

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИТМО»

Практическая работа №3
«Кинематика по скорости»
по дисциплине «Моделирование и управление робототехническими системами»

Выполнил:
студент гр. R41341с
Борисов М. В.

Преподаватель:
Каканов М. А.

Санкт-Петербург
2021 г.

Дано

Задание

Построить матрицу Якоби и решить ПЗК и ОЗК по скорости для шестизвенного манипулятора.

Решение

Системы координат выбраны как показано на рисунке 1

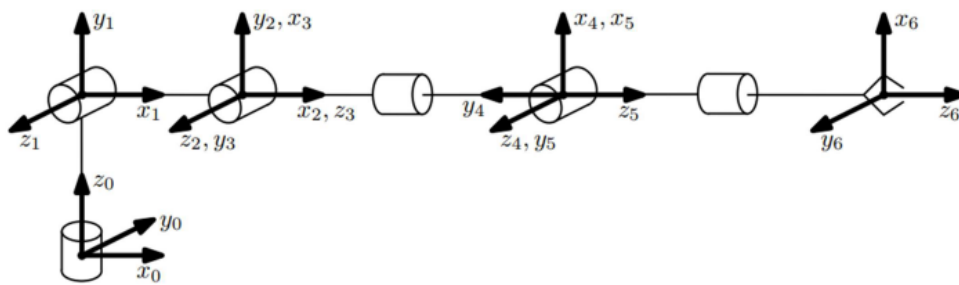


Рис. 1: Системы координат звеньев манипулятора

Параметры Денавита-Хартенберга приведены в таблице 1. Значения параметров a_i , d_i были приняты единичными. Поскольку все звенья манипулятора вращательные, то углы θ_i выступают в качестве обобщённых координат и будут выбраны произвольно.

Звено, i	a_i	α_i	d_i	θ_i
1	0	$\frac{\pi}{2}$	d_1	θ_1
2	a_2	0	0	θ_2
3	0	$\frac{\pi}{2}$	0	$\theta_3 + \frac{\pi}{2}$
4	0	$-\frac{\pi}{2}$	d_4	θ_4
5	0	$\frac{\pi}{2}$	0	θ_5
6	0	0	d_6	θ_6

Таблица 1: Параметры Денавита-Хартенберга

В приложении А приведена функция для решения обратной задачи кинематики. В нём задаются параметры манипулятора и производится расчёт.

После инициализации значений манипулятора строятся матрицы трансформации T для каждого звена манипулятора в символьном виде.

Затем строится матрица Якоби, в которой каждый столбец вычисляется как частная производная из линейной и угловой компоненты вектора. Линейная компонента есть частная производная вектора координат p_n^0 по q_i , где вектор координат находится из ранее рассчитанных матриц T . Угловая компонента есть три строчки третьего столбца тех же матриц T .

Матрица Якоби таким образом выглядит

$$J = \begin{bmatrix} J_{v_1}(1) \dots J_{v_6}(q) \\ J_{\omega_1}(1) \dots J_{\omega_6}(q) \end{bmatrix} \quad (1)$$

В итоге в данную матрицу (которая найдена в символьном виде) подставляются реальные значения и получается конкретный ответ.

Решим теперь ПЗК и ОЗК.

```
1 >> J = jacob([0.28 0.2 0.1 0.9 0.9 0.9])
2
```

```

3 J =
4
5     0.0579    1.1596    1.3506   -0.4288    0.2669         0
6     2.0191    0.3335    0.3884   -0.6300   -0.4299         0
7         0     1.9245    0.9444   -0.1813    0.8625         0
8         0     0.2764    0.2764    0.2840   -0.5474    0.7932
9         0    -0.9611   -0.9611    0.0817   -0.8042   -0.4104
10        1.0000    0.0000    0.0000   -0.9553   -0.2315   -0.4500
11
12 >> J * [0.28 0.2 0.1 0.9 0.9 0.9] '
13
14 ans =
15
16     0.2374
17    -0.2830
18     1.0924
19     0.5597
20    -1.3079
21    -1.1931
22
23 >> inv(J) * ans
24
25 ans =
26
27     0.2800
28     0.2000
29     0.1000
30     0.9000
31     0.9000
32     0.9000

```

Решение ОЗК соответствует входным аргументам ПЗК, что доказывает правильность реализации.

Вывод

В ходе работы написана функция вычисляющая фиксированную матрицу Якоби для шестизвенного манипулятора и позволяющая с её помощью решать прямую и обратную задачу кинематики по скорости.

А. Функция решения прямой задачи кинематики

```
1 function [J] = jacob(value)
2
3 N = 6;
4
5 q = sym('q', [1 N]);
6 a = [0 1 0 0 0 0]; % расстояние вдоль x
7 alpha = [pi/2 0 pi/2 -pi/2 pi/2 0]; % угол вокруг x
8 d = [1 0 0 1 0 1]; % расстояние вдоль z
9
10 T_rel_to_prev_link = cell(1, N);
11 for i = 1:N
12     T_rel_to_prev_link{i} = ht(q(i), d(i), a(i), alpha(i));
13 end
14
15 % вычисляем матрицы однородного преобразования T06
16 T_abs = {eye(4)};
17 for i = 1:N
18     T_abs{i+1} = T_abs{i}*T_rel_to_prev_link{i};
19 end
20
21 % вычисляем столбцы матрицы Якоби
22 J = sym('J1', [N N]);
23 for i = 1:N
24     J(:, i) = [
25         diff(T_abs{end}(1:3, 4), q(i));
26         T_abs{i}(1:3, 3)
27     ];
28 end
29
30 J = double(subs(J, q, value));
```