# Lập Trình C (cơ bản)

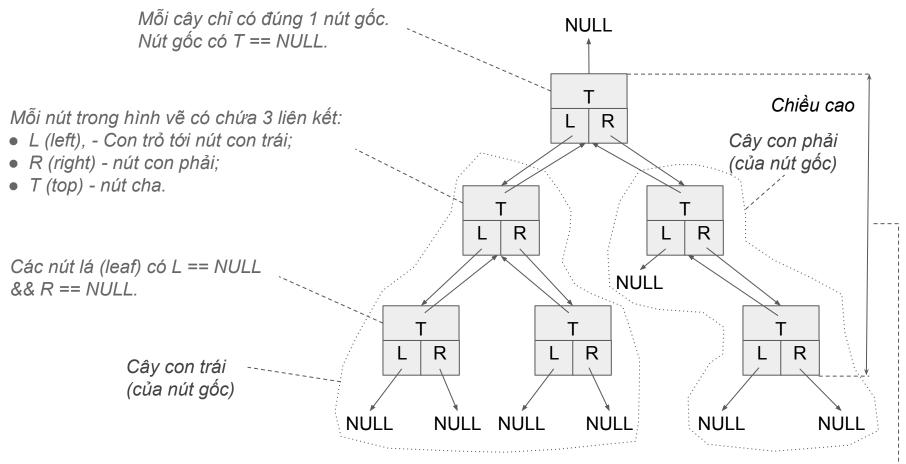
Chương 06. Cây nhị phân

Soạn bởi: TS. Nguyễn Bá Ngọc

### Nội dung

- Cây nhị phân và cây nhị phân tìm kiếm
- Một số thao tác tiêu biểu
- Các bài tập

### Cấu trúc cây nhị phân



Chiều cao của cây có thể được định nghĩa dựa trên cạnh hoặc dựa trên đỉnh:

- = số lượng cạnh trong đường đi dài nhất từ nút gốc tới nút lá, hoặc
- = số lượng nút trong đường đi dài nhất từ nút gốc tới nút lá.
- Chiều cao tính theo nút = chiều cao tính theo cạnh + 1.

### Biểu diễn cây nhị phân trong C

Biểu diễn nút:

```
typedef struct bn node {
    struct bn_node *left;
    struct bn node *right;
    struct bn node *top;
  } *bn node t;

    Biểu diễn cây:

  typedef struct bn tree {
    bn node t root;
  } *bn tree t;
```

Với các con trỏ left và right chúng ta có thể duyệt cây theo hướng từ gốc tới lá, con trỏ top giúp di chuyển dễ dàng hơn giữa các nút trong cây.

Trong thực tế còn có nhiều biểu diễn cây nhị phân khác nữa mà chúng ta không tìm hiểu hết trong học phần này.

### Cây nhị phân tìm kiếm

Như có thể thấy từ tên gọi: Cây nhị phân tìm kiếm là một dạng cây nhị phân được thiết kế sao cho có thể tìm kiếm nhanh một nút bất kỳ trong cây. Chúng ta sẽ tổ chức cây nhị phân tìm kiếm như cây nhị phân với các mở rộng sau:

- Bổ xung vào cấu trúc nút của cây nhị phân một thuộc tính có kiểu sao cho có thể so sánh được các giá trị của nó.
   Chúng ta gọi thuộc tính này là thuộc tính khóa (key).
- Các nút của cây nhị phân tìm kiếm được bố trí sao cho các giá trị của thuộc tính khóa thỏa mãn tính chất cây nhị phân tìm kiếm: Với x là một nút bất kỳ trong cây và y là một nút bất kỳ khác trong cây con của x. Nếu y là nút trong cây con trái của x thì y.key <= x.key, nếu ngược lại (y là nút trong cây con phải của x) thì y.key >= x.key.

### Biểu diễn cây nhị phân tìm kiếm trong C

• Biểu diễn nút:

```
typedef struct bns node g {
    struct bn node base;
    gtype key;
  } *bns node g t;

    Biểu diễn cây:

  typedef struct bns_tree_g {
    struct bn tree base;
    bn compare_t cmp;
                           Hàm so sánh các khóa
  } *bns tree g t;
```

Trong triển khai của chúng ta: Nếu y là nút trong cây con trái của x thì **y.key < x.key**, nếu ngược lại (y là nút trong cây con phải của x) thì **y.key >= x.key**.

### Kiểu dữ liệu của thuộc tính khóa

- Trong thực tế có những trường hợp cần sử dụng khóa với kiểu số nguyên, nhưng cũng có những trường hợp cần sử dụng khóa với kiểu khác, ví dụ chuỗi ký tự.
  - Triển khai cây nhị phân tìm kiếm trong những trường hợp này có rất nhiều điểm chung.
  - Làm sao để hạn chế trùng lặp mã nguồn?
- Một giải pháp tương đối đơn giản để có thể tái sử dụng tối đa 1 triển khai cho nhiều trường hợp với các khóa có kiểu khác nhau và hạn chế trùng lặp mã nguồn là biểu diễn khóa như 1 nhóm kiểu (kiểu gộp, union).

Tương tự như với chuỗi ký tự, với kiểu gộp chúng ta phải sử dụng hàm để so sánh, không sử dụng được các toán tử lô-gic.

## Kiểu dữ liệu của thuộc tính khóa<sub>(2)</sub>

Chúng ta sẽ sử dụng kiểu gtype cho khóa:

- Hàm so sánh các giá trị gtype được định nghĩa theo tình huống sử dụng. Chúng ta sẽ sử dụng các giá trị trả về tương tự như strcmp.
- Ví dụ, int gcmp(gtype v1, gtype v2);
  - Nếu v1 < v2 thì trả về giá trị < 0,</p>
  - nếu ngược lại: nếu v1 > v2 thì trả về giá trị > 0,
  - nếu ngược lại (v1 == v2) thì trả về 0.

### Ví dụ 6.1. Giới thiệu gtype

41

```
5 #include "ext/io.h"
 6 #include "gtype.h"
7 #include <stdio.h>
   #include <stdlib.h>
9
10
    typedef struct contact {
11
      char *number;
      char *fullname;
12
13
    } *contact t;
                   Người gọi hàm cần truyền tham số với kiểu và nội dung phù hợp
14
15
   void print contact(gtype v) { ----
      printf("Chi tiết liên lac: \n");
16
      printf("Sdt: %s\n", ((contact t)(v.v))->number);
17
      printf("Ho và tên: %s\n", ((contact t)(v.v))->fullname);
18
19
20
21
    int main() {
                                                                  Ghi và đọc với cùng
22
      gtype v;
      printf("Nhâp 1 số nguyên: ");
23
                                                                  1 trường.
24
      scanf("%ld", &v.i); -----
      printf("Bạn đã nhập: %ld\n", v.i);
25
      printf("Nhâp 1 số thực: ");
26
      scanf("%lf", &v.d);-----
27
      printf("Ban đã nhập: %f\n", v.d);
28
      contact t c = calloc(1, sizeof(struct contact));
29
      printf("Nhâp sđt: ");
30
31
      clear stdin();
      remove tail lf(cgetline(&(c->number), 0, stdin));
32
      printf("Nhâp ho và tên: ");
33
      remove tail lf(cgetline(&(c->fullname), 0, stdin));
34
35
      V.V = C;
      print contact(v);
36
37
      free(c->number):
      free(c->fullname);
38
      free(c);
39
      return 0;
40
```

### Nội dung

- Cây nhị phân và cây nhị phân tìm kiếm
- Một số thao tác tiêu biểu
- Các bài tập

### Một số thao tác tiêu biểu

bn\_tree\_t bns\_create\_tree\_g(
 bn\_node\_t root, // Gốc của cây
 bn\_compare\_t cmp // So sánh các giá trị khóa
 );

Tạo đối tượng cây nhị phân tìm kiếm. Trả về con trỏ tới đối tượng được tạo, hoặc NULL nếu phát sinh lỗi.

```
    bn_node_t bns_insert_g(
        bn_tree_t t, // Cây được thêm vào.
        gtype key // Khóa được thêm vào
        );
```

Thêm key vào cây t. Trả về con trỏ tới nút mới được tạo, hoặc NULL nếu phát sinh lỗi.

### Một số thao tác tiêu biểu

```
    bn_node_t bns_search_g(
        bn_tree_t t, // Tìm kiếm trong cây t
        gtype key // Khóa cần tìm.
        );
```

Tìm nút trong cây t có khóa == key. Trả về con trỏ tới nút tìm được, hoặc NULL nếu không tìm thấy.

```
    bn_node_t bns_search_gte_g(
        bn_tree_t t, // Tim ki\(\tilde{e}\)m trong c\(\tilde{a}\)y t
        gtype key // Kh\(\tilde{a}\) c\(\tilde{a}\)n tim.
        );
```

Tìm nút trong cây có khóa nhỏ nhất và >= key. Trả về con trỏ tới nút tìm được, hoặc NULL nếu không tìm thấy.

### Một số thao tác tiêu biểu

```
• bn_node_t bns_search_lte_g(
bn_tree_t t, // Tim ki\u00e9m trong c\u00e3y t
gtype key // Theo kh\u00f3a key
);
```

Tìm nút có khóa lớn nhất và <= key. Trả về con trỏ tới nút tìm được, hoặc NULL nếu không tìm thấy.

```
    void bns_delete_g(
        bn_tree_t t, // Xóa trong cây t
        bn_node_t n // nút trong cây t cần xóa
        );
```

Xóa nút n khỏi cây t (điều chỉnh các liên kết) không giải phóng bộ nhớ cho n.

## Một số thao tác tiêu biểu<sub>(2)</sub>

#### Các vòng lặp duyệt cây:

- bn\_traverse\_lnr // Duyệt cây theo trình tự trái-giữa-phải bn\_traverse\_lnr(cur, tree) {
   ... // Xử lý nút hiện tại (cur) trong tiến trình }
- bn\_traverse\_rnl // phải-giữa-trái
- bn\_traverse\_lrn // trái-phải-giữa

#### Tính một số đặc điểm của cây:

- long bn\_size(bn\_tree\_t t); // Số lượng nút trong t
- long bn\_edge\_height(bn\_tree\_t t); // Độ cao của t

Có thể tham khảo thêm duyệt cây bằng đệ quy, tuy nhiên duyệt cây theo hình thức vòng lặp được ưa chuộng hơn.

### Giải phóng bộ nhớ động

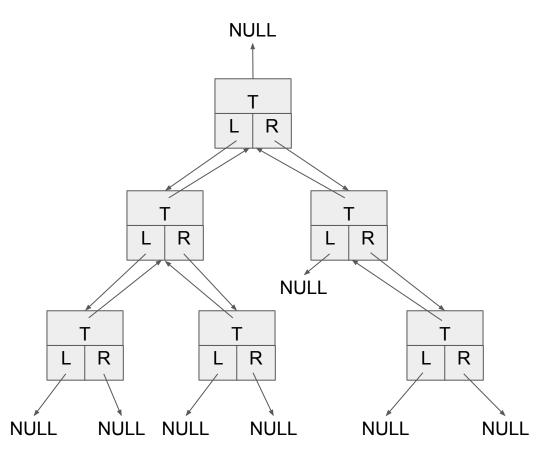
 void bn free tree(bn tree t \*t); // Giải phóng bộ nhớ động đã được cấp phát cho cấu trúc liên kết của cây, con trỏ tới cây sau đó được gán = NULL. Trong trường hợp các nút có chứa con trỏ tới vùng nhớ được cấp phát động thì các vùng nhớ đó phải được giải phóng trước. Ví dụ có thể sử dụng cấu trúc sau: traverse lrn(cur, t) { giải phóng bộ nhớ được cấp phát động trong nút cur, nhưng giữ nguyên các liên kết. bn free tree(&t); Trong trường hợp ngược lại, thường chỉ cần gọi hàm bn free tree(&t);

### Nội dung

- Cây nhị phân và cây nhị phân tìm kiếm
- Một số thao tác tiêu biểu
- Các bài tập

### Bài tập 6.1. Cấu trúc liên kết trong cây nhị phân

Viết chương trình tạo cây nhị phân có cấu trúc như trong hình vẽ. Sau đó chương trình tính số lượng nút, độ cao cây tính theo cạnh và xuất cây với địa chỉ của các nút.



### Bài tập 6.2. Tìm nút lá

- Viết hàm nhận 1 tham số đầu vào là một cây nhị phân, hàm trả về một danh sách các nút lá trong cây (dll) theo thứ tự từ trái qua phải. Hàm trả về NULL nếu đầu vào là cây rỗng dll\_t bn\_get\_leafs(bn\_tree\_t t);
- Phát triển tiếp bài tập 6.1 sử dụng hàm bn\_get\_leafs để đưa ra các nút lá của cây.

Gợi ý: Duyệt cây (lnr) và kiểm tra từng nút, nếu là nút lá thì đưa vào danh sách.

### Bài tập 6.3. Cắt lớp cây

Viết hàm nhận 2 tham số: 1 tham số đầu vào là 1 cây nhị phân, 1 tham số đầu ra là số lượng phần tử trong mảng được trả về, hàm trả về một mảng các danh sách 1 chiều (sll) với mỗi phần tử là một danh sách các nút có độ cao tính theo cạnh bằng chỉ số tương ứng của mảng theo thứ tự từ trái sang phải. Mở rộng bài tập 6.1, minh họa sử dụng hàm.

sll\_t \*bn\_layers(bn\_tree\_t t, long \*n);

> long n; sll\_t \*a = bn\_layers(t, &n);

### Bài tập 6.3. Hướng dẫn

Có thể sử dụng một hàng đợi FIFO và xử lý theo tầng:

Tầng 0 chỉ bao gồm nút gốc

Tầng 1 bao gồm các nút con của tầng 0

. . .

Chúng ta có tầng i bao gồm các nút con của tầng i - 1

### Bài tập 6.4. Mảng khóa

 Viết hàm đọc các khóa của một cây nhị phân tìm kiếm theo thứ tự tăng dần:

```
gtype *bns_keys(bn_tree_t t, long *n);
t - Tham số đầu vào, là con trỏ cây nhị phân tìm kiếm.
n - Tham số đầu ra - lưu số lượng phần tử mảng.
Hàm trả về con trỏ mảng được cấp phát.
```

Viết chương trình minh họa cách sử dụng hàm bns\_keys.

### Bài tập 6.5. Từ điển

- Viết chương trình đưa ra danh sách các từ duy nhất có trong một tệp văn bản. Đường dẫn tới tệp văn bản được truyền cho chương trình qua tham số dòng lệnh đầu tiên.
- Trong phạm vi bài tập này chúng ta sử dụng một định nghĩa thô sơ từ là một chuỗi các ký tự liên tiếp không chứa khoảng trắng.

Gợi ý: Có thể đọc từng từ bằng fscanf("%s", ...). Sử dụng 1 cây nhị phân tìm kiếm để lưu các từ, kiểm tra từ trong cây trước khi thêm vào. Duyệt cây để đưa ra danh sách từ.

### Bài tập 6.5. Ví dụ minh họa

- Đặt tên chương trình là wu:
- Cho tệp văn bản story.txt với nội dung như sau

Sau khi chạy chương trình ./wu story.txt

Kết quả thu được trên màn hình có thể như sau:

. . . .

### Bài tập 6.6. Độ cao của cây

Viết chương trình sinh ngẫu nhiên 1000 000 số nguyên và thêm vào cây nhị phân tìm kiếm theo thứ tự sinh ngẫu nhiên. Chương trình in ra chiều cao của cây thu được sau khi thêm vào 10000 số và so sánh với chiều cao tối ưu (tối thiểu) của cây với cùng số lượng nút.

Gợi ý: Chiều cao tính theo nút của cây nhị phân đầy đủ với n nút là  $1 + (long)log_2(n)$ .

