

# **Automatické generovanie pravidiel pre BZ ZS použitím algoritmu AQ11**

Michal Beca, Kristína Pavlíková, Milan Radovanovich,  
Vladyslav Vodopianov

# **Obsah**

1. Úvod
2. Popis algoritmu AQ11 a jeho fungovanie
3. Postup vypracovania
4. Záver
5. Použitá literatúra

# Úvod

Indukčné strojové učenie je klasickým problémom umelej inteligencie. Za posledných 20 rokov bolo navrhnutých veľa algoritmov. Medzi nimi sú dve najobľúbenejšie AQ11 a ID3, ktoré navrhli Michelski a Quinlan. Doteraz z nich bolo odvodených veľa algoritmov a vytvorili dve rodiny indukčného strojového učenia.

Skúmaním týchto algoritmov sa zameriavame na interpretáciu veľmi rozsiahlej databázy, data mining. Podľa cieľa, ktorý rozumie databáze, existujú dve kategórie, pochopenie databázy počítačom a pochopenie databázy človekom.

## 1. Popis algoritmu AQ11

AQ11 je typický algoritmus indukčného strojového učenia s logickou špecifikáciou. Navrhol to Michalski a jeho kolegovia v roku 1980. Princíp AQ11 je rozdeľuj a panuj.

Vstupy: *E1...množina pozitívnych tréningových príkladov*  
*E2...množina negatívnych tréningových príkladov*

Výstupy: *G(E1/E2)...popis triedy v tvare DNF*

Volanie na najvyššej úrovni: *AQ11(E1, E2, {})*

Procedúra: *AQ11(E1, E2, G(E1/E2))*

- *for* každý príklad  $e_i \in E1$ 
  - *for* každý príklad  $e_j \in E2$ 
    - *generuj*

$$G(e_i / e_j) = \bigcup_{j=1}^n (A_j \neq v_j)$$

$$G(e_i / E2) = \bigcap_{e_j \in E2} G(e_i / e_j)$$

- na  $G(e_i/E2)$  aplikuj absorbčný zákon
- z  $E1$  vymaž všetky príklady pokryté  $G(e_i/E2)$ 
  - if  $E1 = \{\}$

$$G(E1 / E2) = \bigcup_{i=1}^m G(e_i / E2)$$

- then

end

Tento algoritmus môže byť použitý na multi-triednu klasifikáciu do tried  $T1, T2, \dots, TN$ : potom  $E1$  tvoria príklady triedy  $T_i$  a  $E2$  tvoria príklad ostatných vyskúšaných. Algoritmus nevyžaduje vzájomnú nezávislosť tréningových príkladov, lebo nepoužíva pravdepodobnosť

## 2. Postup vypracovania

Trénovacia množina:

	X	Y	Z	TR
1.	A	A	B	+
2	A	B	B	+
3	B	A	A	-
4	B	A	B	-
5	B	A	C	-
6	B	B	A	+
7	B	B	B	+
8	A	B	C	-
9	A	A	B	+
10	A	A	C	+
11	B	A	C	-
12	B	B	C	-
13	A	A	A	+
14	A	A	B	+
15	A	B	A	+
16	A	B	B	+

	X	Y	Z	TR
0	A	A	B	+
1	A	B	B	+
2	B	A	A	-
3	B	A	B	-
4	B	A	C	-
5	B	B	A	+
6	B	B	B	+
7	A	B	C	-
8	A	A	B	+
9	A	A	C	+
10	B	A	C	-
11	B	B	C	-
12	A	A	A	+
13	A	A	B	+
14	A	B	A	+
15	A	B	B	+

V python kóde sú riadky označované od nuly. V pripravenej trénovacej množine si vyberieme hocikáký príklad z plusovej triedy a budeme ho porovnávať zo všetkými príkladmi z mínusovej triedy. Príklady zapíšeme do obálky.

Napr.

$G(1, 3) = X\#B \quad Z\#A$   
 $G(1, 4) = X\#B$   
 $G(1, 3) = X\#B \quad Z\#C$   
 $G(1, 8) = \quad Y\#B \quad Z\#C$   
 $G(1, 12) = X\#B \quad Y\#B \quad Z\#C$

V kóde postupujeme po poradí a rozdelíme si riadky podľa tried:

```
Počet výsledkov jednotlivých tried:
{'+' : 10, '-' : 6}
Indexy riadkov jednotlivých tried:
{'+' : [0, 1, 5, 6, 8, 9, 12, 13, 14, 15], '-' : [2, 3, 4, 7, 10, 11]}
```

Následne porovnáваме riadok prvej triedy s ostatnými z druhej triedy a prejdeme všetky dostupné riadky:

```

OBÁLKY G(+)/(-):
G(0/2): ['X#B', 'Z#A']
G(0/3): ['X#B']
G(0/4): ['X#B', 'Z#C']
G(0/7): ['Y#B', 'Z#C']
G(0/10): ['X#B', 'Z#C']
G(0/11): ['X#B', 'Y#B', 'Z#C']
G(0/(-)): [['X#B'], ['X#B', 'Z#A'], ['X#B', 'Z#C'], ['Y#B', 'Z#C'], ['X#B', 'Y#B', 'Z#C']]
Zakon absorbcie: G(0/(-)): [['X#B'], ['Y#B', 'Z#C']]

G(1/2): ['X#B', 'Y#A', 'Z#A']
G(1/3): ['X#B', 'Y#A']
G(1/4): ['X#B', 'Y#A', 'Z#C']
G(1/7): ['Z#C']
G(1/10): ['X#B', 'Y#A', 'Z#C']
G(1/11): ['X#B', 'Z#C']
G(1/(-)): [['Z#C'], ['X#B', 'Y#A'], ['X#B', 'Z#C'], ['X#B', 'Y#A', 'Z#A'], ['X#B', 'Y#A', 'Z#C']]
Zakon absorbcie: G(1/(-)): [['Z#C'], ['X#B', 'Y#A']]

```

Všetky logické výrazy, ktoré sme urobili, dáme do jednej veľkej obálky, a aplikujeme zákon absorpcie, podobne ako v kóde, pričom v kóde je konjunkcia v rámci zátvorky a disjunkcia medzi zátvorkami:

$$G((1)/(-)) = ((X\#B) \wedge (Z\#A)) \vee (X\#B) \vee ((X\#B) \wedge (Z\#C)) \vee ((Y\#B) \wedge (Z\#C)) \vee (X\#B \wedge Y\#B \wedge Z\#C)$$

$$\text{Zákon absorpcie} = (X\#B) \wedge (Y\#B) \vee (Z\#C) = (X\#B) \wedge (Y\#B) \vee ((X\#B) \wedge (Z\#C))$$

Takto postupujeme pri každom príklade z plusovej triedy. Napokon Vytvoríme obálku  $G((+)/(-))$ , ktorá bude pokrývať každý príklad z plusovej triedy a nebude pokrývať žiaden z mínusovej triedy. Na túto obálku taktiež aplikujeme zákon absorpcie.

```

Vysledok pred Absorbciou:
G((+)/(-)): [['X#B'], ['Y#B', 'Z#C']], [['Z#C'], ['X#B', 'Y#A']], [['Y#A'], ['Z#C']], [['X#B'], ['Y#B']]]
Absorbcia:
G((+)/(-)): [['X#B', 'Z#C'], ['Z#C', 'Y#A'], ['X#B', 'Y#B']]

```

V pripravenej trénovacej množine si vyberieme hocikajáký príklad z mínusovej triedy a budeme ho porovnávať zo všetkými príkladmi z plusovej triedy. Príklady opäť zapíšeme do obálky.

Napr.

$$G(3, 1) = X\#A \quad Z\#B$$

$$G(3, 2) = X\#A \quad Y\#B \quad Z\#B$$

$$G(3, 6) = \quad Y\#B$$

$$G(3, 7) = \quad Y\#B \quad Z\#B$$

$$G(3,10) = X\#A \quad Z\#C$$

$$G(3,13) = X\#A$$

$$G(3,15) = X\#B \quad Y\#B$$

Zákon absorpcie:

$$G((3)/(+)) = X\#A \wedge Y\#B$$

Netreba zabudnúť, že v python kóde sú riadky posunuté o jeden menej.

```
OBÁLKY G(-)/(+):
G(2/0): ['X#A', 'Z#B']
G(2/1): ['X#A', 'Y#B', 'Z#B']
G(2/5): ['Y#B']
G(2/6): ['Y#B', 'Z#B']
G(2/8): ['X#A', 'Z#B']
G(2/9): ['X#A', 'Z#C']
G(2/12): ['X#A']
G(2/13): ['X#A', 'Z#B']
G(2/14): ['X#A', 'Y#B']
G(2/15): ['X#A', 'Y#B', 'Z#B']
G(2/(+)): [['Y#B'], ['X#A'], ['X#A', 'Z#B'], ['Y#B', 'Z#B'], ['X#A', 'Z#C'], ['X#A', 'Y#B'], ['X#A', 'Y#B', 'Z#B']]
Zakon absorbcie: G((+)/2): [['Y#B'], ['X#A']]
```

Takto postupujeme pri každom príklade z mínusovej triedy. Napokon vytvoríme obálku  $G((-)/(+))$ , ktorá bude pokrývať každý príklad z mínusovej triedy a nebude pokrývať žiaden z plusovej triedy. Na túto obálku taktiež aplikujeme zákon absorpcie.

```
Vysledok pred Absorbciou:
G((-)/(+)): [['Y#B'], ['X#A']], [['X#A'], ['Y#B']], [['X#A'], ['Y#B', 'Z#A']], [['Y#B', 'Z#B']], [['Z#B'], ['Y#A'], ['Z#A']], [['Z#A'], ['Z#B'], ['X#A', 'Y#A']]]
Absorbcia:
G((-)/(+)): [['Y#B', 'X#A'], ['X#A', 'Z#A'], ['Y#B', 'Z#A', 'Y#B'], ['Y#A', 'Z#A'], ['Z#A', 'Z#B'], ['Z#B', 'X#A'], ['Z#B', 'Y#A']]
```

Takto máme vytvorené pravidlá pre identifikáciu tried nových riadkov.

### 3. Záver

Algoritmus AQ11 je jedna z metód strojového učenia na získavania znalostí a tvorby pravidiel, vidíme že postup tvorby obálok je pomerne komplikovaný a preto je jeho automatizácia veľmi užitočná a ušetrí množstvo času.

### 4. Použitá literatúra

Na prípravu dokumentácie boli použité cvičenia a prednášky z predmetu Znalostné systémy prof. Kristíny Machovej