- 1. Skizziere den Graphen von y = f(x) = |x + 3| + |2x 2|
- 2. Gib die Definitions- und Wertemenge folgender Funktionen an:

a)
$$y = \lg \frac{1}{5x + 3}$$

b)
$$y = \frac{1}{\text{sgn}(x^2 - 7)}$$
 c) $y = \sqrt{x^2 + x - 6}$

c)
$$y = \sqrt{x^2 + x - 6}$$

3. Berechne die folgenden Grenzwerte

a)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{4x^3 - 7}{(1 - 2x)^3}$$

a)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{4x^3 - 7}{(1 - 2x)^3}$$
 b) $\lim_{x \to -1} \frac{x^3 + x^2 + x + 1}{x^3 + x^2 + 2x + 2}$ c) $\lim_{x \to 0} \frac{\sin 3x}{x}$

c)
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sin 3x}{x}$$

4. Sind die Folgen (a_n) konvergent, bestimmt divergent oder divergent?

a)
$$a_n = 2 - (-1)^n$$

b)
$$a_n = \lg (n+1)^2 - 2 \lg (10n + 3)$$

Hinweis zu b): Schreibe zuerst an mit Hilfe der Logarithmengesetze mit einem Logarithmus.

5. Ergänze zuerst und beweise dann mit Epsilontik:

a)
$$\frac{2\sqrt{x}-9}{\sqrt{x}+7} \rightarrow ? (x \rightarrow \infty)$$

b)
$$\lim_{x \to -2} (3x+2) = ?$$

6. Stetigkeit bei x₀. Welcher der vier möglichen Fälle (stetig, unstetig, stetig fortsetzbar oder nicht stetig fortsetzbar) trifft jeweils zu? Die Antwort ist kurz zu begründen!

a)
$$f(x) = \begin{cases} x^{-2} & x \neq 0 \\ 0 & x = 0 \end{cases}$$
, $x_0 = 0$ b) $f(x) = \begin{cases} \frac{|x - 3|}{x - 3} & x \neq 3 \\ 1 & x = 3 \end{cases}$, $x_0 = 3$

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x-3} & x \neq 3 \\ 1 & x = 3 \end{cases}$$

c)
$$f(x) = x^{\frac{-1}{2}}$$
, $x_0 = 10^{-15}$

d)
$$f(x) = \frac{x^2 + x}{|x|}$$
, $x_0 = 0$

7. Bestimme a so, dass f stetig ist:

$$f(x) = \begin{cases} \sin \pi x & x < 1 \\ x^2 + a & x \ge 1 \end{cases}$$

www.mathematik.ch (B.Berchtold)