Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Институт цифрового развития Кафедра инфокоммуникаций

ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №5 дисциплины «Алгоритмизация»

| | Выполнила: Кубанова Ксения Олеговна 2 курс, группа ИВТ-б-о-22-1, 09.03.01 «Информатика и вычислительная техника», очная форма обучения |
|-------------------------|---|
| | (подпись) |
| | Руководитель практики: Воронкин Р. А. |
| | (подпись) |
| Отчет защищен с оценкой | Дата защиты |

Ставрополь, 2023 г.

Тема: изучение пузырькового метода сортировки

Цель: понять, почему пузырьковый метод является плохим путём исследования среднего и худшего случаев.

Порядок выполнения работы

Задание 1.

Написать программу, которая будет методом пузырька сортировать элементы массива в худшем случае. Худший случай в данном контексте заключается в том, что методу нужно сортировать все элементы массива.

Для исследования была составлена следующая программа:

```
const int n = 10;
∃int main()
         clock_t now = clock();
         int a[n];
         int m = 10;
         for (int i = 0; i < n; i++)
             a[i] = m;
             cout << a[i] << " ";
             m = m + 10;
         cout << endl;</pre>
         int d;
         for (int i = 0; i < n; i++)
             for (int j = 0; j < n; j++)
                 if (a[i] > a[j])
                     d = a[i];
                     a[i] = a[j];
                     a[j] = d;
         for (int i = 0; i < n; i++)
             cout << a[i] << " ";
         clock_t end = clock();
         double sec = (double)(end - now) / CLOCKS_PER_SEC;
         cout << endl << sec << " sec" << endl;
```

Рисунок 1 – программа 1

Для более точного результата было выявлено по 30 значений секундности выполнения программы, а после – их среднее. Была составлена

таблица, в которой x — размерность массива, а у — время, а последний столбец — суммы.

| Tr ~ | 1 |) (TTT/ | |
|---------|--------------------------|-----------|---------------|
| Габлина | — энэнениа | ππα ΜΗΚ ν | удшего случая |
| таолица | $ 3\pi a_1 \cup \pi n_1$ | дли ин н | удшего случал |

| | | | | | | J | | | | | |
|-----------|------|------|---------|---------|--------|--------|--------|--------|--------|------|-----------|
| 550 | 100 | 90 | 80 | 70 | 60 | 50 | 40 | 30 | 20 | 10 | X |
| | 0,22 | 0,10 | 0,11276 | 0,24193 | 0,2263 | 0,2476 | 0,1724 | 0,0247 | 0,0276 | 0,04 | у |
| | 6467 | 166 | 7 | 3 | | 7 | 33 | 67 | 33 | 87 | |
| 1,430337 | | 7 | | | | | | | | | |
| | 1000 | 810 | 6400 | 4900 | 3600 | 2500 | 1600 | 900 | 400 | 100 | x2 |
| 38500 | 0 | 0 | | | | | | | | | |
| | 1000 | 729 | 512000 | 343000 | 216000 | 12500 | 64000 | 27000 | 8000 | 100 | х3 |
| 3025000 | 000 | 000 | | | | 0 | | | | 0 | |
| | 1E+0 | 656 | 409600 | 240100 | 129600 | 62500 | 256000 | 810000 | 160000 | 100 | х4 |
| | 8 | 100 | 00 | 00 | 00 | 00 | 0 | | | 00 | |
| 253330000 | | 00 | | | | | | | | | |
| | 22,6 | 9,15 | 9,02136 | 16,9353 | 13,578 | 12,383 | 6,8973 | 0,7430 | 0,5526 | 0,48 | xy |
| 92,39489 | 467 | 003 | | 1 | | 5 | 2 | 1 | 6 | 7 | |
| | 2264 | 823, | 721,708 | 1185,47 | 814,68 | 619,17 | 275,89 | 22,290 | 11,053 | 4,87 | x2 |
| | ,67 | 502 | 8 | 2 | | 5 | 28 | 3 | 2 | | У |
| 6743,3145 | | 7 | | | | | | | | | |

Для понимания линейности возрастания выполнения программы, будет использоваться метод наименьших квадратов.

```
Далее было составлено уравнение: 253330000a+3025000b+38500c=6743,3145 { 30025000a+38500b+550c=92,39489 38500a+550b+10c=1, 430337
```

В результате которого a = -3,5252E-05 и b = 0,005445417, c = -0,02074266.

Из полученных корней составляется уравнение для графика:

$$y = -3,5252E-05x^2+0,005445417x-0,02074266$$

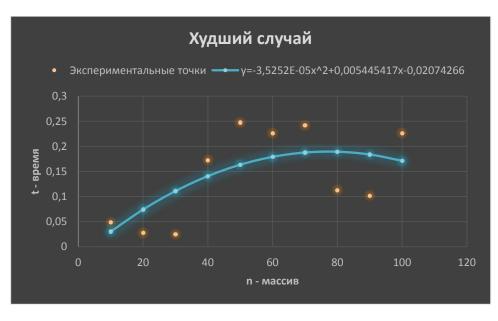


Рисунок 2 – график для худшего случая

Задание 2.

Написать программу, которая будет методом пузырька сортировать

элементы массива в среднем случае. Средний случай в данном контексте заключается в том, что методу нужно сортировать случайные порядки элементов массива. Для исследования была составлена следующая программа:

```
const int n = 10;
⊡int main()
         clock_t now = clock();
         int a[n];
         for (int i = 0; i < n; i++)
             a[i] = rand() % 999 - 1;
             cout << a[i] << " ";
         cout << endl;
         int d;
         for (int i = 0; i < n; i++)
             for (int j = 0; j < n; j++)
                  if (a[i] > a[j])
                     d = a[i];
                     a[i] = a[j];
                     a[j] = d;
         for (int i = 0; i < n; i++)
             cout << a[i] << " ";
         clock_t end = clock();
         double sec = (double)(end - now) / CLOCKS_PER_SEC;
         cout << endl << sec << " sec" << endl;
```

Рисунок 3 – программа 2

Для более точного результата было выявлено по 30 значений секундности выполнения программы, а после – их среднее. Была составлена таблица, в которой х – размерность массива, а у – время, а последний столбец – суммы.

| Табли | ца 2 - з | значен | ия для | МНК | средне | го случ | ная |
|-------|----------|--------|--------|-----|--------|---------|-----|
| | | | | | | | |

| Х | 10 | 20 | 30 | 40 | 50 | 60 | 70 | 80 | 90 | 100 | 550 |
|----|---------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--------|--------|
| | 0,00361 | 0,006 | 0,010 | 0,012 | 0,017 | 0,020 | 0,024 | 0,026 | 0,029 | 0,0354 | 0,1858 |
| у | 2903 | 097 | 097 | 806 | 452 | 097 | 194 | 452 | 516 | 839 | 0645 |
| X | | | | | | | | | | | |
| 2 | 100 | 400 | 900 | 1600 | 2500 | 3600 | 4900 | 6400 | 8100 | 10000 | 38500 |
| Х | | | 2700 | 6400 | 1250 | 21600 | 34300 | 51200 | 72900 | 10000 | 302500 |
| 3 | 1000 | 8000 | 0 | 0 | 00 | 0 | 0 | 0 | 0 | 00 | 0 |
| Х | | 1600 | 8100 | 2560 | 6250 | 12960 | 24010 | 40960 | 65610 | 10000 | 253330 |
| 4 | 10000 | 00 | 00 | 000 | 000 | 000 | 000 | 000 | 000 | 0000 | 000 |
| | 0,03612 | 0,121 | 0,302 | 0,512 | 0,872 | 1,205 | 1,693 | 2,116 | 2,656 | 3,5483 | 13,066 |
| xy | 903 | 935 | 903 | 258 | 581 | 806 | 548 | 129 | 452 | 871 | 129 |

| Х | | | | | | | | | | | |
|---|---------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--------|--------|
| 2 | 0,36129 | 2,438 | 9,087 | 20,49 | 43,62 | 72,34 | 118,5 | 169,2 | 239,0 | 354,83 | 1030,1 |
| у | 03 | 71 | 097 | 032 | 903 | 839 | 484 | 903 | 806 | 871 | 129 |

Для понимания возрастания выполнения программы, будет использоваться метод наименьших квадратов.

Далее было составлено уравнение:

$$253330000a + 3025000b + 38500c = 1030,1129$$

$$3025000a + 38500b + 550c = 13,066129$$

$$38500a + 550b + 10c = 0,18580645$$

В результате которого a = 2,67413E-06, b = 1,30101E-05 и c = 0,008138148. Из полученных корней составляется уравнение для графика:

$$y = 2,67413E-06x^2+1,30101E-05x+0,008138148$$



Рисунок 4 – график для среднего случая

Вывод: в ходе выполнения лабораторной работы было выявлено, почему пузырьковый метод сортировки является неэффективным. Во- первых, он слишком медленный. Итерации по массиву и поэтапное перемещение элементов делает сортировку медленной, что неудобно для больших размерностей массива. Во-вторых, этот метод имеет высокую сложность $O(n^2, n - \text{кол-во элементов})$, т. е. время работы алгоритма растёт быстро с увеличением массива.