

# VerteilteWebInf Hausaufgabe 10

Gruppe 6

December 21, 2014

## Aufgabe 2

b)

gegeben: verschlüsselte Nachricht  $C = 13$ , öffentlicher Exponent  $e = 3$ ,  $n = p \cdot q = 15$

Der Klartext  $M$  kann über  $C^d \bmod n$  berechnet werden, wobei  $d$  der private Exponent des Empfängers ist.

Berechne  $d$ : Es muss gelten, dass  $e \cdot d \equiv 1 \pmod{\Phi(n)}$  mit  $\Phi(n) = (p-1)(q-1)$ .

Wir benötigen also Primzahlen  $p$  und  $q$ , sodass  $p \cdot q = n = 15$ :  $p = 3$ ,  $q = 5$ .

Also gilt  $\Phi(n) = 4 \cdot 2 = 8$ .

Es muss also gelten:  $3 \cdot d \equiv 1 \pmod{8}$ , also wähle  $d = 3$ .

Klartext  $M = C^d \bmod n = 13^3 \bmod 15 = 7$ . Der Klartext der Nachricht lautet also 7.