com a equipe responsável pela disciplina.

```
install.packages("Rcpp")
```

E então carregá-los:

```
library(tidyverse)
library(sf)
library(spdep)
library(spatialreg)
library(spgwr)
```

8.3 Importando os dados

Para facilitar o download, você pode usar o código abaixo, que cria uma pasta chamada “dados” e baixa o arquivo geopackage para essa pasta. O arquivo será salvo com o nome `agua_rede_sf.gpkg`:

```
# Criando a pasta para armazenar os dados
fs::dir_create("dados")

# Download do arquivo geopackage
download.file("https://github.com/beatrizmilz/ESHT011-21-analise-dados-planejamento-territorial/blob/main/dados/agua_rede_sf.gpkg",
              destfile = "dados/agua_rede_sf.gpkg",
              mode = "wb")
```

A base de dados está em formato geopackage (.gpkg) e pode ser importada com a função `read_sf()`.

```
agua_rede_sf <- read_sf("dados/agua_rede_sf.gpkg")
```

8.4 Explorando os dados

Os arquivos geoespaciais que trabalharemos são chamados de simple features (sf) no R. A sua estrutura é semelhante à de uma tabela, mas trazendo informações do Sistema de Referência de Coordenadas (CRS) e uma variável adicional: a geometria (geom ou geometry), com as coordenadas que permitem mapear os pontos, linhas ou polígonos.

Executando o nome do objeto é possível obter algumas dessas informações.

```
agua_rede_sf
```

```
Simple feature collection with 5567 features and 25 fields
Geometry type: MULTIPOLYGON
Dimension:      XY
Bounding box:   xmin: -73.99045 ymin: -33.75208 xmax: -28.83609 ymax: 5.271841
Geodetic CRS:   SIRGAS 2000
# A tibble: 5,567 x 26
  ID_IBGE DOMICIL REDE PROPREDE ID_SNIS NOME_MUN UF    REGIAO      PIB RENDAPITA
  <dbl>   <int> <int>   <dbl>   <int> <chr>   <chr> <chr>   <dbl>   <dbl>
1 1100015     7270  1774     0.244   110001 Alta Fl~ RO    Norte  1.67e5   468.
2 1100023     27166  9576     0.352   110002 Ariquem~ RO    Norte  6.13e5   673.
3 1100031     1975   474      0.24    110003 Cabixi    RO    Norte  4.17e4   447.
4 1100049     24215  18428    0.761   110004 Cacoal   RO    Norte  5.83e5   719.
5 1100056     5348   1816     0.340   110005 Cerejei~ RO    Norte  8.69e4   553.
6 1100064     5959   3617     0.607   110006 Colorad~ RO    Norte  1.09e5   508.
7 1100072     2649   344      0.130   110007 Corumbi~ RO    Norte  5.84e4   402.
8 1100080     3696   609      0.165   110008 Costa M~ RO    Norte  4.97e4   353.
```

```

9 1100098     8683  2385     0.275  110009 Espig<e~ RO    Norte  1.53e5      572.
10 1100106    10684  4780     0.447  110010 Guajar<~ RO    Norte  2.35e5      476.
# i 5,557 more rows
# i 16 more variables: GINI <dbl>, IDH <dbl>, IDH_CLASS <chr>, GE012 <int>,
#   AG001 <int>, AG020 <dbl>, AG022 <int>, CONSUMO1 <dbl>, CONSUMO2 <dbl>,
#   .fitted <dbl>, .resid <dbl>, .std.resid <dbl>, .hat <dbl>, .sigma <dbl>,
#   .cooksdi <dbl>, geom <MULTIPOLYGON [°]>

```

A função `names()` exibe os nomes das variáveis.

```
names(agua_rede_sf)
```

```

[1] "ID_IBGE"      "DOMICIL"       "REDE"          "PROPREDE"      "ID_SNIS"
[6] "NOME_MUN"     "UF"            "REGIAO"        "PIB"           "RENDAPITA"
[11] "GINI"          "IDH"           "IDH_CLASS"     "GE012"         "AG001"
[16] "AG020"         "AG022"         "CONSUMO1"      "CONSUMO2"      ".fitted"
[21] ".resid"        ".std.resid"   ".hat"          ".sigma"        ".cooksdi"
[26] "geom"

```

Os nomes das variáveis estão codificados, apresentando correspondência às variáveis descritas abaixo:

| Código | Descrição |
|-----------|---|
| ID_IBGE | Código IBGE (7 dígitos) |
| DOMICIL | Quantidade de Domicílios |
| REDE | Quantidade de Domicílios com Acesso à Rede Geral de Água |
| PROPREDE | Proporção de Domicílios com com Acesso à Rede Geral de Água (REDE/DOMICIL) |
| ID_SNIS | Código IBGE (6 dígitos) |
| NOME_MUN | Nome do Município |
| UF | Unidade da Federação |
| REGIAO | Região do País |
| PIB | Produto Interno Bruto 2010 |
| RENDAPITA | Renda per Capita 2010 |
| GINI | Índice GINI 2010 |
| IDH | Índice de Desenvolvimento Humano 2010 |
| IDH_CLASS | Classificação do Índice de Desenvolvimento Humano 2010: Muito Alto >= 0,9; Alto >= 0,8; Médio >= 0,5; Baixo < 0,5. |
| GE012 | População Total Residente no Município |
| AG001 | População Total Atendida com Abastecimento de Água |

| Código | Descrição |
|----------|--|
| AG020 | Volume Micromedido nas Economias Residenciais Ativas de Água - 1.000 m ³ /ano |
| AG022 | Quantidade de Economias Residenciais Ativas Micromedidas |
| CONSUMO1 | Consumo de Água per capita - População Total - m ³ /ano (AG020/GE012) |
| CONSUMO2 | Consumo de Água per capita - População Atendida - m ³ /ano (AG020/AG001) |

Além delas, estão presentes outras variáveis que trazem os resultados do modelo de regressão linear (.fitted, .resid, .std.resid, .hat, .sigma, .cooksdi), conforme apresentado no [Roteiro 5](#).

ATENÇÃO: Algumas considerações sobre os dados antes de rodar o modelo:

1. O modelo não vai funcionar em uma base de dados com valores faltantes (NA).
2. É necessário trazer em uma coluna as coordenadas do centróide dos polígonos (longitude/latitude).
3. Os modelos de regressão espacial são complexos e exigem um tempo de processamento muito maior que os modelos lineares! Nos nossos testes, o tempo de processamento variou entre 10 a 30 minutos. Portanto, recomendamos rodar o modelo apenas em uma amostra dos dados (ex: UF == "SP").

As funções apresentadas nas aulas anteriores funcionam em dados geoespaciais de forma semelhante à tabelas. Vamos usá-las para resolver a primeira e segunda consideração.

Para filtrar apenas as observações completas, ou seja, sem valores faltantes (NA), podemos aplicar a função `drop_na()`, levando em consideração as variáveis que serão utilizadas (ID, Variável Y e Variável X), para remover as linhas que contém NA nas variáveis indicadas.

```
agua_rede_sf_sem_na <- agua_rede_sf |>
  drop_na(ID_IBGE, CONSUMO1, RENDAPITA)
```

Dos 5567 municípios presentes na base de dados, apenas 4417 tinham informações completas do ID_IBGE, CONSUMO1 e RENDAPITA. O modelo será aplicado apenas nessas observações.

Amostragem: o código abaixo cria uma amostra apenas com os dados do estado de São Paulo.

```
agua_rede_sf_sp <- agua_rede_sf_sem_na |>
  filter(UF == "SP")
```

Para executar o modelo de regressão espacial local (GWR), é necessário ter variáveis que descrevem a longitude e latitude do centróide dos polígonos.

A função `st_centroid()` calcula o centróide de um polígono, porém ela só funciona se as geometrias forem consideradas “válidas”. Podemos fazer essa checagem com a função `st_is_valid()`:

```
# Checando se a geometria é valida  
geometrias_validas <- st_is_valid(agua_rede_sf_sp)  
  
# Somando quantas geometrias são inválidas  
sum(geometrias_validas == FALSE)
```

```
[1] 0
```

Agora podemos calcular o centróide:

```
agua_rede_sf_sp_centroide <- agua_rede_sf_sp |>  
  mutate(LON = st_coordinates(st_centroid(agua_rede_sf_sp))[,1],  
         LAT = st_coordinates(st_centroid(agua_rede_sf_sp))[,2])
```

```
Warning: There were 2 warnings in `stopifnot()`.  
The first warning was:  
i In argument: `LON = st_coordinates(st_centroid(agua_rede_sf_sp))[, 1]`.  
Caused by warning:  
! st_centroid assumes attributes are constant over geometries  
i Run `dplyr::last_dplyr_warnings()` to see the 1 remaining warning.
```

Agora temos as colunas LAT e LON, mantendo a coluna geom:

```
agua_rede_sf_sp_centroide |>  
  select(LAT, LON, geom)
```

```
Simple feature collection with 510 features and 2 fields  
Geometry type: MULTIPOLYGON  
Dimension:      XY  
Bounding box:  xmin: -53.10986 ymin: -25.31232 xmax: -44.16137 ymax: -19.77966  
Geodetic CRS:  SIRGAS 2000  
# A tibble: 510 x 3  
      LAT     LON           geom  
   <dbl>   <dbl>    <sf>
```

```

<dbl> <dbl> <MULTIPOLYGON [°]>
1 -21.6 -51.1 (((-51.09093 -21.47214, -51.08788 -21.46944, -51.08722 -21.46444-
2 -21.3 -49.7 (((-49.69668 -21.3443, -49.69703 -21.34019, -49.69894 -21.33772, ~
3 -21.9 -46.7 (((-46.73069 -21.9447, -46.73192 -21.93454, -46.73487 -21.9303, ~
4 -22.5 -46.6 (((-46.635 -22.45781, -46.62814 -22.45148, -46.62519 -22.44678, ~
5 -22.9 -49.3 (((-49.28903 -22.77028, -49.28139 -22.77217, -49.27747 -22.77183-
6 -22.6 -47.9 (((-47.86292 -22.60939, -47.86517 -22.61207, -47.86423 -22.61583-
7 -22.6 -49.1 (((-49.0167 -22.38629, -49.00953 -22.38424, -48.99643 -22.38395, ~
8 -23.5 -47.9 (((-47.86567 -23.51306, -47.86243 -23.50943, -47.85984 -23.51047-
9 -21.9 -51.4 (((-51.37102 -21.87702, -51.36865 -21.87703, -51.36898 -21.87891-
10 -20.5 -49.1 (((-49.14974 -20.57783, -49.1535 -20.57674, -49.15553 -20.57754, ~
# i 500 more rows

```

8.5 Modelos de regressão espacial global (Spatial Lag e Spatial Error)

Após a análise espacial dos resíduos - que permitiu observar que as observações não são independentes espacialmente, vamos incorporar a estrutura de dependência espacial no modelo.

Os modelos globais incluem no modelo de regressão um parâmetro para capturar a estrutura de autocorrelação espacial na área de estudo como um todo.

O Spatial Lag (SAR) atribue a autocorrelação espacial à variável resposta Y (lag), enquanto o Spatial Error (CAR) atribue a autocorrelação espacial ao erro.

8.5.1 Preparando os dados

O ponto de partida para o Spatial Lag e Spatial Error é o modelo de regressão linear (Roteiro 5), criado com a função `lm()`.

```

modelo1 <- lm(formula = CONSUMO1 ~ RENDAPITA,
                data = agua_rede_sf_sp_centroide,
                na.action = na.exclude)

```

Também é necessário criar um arquivo com a lista de vizinhança, com a função `poly2nb()`. Foi usado o critério de vizinhança do tipo `queen`. Para usar outros critérios, lembre-se de consultar a documentação da função.

```
vizinhanca <- poly2nb(pl = agua_rede_sf_sp_centroide,  
                      row.names = agua_rede_sf_sp_centroide$ID_IBGE)
```

Warning in poly2nb(pl = agua_rede_sf_sp_centroide, row.names = agua_rede_sf_sp_centroide\$ID_IBGE):
if this seems unexpected, try increasing the snap argument.

Warning in poly2nb(pl = agua_rede_sf_sp_centroide, row.names = agua_rede_sf_sp_centroide\$ID_IBGE):
if this sub-graph count seems unexpected, try increasing the snap argument.

Visualizando o sumário desse arquivo, é possível ter uma ideia da distribuição da vizinhança.

```
summary(vizinhanca)
```

Neighbour list object:
Number of regions: 510
Number of nonzero links: 2290
Percentage nonzero weights: 0.8804306
Average number of links: 4.490196
3 regions with no links:
3520400, 3543204, 3546702
5 disjoint connected subgraphs
Link number distribution:

| | | | | | | | | | | | | |
|---|----|----|-----|-----|----|----|----|----|---|----|----|----|
| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 20 |
| 3 | 15 | 50 | 103 | 114 | 82 | 75 | 34 | 15 | 9 | 8 | 1 | 1 |

15 least connected regions:

3500402 3500600 3501400 3503158 3504701 3504909 3508702 3523701 3527108 3534302 3534708 35399

1 most connected region:

3550308 with 20 links

Agora é possível criar uma matriz de pesos espaciais, com as funções `nb2mat()` e `mat2listw()`. Em vários momentos é necessário definir o argumento adicional `zero.policy = TRUE`, que permite obter os resultados mesmo que uma ou mais observações não tenham nenhum vizinho. Não se esqueça de adicionar este parâmetro sempre que indicado neste roteiro.

```
wm <- nb2mat(neighbours = vizinhanca, style='B', zero.policy = TRUE)  
  
rwm <- mat2listw(x = wm, style='W', zero.policy = TRUE)
```

```
Warning in mat2listw(x = wm, style = "W", zero.policy = TRUE): neighbour object  
has 5 sub-graphs
```

Agora já é possível realizar o teste de autocorrelação espacial dos resíduos, com a função `lm.morantest()`, que levará como argumentos: o modelo (modelo1), a matriz de pesos espaciais (rwm) e a tipo de hipótese alternativa ("two-sided", que representa o teste bicaudal).

```
lm.morantest(model = modelo1,  
             listw = rwm,  
             alternative = "two.sided",  
             zero.policy = TRUE)
```

```
Global Moran I for regression residuals  
  
data:  
model: lm(formula = CONSUMO1 ~ RENDAPITA, data =  
agua_rede_sf_sp_centroide, na.action = na.exclude)  
weights: rwm  
  
Moran I statistic standard deviate = 9.5448, p-value < 2.2e-16  
alternative hypothesis: two.sided  
sample estimates:  
Observed Moran I      Expectation      Variance  
0.297470015     -0.002570733     0.000988155
```

O resultado do teste é significativo (p-valor < 0,000000000000022), portanto há dependência espacial nos resíduos e um modelo de regressão espacial global pode ser aplicado.

Mas antes disso serão aplicados quatro testes de hipótese para identificar qual é o modelo mais adequado (Spatial Lag ou Spatial Error):

- LMerr: teste LM simples para dependência do erro
- LMLag: teste LM simples para uma variável dependente espacialmente defasada
- RLMerr: teste LM robusto para dependência do erro
- RLMlag: teste LM robusto para uma variável dependente espacialmente defasada

```
lm.LMtests(model = modelo1,  
           listw = rwm,  
           test = c("LMerr", "LMLag", "RLMerr", "RLMlag"),  
           zero.policy = TRUE)
```

Please update scripts to use lm.RStests in place of lm.LMtests

Rao's score (a.k.a Lagrange multiplier) diagnostics for spatial dependence

```
data:  
model: lm(formula = CONSUMO1 ~ RENDAPITA, data =  
agua_rede_sf_sp_centroide, na.action = na.exclude)  
test weights: listw
```

RSerr = 89.586, df = 1, p-value < 2.2e-16

Rao's score (a.k.a Lagrange multiplier) diagnostics for spatial dependence

```
data:  
model: lm(formula = CONSUMO1 ~ RENDAPITA, data =  
agua_rede_sf_sp_centroide, na.action = na.exclude)  
test weights: listw
```

RSlag = 72.74, df = 1, p-value < 2.2e-16

Rao's score (a.k.a Lagrange multiplier) diagnostics for spatial dependence

```
data:  
model: lm(formula = CONSUMO1 ~ RENDAPITA, data =  
agua_rede_sf_sp_centroide, na.action = na.exclude)  
test weights: listw
```

adjRSerr = 17.354, df = 1, p-value = 3.102e-05

Rao's score (a.k.a Lagrange multiplier) diagnostics for spatial dependence

```
data:  
model: lm(formula = CONSUMO1 ~ RENDAPITA, data =  
agua_rede_sf_sp_centroide, na.action = na.exclude)
```

```

test weights: listw

adjRSlag = 0.50775, df = 1, p-value = 0.4761

```

Como interpretar os resultados dos testes de hipótese dos multiplicadores de Lagrange?

Primeiro examinamos os testes simples (LMerr e LMlag). Se eles não forem significativos (p-valor > 0,05), a hipótese de modelagem do erro ou lag não se sustenta. Se apenas um deles for significativo (p-valor < 0,05): problema resolvido - mas é bastante comum que ambos sejam significativos. Se ambos forem significativos, é necessário conferir os testes robustos.

Olhando para os multiplicadores de Lagrange robustos (RLMlag e RLMerr), normalmente, apenas um deles será significativo, ou um terá uma ordem de magnitude mais significativo do que o outro (por exemplo, $p < 0,000003$ em comparação com $p < 0,03$). Nesse caso, a decisão é simples: estimar o modelo de regressão espacial correspondendo à estatística mais “robusta” (ou significativa). No caso raro de ambos serem altamente significativos, escolha o modelo com o maior valor para a estatística de teste. No entanto, nesta situação, é necessário algum cuidado, uma vez que podem existir outras fontes de erros de especificação. Outra ação a se tomar é alterar a especificação básica (ou seja, a parte não espacial) do modelo.

Também há casos raros em que nenhuma das estatísticas do teste robusto é significativa. Nesses casos, problemas de especificação mais sérios provavelmente estão presentes e devem ser resolvidos primeiro. Por outros erros de especificação, nos referimos a problemas com algumas das outras suposições da regressão linear (Roteiro 5).

Neste caso, os dois testes simples são significativos. Mas o teste de erro robusto é mais significativo que o teste de lag robusto, então o modelo mais apropriado seria o Spatial Error (CAR). De qualquer forma, vamos ensinar a aplicar os dois modelos (SAR e CAR) na sequência.

8.5.2 Spatial Autoregressive Model (Spatial Lag/SAR)

Para aplicar o modelo Spatial Lag usaremos a função `lagsarlm()`, especificando a fórmula, os dados e a matriz de pesos espaciais.

```

sar_modelo <- lagsarlm(formula = CONSUMO1 ~ RENDAPITA,
                        data = agua_rede_sf_sp_centroide,
                        listw = rwm,
                        zero.policy = TRUE)

```

Para ver os resultados do novo modelo, você pode acessar o sumário.

```
summary(sar_modelo)
```

Call:
lagsarlm(formula = CONSUMO1 ~ RENDAPITA, data = agua_rede_sf_sp_centroide,
listw = rwm, zero.policy = TRUE)

Residuals:

| Min | 1Q | Median | 3Q | Max |
|----------|---------|---------|--------|----------|
| -51.5374 | -6.2923 | -1.1463 | 3.5627 | 128.1935 |

Type: lag
Regions with no neighbours included:
3520400 3543204 3546702
Coefficients: (asymptotic standard errors)
Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
(Intercept) 7.5769500 2.7147528 2.791 0.005254
RENDAPITA 0.0316423 0.0030092 10.515 < 2.2e-16

Rho: 0.35367, LR test value: 60.126, p-value: 8.8818e-15
Asymptotic standard error: 0.045679
z-value: 7.7426, p-value: 9.77e-15
Wald statistic: 59.948, p-value: 9.77e-15

Log likelihood: -2061.04 for lag model
ML residual variance (sigma squared): 183.69, (sigma: 13.553)
Number of observations: 510
Number of parameters estimated: 4
AIC: 4130.1, (AIC for lm: 4188.2)
LM test for residual autocorrelation
test value: 1.9034, p-value: 0.1677

O modelo SAR possui um melhor desempenho que o modelo de regressão linear, indicado pelo AIC (4130), que é menor que o AIC do modelo de regressão linear (4188). Além disso, o teste de autocorrelação espacial dos resíduos não é significativo (*p*-valor = 0,16), indicando que após a modelagem os resíduos não são mais correlacionados espacialmente.

8.5.3 Conditional Autoregressive Model (Spatial Error/CAR)

Para aplicar o modelo Spatial Error usaremos a função `errorsarlm()`, especificando a fórmula, os dados e a matriz de pesos espaciais.

```
car_modelo <- errorsarlm(formula = CONSUMO1 ~ RENDAPITA,
                           data = agua_rede_sf_sp_centroide,
                           listw = rwm,
                           zero.policy = TRUE)
```

É possível visualizar os resultados do modelo usando o sumário.

```
summary(car_modelo)
```

```
Call:
errorsarlm(formula = CONSUMO1 ~ RENDAPITA, data = agua_rede_sf_sp_centroide,
            listw = rwm, zero.policy = TRUE)

Residuals:
    Min      1Q   Median      3Q      Max 
-49.3458 -6.4307 -1.1948  3.6627 126.9162 

Type: error
Regions with no neighbours included:
3520400 3543204 3546702
Coefficients: (asymptotic standard errors)
              Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)    
(Intercept) 22.5150675 2.4084788 9.3483 < 2.2e-16  
RENDAPITA   0.0341102 0.0031534 10.8170 < 2.2e-16  

Lambda: 0.42026, LR test value: 69.624, p-value: < 2.22e-16
Asymptotic standard error: 0.049799
z-value: 8.4391, p-value: < 2.22e-16
Wald statistic: 71.218, p-value: < 2.22e-16

Log likelihood: -2056.291 for error model
ML residual variance (sigma squared): 177.77, (sigma: 13.333)
Number of observations: 510
Number of parameters estimated: 4
AIC: 4120.6, (AIC for lm: 4188.2)
```

O AIC do modelo CAR (4120) é menor que o AIC do modelo de regressão linear (4188), indicando um melhor resultado. Além disso, todos os valores estimados são significativos (p-valor < 0,05).

8.5.4 Exportando os resíduos do modelo

Para verificar a autocorrelação espacial no GeoDa, é necessário exportar os resíduos do modelo. O código abaixo indica como executar essa etapa para os dois modelos, criando as variáveis (colunas) sar_residuos e car_residuos.

```
agua_rede_sar_car <- agua_rede_sf_sp_centroide |>
  mutate(sar_residuos = residuals(sar_modelo),
        car_residuos = residuals(car_modelo))
```

Após criar essa nova base de dados, você pode exportá-la como geopackage ou shapefile com a função `write_sf()`.

```
write_sf(agua_rede_sar_car, "dados/agua_rede_sar_car.gpkg")
```

```
write_sf(agua_rede_sar_car, "dados/agua_rede_sar_car.shp")
```

8.6 Modelo de regressão espacial local (GWR)

O modelo de regressão espacial local ou Geographically Weighted Regression (GWR) incorpora a estrutura de dependência espacial (verificada com o teste de autocorrelação espacial - Roteiro 6).

Nesse modelo, as variações espaciais são modeladas de forma contínua, com parâmetros variando no espaço. Ele ajusta um modelo de regressão para cada observação, ponderando todas as demais observações como função da distância a este ponto. Existe uma função (kernel) sobre cada ponto do espaço que determina todos os pontos da regressão local que é ponderada pela distância. Pontos mais próximos do ponto central tem maior peso. Assim como no kernel, a escolha da largura da banda é importante, pondendo ser fixa ou adaptável à densidade dos dados.

O processo de modelagem envolverá quatro etapas: (1) estimativa do kernel, (2) cômputo do modelo, (3) análise do sumário do modelo e (4) exportação dos resultados para análise espacial no QGIS.

É possível obter a melhor estimativa do kernel com a função `gwr.sel()`. Como argumentos, indicamos a fórmula, os dados, as coordenadas dos centróides e indicamos que a largura da banda será adaptativa (`adapt = TRUE`). O resultado será salvo no objeto `gwr_kernel`.

```

gwr_kernel <- gwr.sel(formula = CONSUMO1 ~ RENDAPITA,
                      data = agua_rede_sf_sp_centroide,
                      coords = cbind(agua_rede_sf_sp_centroide$LON,
                                     agua_rede_sf_sp_centroide$LAT),
                      adapt = TRUE)

```

```

Adaptive q: 0.381966 CV score: 102015.2
Adaptive q: 0.618034 CV score: 105439.5
Adaptive q: 0.236068 CV score: 98555.9
Adaptive q: 0.145898 CV score: 95869.4
Adaptive q: 0.09016994 CV score: 93855.01
Adaptive q: 0.05572809 CV score: 92954.56
Adaptive q: 0.03444185 CV score: 92782.26
Adaptive q: 0.03259011 CV score: 92883.41
Adaptive q: 0.04359183 CV score: 92738.4
Adaptive q: 0.04822747 CV score: 92801.64
Adaptive q: 0.04080911 CV score: 92746.26
Adaptive q: 0.04536248 CV score: 92721.9
Adaptive q: 0.04645681 CV score: 92737.45
Adaptive q: 0.04504466 CV score: 92718.97
Adaptive q: 0.04448972 CV score: 92726.54
Adaptive q: 0.04500397 CV score: 92719.53
Adaptive q: 0.0451316 CV score: 92718.7
Adaptive q: 0.04521979 CV score: 92719.92
Adaptive q: 0.0451723 CV score: 92719.26
Adaptive q: 0.04509091 CV score: 92718.33
Adaptive q: 0.04509091 CV score: 92718.33

```

Após obter a melhor estimativa para o kernel, é possível fazer a modelagem com a função `gwr()`. Além da fórmula, dados e coordenadas, é necessário indicar o kernel (`adapt = gwr_kernel`) e dois argumentos adicionais para salvar os resultados completos.

```

gwr_modelo <- gwr(formula = CONSUMO1 ~ RENDAPITA,
                     data = agua_rede_sf_sp_centroide,
                     coords = cbind(agua_rede_sf_sp_centroide$LON,
                                    agua_rede_sf_sp_centroide$LAT),
                     adapt = gwr_kernel,
                     hatmatrix = TRUE,
                     se.fit = TRUE)

```

É possível visualizar o sumário com alguns resultados executando como comando o nome do objeto onde o modelo foi salvo, `gwr_modelo`.

```
gwr_modelo
```

```
Call:  
gwr(formula = CONSUMO1 ~ RENDAPITA, data = agua_rede_sf_sp_centroide,  
     coords = cbind(agua_rede_sf_sp_centroide$LON, agua_rede_sf_sp_centroide$LAT),  
     adapt = gwr_kernel, hatmatrix = TRUE, se.fit = TRUE)  
Kernel function: gwr.Gauss  
Adaptive quantile: 0.04509091 (about 22 of 510 data points)  
Summary of GWR coefficient estimates at data points:  
          Min.    1st Qu.   Median   3rd Qu.    Max.   Global  
X.Intercept. 3.193279 16.736881 21.030497 26.436066 37.206325 20.5236  
RENDAPITA    0.020480  0.029492  0.035011  0.041511  0.057511  0.0369  
Number of data points: 510  
Effective number of parameters (residual: 2traceS - traceS'S): 32.04562  
Effective degrees of freedom (residual: 2traceS - traceS'S): 477.9544  
Sigma (residual: 2traceS - traceS'S): 13.39139  
Effective number of parameters (model: traceS): 22.38185  
Effective degrees of freedom (model: traceS): 487.6182  
Sigma (model: traceS): 13.25803  
Sigma (ML): 12.96385  
AICc (GWR p. 61, eq 2.33; p. 96, eq. 4.21): 4109.837  
AIC (GWR p. 96, eq. 4.22): 4083.107  
Residual sum of squares: 85711.26  
Quasi-global R2: 0.3793284
```

Duas estatísticas muito importantes sobre o modelo são o AIC e o R^2 . Neste caso o AIC do modelo de regressão espacial local (4083) é menor que o AIC do modelo de regressão linear (4188), indicando um melhor resultado. O R^2 “quasi-global” (0,37) é maior que o R^2 do modelo de regressão linear (0,21), também indicando um melhor resultado.

Também é importante verificar os parâmetros locais estimados e o coeficiente local de determinação (R^2). Para visualizar esses parâmetros, vamos exportar uma nova base de dados (em formato geopackage ou shapefile) para abrir e visualizar no QGIS.

O código abaixo indica como executar essa última etapa.

```
agua_rede_gwr <- cbind(agua_rede_sf_sp_centroide,  
                        as.matrix(as.data.frame(gwr_modelo$SDF))) |>  
  mutate(t_beta1 = RENDAPITA.1 / RENDAPITA_se)
```

As novas variáveis são:

- X.Intercept = valores locais de beta zero (intercepto)
- RENDAPITA.1 = valores locais do coeficiente de renda per capita (X1)
- X.Intercept_se = erro padrão de beta zero (intercepto)
- RENDAPITA_se = erro padrão do coeficiente estimado para renda per capita (X1)
- t_beta1 = estatística t local para o coeficiente de renda per capita
- pred = valores previstos de Y
- localR2 = valores locais de R²

Para interpretar os resultados do GWR, é importante mapear algumas estatísticas, tais como o R² local, os coeficientes beta e estatísticas t.

Para obter a estatística t para cada coeficiente beta, deve-se dividir os valores dos coeficientes (por exemplo, RENDAPITA.1) por seus respectivos erros padrão (RENDAPITA_se). Se o módulo da estatística t for maior do que o valor do t crítico, pode-se rejeitar a hipótese nula de que beta é igual a zero (ou seja, beta é significativo).

A variável “pred” apresenta os parâmetros locais estimados para a variável Renda per capita, enquanto a variável “localR2” apresenta o coeficiente local de determinação (R²). Também é interessante aplicar um teste de autocorrelação espacial nos resíduos, para verificar se a dependência espacial foi resolvida pelo modelo.

Para exportar como geopackage:

```
write_sf(agua_rede_gwr, "dados/agua_rede_gwr.gpkg")
```

Para exportar como shapefile:

```
write_sf(agua_rede_gwr, "dados/agua_rede_gwr.shp")
```

8.7 Sugestões de materiais

- [Dados espaciais no R](#) - material do curso “R intermediário e pesquisa reproduzível”

A Erros e *warnings* frequentes

A lista a seguir apresenta alguns erros e *warnings* mais comuns.

A.1 Instalação

A.1.1 RTools

Para pessoas que utilizam o sistema operacional Windows, a aviso (*warning*) abaixo pode aparecer em alguns contextos:

```
WARNING: Rtools is required to build R packages but is not currently installed.  
Please download and install the appropriate version of Rtools before proceeding:
```

```
https://cran.rstudio.com/bin/windows/Rtools/  
Instalando pacote em 'C:/Users/.../AppData/Local/R/win-library/4.4'  
(como 'lib' não foi especificado)
```

Para que esse aviso não apareça mais, você pode instalar o Rtools no seu computador. O RTools é um software (**não** é um pacote do R), portanto você precisa fazer o download da versão compatível com a versão do R que você está utilizando, e instalar no seu computador.

Para fazer o download, acesse o link <https://cran.rstudio.com/bin/windows/Rtools/>, e escolha a versão do RTools compatível com a versão do R que você está utilizando:

RTools: Toolchains for building R and R packages from source on Windows

Choose your version of Rtools:

- [RTools 4.4](#) for R versions from 4.4.0 (R-release and R-devel)
- [RTools 4.3](#) for R versions 4.3.x (R-oldrelease)
- [RTools 4.2](#) for R versions 4.2.x
- [RTools 4.0](#) for R from version 4.0.0 to 4.1.3
- [old versions of RTools](#) for R versions prior to 4.0.0

Figura A.1: Captura de tela: página de download do RTools

Para consultar a versão do R que você está utilizando, você pode rodar o seguinte comando no console do R:

```
R.version.string
```

```
[1] "R version 4.5.1 (2025-06-13)"
```

A.2 Conceitos básicos

A.2.1 Instalando pacotes

O erro a seguir ocorre quando o usuário tenta instalar um pacote sem aspas. O correto é colocar o nome do pacote entre aspas.

```
# O código abaixo gerará um erro:  
install.packages(janitor)
```

```
Error in eval(call, envir = parent.frame()): object 'janitor' not found
```

A função deve receber o nome do pacote **entre aspas**, pois é **um texto**:

```
# O código abaixo funcionará:  
install.packages("janitor")
```

A.2.2 Pacote não encontrado

O erro a seguir ocorre quando tentamos carregar um pacote que não foi instalado anteriormente. Para resolver, precisamos instalar o pacote.

```
# O código abaixo gerará um erro:  
library(quarto)
```

Para que consiga acessar, é necessário instalar o pacote, e depois carregá-lo:

```
install.packages("quarto")  
library(quarto)
```

A.2.3 Objeto não encontrado

O erro a seguir ocorre quando tentamos acessar um objeto que não consta no painel *Environment*. Existe alguns motivos para isso acontecer:

- O objeto não foi criado (provavelmente precisa executar o código que cria o objeto);
- O objeto existe no painel *Environment*, mas estamos tentando acessá-lo com o nome incorreto.

No exemplo a seguir, o código gerará um erro pois o objeto que estamos tentando acessar ainda não foi criado:

```
# O código abaixo gerará um erro:  
length(estados_sudeste)
```

```
Error: object 'estados_sudeste' not found
```

Após criar o objeto, conseguimos utilizá-lo:

```
estados_sudeste <- c("SP", "RJ", "MG", "ES")  
length(estados_sudeste)
```

```
[1] 4
```

A.2.4 Função não encontrada

O erro `could not find function` ocorre quando tentamos acessar uma função que não está sendo encontrada. Isso pode acontecer por alguns motivos:

- A função faz parte de um pacote que não foi carregado (precisamos carregar o pacote antes);
- A função foi escrita de forma incorreta (por exemplo, com letras maiúsculas ou minúsculas incorretas).

A.2.4.1 Pacote não carregado

No exemplo a seguir, queremos limpar o nome das colunas do *data frame* `iris`:

```
head(iris)
```

| | Sepal.Length | Sepal.Width | Petal.Length | Petal.Width | Species |
|---|--------------|-------------|--------------|-------------|---------|
| 1 | 5.1 | 3.5 | 1.4 | 0.2 | setosa |
| 2 | 4.9 | 3.0 | 1.4 | 0.2 | setosa |
| 3 | 4.7 | 3.2 | 1.3 | 0.2 | setosa |
| 4 | 4.6 | 3.1 | 1.5 | 0.2 | setosa |
| 5 | 5.0 | 3.6 | 1.4 | 0.2 | setosa |
| 6 | 5.4 | 3.9 | 1.7 | 0.4 | setosa |

O código a seguir gerará um erro pois a função `clean_names()` faz parte do pacote `janitor`, mas o pacote não foi carregado:

```
clean_names(iris)
```

```
Error in clean_names(iris): could not find function "clean_names"
```

Para corrigir, precisamos carregar o pacote `janitor`:

```
library(janitor)
iris_nome_limpo <- clean_names(iris)
head(iris_nome_limpo)
```

```
  sepal_length sepal_width petal_length petal_width species
1          5.1         3.5         1.4         0.2   setosa
2          4.9         3.0         1.4         0.2   setosa
3          4.7         3.2         1.3         0.2   setosa
4          4.6         3.1         1.5         0.2   setosa
5          5.0         3.6         1.4         0.2   setosa
6          5.4         3.9         1.7         0.4   setosa
```

A.2.4.2 Erro de digitação

No exemplo a seguir, o código gerará um erro pois a função `length()` está escrita de forma incorreta:

```
# O código abaixo gerará um erro:
length(letters)
```

```
Error in length(letters): could not find function "length"
```

Para corrigir, precisamos escrever a função corretamente:

```
length(letters)
```

```
[1] 26
```

B Sugestão de vídeos, posts, e outros materiais

Nesta página, reunimos alguns vídeos, posts e outros materiais que podem ser úteis para complementar os estudos!

B.1 Estatística básica

- Como calcular variância, desvio padrão e coeficiente de variação (manualmente e no Excel) - por [Fernanda Peres](#). A Fernanda também escreveu [um texto](#) sobre o assunto.
- O segredo da MERITOCRARIA - por [Atila Iamarino](#). Este vídeo aborda o tabuleiro de Galton (até cerca de 5 min), que conecta com os conceitos de distribuição normal, média, valores extremos.
- Será que você nasceu inteligente? - por [Atila Iamarino](#). Este vídeo complementa os conceitos apresentados no vídeo anterior: tabuleiro de Galton, distribuição normal, média, valores extremos.
- Uma doutora toma chá: entendendo teste de hipóteses, valor de p e nível de significância alfa - por [Fernanda Peres](#). A Fernanda também escreveu [um texto](#) sobre o assunto, e alguns outros posts complementares: [Valor de p, nível de significância e testes univariados](#), [As falácias do valor de p](#).
- Texto: [Como interpretar o intervalo de confiança?](#) - por [Fernanda Peres](#).
- Playlist: Estatística Aplicada no R - por [Fernanda Peres](#).

B.2 Organização dos dados

- Como organizar sua base de dados para análises estatísticas? - por [Fernanda Peres](#).

B.3 Gráficos

- Entendendo o gráfico boxplot - por [Fernanda Peres](#). A Fernanda também escreveu [um texto](#) sobre o assunto.

B.4 Sobre os canais citados

B.4.1 Dr. Atila Iamarino

- [Youtube](#)
- [Instagram](#)

B.4.2 Dra. Fernanda Peres

- [Youtube](#)
- [Instagram](#)
- [Blog](#)